## Série de Fourier:

## Signal Déterministe à Temps Continu sur un intervalle fini d'énergie finie -Signal périodique de période T

x(t) est nul à l'extérieur de l'intervalle de dimension  $T(\text{soit } [-\frac{T}{2}, \frac{T}{2}] \text{ soit } [0, T])$  ou x(t) est un signal périodique de période T.

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} X_k e^{2\pi j \frac{k}{T}t}$$

$$X_k = \frac{1}{T} \int_{(T)}^{\infty} x(t) e^{-2\pi j \frac{k}{T}t} dt$$

- composante continue:  $X_0$
- composantes harmoniques:  $X_{\pm 1}e^{2\pi j\frac{\pm t}{T}}$
- composantes fondamentales:  $X_k e^{2\pi j \frac{k}{T}t}$ ,  $k \neq 0, \pm 1$
- translation temporelle

$$y(t) = x(t + \theta) \iff Y_k = X_k e^{2\pi j \frac{k}{T} \theta}$$

- translation en valeur

$$y(t) = x(t + \theta) \iff Y_k = X_k e^{2\pi j \frac{k}{T} \theta}$$
  
 $y(t) = x(t) + C \implies Y_k = X_k + \delta_{k0}C$ 

Seul le coefficient correspondant à la fréquence 0 est affecté par cette translation.

- multiplication par une constante

$$y(t) = Cx(t) \iff Y_k = CX_k$$

- convolution:

$$x(t) * y(t) \to X_k Y_k$$
  
$$x(t)y(t) \to X_k * Y_k$$