

NOI模拟赛3

saffah

2015 年 5 月 28 日

竞赛时间：2333年3月33日3:33~33:33

| | | | |
|---------|----------|---------|----------------|
| 中文题目名称 | 化学题 | k 小路径 | 可持久化打字机 |
| 英文题目名称 | chem | kth | typewriter |
| 输入文件名 | chem.in | kth.in | typewriter.in |
| 输出文件名 | chem.out | kth.out | typewriter.out |
| 每个测试点时限 | 0.5秒 | 1秒 | 1秒 |
| 测试点数目 | 10 | 20 | 20 |
| 每个测试点分值 | 10 | 5 | 5 |
| 内存限制 | 128MB | 128MB | 128MB |
| 是否有部分分 | 否 | 否 | 否 |
| 题目类型 | 传统 | 传统 | 传统 |

阿斯大法好

1 化学题

1.1 题目描述

小P和小Z是一对非常好的朋友，今天他们在做一道化学题。

这道题目也非常简单，就是求一个链烷烃的一氯取代物的种数。

众所周知，一个链烷烃可以看作一个由H和C构成的树，其中所有H的度数为1，C的度数为4。

对于一个链烷烃，我们可以从它的任何一个H出发进行深度优先搜索，得到的节点序列称为DFS序列。例如甲烷的DFS序列是HCHHH，乙烷是HCHHCHHH（注意，也有其他表示方法例如HCCHHHHHH等）。已知了DFS序列，那么链烷烃的结构就确定了。

我们就输入一个链烷烃的DFS序列，求它的不同的一氯取代物的种数。注意我们这里只考虑官能团位置异构，不考虑价键异构、立体异构等。

1.2 输入格式

输入文件为chem.in。

只有一行，表示这个链烷烃的DFS序列。

1.3 输出格式

输出文件为chem.out。

只有一个整数，表示它的不同的一氯取代物的种数。

1.4 样例输入1

HCHHH

1.5 样例输出1

1

1.6 样例输入2

HCCHHHCHHHCHHH

1.7 样例输出2

2

1.8 样例输入3

HCCCHHHCHHHCHHHHH

1.9 样例输出3

1

1.10 样例解释

三个样例分别是甲烷、异丁烷、新戊烷。

1.11 数据规模与约定

对于所有数据，输入文件是随机生成的。令 n 为输入串的长度，则：

| 测试点编号 | n |
|-------|--------|
| 1 | 14 |
| 2 | 17 |
| 3 | 17 |
| 4 | 302 |
| 5 | 302 |
| 6 | 3002 |
| 7 | 3002 |
| 8 | 300002 |
| 9 | 300002 |
| 10 | 300002 |

2 k 小路径

2.1 题目描述

给出一个 n 个点， m 条边的有向图。编号为 i 的边从 s_i 连向 t_i 。保证没有重边但是可能有自环。

编号为 i 的点上有有点权 a_i ，保证所有的点权是不超过 p 的正整数。

现在给出 l ，求长度为 l （经过 l 个点）的路径中，点权序列的字典序前 k 小的所有路径。同一条路径可以多次经过某一个点。

2.2 输入格式

输入文件为kth.in。

第一行五个正整数 n, m, p, l, k 。

接下来一行 n 个正整数表示所有的点权 a_i 。

接下来 m 行，每行两个正整数 s_i, t_i 表示一条边。

2.3 输出格式

输出文件为kth.out。

依次输出点权序列字典序前 k 小的长度为 l 的路径，每行一个。输出路径的方法是依次输出路径上每个点的点权。

如果长度为 l 的路径不足 k 条，则依次输出所有路径，再输出一行END。

2.4 样例输入1

```
3 4 2 3 100
1 2 2
1 2
1 3
2 3
3 2
```

2.5 样例输出1

```
1 2 2
1 2 2
2 2 2
2 2 2
END
```

2.6 样例输入2

```
2 1 2 1 1
1 2
```

1 2

2.7 样例输出2

1

2.8 样例解释

注意要输出的是点权而不是编号。比较字典序也是点权而不是编号。

2.9 数据规模与约定

存在30%的数据， $n \leq 5, l \leq 10$ 。

存在30%的数据， $k \leq 10000$ ，且满足任意两点的点权都不同。

存在40%的数据， $p \leq 100, k \leq 10000$ 。

以上三类数据两两没有交集，构成了全部数据。

对于100%的数据， $n, p \leq 500, m \leq n^2, l \leq 100, k \leq 100000$ 。

3 可持久化打字机

3.1 题目描述

小P和小Z有一种神奇的打字机，说它神奇是因为它支持可持久化。这种打字机是这样工作的：

打字机时刻维护着一个字符串，初始为空串。一共有 q 次操作，第 i 次操作可以是：

- 1 c ，其中 c 是一个小写字母。接到这个命令后，打字机会在当前字符串后添加这个字符 c 。
- 2 x ，其中 x 是小于 i 的自然数（可以为0）。接到这个命令后，打字机会把当前字符串变成进行 x 次操作后那时的字符串。

例如，考虑这个操作序列： $q = 3$ ，操作为：1 a , 2 0, 1 b ，那么产生的3个字符串就分别为 a , 空串, b 。

现在我们有两台这样的打字机，称为 A 和 B 。我们用 A_i 表示打字机 A 产生的第 i 个字符串， B_j 表示打字机 B 产生的第 j 个字符串。如果 A_i 在 B_j 中出现了 k 次，那么我们获得 $i \times j \times k$ 的得分。

求总得分对1000000007取模的结果。

注意：对于两个字符串 s, t ，如果 s 是空串，则我们认为 s 在 t 中出现的次数为 t 的长度+1。

3.2 输入格式

输入文件为typewriter.in。

第一行有一个整数 q ，表示打字机 A 的操作次数。

接下来 q 行，每行格式为 $1\ c$ 或 $2\ x$ ，表示第一个打字机的每一次操作。

接下来用相同的方式描述了打字机 B 的操作。

3.3 输出格式

输出文件为typewriter.out。

输出一个整数，即总得分对1000000007取模的结果。

3.4 样例输入

```
3
1 a
2 0
1 b
2
1 a
1 b
```

3.5 样例输出

```
24
```

3.6 样例解释

$$1 \times 1 \times 1 + 1 \times 2 \times 1 + 2 \times 1 \times 2 + 2 \times 2 \times 3 + 3 \times 1 \times 0 + 3 \times 2 \times 1 = 24。$$

3.7 数据规模与约定

令 n 为两个打字机的操作序列长度的较大值：

对于20%的数据， $n \leq 100$ 。

对于40%的数据， $n \leq 500$ 。

对于70%的数据， $n \leq 3000$ 。

对于100%的数据， $n \leq 300000$ 。

均匀分布着一半的数据满足所有出现的小写字母均为a。

所有数据都是用某种方法随机生成的。