

# Сигмоида

Материал из Википедии — свободной энциклопедии

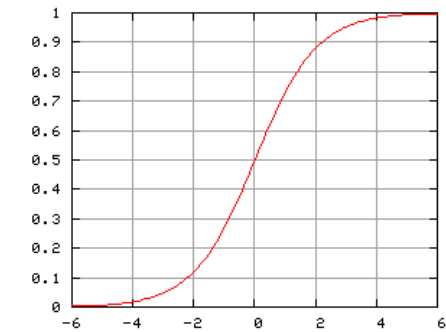
**Сигмо́ида** — это гладкая монотонная возрастающая нелинейная функция, имеющая форму буквы «S», которая часто применяется для «сглаживания» значений некоторой величины.

Часто под сигмойдой понимают логистическую функцию

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}.$$

Сигмоида ограничена двумя горизонтальными асимптотами, к которым стремится при стремлении аргумента к ±∞. В зависимости от соглашения, этими асимптотами могут быть y = ±1 (в ±∞) либо y = 0 в −∞ и y = +1 в +∞.

Производная сигмойды представляет собой колоколообразную кривую с максимумом в нуле, асимптотически стремящуюся к нулю в ±∞.



Логистическая кривая (сигмоида)

## Содержание

### Семейство функций класса сигмoids

### Применение

Нейронные сети

Логистическая регрессия

### См. также

### Литература

### Примечания

### Ссылки

## Семейство функций класса сигмoids

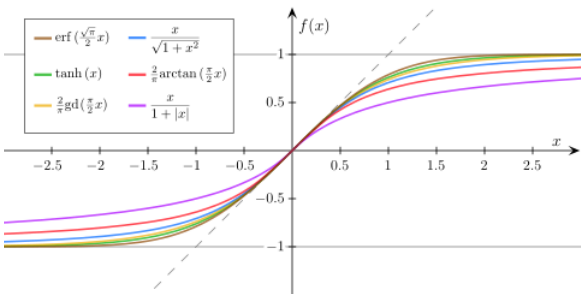
В семейство функций класса сигмoids входят такие функции, как арктангенс, гиперболический тангенс и другие функции подобного вида.

- Функция Ферми — Дирака (экспоненциальная сигмоида):

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-2\alpha x}}, \quad \alpha > 0.$$

- Рациональная сигмоида:

$$f(x) = \frac{x}{|x| + \alpha}, \quad \alpha > 0.$$



Сравнение некоторых сигмоидных функций, нормализованных таким образом, чтобы производная в начале координат была равна 1

- Арктангенс:

$$f(x) = \operatorname{arctg} x.$$

- Гиперболический тангенс:

$$f(x) = \operatorname{th} \frac{x}{\alpha} = \frac{e^{\frac{x}{\alpha}} - e^{-\frac{x}{\alpha}}}{e^{\frac{x}{\alpha}} + e^{-\frac{x}{\alpha}}}.$$

- Гладкая ступенька N-го порядка:

$$f(x) = \begin{cases} \left( \int_0^1 (1-u^2)^N du \right)^{-1} \int_0^x (1-u^2)^N du & |x| \leq 1 \\ \operatorname{sgn}(x) & |x| \geq 1 \end{cases} \quad N \geq 1$$

- Корневая сигмоида:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}.$$

- Логистическая функция:

$$f(x) = (1 + e^{-x})^{-1}.$$

- Обобщённая логистическая функция:

$$f(x) = (1 + e^{-x})^{-\alpha}, \quad \alpha > 0.$$

- Функция ошибок:

$$f(x) = \operatorname{erf}(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-t^2} dt.$$

- Функция Гудермана:

$$f(x) = \operatorname{gd} x = \int_0^x \frac{1}{\cosh t} dt = \operatorname{arctg}(\operatorname{sh} x).$$

## Применение

---

### Нейронные сети

Сигмоида применяется в нейронных сетях в качестве функций активации, которая позволяет как усиливать слабые сигналы, так и не насыщаться от сильных сигналов<sup>[1]</sup>.

Производная сигмоиды может быть легко выражена через саму функцию, что позволяет существенно сократить вычислительную сложность метода обратного распространения ошибки, сделав его применимым на практике:

$$\sigma'(x) = (1 + \sigma(x)) \cdot (1 - \sigma(x)) \text{ — для гиперболического тангенса}$$

$$\sigma'(x) = \sigma(x) \cdot (1 - \sigma(x)) \text{ — для логистической функции}$$

### Логистическая регрессия

Логистическая функция  $f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$  используется в логистической регрессии следующим образом. В ней решается задача классификации с двумя классами ( $y = 0$  и  $y = 1$ , где  $y$  — переменная, указывающая класс объекта), и делается предположение о том, что вероятность принадлежности объекта к одному из классов выражается через значения признаков этого объекта  $x_1, x_2, \dots, x_n$  (действительные числа):

$$\mathbb{P}\{y = 0 \mid x_1, \dots, x_n\} = f(a_1 x_1 + \dots + a_n x_n) = \frac{1}{1 + \exp(-a_1 x_1 - \dots - a_n x_n)},$$

где  $a_1, \dots, a_n$  — некоторые коэффициенты, требующие подбора, обычно, методом наибольшего правдоподобия.

Выбор именно этой функции  $f(x)$  можно обосновать, рассматривая логистическую регрессию, как обобщённую линейную модель в предположении, что зависимая переменная  $y$  распределена по закону Бернулли.

## См. также

---

- Искусственная нейронная сеть
- Перцептрон
- Модифицированный гиперболический тангенс

## Литература

---

- Mitchell, Tom M.* Machine Learning. — WCB-McGraw-Hill, 1997. — ISBN 0-07-042807-7.

## Примечания

---

- Функции активации в нейронных сетях (<http://www.aiportal.ru/articles/neural-networks/activation-function.html>)

## Ссылки

---

- Сравнение скорости нескольких программных реализаций гиперболического тангенса (<http://www.neuropro.ru/memo312.shtml>)
- Continuous output, the sigmoid function (<http://www.computing.dcu.ie/~humphrys/Notes/Neural/sigmoid.html>) (англ.).

---

Источник — <https://ru.wikipedia.org/w/index.php?title=Сигмоида&oldid=101393825>

---

**Эта страница в последний раз была отредактирована 2 августа 2019 в 16:53.**

Текст доступен по лицензии Creative Commons Attribution-ShareAlike; в отдельных случаях могут действовать дополнительные условия.

Wikipedia® — зарегистрированный товарный знак некоммерческой организации Wikimedia Foundation, Inc.