## ВикипедиЯ

# Модель биологического нейрона

Материал из Википедии — свободной энциклопедии

**Моде́ль биологи́ческого нейро́на** — математическое описание свойств нейронов, целью которого является точное моделирование процессов, протекающих в таких нервных клетках. В отличие от подобного точного моделирования, при создании сетей из искусственных нейронов обычно преследуются цели повышения эффективности вычислений.

### Содержание

#### Искусственные нейроны

#### Биологическая абстракция

Метод «интегрировать-и-сработать» Метод «интегрировать-и-сработать» с утечками Модель Ходжкина — Хаксли Фицхью — Нагумо

См. также

Примечания

Внешние ссылки

# Искусственные нейроны

Простейшая модель сети из искусственных нейронов состоит из вектора нейронов, каждый из которых имеет вектор входных данных, вектор весов синапсов и, опционально, передаточную функцию [1], определяющую результат на выходе нейрона. Подобная модель может быть описана следующей формулой:

$$y_j = \phi\left(\sum_i w_{ij} x_i
ight)$$

где  $y_j$  — выход j-го нейрона,  $x_i$  — i-й вход (входные данные) нейрона,  $w_{ij}$  — синаптический вес на i-м входе j-го нейрона, а  $\phi$  — активационная функция. Ранние попытки описать работу нейрона математической формулой принимали подобный вид, пока не были вытеснены кинетическими моделями — такими, как модель Ходжкина — Хаксли.

# Биологическая абстракция

В случае моделирования поведения биологического нейрона, вместо вышеописанных абстракций (таких, как «вес синапса» и «передаточная функция»), используются модели физических

Стр. 1 из 5 31.03.2020, 22:31

процессов. Вход нейрона может быть описан как течение ионов, ток сквозь клеточную мембрану, возникающий при активации нейротрансмиттерами ионных каналов. В модели вход представлен функцией величины силы тока в зависимости от времени I(t). Клетка ограничена изолирующей клеточной мембраной как диэлектриком, внутри и извне которой сконцентрированы заряженные ионы. Этот факт позволяет рассматривать мембрану как конденсатор и ввести значение ёмкости  $C_{\rm m}$ . Также нейрон реагирует на входной сигнал изменениями напряжения, или разности потенциалов между клеткой и окружением, наблюдаемыми как периодические скачки (спа́йки — от англ. spike) и именуемыми «потенциал действия». Величина напряжения представлена как  $V_{\rm m}$  и является искомым выходом нейрона.

#### Метод «интегрировать-и-сработать»

Одна из ранних моделей нейрона была предложена в 1907 <u>Луи Лапиком</u> (фр. Louis Lapicque)[2]. Модель была описана следующей формулой:

$$I(t) = C_{
m m} rac{dV_{
m m}}{dt}$$

которая есть производная по времени закона ёмкости, Q=CV. Когда на вход подаётся некий ток, разность потенциалов (напряжение) на мембране возрастает со временем, пока не достигает некоторого значения  $V_{\rm th}$ , при котором происходит скачкообразное изменение потенциала на выходе и напряжение сбрасывается до остаточного потенциала. После этого алгоритм повторяет работу с начала, пока опять не накопит энергии на следующее срабатывание. Такая схема имеет существенный недостаток — бесконечно большое линейное возрастание *частоты срабатывания* при линейном увеличении входного тока, что возможно только в абсолютно идеальных условиях без утечек.

Уточнить модель позволяет введение рефрактерного периода  $t_{\rm ref}$ , который ограничивает частоту срабатывания, запрещая срабатывание в течение некоторого времени после возникновения потенциала действия. Частота срабатывания в таком случае может быть описана как функция от постоянного тока следующей формулой:

$$f(I) = rac{I}{C_{
m m} V_{
m th} + t_{
m ref} I}.$$

Недостаток этого подхода заключается в проявлении свойств независимой от времени памяти. Если модель получает некий заряд, недостаточный для срабатывания, она сохраняет его до следующего срабатывания. Если срабатывания не произойдёт — напряжение будет сохраняться вечно, что явно не соответствует процессам, наблюдаемым в реальной мембране.

# Метод «интегрировать-и-сработать» с утечками

Дальнейшее усовершенствование вышеописанной модели решает указанный недостаток *вечной памяти* путём введения концепции утечки. Метод симулирует диффузию ионов, происходящую на поверхности мембраны в случае недостижения условий для генерации потенциала действия. Улучшенная подобным образом модель может быть описана следующей формулой:

Стр. 2 из 5 31.03.2020, 22:31

$$I(t)-rac{V_{
m m}(t)}{R_{
m m}}=C_{
m m}rac{dV_{
m m}(t)}{dt}$$

где  $R_{
m m}$  — значение электрического сопротивления мембраны. Теперь, чтобы сгенерировать потенциал действия, необходимо, чтобы значение тока на входе превысило некоторый порог  $I_{
m th}=V_{
m th}$  /  $R_{
m m}$ . Иначе происходит утечка, аннулируя любые изменения потенциала. Частота срабатывания принимает следующий вид:

что сходится с предыдущей моделью (без утечки) для больших величин тока[3].

### Модель Ходжкина — Хаксли

Эта модель, получившая широкое распространение, основана на кинетической модели Маркова. Модель разработана на основе совместного труда Алана Ходжкина и Эндрю Хаксли, датированного 1952 годом. Их труд основывался на данных, полученных в опытах с гигантским аксоном кальмара. Введённая ранее зависимость напряжения от тока доводится до зависимости напряжения от многих входных сигналов:

$$C_{
m m}rac{dV(t)}{dt} = -\sum_i I_i(t,V).$$

Величина каждого входного сигнала может быть высчитана по закону Ома как

$$I(t,V) = g(t,V) \cdot (V-V_{
m eq})$$

где g(t,V) — параметр проводимости, обратный сопротивлению, который возможно разложить на её постоянное среднее  $\overline{\bar{g}}$ , а также на активационную m и инактивационную h составляющие. Это определит, сколько ионов может пройти сквозь доступные мембранные каналы. Среднее может быть вычислено по формуле:

$$g(t,V) = \bar{g} \cdot m(t,V)^p \cdot h(t,V)^q$$

а составляющие m и h подчиняются кинетикам первого порядка

$$rac{dm(t,V)}{dt} = rac{m_{\infty}(V) - m(t,V)}{ au_{
m m}(V)} = lpha_{
m m}(V) \cdot (1-m) - eta_{
m m}(V) \cdot m$$

с сходной динамикой для h, где возможно использовать  $\tau$  и  $m_{\infty}$ , либо  $\alpha$  и  $\beta$  в качестве определяющих порог параметров.

Подобная форма представления позволяет включить любые токи. Обычно включают «втекающие»  $Ca^{2+}$  и  $Na^{+}$ , а также несколько видов «вытекающих»  $K^{+}$ , не забывая про ток «утечки». Конечный результат включает как минимум 20 различных параметров, которые необходимо определить и откалибровать для точного функционирования модели. Для сложных систем из большого количества нейронов вычислительная сложность, необходимая для работы

Стр. 3 из 5 31.03.2020, 22:31

модели, достаточно велика. Поэтому для практического применения зачастую требуются значительные упрощения.

### Фицхью — Нагумо

В 1961—1962 годах Фицхью и Нагумо предложили упрощения, применимые к модели Ходжкина — Хаксли. Модель описывает «регенеративное самовозбуждение» посредством нелинейной положительной обратной связи напряжения на мембране, а также «восстановление» посредством линейной отрицательной обратной связи напряжения на затворе.

$$rac{dV}{dt} = V - V^3 - w + I_{
m ext}$$

$$au rac{dw}{dt} = V - a - bw$$

где, как и прежде, имеется мембранное напряжение и входной ток с slower general gate voltage w, а также параметры, найденные экспериментально  $a=-0.7,\,b=0.8,\,\tau=1/0.08$ . Несмотря на неочевидность соответствия модели биологическим исследованиям, она довольно хорошо описывает динамику, имея при этом небольшую сложность [4].

### См. также

- Синхронизация (нейробиология)
- Связывающий нейрон
- Мемристор

# Примечания

- 1. В разных источниках можно встретить и другие названия такие, как «активационная функция», «логистическая функция», «трансферфункция».
- 2. Abbott, L.F. Lapique's introduction of the integrate-and-fire model neuron (1907) (http://neurotheory.columbia.edu/~larry/AbbottBrResBul99.pdf) (англ.) // Brain Research Bulletin: journal. 1999. Vol. 50, no. 5/6. P. 303—304. doi:10.1016/S0361-9230(99)00161-6 (https://dx.doi.org/10.1016%2FS0361-9230%2899%2900161-6). PMID 10643408. Архивировано (https://web.archive.org/web/20070613230629/http://neurotheory.columbia.edu/~larry/AbbottBrResBul99.pdf) 13 июня 2007 года.
- 3. Koch, Christof; Idan Segev. Methods in Neuronal Modeling (неопр.). 2. Cambridge, MA: Massachusetts Institute of Technology, 1998. ISBN 0-262-11231-0.

Стр. 4 из 5 31.03.2020, 22:31

4. *Izhikevich, Eugene M.; Richard FitzHugh.* FitzHugh-Nagumo Model (http://www.scholarpedia.org/article/FitzHugh-Nagumo\_Model). Scholarpedia. Дата обращения 25 ноября 2007. Apxивировано (https://www.webcitation.org/6DEj1chzN?url=http://www.scholarpedia.org/article/FitzHugh-Nagumo\_model) 28 декабря 2012 года.

#### Внешние ссылки

 Нейромодель RF-PSTH (симулирующая структуру рецептивного поля (РП) и выходной нейронный сигнал PSTH) (http://neuroclusterbrain.com/ru/neuron\_ model\_ru.html)

 $\mathsf{Источ}$ ник —  $\underline{\mathsf{https://ru.wikipedia.org/w/index.php?title=Moдeль\_}$   $\underline{\mathsf{6uo}}$ логического\_нейрона& oldid=104281978

#### Эта страница в последний раз была отредактирована 1 января 2020 в 08:13.

Текст доступен по <u>лицензии Creative Commons Attribution-ShareAlike</u>; в отдельных случаях могут действовать дополнительные условия.

Wikipedia ${}^{\otimes}$  — зарегистрированный товарный знак некоммерческой организации Wikimedia Foundation, Inc.

Стр. 5 из 5 31.03.2020, 22:31