Variance d'Allan

2 novembre 2020

Afin de faciliter le TD, on partira du notebook variance_d_allan déposé sur le github https://github.com/clade/Lumi2020. Les fichiers de données y sont aussi déposés.

1 Variance d'Allan

1.1 Rappel

La variance d'Allan d'une série de mesure y_k , où chaque point est pris sur une durée τ , est définie comme :

$$\sigma_y^2(\tau) = \frac{1}{2} \left\langle \left(y_{k+1} - y_k \right)^2 \right\rangle_k$$

Lorsque l'on effectue l'acquisition d'une série de mesure effectuée pendant une durée τ_0 , il est possible de calculer la variance d'Allan pour des durées $\tau=n\tau_0$ qui sont des multiples entiers des τ_0 , pour cela chaque y_k est calculé comme la moyenne de n valeur consécutives de y. Notez que les valeurs prises pour les y_k ne se recouvrent pas.

1.2 Moyenne par paquet

La fonction python average (data, n) moyenne les valeurs de data par paquets de taille n. Voici cette fonction

```
def average(data, n):
""" Moyenne les valeurs de data par paquets de taille n"""
databis = data[len(data)%n:]
return databis.reshape(len(data)//n, n).mean(axis=1)
```

1. Testez cette fonction sur un tableau simple (arange (37)). Expiquez ce que font chaque ligne de cette fonction.

1.3 Variance d'Allan

2. Écrivez la fonction allan_variance_simple (data, n) qui calcule la variance d'Allan pour une valeur donnée de n.

Par la suite, on utilisera la fonction variance_allan suivante, qui calcule la variance d'Allan pour des valeurs de n uniformement réparties sur une échelle log

On fera ensuite des comparaison entre la variance d'Allan et la variance simple. Pour cela on utilisera la fonction

```
def usual_variance(data):
n_max = int(np.log2(len(data)))-1
Tn = 2**arange(n_max)
return Tn, np.array([np.var(average(data, n)) for n in Tn])
```

2 Exemple

2.1 Simulation

- 3. On considère un bruit blanc de variance 1 ayant une distribution normale. Tracez sa variance d'Allan. On pourra créer ce bruit à l'aide de la fonction numpy.random. normal (size). On prendra 1024 points. Comparez avec le variance usuelle. Commentez.
- 4. On considère une marche aléatoire dont le pas est une distribution gaussienne de variance 0.1. Ce bruit peut être créé à partir de la fonction numpy.random.normal et de numpy.cumsum:

```
data = 0.1*cumsum(np.random.normal(size=2**16))
```

Tracez sa variance d'Allan. Comparez avec le variance usuelle. Commentez.

5. Tracez la variance d'Allan de la somme des deux bruits précédents. Comparez avec le variance usuelle. Commentez.

2.2 Température

Le fichier temperature_londres.dat contient pour chaque mois depuis 1772 la temperature moyenne mensuelle mesurée à Londres (une colone par mois). Importez ce fichier. Tracez l'évolution temporelle de la temperature pour les mois de janvier, avril, juillet et octobre. Tracez leur variance d'Allan. De quel type de bruit s'agit-il?

2.3 Cours de la bourse CAC 40

Le fichier cac_40.csv contient les valeurs journalière du CAC 40 depuis 1990. Ce fichier est le fichier directement importé depuis le site d'Euronext. Lire ce fichier et extraire la valeur d'ouverture de l'indice. Tracez la variance d'Allan et commentez.