

10¹⁸ exa [E]; 10¹⁵ peta [P];

$$M_r = \frac{m_{\text{molekyl}}}{u}; A_r = \frac{m_{\text{atom}}}{u}$$

$$M = mN_A = M_r u N_A = M_r \cdot 10^{-3} \Rightarrow \\ M = M_r \text{ g/mol}$$

$$\rho = \frac{m}{V}; p = \frac{\rho RT}{M}; v = \frac{m}{M};$$

$$\Delta Q = m \cdot c \cdot \Delta T$$

Ideala och icke-ideala gaser

$$pV = \nu RT = Nk_B T;$$

Van der Waals tillståndsekvation,

V_m = molekylens volym,

a: växelverkan

$$p = \frac{Nk_B T}{V - NV_m} - a \left(\frac{N}{V} \right)^2$$

$$p = \frac{Nk_B T}{V - NV_m};$$

Isoterm kompressibilitet

$$k = - \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial p} \right)_T = \frac{1}{p} \text{ [Pa}^{-1}\text{]};$$

Isobar termisk utvidgning

$$\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_p \text{ [K}^{-1}\text{]}$$

Svartkroppsstrålning

$$\text{Strålningstäthet } \varphi = \sigma \cdot T^4 \text{ [W/m}^2\text{]}$$

$$\text{Strålnings intensitet } \Phi = A \varepsilon \sigma T^4 \text{ [W]}$$

$$\text{Wiens förskjutningslag } \frac{h\nu_p}{k_B T} = 2,821$$

Planckfördelning (ν = frekvens)

$$u(\nu, T) = \frac{8\pi h \nu^3}{c^3} \cdot \frac{1}{e^{\frac{h\nu}{kT}} - 1}$$

Solarkonstanten

$$\varphi = \frac{\sigma T_s^4 R_s^2}{R^2} = 1366 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

Foton: $E = h\nu$ (ν = frekvens)

SI: meter [m]; kilogram [kg]; sekund [s];
candela [cd]; ampere [A]; Kelvin [K]; mol
[mol];

Enheter: Newton [N, kg·m/s²]; Joule [J,
N·m]; Watt [W, J/s]; Pascal [Pa, N/m²];
[T/K = T/°C + 273,15]

10¹² tera [T]; 10⁹ giga [G];

Kinetisk gasteori

Karakteristiska hastigheter

$$\langle v \rangle = \sqrt{\frac{8k_B T}{\pi m}}; v_p = \sqrt{2} \cdot \sqrt{\frac{k_B T}{m}};$$

$$v_{rms} = \sqrt{\langle v^2 \rangle} = \sqrt{3} \cdot \sqrt{\frac{k_B T}{m}}$$

$$\langle E_k \rangle = \frac{3k_B T}{2};$$

Gaskinetiskt tvärsnitt

$$\sigma = \pi d^2$$

$\ell = \langle v \rangle \tau$ (τ = medeltid mellan
kollisioner)

$$\text{Medelfria vägen } \ell = \frac{1}{n\pi d^2 \sqrt{2}}; n = \frac{N}{V}$$

$$\text{Frekvens } \frac{1}{\tau} = \sqrt{2} \cdot n\pi d^2 \langle v \rangle$$

$$\text{Stöttal } \nu^* = \frac{p}{\sqrt{2\pi m k_B T}} = \frac{1}{4} \cdot n \cdot \langle v \rangle \text{ [1/s·m}^2\text{]}$$

Maxwell Boltzmanns hastighetsfördelning

$$n(v) = \text{konst} \cdot v^2 \cdot e^{-\frac{mv^2}{2kT}}$$

Partialtryck & Inre Energi

$$p = \frac{1}{3} N m \langle v^2 \rangle \text{ (ideal)}$$

Partialtryck

$$p_i = \frac{1}{V} \cdot \frac{2}{3} N_i \left(\frac{1}{2} m_i \langle v_i^2 \rangle \right)$$

$$p = \sum_i p_i = \sum_i \frac{k_B T}{V} \cdot N_i$$

Inre energi

$$U = N \frac{m \langle v^2 \rangle}{2} = \frac{3}{2} N k_B T = \frac{3}{2} pV \text{ [J]}$$

$$\text{Energi/frihetsgrad: } \frac{1}{2} k_B T$$

1 eV = 1,602·10⁻¹⁹ J; 1 kWh = 3,6 MJ

1 Torr (mmHg) = 1/760 atm; 1 bar = 10⁵ Pa

Arbete vid sömn: 1 W/kg; lätt arbete 50-75
W (25 % effektivitet); energibehov: ca 12
MJ/dygn

Jorden: Radie 6,37·10⁶ m²

befolkning: ca 7 miljarder

Sveriges area: 4,5·10¹¹ m²

befolkning: ca 9 miljoner

$$\text{Sfär } A = 4\pi \cdot r^2; V = \frac{4\pi \cdot r^3}{3}$$

10⁶ mega [M] | 10⁻¹⁸ atto [a];

Värmetransport

Värmeledning, λ är värmekonduktivitet

$$\Phi = \frac{A(T_2 - T_1)\lambda}{d} = -\lambda A \left(\frac{dT}{dx} \right) \text{ [W]}$$

Värmeflödets kontinuitet:

$$\lambda \left(\frac{dT}{dx} \right) \text{ är konstant.}$$

U-värde [Wm⁻²K⁻¹]

$$\Phi = UA(T_2 - T_1); U = \frac{\lambda}{d}$$

1/U är värmemotståndet

Första huvudsatsen

$$dU = dQ + dW = dQ - pdV$$

Arbete

$$W_T = - \int_1^2 p(V) dV = -\nu RT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$W_p = p(V_2 - V_1) = pdV$$

$$dW = pdV; W_V = 0$$

Entalpi

$$H = U + pV; \text{ [J]}$$

$$dH = dU + pdV + Vdp$$

Molara värmekapaciteten

$$C_p = C_v + R; \text{ [J/kg·K]}$$

$$C_V = \frac{1}{\nu} \left(\frac{dQ}{dT} \right)_V = \frac{1}{\nu} \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_V = T \left(\frac{dS}{dT} \right)_V$$

$$\text{monoatomär } C_v = \frac{3}{2} R$$

$$\text{diatomär: } C_v = \frac{5}{2} R$$

$$C_p = \frac{1}{\nu} \left(\frac{dQ}{dT} \right)_p = \frac{1}{\nu} \left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_p$$

$$\text{monoatomär } C_p = \frac{5}{2} R$$

$$\text{diatomär: } C_p = \frac{7}{2} R$$

$$(dQ)_V = dU = \nu C_V dT$$

$$(dQ)_p = dU + pdV = \nu C_p dT$$

Fri energi, fri entalpi

$$\text{Fria energin: } F = U - TS \text{ [J]}$$

$$dF = dW; dF = dU - TdS - SdT;$$

$$\text{Fri entalpi: } G = F + pV \text{ [J]}$$

Energikvalitet

$$W = \frac{T - T_0}{T} Q = q \cdot Q \quad q = \text{energikvalitet}$$

10⁻¹⁵ femto [f]; 10⁻¹² pico [p]

Adiabatiska processer

$$dQ = 0; pV^\gamma = \text{konst}$$

$$\Rightarrow T p^{(1-\gamma)/\gamma} = \text{konst och}$$

$$T V^{\gamma-1} = \text{konst}; \gamma = \frac{C_p}{C_v}$$

$$W = - \int_1^2 p dV = \frac{p_1 V_1 - p_2 V_2}{1-\gamma}$$

Vid adiabatisk process är entropin, S,
konstant.

Kompressibilitet

$$k_S = - \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial p} \right)_T = \frac{1}{\gamma \cdot p}$$

$$\frac{k}{k_S} = \gamma = \frac{C_p}{C_v}$$

Vid reversibel kompression: $W = -pdV$

Entropi

S: [J/K]

$$\text{För en reversibel process } \frac{Q_1}{T_1} - \frac{Q_2}{T_2} = 0$$

$$\lim \sum \frac{Q_i}{T_i} = \int \frac{dQ}{dT} = 0; W = (T_1 - T_2) \Delta S$$

$$dS = \frac{1}{T} (\nu C_V dT + pdV); S = \left(\frac{\partial F}{\partial T} \right)_V$$

Andra huvudsatsen

$$\Delta S > 0 \text{ Irreversibel process } dS > \frac{dQ}{T}$$

$$\Delta S = 0 \text{ reversibel process } dS = \frac{dQ}{T}$$

$$\Delta S = \int_{T_1}^{T_2} \frac{C dT}{T}; \Delta S = \frac{\Delta H}{T_m}$$

$$\Delta S = \nu C_V \cdot \ln \frac{T_2}{T_1} + \nu R \cdot \ln \frac{V_2}{V_1}$$

Tredje huvudsatsen

Entropi vid absoluta nollpunkten

$$S(0) = 0$$

Kretsprocesser

Gasen återkommer till sitt ursprungs-
tillstånd efter ett antal delprocesser

$$\frac{Q_1}{T_1} = \frac{Q_2}{T_2}; W = Q_1 - Q_2 = (T_1 - T_2)(S_1 - S_2)$$

$$\text{Verkningsgrad } \eta = \frac{W_{\text{utträttat}}}{Q_{\text{tillförd}}}$$

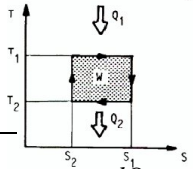
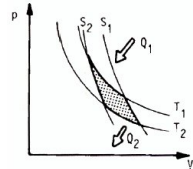
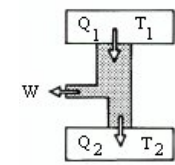
$$\eta = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1} = \frac{T_1 - T_2}{T_1}$$

10⁻⁹ nano [n]; 10⁻⁶ micro [μ]

Carnot-processer ($T_1 > T_2$)

Värmemaskin

Värmepump



$$\oint ds = \oint \frac{dQ}{T} = 0 \text{ (reversibel)}$$

$$\oint \frac{dQ}{T} > 0 \text{ (irreversibel)}$$

$$\text{Godtycklig } \int_A^B \frac{dQ}{T} = S(B) - S(A) \text{ (reversibel)}$$

$$\int_A^B \frac{dQ}{T} < S(B) - S(A) \text{ (irreversibel)}$$

Termisk isolerad $S(B) - S(A) = 0$ (reversibel)

$S(B) - S(A) > 0$ (irreversibel)

Mikroskopiskt $S = k_B \ln W$ (W = antal möjliga
mikroskopiska tillstånd)

Fasövergångar

T, P konst. L värme som tillförs

$$\Delta S = \frac{L}{T}; dH = TdS; \Delta H = T\Delta S = L$$

V, T konst. $dF \leq 0$

T, P konst. $dG = 0$

$$S = \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_p; V = \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_T$$

Köldfaktor, Värmefaktor

$$\text{Köldfaktor: } \varepsilon = \frac{Q_2}{W} = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2} = \frac{T_2}{T_1 - T_2}$$

$$\text{Värmefaktor: } \varepsilon_V = \frac{Q_1}{W} = 1 + \varepsilon$$

Hans Edward Gennow
e.gennow@gmail.com