

PICAT: Uma Linguagem de Programação Multiparadigma

Miguel Alfredo Nunes, Jeferson L. R. Souza, Claudio Cesar de Sá

`miguel.nunes@edu.udesc.br`

`jeferson.souza@udesc.br`

`claudio.sa@udesc.br`

Departamento de Ciência da Computação
Centro de Ciências e Tecnologias
Universidade do Estado de Santa Catarina

Contribuições

- ▶ Alexandre Gonçalves;
- ▶ João Henrique Faes Battisti;
- ▶ Paulo Victor de Aguiar;
- ▶ Rogério Eduardo da Silva;
- ▶ Hakan Kjellerstrand – (<http://www.hakank.org/picat/>)
- ▶ Neng-Fa Zhou – (<http://www.picat-lang.org/>)
- ▶ Outros anônimos que auxiliaram na produção deste documento;

Recursão

- ▶ A *recursão* é um importante conceito da matemática e presente em muitas linguagens de programação. Exemplo: LISP, Haskell, etc

Recursão

- ▶ A *recursão* é um importante conceito da matemática e presente em muitas linguagens de programação. Exemplo: LISP, Haskell, etc
- ▶ Permite expressar conceitos complexos em uma sintaxe abstrata, mas simples de ler.

Recursão

- ▶ A *recursão* é um importante conceito da matemática e presente em muitas linguagens de programação. Exemplo: LISP, Haskell, etc
- ▶ Permite expressar conceitos complexos em uma sintaxe abstrata, mas simples de ler.
- ▶ Uma regra é dita recursiva quando ela faz auto-referência.

Recursão

- ▶ A *recursão* é um importante conceito da matemática e presente em muitas linguagens de programação. Exemplo: LISP, Haskell, etc
- ▶ Permite expressar conceitos complexos em uma sintaxe abstrata, mas simples de ler.
- ▶ Uma regra é dita recursiva quando ela faz auto-referência.
- ▶ Em Picat, a recursão pode ser usada sob uma notação em *lógica* ou *funcional*

Recursão

- ▶ A *recursão* é um importante conceito da matemática e presente em muitas linguagens de programação. Exemplo: LISP, Haskell, etc
- ▶ Permite expressar conceitos complexos em uma sintaxe abstrata, mas simples de ler.
- ▶ Uma regra é dita recursiva quando ela faz auto-referência.
- ▶ Em Picat, a recursão pode ser usada sob uma notação em *lógica* ou *funcional*
- ▶ A funcional apresenta muita clareza ao código!

Conceitos de Recursividade via Exemplos – I

Somatório dos N naturais

O somatório dos n primeiros números naturais é recursivamente definido como a soma de todos $n-1$ números, mais o termo n . Ou seja:

$$S(n) = \begin{cases} 1 & \text{para } n = 1 \\ S(n-1) + n & \text{para } n \geq 2 \text{ e } n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

Ou seja:

$$S(n) = \underbrace{1 + 2 + 3 + \dots + (n-1)}_{S(n-1)} + n$$

Conceitos de Recursividade via Exemplos – II

Fatorial

O Fatorial de um número n é definido recursivamente pela multiplicação do fatorial do termo $n - 1$ por n . O fatorial só pode ser calculado para números positivos. Adicionalmente, o fatorial de 0 é igual a 1 por definição.

$$Fat(n) = \begin{cases} 1 & \text{para } n = 0 \\ Fat(n - 1) \cdot n & \text{para } n \geq 1 \text{ e } n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

Portanto:

$$Fat(n) = \underbrace{1 * 2 * 3 * \dots * (n - 1)}_{Fat(n - 1)} \cdot n$$

Conceitos de Recursividade via Exemplos – III

Sequência Fibonacci

A sequência Fibonacci é uma sequência de números calculada a partir da soma dos dois últimos números anteriores desta. Ou seja o n – *esimo* termo da Sequência Fibonacci é definido como a soma dos termos $n - 1$ e $n - 2$. Como fato ou definição: os dois primeiros termos, $n = 0$ e $n = 1$, são respectivamente, 0 e 1.

$$Fib(n) = \begin{cases} 0 & \text{para } n = 0 \\ 1 & \text{para } n = 1 \\ Fib(n - 1) + Fib(n - 2) & \text{para } n \geq 1 \text{ e } n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

Conceitos de Recursividade via Exemplos – IV

- Podemos perceber algo em comum entre estas três regras, todas tem uma ou mais condições que sempre tem o mesmo valor de retorno, ou seja, todas tem uma *regra de aterramento*.

Conceitos de Recursividade via Exemplos – IV

- ▶ Podemos perceber algo em comum entre estas três regras, todas tem uma ou mais condições que sempre tem o mesmo valor de retorno, ou seja, todas tem uma *regra de aterramento*.
- ▶ Uma condição de *aterramento* é uma condição onde a chamada recursiva da regra acaba (para ou termina).

Conceitos de Recursividade via Exemplos – IV

- ▶ Podemos perceber algo em comum entre estas três regras, todas tem uma ou mais condições que sempre tem o mesmo valor de retorno, ou seja, todas tem uma *regra de aterramento*.
- ▶ Uma condição de *aterramento* é uma condição onde a chamada recursiva da regra acaba (para ou termina).
- ▶ Caso uma regra não tenha uma *regra de aterramento*, poderá ocorrer uma recursão infinita deste regra, ou seja, são feitas infinitas chamadas recursivas da regra.

Exemplos

Numa visão funcional, estas regras matemáticas podem ser transcritas em Picat como:

```
1 fatorial(0) = 1.
2 fatorial(1) = 1.
3 fatorial(n) = n * fatorial(n-1).
4
```

```
1 fibonacci(0) = 0.
2 fibonacci(1) = 1.
3 fibonacci(n) = fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2).
4
```

```
1 somatorio(0) = 0.
2 somatorio(1) = 1.
3 somatorio(n) = n + somatorio(n-1).
```

Recursão Infinita

- ▶ Caso alterássemos a definição da regra fatorial de modo que ela seja:

$$\text{Fat}(n) = \text{Fat}(n - 1) * n, \quad \forall n \in \mathbb{N} \text{ ou } \forall n \geq 0$$

- ▶ Teríamos um caso de recursão infinita, pois a regra Fatorial seria continuamente chamada até que $n < 0$, nesse caso haveria um erro, pois estaria tentando executar algo indefinido.

Exercício

Para os exemplos anteriores, reescreva estas formulações sob uma visão lógica e procedural.

Backtracking

O que distingue uma regra em realizarr *backtracking* ou não, é o uso do símbolo \Rightarrow no escopo da regra.

O procedimento do *Backtracking* é definido por:

1. O casamento de um predicado *backtrackable* p com outro predicado *backtrackable* p_1 .
2. A execução do predicado p .
3. Caso ocorra uma falha durante a execução do predicado p o compilador irá reinstanciar todas as variáveis de p , incluindo aquelas que são indexadas a partir de um domínio, com a única exceção sendo variáveis instanciadas a partir de argumentos do predicado.
4. O predicado será executado novamente.
5. Este processo se repete até não for mais possível a reinstanciação de variáveis, ou ocorrer um erro durante a execução.

Exemplos

Tomando como exemplo uma relação de parentesco, como a seguinte:

```

1 index(-,-) (+,-) (-,+)
2 antecedente(ana,maria).
3 antecedente(pedro,maria).
4 antecedente(maria,paula).
5 antecedente(paula,lucas).
6 antecedente(lucas,eduarda).
7
8 index(-)
9 mulher(ana).
10 mulher(maria).
11 mulher(paula).
12 mulher(eduarda).
13 homem(pedro).
14 homem(lucas).
15
16 mae(X,Y) ?=> antecedente(X,Y), mulher(X).
17 pai(X,Y) ?=> antecedente(X,Y), homem(X).
18
19 avos(X,Y) ?=> antecedente(X,Z), antecedente(Z,Y).
```

- ▶ Uma chamada do tipo $mae(maria, X)$, seria como perguntar ao compilador "Maria é mãe de quem ?".
- ▶ Nesse caso o compilador iria testar cada possível valor que pudesse ser unificado com X que pudesse satisfazer a regra $mae(maria, X)$.
- ▶ Ou seja, seria como se estivéssemos perguntando:
 - ▶ "Maria é mãe de Ana ?".
 - ▶ "Maria é mãe de Paula ?".
 - ▶ "Maria é mãe de Pedro ?".
 - ▶ ⋮

Reflexões

▶ XXXXXXXXX