

Aula 08

Entrada

Claudio R. Lucinda

FEA-RP/USP



Agenda

1 Introducao



Agenda

- 1 Introducao
- 2 Modelos de Escolhas Estratégicas Discretas
 - Um Modelo Geral de firmas homogêneas
 - Bresnahan e Reiss (1990)
 - Bresnahan e Reiss (1991)



Agenda

- 1 Introducao
- 2 Modelos de Escolhas Estratégicas Discretas
 - Um Modelo Geral de firmas homogêneas
 - Bresnahan e Reiss (1990)
 - Breshanan e Reiss (1991)
- 3 Modelos de Informação Completa
 - Berry, 1992 – *Econometrica*
 - O Algoritmo



Agenda

- 1 Introducao
- 2 Modelos de Escolhas Estratégicas Discretas
 - Um Modelo Geral de firmas homogêneas
 - Bresnahan e Reiss (1990)
 - Breshanan e Reiss (1991)
- 3 Modelos de Informação Completa
 - Berry, 1992 – *Econometrica*
 - O Algoritmo
- 4 Exercício Empírico II – Jogos Discretos e abordagens recentes



Introdução

- Nesta aula, iremos mudar o foco de nossa análise, para investigarmos a questão da entrada e saída das empresas em um determinado mercado.
- Em especial, esta discussão se filia à questão de como entender a estrutura de mercado e a relação entre esta e a competição dentro deste mesmo mercado.
 - Como o número e organização das empresas neste mercado, o tamanho das mesmas, dos competidores em potencial e a forma das linhas de produtos das empresas afetam a competição e os lucros das mesmas.
- A discussão sobre este tema variou bastante ao longo do tempo.
- Nos anos 50 a 70, as análises econométricas eram voltadas para como as variáveis tais como lucro das empresas, gastos com P&D, preços variavam em mercados concentrados ou pouco concentrados.
- A maior parte destes trabalhos assumiam que a estrutura de mercado era exógena à decisão sobre estas variáveis.



Introdução (II):

- Nos anos 80, os modelos teóricos de OI eram focados em entender como o comportamento estratégico poderia influenciar a estrutura de mercado.
- Tais modelos consideravam a estrutura de mercado como o resultado de um jogo em duas etapas, sendo que a primeira envolvia a decisão de entrada ou saída, enquanto que a segunda etapa modelava a competição entre as empresas que decidiram pela entrada.
- Do ponto de vista empírico, a maior disponibilidade de dados dos censos industriais permitiu documentar ricos padrões de entrada e saída das empresas, bem como mudanças na estrutura do mercado.
- Nesta aula, iremos descrever como a análise empírica mais moderna sobre este tema se baseia, utilizando modelos de teoria dos jogos para construir modelos econométricos de entrada, saída e concentração de mercado.



Introdução (III):

- Em especial, iremos discutir as previsões que estes modelos fazem sobre os efeitos sobre a estrutura de mercado das seguintes variáveis:
 - Tamanho e irrecuperabilidade dos custos fixos não recuperáveis;
 - Sensibilidade dos lucros das empresas à entrada e saída de competidores;
 - O grau de substitutibilidade dos produtos
 - Expectativas dos potenciais entrantes sobre a competição após a entrada propriamente dita;
 - A existência e a eficiência dos entrantes em potencial
 - A endogeneidade dos custos fixos e dos custos irrecuperáveis.
- Vamos começar a nossa análise com uma estrutura bem simples de estudo, na seção seguinte, originalmente apresentada no paper de Bresnahan (1991) e resumido em Berry and Reiss (2007)



Modelos de Escolhas Estratégicas Discretas

- Vamos começar a ilustrar como é esta metodologia com um problema bem simples.
- Vamos supor que existam dados sobre as decisões de entrada das firmas – supostas homogêneas – e queremos estimar os custos fixos de produção das mesmas.
- Além disso, vamos supor que se observa um grande número de mercados regionais distintos e que existem dados sobre a demanda de mercado e os custos dos insumos das empresas.
- Se estes mercados fossem competitivos – o que implicaria que as decisões de entrada dos diferentes agentes são independentes – poderíamos modelar esta entrada das empresas como um modelo de escolha discreta.
- No entanto, quando estamos falando de mercados oligopolizados, as expectativas das empresas acerca do comportamento dos seus competidores também afetam as decisões de entrada, e vice-versa.



Modelos de Escolhas Estratégicas Discretas (II)

- Para que possamos saber até que ponto os maiores custos fixos afetam a concentração de mercado ou se o comportamento dos competidores afeta os lucros, precisamos de modelos estatísticos para decisões interdependentes.
- Para isto, vamos começar com um modelo bem simples, para investigar como os custos fixos afetam a decisão de entrada de duas empresas.
- Vamos definir $a_i = 1$ como sendo o evento de entrada no mercado da empresa i , e $a_i = 0$ o evento de não entrada da empresa i .
- Podemos representar a decisão estratégica das empresas com a ajuda da seguinte matriz de *payoffs*:

		Empresa 1	
		$a_1 = 0$	$a_1 = 1$
Empresa 2	$a_2 = 0$	π_{00}^1, π_{00}^2	π_{10}^1, π_{10}^2
	$a_2 = 1$	π_{01}^1, π_{01}^2	π_{11}^1, π_{11}^2



Escolhas Discretas

- Supondo que os dados observados venham de um jogo sem repetição e simultâneo, e que possamos restringir a nossa atenção aos equilíbrios de Nash em estratégias puras, as estratégias de equilíbrio dos agentes podem ser representadas pelas seguintes condições:

$$a_1^* = \begin{cases} 1 & \text{se } \pi_1^* \geq 0 \\ 0 & \text{se } \pi_1^* < 0 \end{cases}$$

$$a_2^* = \begin{cases} 1 & \text{se } \pi_2^* \geq 0 \\ 0 & \text{se } \pi_2^* < 0 \end{cases}$$

- Sendo que π^* representa os lucros adicionais para a empresa decorrentes da decisão de entrar.
- Em especial, $\pi_1^* = (1 - a_2)(\Pi_{10}^1 - \Pi_{00}^1) + a_2(\Pi_{11}^1 - \Pi_{01}^1)$ e $\pi_2^* = (1 - a_1)(\Pi_{01}^2 - \Pi_{00}^2) + a_1(\Pi_{11}^2 - \Pi_{10}^2)$.



Estratégias Discretas:

- Uma vez que as empresas somente incorrem em custos fixos se elas decidirem pela entrada, estas diferenças de lucros apresentam os custos fixos como termos separados.
- Para a estimação econométrica, precisamos especificar a distribuição da parte variável dos lucros (o ganho de lucros além do custo fixo que as empresas auferem no caso da entrada propriamente dita).
- Seguindo Bresnahan (1991), podemos escrever estes lucros incrementais da entrada da seguinte forma:

$$\begin{aligned}\pi_1^* &= X_1\beta_0^1 + a_2\Delta_1^1 - \varepsilon^1 \\ \pi_2^* &= X_2\beta_0^2 + a_1\Delta_1^2 - \varepsilon^2\end{aligned}$$

- Podemos entender estas equações da seguinte forma. Normalizando os lucros na eventualidade da não entrada em zero, temos que $\pi_1^* = \Pi_{10}^1 + a_2(\Pi_{11}^1 - \Pi_{10}^1)$.
- O primeiro dos termos representa os lucros que a empresa 1 desfrutaria caso fosse monopolista neste mercado, que podemos assumir que é uma função de elementos observáveis, alguns parâmetros e componentes aleatórios, dando $\Pi_{10}^1 = X_1\beta_0^1 - \varepsilon^1$.



Estratégias Discretas

- Além disso, o termo entre parênteses representa a diferença nos lucros da empresa 1 decorrente da entrada da empresa 2.
- Este elemento podemos deixar como sendo um parâmetro a ser estimado e denotado por Δ_1^1 .
- Estas considerações fazem com que possamos especificar um modelo econométrico e estimar os parâmetros relevantes.
- No entanto, ainda temos dois problemas, um de natureza teórica e outro de natureza econométrica. O problema de natureza econométrica é que, dado que consideramos Δ_1^1 como um parâmetro a ser estimado, se não pusermos nenhuma restrição sobre o suporte da distribuição do termo ε_1 , não conseguiremos identificar adequadamente os parâmetros β .



Estratégias Discretas

- O problema de natureza teórica é que nem sempre os valores são tais que garantem a existência e a unicidade do equilíbrio (ou seja, pode haver um equilíbrio múltiplo, em que apenas uma das empresas entra).
- A solução para estes problemas passou pelo fato de se considerar os resultados não únicos como observacionalmente equivalentes. Esta foi a abordagem de Bresnahan and Reiss (1990).
- Esta restrição implica que o modelo econométrico deixa de ser um modelo especificamente voltado para a decisão de entrada, mas sim um modelo para a previsão do número de entrantes em um determinado mercado.
- No caso de um duopólio, a função de verossimilhança contém as seguintes assertivas sobre as probabilidades de ocorrência:

$$\Pr(a_1 = 0, a_2 = 0) = \Pr(X\beta_0^1 < \varepsilon^1, X\beta_0^2 < \varepsilon^2)$$

$$\Pr(a_1 = 1, a_2 = 1) = \Pr(X\beta_0^1 + \Delta_1^1 > \varepsilon^1, X\beta_0^1 + \Delta_1^2 > \varepsilon^2)$$

$$\Pr(a_1 = 1 \vee a_2 = 1) = 1 - \Pr(a_1 = 0, a_2 = 0) - \Pr(a_1 = 1, a_2 = 1)$$



Estratégias Discretas

- A distribuição dos termos Δ_1^i determinaria, então, a forma funcional específica para estas probabilidades.
- Evidentemente, esta distribuição deve respeitar as restrições sobre os *payoffs* dos jogadores e permitir a identificação dos parâmetros chave.
- Uma forma utilizada por Bresnahan e Reiss (1990 e 1991) foi modelar este negócio permitindo heterogeneidades não observáveis entre os jogadores.
- Por exemplo, estes autores usam $\Delta_1^i = g(Z\gamma^i) + \eta^i$, em que $g(\cdot)$ é uma função definida no ramo negativo dos números reais e η^i é uma variável aleatória com um limite superior de zero.
- Primeiro colocaremos um modelo mais geral, para depois abordar especificamente a forma pela qual estes artigos chegaram aos seus resultados, de forma a nos familiarizar com as suas premissas.



Um Modelo Geral de firmas homogêneas

- Como vimos anteriormente, para evitarmos o problema da identificação dos modelos econométricos, bem como a questão de como modelar os equilíbrios múltiplos, a solução é considerar os resultados múltiplos como um único elemento e, depois, modelar a questão sobre o número de empresas que entram.
- Iremos, em especial, discutir o que poderemos aprender sobre as primitivas do modelo quando observamos um vetor de quantidades N_1, N_2, \dots, N_T , que entraram em T mercados diferentes.
- Para isto, precisamos relacionar o N_T observado com os lucros não observados no mercado T .
- Dados N_i entrantes no mercado T , temos que os lucros de cada uma delas é dado por:

$$\pi_i(N_i) = V(N_i, x_i, \theta) - F_i$$



Modelo Geral (II)

- Em que $V(\cdot)$ representa os lucros variáveis totais e F o custo fixo. Vamos assumir que os custos fixos, que também não são observados pelo econometrista são distribuídos de acordo com $\Phi(F_i|x_i, \omega)$. Com esta função lucro, podemos ligar as decisões de entrada ao número observado de empresas. Para as N^* empresas que entraram, temos:

$$V(N^*, x, \theta) - F > 0$$

- Enquanto que para qualquer entrante potencial, temos que:

$$V(N^* + 1, x, \theta) - F < 0$$

- Combinando estas duas desigualdades, temos um limite para os custos fixos:

$$V(N^*, x, \theta) \geq F > V(N^* + 1, x, \theta)$$



Modelo Geral (III):

- Estes limites permitem que possamos estimar os parâmetros da função lucro variável e os custos fixos a partir da observação do vetor x e do número de empresas:

$$\begin{aligned}\Pr(V(N^*, x) \geq F|x) - \Pr(V(N^* + 1, x) > F|x) &= \\ &= \Phi(V(N^*, x, \theta)|x) - \Phi(V(N^* + 1, x, \theta)|x)\end{aligned}$$

- Supondo amostras independente e identicamente distribuídas, temos que a amostra possui uma função de verossimilhança “ordenada” da seguinte forma:

$$LL(\theta|\{x, N^*\}) = \sum_t (\ln(V(N_t^*, x_t)) - \ln(V(N_t^* + 1, x_t)))$$



Modelo Geral

- A pergunta, para a qual veremos algumas respostas mais adiante, é como especificar esta função de lucros variáveis.
- Uma delas seria montar a função $V(\cdot)$ de tal forma que ela torne a estimação simples e, ao mesmo tempo, atenda a restrição que a função seja não crescente em N .
- A segunda abordagem é baseada em especificar a função $V(\cdot)$ diretamente a partir de premissas de mercado e hipóteses sobre o jogo após a entrada.
- Vamos ver dois exemplos deste tipo de abordagem nos papers a seguir.



Bresnahan e Reiss (1990)

- Bresnahan and Reiss (1990), fazem a suposição de que os resultados que equivalem a equilíbrios múltiplos são observacionalmente equivalentes.
- Neste caso, eles se focam no número de empresas – que, neste caso, podem ser zero, uma ou duas empresas. A função de lucro de cada empresa é dada por:

$$\Pi_i^N = V_i^N \times S(Y) - F_i^N$$

- Sendo que a empresa i pode ser monopolista $N = M$, ou duopolista $N = D$.
- A função V_i representa os “lucros variáveis por consumidor”, ou seja, a margem entre preço e custo marginal, multiplicada pela função demanda individual.



Bresnahan e Reiss (1990) (II)

- O termo $S(Y)$ seria uma medida do tamanho do mercado, enquanto que F_i^N é uma medida dos custos fixos.
- A modelagem é refinada ao assumirmos uma parte não observável para os lucros variáveis por consumidor, bem como para os custos fixos, o que deixa a função lucro da seguinte forma:

$$\begin{aligned}\pi_i^N &= [\bar{V}_i^N + \eta_i^N] \times S(Y) - \bar{F}_i^N + \varepsilon_i^N \\ &= \bar{V}_i^N \times S(Y) - \bar{F}_i^N + \xi_i^N \\ &= \bar{\pi}_i^N + \xi_i^N\end{aligned}$$

- Acredito que as similaridades entre a forma colocada anteriormente e a que desenvolvemos agora estejam bastante claras.



Bresnahan e Reiss (1990) (III)

- Caso não tenhamos elementos não observáveis sobre os lucros variáveis por consumidor, o termo ξ_i^N fica igual ao termo ε_i^N , de forma que podemos estimar este negócio por um modelo PROBIT ordenado.
- A diferença entre o modelo PROBIT multinomial (ou seja, a extensão do modelo PROBIT para o caso de mais de dois resultados) para o modelo PROBIT multinomial reside no fato que a ordem dos valores que a variável representativa dos lucros possui relevância para a análise.
- Caso tenhamos elementos não observáveis sobre os lucros variáveis, chegamos ao modelo PROBIT ordenado, só que o termo ξ_i^N é inerentemente heterocedástico, pois o termo ε_i^N ali presente está multiplicado pela função $S(Y)$. Neste caso, as funções de probabilidade ficariam sendo:

$$P_0 = 1 - \Phi(\bar{\Pi}^M / \sigma_\xi)$$

$$P_2 = \Phi(\bar{\Pi}^D / \sigma_\xi)$$

$$P_1 = 1 - P_0 - P_2$$



Bresnahan e Reiss (1990)

- Em que uma restrição deveria ser imposta para que $\bar{\Pi}^M \geq \bar{\Pi}^D$. Com relação às precisas formas funcionais utilizadas, elas foram:

$$S(Y) = TOWNPOP + \lambda_1 OPOP10 + \lambda_2 NGRW70 + \lambda_3 PGRW70 + \lambda_4 OCTY$$

- Em que *TOWNPOP* representa a população da cidade, *OPOP10* representa o montante de demanda das pessoas em volta da cidade, *NGRW70* e *PGRW70* são as taxas de crescimento negativas e positivas no tamanho da população entre 1970 e 1980. *OCTY* é a fração dos residentes da cidade que comutam para fora da cidade.
- Com relação à função lucros variáveis por consumidor, temos a seguinte função:

$$V^N = \theta^M + \theta^D D + Z\theta_Z + W\theta_W$$

- Em que os θ são parâmetros a serem estimados, *D* é uma *dummy* com valor de um caso exista mais de uma empresa no mercado, e *W* e *Z* são variáveis que explicariam variações na demanda e nos custos em cada uma das regiões.



Bresnahan e Reiss (1990)

- Os autores colocam variáveis tais como renda média dos consumidores, a mediana da idade e dos anos de estudo, bem como o salário médio no varejo. Com relação aos custos fixos, os autores colocam a seguinte especificação:

$$F^N = \gamma^N + \gamma^D D + \gamma_W RETWAGE + \gamma_L LANDVAL$$

- Em que $RETWAGE$ é o salário médio do varejo na região e $LANDVAL$ é o valor médio do acre.
- As variáveis relevantes para o estudo são os valores de S^D e S^M , o mínimo tamanho de mercado que é viável a sustentação de duas e uma empresa, respectivamente.
- Além disso, outro elemento importante é $\frac{V^D}{V^M}$ mensura a fração pela qual os lucros variáveis por consumidor caem com a entrada da segunda firma.
 - Por exemplo, se os duopolistas vendessem produtos iguais, esta razão deveria ser igual a 0,5.
 - Além disso, outra coisa interessante envolve a razão $\frac{F^D}{F^M}$.



Bresnahan e Reiss (1991)

- O segundo dos artigos em que temos a aplicação e o desenvolvimento desta metodologia também é Bresnahan and Reiss (1991).
- Este artigo é uma extensão da metodologia anterior para o caso de um oligopólio.
- Ele faz a mesma premissa de equivalência entre os diferentes equilíbrios múltiplos em estratégias puras em um jogo de entrada, assumindo a seguinte função para os lucros de uma entrante em potencial:

$$\Pi_N = S(\mathbf{Y}, \lambda) \times V_N(\mathbf{Z}, \mathbf{W}, \alpha, \beta) - F(\mathbf{W}, \gamma) + \varepsilon$$



Bresnahan e Reiss (1991)

- A verossimilhança deste negócio é dada por:

$$P(N = 0) = P(\Pi_1 < 0) = 1 - \Phi(\bar{\Pi}_1)$$

$$P(N = n) = P(\bar{\Pi}_n > 0 \wedge \bar{\Pi}_{n+1} < 0) = \Phi(\bar{\Pi}_n) - \Phi(\bar{\Pi}_{n+1})$$

$$P(N \geq n^{max}) = \Phi(\bar{\Pi}_{n^{max}})$$

- A forma da função de lucros variáveis por consumidor é dada por

$$V_N = \alpha_1 + \mathbf{x}\beta + \sum_{n=2}^N \alpha_n$$

- Neste paper, eles calculam os “limites de entrada”, ou seja, o menor tamanho de mercado necessário para sustentar exatamente N empresas, que é dado por $S_N^* = \frac{\bar{F}}{\bar{V}_N}$, bem como o limite de entrada por empresa, que seria $\frac{S_N^*}{N}$



Modelos de Informação Completa

- Após os papers de Bresnahan e Reiss, a literatura avançou em quatro caminhos diferentes para lidar com o problema apontado por B& R:
 - Agregar o problema para eliminar a questão da multiplicidade de equilíbrios (Bresnahan and Reiss (1991))
 - Colocar restrições sobre a ordem dos *players* que garanta a unicidade (Berry (1992))
 - Especificar uma regra de seleção de equilíbrio na área onde não dá unicidade
 - Usar coisas mais invocadas, tipo *Bounds Approach* ou *Moment Inequalities*
- Hoje vamos falar mais do segundo ponto.



Berry 1992

- O Objetivo do paper de Berry (1992) é avaliar os efeitos da escala de operação sobre a propabilidade de entrada em rotas que saem deste aeroporto.
- Hipótese subjacente: existe um jogo em dois estágios em cada mercado i .
 - No primeiro estágio, cada uma das K_i decide entrar ou não no mercado
 - Cada configuração é um vetor s com dimensão K_i , composto por uns e zeros.
- A função lucro de cada empresa é dada por:

$$\pi_{ik}(N) = X_i\beta - \delta \ln N + Z_{ik}\alpha + \rho u_{io} + \sigma u_{ik}$$

- u_{io} é um choque de mercado e u_{ik} é um choque das firmas – observado pelas empresas, mas não pelo econometrista. Adicionalmente, $\sigma = \sqrt{1 - \rho^2}$.



Probabilidade de Observarmos N empresas

- O Cálculo destas probabilidades é complicado por duas razões:
 - 1 É multidimensional
 - 2 E tem uma região de integração meio maluca
- A região de integração é meio maluca porque ela depende dos não observáveis de TODAS as empresas e dos parâmetros do modelo

$$Pr(a_{i1} = 1|\theta) = \int_{\epsilon_{i1}} \int_{\epsilon_{i2}} \cdots \int_{\epsilon_{iK}} \mathbf{1}(a_{i1} = 1|\theta, \tilde{\epsilon}) d(\tilde{\epsilon})$$



Soluções de Berry para o problema dos Equilíbrios – Alternativas

- Solução 1: $\delta = 0$, $\rho = 0$. Neste caso, não há interação estratégica e você cai em um probit tradicional para cada empresa.
- Solução 2: $\rho = 0$. Neste caso, há a interação estratégica, e os componentes não observáveis de cada empresa não são correlacionados. Dá pra fazer igual Bresnahan e Reiss, só que tem que se focar em mercados com poucas empresas (a integral de probabilidade fica enorme, pq vc tem que calcular as probabilidades caso a caso).
- Solução 3: $\rho = 1$ e heterogeneidade entre as firmas apenas observada. Aí dá um Probit Ordenado, mas implica que você tenha as características da pior empresa como regressores.



Solução de Berry – A Ordem importa

- A solução que ele considera como a mais interessante é colocar restrições sobre a ordem das empresas.
- Ou seja, quando os parâmetros do modelo apontarem para a região onde o modelo é ambíguo, o “first mover” (ou a firma mais eficiente) entra e faz com que a outra não entre.
- Essa é uma forma de seleção de equilíbrio bastante arbitrária. Outra forma de seleção poderia ser por meio dos dados, onde vc colocaria as duas possibilidades indicadas por probabilidades π , que seria estimada.



O Algoritmo

- 1 Antes de rodar o código:
 - 1 Escolher um valor inicial para os parâmetros $\theta = \{\beta, \delta, \alpha\}$
 - 2 Sortear um vetor de u_{io} e outro vetor de $\{u_{ik}\}_{k=1}^K$
- 2 Enquanto roda o otimizador, para um vetor de parâmetros $\hat{\theta}$, calcular:
 - 1 Calcular o vetor $\epsilon_{ik} = \hat{\rho}u_{io} + \sqrt{1 - \hat{\rho}^2}u_{ik}$, para um draw
 - 2 Ordenar os elementos do vetor ϵ_{ik} de acordo com a ordem que vc impôs. Seja do menor para o maior, seja pela incumbente...
 - 3 Calcule os $\pi_{ik}(N) = X_i\hat{\beta} - \hat{\delta} \ln N + Z_{ik}\hat{\alpha} + \hat{\rho}u_{io} + \hat{\sigma}u_{ik}$ e os ordene.
 - 4 Some as firmas de $n = 1, \dots, N$ até o ponto em que:

$$v(N|\hat{\theta}) + \epsilon_{iN} \geq 0, v(N+1|\hat{\theta}) + \epsilon_{iN+1} < 0$$

- 5 Esse vai ser o $N^*(\hat{\theta}, \hat{\epsilon})$.



O Algoritmo II

- A condição de momento é a diferença entre o número predito - a média do de antes entre todos os draws - e o observado:

$$\xi = \frac{1}{d} \sum_d N^*(\hat{\theta}, \hat{\epsilon})$$

- Empilhamos essas diferenças em todos os mercados e temos as condições de momento, e podemos calcular a função critério:

$$Q(\theta) = (\xi \mathbf{Z})(\mathbf{Z}^T \mathbf{Z})^{-1}(\xi \mathbf{Z})^T$$



O Paper

- O paper em anexo reúne exercícios empíricos sobre um mesmo banco de dados para vermos como as coisas mudam.
- Estes dados são de um paper da Econometrica (Jia (2008)) e envolve um jogo de entrada entre a WalMart e a Kmart.
- 2065 mercados locais relativamente isolados.
- Função lucro para uma firma i no mercado m :

$$\pi_{im} = \alpha'_i X_m + \beta'_i Z_{im} + \delta_i y_{-im} + \varepsilon_{im}$$

- Os ε não são observados pelo econometrista, mas são observados pelas empresas. Ou seja, pra elas isso é um jogo de informação completa.
- Sendo um jogo simultâneo, o Equilíbrio de Nash resultante leva às seguintes desigualdades



Desigualdades de Momento

$$y_{Km} = \mathbf{1}(\alpha'_K X_m + \beta'_K Z_{Km} + \delta_K y_{Wm} + \varepsilon_{Km} \geq 0)$$
$$y_{Wm} = \mathbf{1}(\alpha'_W X_m + \beta'_W Z_{Wm} + \delta_W y_{Km} + \varepsilon_{Wm} \geq 0)$$



- Berry, Steven.** 1992. "Estimation of a Model of Entry in the Airline Industry." *Econometrica*, 60(4): 889–917.
- Berry, Steven, and Peter C. Reiss.** 2007. "Empirical models of entry and market structure." *Handbook of industrial organization*, III: 1845–1886.
- Bresnahan, Timothy F.** 1991. "Empirical models of discrete games." *Journal of Econometrics*, 48(1-2): 57–81.
- Bresnahan, Timothy F., and Peter C. Reiss.** 1990. "Entry in Monopoly Markets." *The Review of Economic Studies*, 57(4): 531–553.
- Bresnahan, Timothy F., and Peter C. Reiss.** 1991. "Entry and Competition in Concentrated Markets." *Journal of Political Economy*, 99(5): 977–1009.

