

Filas de Espera: Ejercicio 3

Clase 07

Investigación Operativa UTN FRBA 2020

Curso: I4051

Autor: Gabriel Boso

Docente: Martín Palazzo

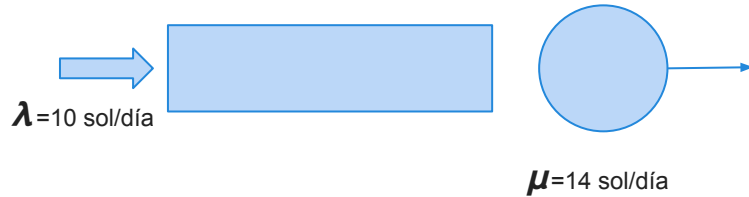
Enunciado

Una empresa de reparación de computadoras recibe una media de 10 solicitudes de reparación al día, que se distribuyen según Poisson. Se supone que la velocidad de reparación del técnico es de 14 órdenes por día y el tiempo de reparación es exponencial. Cada unidad de reparación cuesta 100 pesos por semana y se estima que el costo de tener computadoras no reparadas es de 200 pesos por unidad por día.

1. Indique supuestos
2. Determine el costo económico de mantener el sistema con $M=1$
3. Determine si sería mas economico tener 2 personas

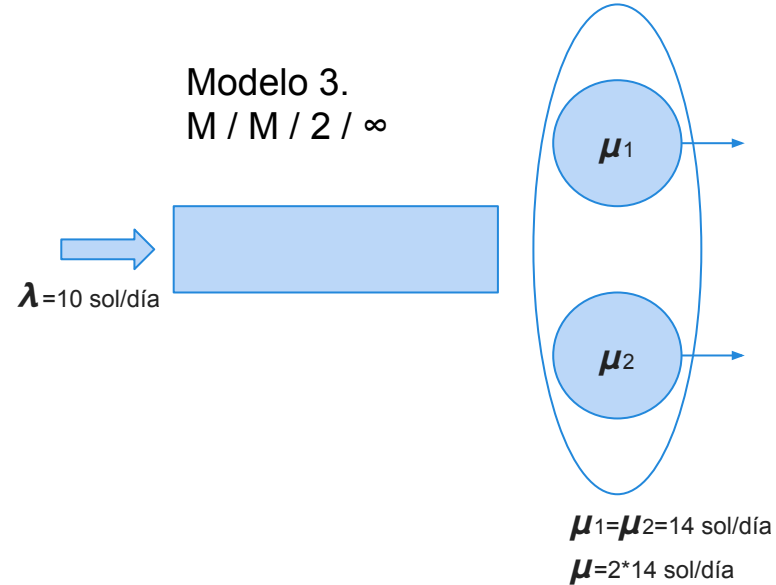
1. Condiciones de Borde

Modelo 2.
 $M / M / 1 / \infty$



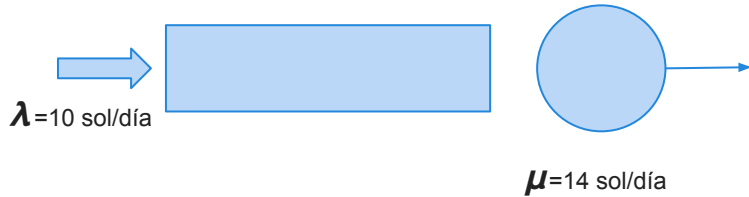
- Fuente de solicitudes ∞
- Paciencia ∞
- Sistema FIFO
- Longitud de la fila ∞
- Distribución Poisson llegada
- Distribución Exponencial salida

Modelo 3.
 $M / M / 2 / \infty$



2. Costo de 1 canal

Modelo 2.
 $M / M / 1 / \infty$



$$\text{Costo Total} \begin{cases} C_{opo} = \lambda \cdot W_s \cdot e \\ C_{ope} = M \cdot C_m \end{cases}$$

Datos:

$\lambda = 10$ sol/día

$M = 1$

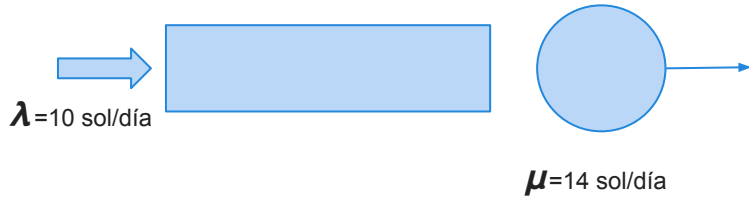
$C_m = 100 \text{ \$}/[\text{canal.sem}] = 20 \text{ \$}/(\text{canal.dia})$

$e = 200 \text{ \$}/(\text{sol.dia})$

Cada unidad de reparación cuesta **100 pesos por semana** y se estima que el costo de tener computadoras no reparadas es de **200 pesos por unidad por día**.

2. Costo de 1 canal

Modelo 2.
M / M / 1 / ∞



Incognita:
 W_s

Formula:

$$W = W_q + \frac{1}{\mu} \quad W_q = \frac{L_q}{\lambda} \quad L_q = \frac{\lambda^2}{\mu(\mu - \lambda)}$$

$$\text{Costo Total} \begin{cases} C_{opo} = \lambda \cdot W_s \cdot e \\ C_{ope} = M \cdot C_m \end{cases}$$

Calculos:

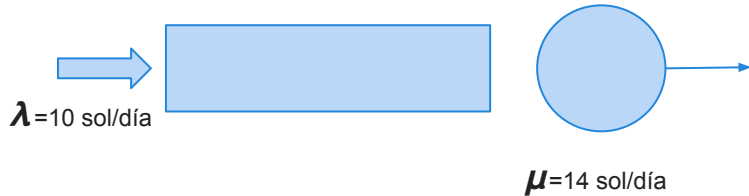
$$L_q = \frac{10^2}{14 * (14 - 10)} = \frac{25}{14} = 1,79$$

$$W_q = \frac{25/14}{10} = \frac{5}{28} = 0,179$$

$$W = \frac{5}{28} + \frac{1}{14} = \frac{1}{4} = 0,25$$

2. Costo de 1 canal

Modelo 2.
M / M / 1 / ∞



Datos:

$\lambda = 10$ sol/día
 $M = 1$ canal
 $C_m = 20$ \$/[canal.día]
 $e = 200$ \$/[sol.día]
 $W_s = 0,25$ días

Costo Total
$$\begin{cases} C_{opo} = \lambda \cdot W_s \cdot e \\ C_{ope} = M \cdot C_m \end{cases}$$

$$W = \frac{1}{\mu - \lambda} \quad W = \frac{5}{28} + \frac{1}{14} = \frac{1}{4} = 0,25 \quad \text{😊}$$

$14 - 10 = 4$

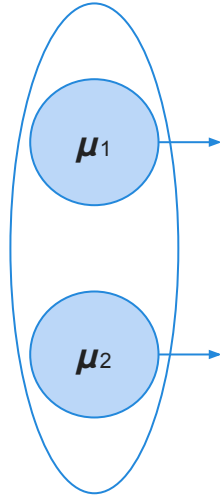
Calculos:

$$\begin{aligned} C_{tot} &= C_{opo} + C_{ope} \\ C_{tot} &= 10 * 0,25 * 200 + 1 * 20 \\ C_{tot} &= 520 \end{aligned}$$

3. Costo de 2 canales

Modelo 3.
M / M / 2 / ∞

$\lambda = 10$ sol/día



$\mu = 2 \times 14$ sol/día

$$\text{Costo Total} \begin{cases} C_{opo} = \lambda \cdot W_s \cdot e \\ C_{ope} = M \cdot C_m \end{cases}$$

Incognita:
 W_s

Formula:

$$W = W_q + \frac{1}{\mu} \quad W_q = \frac{L_q}{\lambda} \quad L_q = \frac{(\lambda/\mu)^s p_0 \rho}{s! (1 - \rho)^2}$$

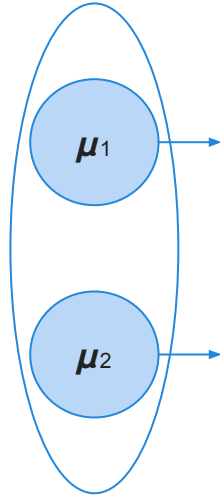
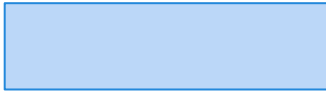
Observamos que acá vamos a necesitar de ρ y P_0 para poder obtener W_s

Aclaración: "s" es la cantidad de canales

3. Costo de 2 canales

Modelo 3.
M / M / 2 / ∞

$\lambda = 10$ sol/día



$\mu = 2 \times 14$ sol/día

$$\text{Costo Total} \begin{cases} C_{opo} = \lambda \cdot W_s \cdot e \\ C_{ope} = M \cdot C_m \end{cases}$$

Incognita:

P_0

ρ

Formula:

$$p_0 = \frac{1}{\sum_{n=0}^{s-1} \frac{(\lambda/\mu)^n}{n!} + \frac{(\lambda/\mu)^s}{s!(1-\rho)}} \quad \rho = \frac{\lambda}{M\mu}$$

Resultados:

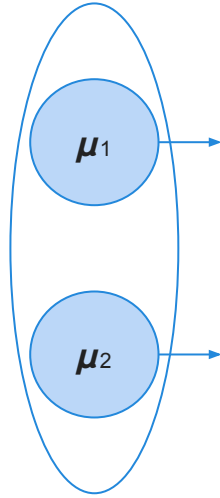
$$P_0 = 9/19 = 0,474$$

$$\rho = 5/14 = 0,357$$

3. Costo de 2 canales

Modelo 3.
M / M / 2 / ∞

$\lambda = 10$ sol/día



$\mu = 2 \times 14$ sol/día

Incognita:
 W_s

Formula:

$$W = W_q + \frac{1}{\mu} \quad W_q = \frac{L_q}{\lambda} \quad L_q = \frac{(\lambda/\mu)^s p_0 \rho}{s! (1 - \rho)^2}$$

$$\text{Costo Total} \begin{cases} C_{opo} = \lambda \cdot W_s \cdot e \\ C_{ope} = M \cdot C_m \end{cases}$$

Resultados:

$$L_q = 125/1197 = 0,104$$

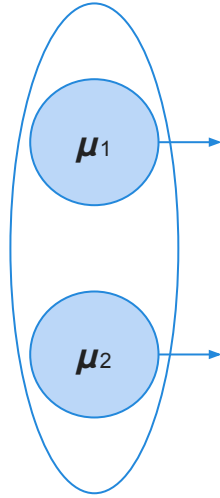
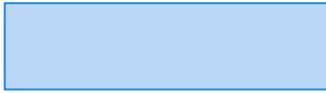
$$W_q = 25/2394 = 0,0104$$

$$W = 0,0818$$

3.Costo de 2 canales

Modelo 3.
 $M / M / 2 / \infty$

$\lambda = 10$ sol/día



$\mu = 2 * 14$ sol/día

$$\text{Costo Total} \begin{cases} C_{opo} = \lambda \cdot W_s \cdot e \\ C_{ope} = M \cdot C_m \end{cases}$$

Datos:

$\lambda = 10$ [sol/día]

$M = 2$ canal

$C_m = 20$ \$/[canal.día]

$e = 200$ \$/[sol.día]

$W_s = 0,0395$ días

Calculos:

$$C_{tot} = C_{opo} + C_{ope}$$

$$C_{tot} = 10 * 0,0818 * 200 + 1 * 20$$

$$C_{tot} = 203,74$$