

Лабораторная работа оформляется в виде файла Wolfram Mathematica, который разбивается на разделы – задания. В каждом разделе должна быть сформулировано задание и приведено решение.

Ф.И.О., номер группы: \_\_\_\_\_

1. Решение системы линейных уравнений

1

Найдите решение системы линейных уравнений:

$$2 \cdot x_0 + 8 \cdot x_1 + 4 \cdot x_2 + 6 \cdot x_3 = 44 \quad (1)$$

$$7 \cdot x_0 + 2 \cdot x_1 + 6 \cdot x_2 + 7 \cdot x_3 = 66 \quad (2)$$

$$8 \cdot x_0 + 6 \cdot x_1 + 10 \cdot x_2 + 9 \cdot x_3 = 99 \quad (3)$$

$$2 \cdot x_0 + 4 \cdot x_1 + 2 \cdot x_2 + 1 \cdot x_3 = 23 \quad (4)$$

2. Максимальное значение массива

2

Задана табличная функция

$$x = [0., 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1.]$$

$$y = [0.53, 0.84, 1.93, 1.3, 1.28, 0.56, 0.22, -0.03, -0.6, 0.32, 0.72]$$

Напишите код, который определяет максимальное значение этой функции и значение  $x$ , которое соответствует максимальному значению. Постройте график функции.

3. Интерполяция

2

Задана табличная функция

$$x = [0., 0.5, 1., 1.5, 2.]$$

$$y = [0.6, 2.74, 3.78, 4.91, 5.64]$$

Напишите код, который определяет приближенное значение функции при  $x = 1.3$ , используя линейную интерполяцию.

4. Аппроксимация

3

Задана табличная функция

$$x = [0, 1, 2, 3, 4]$$

$$y = [0.3, 4.18, 7.51, 9.56, 10.71]$$

Используя функцию Fit:

- определите коэффициенты аппроксимирующего многочлена 2 порядка.
- определите коэффициенты аппроксимирующего многочлена 4 порядка.

Постройте на одном рисунке график табличной функции (точками) и график аппроксимирующих многочленов на интервале от 0 до 4.

#### 5. Интегрирование табличной функции

2

Задана табличная функция

$$x = [0., 0.5, 1., 1.5, 2., 2.5, 3.]$$

$$y = [8.1, 8., 5.79, 2.12, -1.3, -5.15, -6.6]$$

- Вычислите приближенное значение определенного интеграла этой от этой функции с нижним пределом  $x_1 = 0$  и верхнем пределом  $x_2 = 3$ .
- Найдите среднее значение функции на интервале от 0 до 3.
- Постройте график функции и покажите горизонтальной линией на этом же графике ее среднее значение.

#### 6. Численное интегрирование заданной функции

2

Вычислите интеграл

$$I = \int_1^2 \frac{4 + \sin^2 x}{1 + 8x^2 + 2 \cos^2 x} dx$$

и постройте график подинтегральной функции на интервале от 1 до 2.

#### 7. Решение нелинейного уравнения

3

Найдите ближайший к нулю корень уравнения

$$\cos 5x - 10x = 0$$

#### 8. Линейное программирование

4

Для производства двух видов изделий (А и В) предприятие использует три вида сырья: S1, S2, S3. Для производства изделия А требуется 2 кг сырья S1, 5 кг сырья S2 и 3 кг сырья S3. Для производства изделия В требуется 6 кг сырья S1, 3 кг сырья S2 и 5 кг сырья S3. Всего на предприятии имеется 376 кг S1, 396 кг S2 и 465 кг S3. Прибыль от реализации одного изделия А составляет 139 руб, одного изделия В – 104 руб. Составить такой план продукции, при котором прибыль предприятия от реализации продукции будет максимальной.

8. [52, 45]

## 9. Численное дифференцирование

3

Задана табличная функция

$$x = [0., 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1.]$$

$$y = [0., 0.16, 0.31, 0.45, 0.59, 0.71, 0.81, 0.89, 0.95, 0.99, 1.]$$

Найдите приближенное значение первой производной этой функции в точке  $x = 0.3$  и второй производной в точке  $x = 0.7$ .

## 10. Расстояние между точками на плоскости

4

Известны координаты семи точек на плоскости, заданных массивами координат  $x$  и  $y$

$$x = [7, 3, 4, 3, 9, 5, 9], \quad y = [1, 1, 9, 6, 4, 0, 9]$$

Напишите код, который определяет и выводит на экран

- пары координат двух ближайших точек и расстояние между ними;
- максимальное расстояние между точками;
- среднее расстояние между точками.

## 11. Решение системы нелинейных уравнений

3

Найдите одно из решений системы нелинейных уравнений:

$$4(x_1 - 2)^2 + 5x_2^2 = 1 \tag{5}$$

$$(x_1 - 3)^2 + x_2^2 = 3 \tag{6}$$