1 Problem 1. Distance

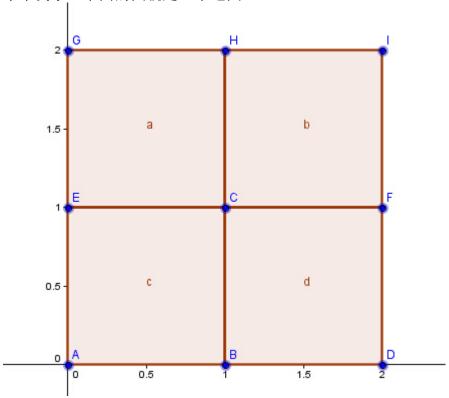
1.1 题目描述

File Name: distance.cpp/c/pas

小L和小G是一对好朋友,他们居住在一个美好的世界里,打开地图,你能看到世界由一个个紧挨着的国家构成,我们可以用一个平面图来表示。小L和小G都很喜欢旅游,一下子到这个国家一下子到那个国家,所以他们经常是分开的。但是有时候,小L想小G了,他就会去找她玩,从一个国度到另一个国度是要收费的。

对于地图,首先输入 $n(n \le 10^5)$ 个点 (x_i, y_i) ,然后再输入 $m(m \le 10^5)$ 条边(u, v, w),表示在点 (x_u, y_u) 和 (x_v, y_v) 之间连接一条线段,线段的权值为w,保证所有线段仅在端点处相交,而且最后生成的平面图是连通的,每个国家一定是一个封闭的多边形(里面可能夹杂了一些线段),更严谨地我们可以说是平面图的一个**域**。

举个例子,下面的图就是一个地图:



这个图中一共有四个国家:小正方形a,b,c,d。还有一个无穷大的区域(就是除了阴影部分之外的区域)。

现在有 $Q(Q \le 100000)$ 组询问,对于第i组询问给定两个点的坐标(a,b)和(c,d),分别代表小L的现在位置,和小G 的现在位置。

首先我们定义一下路径,路径可以是任意以点(a,b) 出发到点(c,d)结束的有向曲线段,一条路径可能按顺序割断了若干条图中的线段(就是m条边中的某一条),一条边可以被经过若干次。

因为代价的计算仅仅和边有关,所以我们就可以用一个边的序列来表示一条路径 $< e_1, e_2 \dots e_k >$,其中路径中可能出现相同的边。

令 w_i 表示路径上边 e_i 的权值,那么这条边对总代价的贡献就是f(i)w(i),其中

$$f(i) = f(i-1) * (c^{i} - 1) \mod P \tag{1}$$

其中c = 4263, P = 1632899, f(0) = 1。

最后的 $\sum_{i=1}^{k} f(i)w(i)$ 就是这条路径的代价,然后我们要询问的是小L从现在的位置出发,**至少**割过 $t(100 \le t \le 1000)$ 次边到达小G的位置的所有路径中代价最小的那条路径的代价是多少。

注意我们把那个无穷大的区域也看成是一个国家,也就是小L和小G都有可能出现在那个区域。

1.2 输入格式

Input File: distance.in

第一行两个正整数n, m,分别代表平面图一共有n个点和m条边。

接下来n行,每行两个非负整数(x,y)表示第i个点的坐标(从1开始标号)

再接下来一共m行,每行三个正整数(u, v, w),表示第u个点和第v个点之间有一条权值为w的边。

然后是单独一行一个正整数Q,表示有Q组询问。

接下来每行四个非负实数a,b,c,d和一个正整数t,代表小L的位置在(a,b),小G的位置在(c,d),然后路径要求至少走t步。

1.3 输出格式

 ${\bf Output\ File:\ distance.out}$

共Q行,每行一个正整数代表对每个询问的答案。

1.4 数据范围

 $1 \le n, m \le 10^5, 0 \le x, y \le 10^9$, $1 \le w \le 500, 10^2 \le t \le 10^3$ $0 \le a, b, c, d \le 10^9$ 且都是0.5的整数倍,保证任意询问点都不出现在线段上。50%的数据满足 $0 \le x, y \le 10^3$,且所有线段长度为1。时间限制: 3s。内存限制: 512MB。

2 Problem 2. Matrix

2.1 题目描述

File Name: matrix.cpp/c/pas

小L和小G是一对好朋友,小G很喜欢数学,尤其是矩阵,有一天她弄了10种大小为10×10矩阵T[1]...T[10]。然后随机了一个序列 $a_1...a_n$ (1 $\leq a_i \leq 10$),她要小L算出 $T[a_1] \times T[a_2]....T[a_n]$ 的结果(一个矩阵)。

小L觉得小G是在刁难他,于是他就想看看小G是不是真的自己会计算,于是他将矩阵 $T[a_1], T[a_2]....T[a_n]$ 按顺序从左到右写成一排。

然后按顺序执行100次操作,对于第i次操作,小L随机产生一个[1..n+i-1]之间的正整数x,和一个矩阵G,然后他就在序列中第x个矩阵的后面紧挨着插入一个新矩阵G,然后序列就多了一个矩阵。

然后他把这个新序列(包括n + 100个矩阵)给小G去算,因为插入100个新矩阵规模没有什么变化,所以这样对小G是公平的,但是小G最近事情很多挺忙的,她又不想让小L生气,所以她找你来帮忙应付一下小L。

你需要告诉小L这个新矩阵序列从左到右的乘积,注意所有数字运算是在 $模10^9 + 7$ 意义下进行的。

2.2 输入格式

Input File: matrix.in

首先是按顺序输入T[1]...T[10](注意对于所有测试数据这10个矩阵都不会有变化,我们会放到TheMatrix.txt中)

对于每个10×10的矩阵,我们用10行来输入,每行空格隔开10个整数,相邻两个矩阵之间空一行。

接下来单独一行一个数字代表n。

然后下一行有空格隔开的n个整数表示a序列。

接下来有100个部分,每个部分描述了一个要插入的矩阵,首先是单独一行输入x,然后用10行来输入该要被插入的矩阵。

2.3 输出格式

Output File: matrix.out

共10行,每行10个空格隔开的整数,表示答案矩阵。

2.4 数据范围

对于T[1..10]每个矩阵中的每个数字的大小都是 $[0,10^9+6]$ 之间的整数。

对于后来插入的每个矩阵中的每个数字大小都是[1..10]之间的整数。

30%的数据满足 $1 \le n \le 1000$

100%的数据满足 $1 < n < 10^6$

时间限制: 1s。内存限制: 256MB。

3 Problem 3. Circle

3.1 题目描述

File Name: Circle.cpp/c/pas

小L和小G是一对好朋友。有一天他们来到了游乐园,看到一个非常有意思的套圈圈游戏,一共有n个奖品放在地面上,我们给他**随机标号**1...n,对于第i个奖品可以点 (x_i, y_i) 来表示它的位置。

小L为了在小G面前留一个很好的印象,就跟负责的人说,你随便指定一个区间[L,R],然后给我一个半径为r的圈圈,我保证在800里的距离之外用这个圈圈套中所有标号在[L,R]中的奖品(可能还多套了别的),而且你们都不能找到一个更小的圈圈来做到跟我一样的事情。

而且为了让他们服气,小L说你们可以考我m次,每次就指定一个区间[L_i , R_i],然后小L就告诉他们我要一个半径为 r_i 的圈圈,之后就开始表演800里外一圈套中奖品。

小G才不感兴趣呢,她满脑子都想着她的矩阵,但是他记下了了小L说的每次圈圈的大小的**整数部分**为 r_i ,对于第i 次套圈套完之后,她能马上构造一个大小为 $i \times i$ 的矩阵 F_i

$$F_{i} = \begin{pmatrix} r_{1}^{0} & r_{1}^{1} & \dots & r_{1}^{i-1} \\ r_{2}^{0} & \dots & \dots & r_{2}^{i-1} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ r_{i}^{0} & \dots & \dots & r_{i}^{i-1} \end{pmatrix}$$

$$(2)$$

然后口算它的**行列式**模 $10^9 + 7$ 的结果,并把它加上 $L_i \times R_i$ 得到 ans_i ,小声地自言自语嘀咕出这个数字。

回家之后呢,小G说小L一点都不关心她,只管自己套圈呢,小L听到这话一下子紧张了,不过一会儿之后,他对小G说,哪里有,我很关心你的好不好,每次套圈完之后的你说的数字我都记得呢。小G听到这个话之后一下子就高兴了,真的丫,那我每次都说了写什么呢?

这个嘛,小L哪里会记得,他赶紧偷偷发消息给套圈工作人员,要到了他们每个奖品的位置,每次询问的区间。

小L暗中联系了正在敲代码的你,要你帮忙写个小代码来算一下小G每次说的数字,作为回报,他能让你在考场上多拿100分。

3.2 输入格式

Input File: circle.in

第一行一个正整数n,代表有n个奖品。

接下来n行,每行两个非负整数 (x_i,y_i) ,表示标号为i的奖品的坐标。

然后输入一个数m,表示一共有m个询问区间,接下来m行,每行两个正整数 $[L_i, R_i]$ 。

3.3 输出格式

Output File: circle.out

共m行,表示每个询问的答案。

3.4 数据范围

数据保证 $1 \le n, m \le 10^5, 0 \le x_i, y_i \le 10^4$ 。所有坐标都是随机生成。

询问序列的生成方法: 首先随机生成 $2*10^5$ 个区间(a[i],b[i])。然后对于第i个询问,我们随机一个 $[1,2*10^5]$ 的整数x,令L[i]=a[x],R[i]=b[x]。

对于30%的数据,满足 $n < 10^2, m = 1$ 。

时间限制: 2s。内存限制: 256MB。