

Лабораторная работа оформляется в виде файла Wolfram Mathematica, который разбивается на разделы – задания. В каждом разделе должна быть сформулировано задание и приведено решение.

Ф.И.О., номер группы: _____

1. Решение системы линейных уравнений

1

Найдите решение системы линейных уравнений:

$$4 \cdot x_0 + 10 \cdot x_1 + 2 \cdot x_2 + 2 \cdot x_3 = 104 \quad (1)$$

$$8 \cdot x_0 + 8 \cdot x_1 + 8 \cdot x_2 + 4 \cdot x_3 = 148 \quad (2)$$

$$2 \cdot x_0 + 8 \cdot x_1 + 6 \cdot x_2 + 9 \cdot x_3 = 139 \quad (3)$$

$$4 \cdot x_0 + 4 \cdot x_1 + 1 \cdot x_2 + 3 \cdot x_3 = 83 \quad (4)$$

2. Максимальное значение массива

2

Задана табличная функция

$$x = [0., 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1.]$$

$$y = [0.82, 0.71, 1.02, 0.99, 1.31, 0.78, 0.01, -0.93, -0.21, -0.27, 0.57]$$

Напишите код, который определяет максимальное значение этой функции и значение x , которое соответствует максимальному значению. Постройте график функции.

3. Интерполяция

2

Задана табличная функция

$$x = [0., 0.5, 1., 1.5, 2.]$$

$$y = [0.24, 2.77, 4.17, 4.78, 5.96]$$

Напишите код, который определяет приближенное значение функции при $x = 1.3$, используя линейную интерполяцию.

4. Аппроксимация

3

Задана табличная функция

$$x = [0, 1, 2, 3, 4]$$

$$y = [0.45, 4.65, 7.63, 9.69, 10.33]$$

Используя функцию Fit:

- определите коэффициенты аппроксимирующего многочлена 2 порядка.
- определите коэффициенты аппроксимирующего многочлена 4 порядка.

Постройте на одном рисунке график табличной функции (точками) и график аппроксимирующих многочленов на интервале от 0 до 4.

5. Интегрирование табличной функции

2

Задана табличная функция

$$x = [0., 0.5, 1., 1.5, 2., 2.5, 3.]$$

$$y = [8.37, 8.18, 5., 2.36, -1.49, -4.83, -6.77]$$

- Вычислите приближенное значение определенного интеграла этой от этой функции с нижним пределом $x_1 = 0$ и верхнем пределом $x_2 = 3$.
- Найдите среднее значение функции на интервале от 0 до 3.
- Постройте график функции и покажите горизонтальной линией на этом же графике ее среднее значение.

6. Численное интегрирование заданной функции

2

Вычислите интеграл

$$I = \int_1^2 \frac{4 + \sin^2 x}{7 + 2x^2 + 3 \cos^2 x} dx$$

и постройте график подинтегральной функции на интервале от 1 до 2.

7. Решение нелинейного уравнения

3

Найдите ближайший к нулю корень уравнения

$$\cos 4x - 6x = 0$$

8. Линейное программирование

4

Для производства двух видов изделий (А и В) предприятие использует три вида сырья: S1, S2, S3. Для производства изделия А требуется 4 кг сырья S1, 4 кг сырья S2 и 3 кг сырья S3. Для производства изделия В требуется 4 кг сырья S1, 4 кг сырья S2 и 6 кг сырья S3. Всего на предприятии имеется 533 кг S1, 532 кг S2 и 684 кг S3. Прибыль от реализации одного изделия А составляет 113 руб, одного изделия В – 122 руб. Составить такой план продукции, при котором прибыль предприятия от реализации продукции будет максимальной.

8. [38, 95]

9. Численное дифференцирование

3

Задана табличная функция

$$x = [0., 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1.]$$

$$y = [0., 0.16, 0.31, 0.45, 0.59, 0.71, 0.81, 0.89, 0.95, 0.99, 1.]$$

Найдите приближенное значение первой производной этой функции в точке $x = 0.3$ и второй производной в точке $x = 0.7$.

10. Расстояние между точками на плоскости

4

Известны координаты семи точек на плоскости, заданных массивами координат x и y

$$x = [7, 3, 9, 7, 1, 3, 9], \quad y = [4, 2, 3, 6, 8, 4, 7]$$

Напишите код, который определяет и выводит на экран

- пары координат двух ближайших точек и расстояние между ними;
- максимальное расстояние между точками;
- среднее расстояние между точками.

11. Решение системы нелинейных уравнений

3

Найдите одно из решений системы нелинейных уравнений:

$$11(x_1 - 2)^2 + 2x_2^2 = 1 \tag{5}$$

$$(x_1 - 4)^2 + x_2^2 = 5 \tag{6}$$