Utilização dos testes de Comparações múltiplas: Teste de Tukey

Cleanderson R. Fidelis

Universidade Federal do Acre

Testes de Comparações Múltiplas

Caso a hipótese $H_0: \mu_1 = \mu_2 = \cdots = \mu_I = \mu$ seja rejeitada, ao nível de significância α desejado (em geral $\alpha = 0,05$), deveremos continuar as análises estatísticas, aplicando um teste de comparações múltiplas, que pode ser aquele que o pesquisador/estatístico achar mais conveniente: Tukey, ou t-Student, ou Duncan, ou Scheffé, ou Bonferroni, etc. Neste caso, usaremos o teste de Tukey, cujo procedimento utilizado para este fim é o seguinte:

1 Para contrastar as hipóteses:

$$\begin{cases} H_0: \mu_i = \mu_{i'} \\ H_1: \mu_i \neq \mu_{i'}, \ \forall \ i \neq i' \ \text{e} \ i, i' = 1, 2, \cdots, I; \end{cases}$$

Testes de Comparações Múltiplas

2 Usando os dados observados no experimento, calcular o valor da estatística de teste, $\Delta = DMS$, e os valores absolutos das diferenças entre as estimativas das médias relativas aos tratamentos. Isto é:

$$\Delta = DMS = q_{[I;(I-1)(J-1);\alpha]} \sqrt{\frac{QMRes}{J}}$$

е

$$|\hat{m}_i - \hat{m}_{i'}|, \ \forall \ i \neq i' \ e \ i, i' = 1, 2, \cdots, I;$$

Regras de Decisão e Conclusão

3 Regra de decisão: Rejeitar $H_0: \mu_i = \mu_{i'}$ em favor de $H_1: \mu_i \neq \mu_{i'}$, se

$$|\hat{m}_i - \hat{m}_{i'}| > \Delta$$
.

4 Conclusão: Se $|\hat{m}_i - \hat{m}_{i'}| > \Delta$, rejeitamos a hipótese de que as médias μ_i e $\mu_{i'}$ são iguais e concluímos, ao nível de significância α pelo teste de *Tukey*, que a média μ_i difere estatisticamente da média $\mu_{i'}$.

TABELA 4 - Valores da amplitude total estudentizada (q), para uso no teste de Tukey, ao nível de 57 de probabilidade. n = número de tratamentos.

	n'	= núm	ero de	graus	de lib	erdade	do res	Íduo.										
n'	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	1.7	18	19
1	17,97	26,98	32,82	37,08	40,41	43,12	45,40	47,36	49,07	50,59	51,96	53,20	54,33	55,36	56,32	57,22	58,04	58,83
2	6,09	8,33	9,80	10,88	11,74	12,44	13,03	13,54	13,99	14,39	14,75	15,08	15,33	15,65	15,91	16,14	16,37	16,57
3	4,50	5,91	6,83	7,50	8,04	8,48	8,85	9,18	9,46	9,72	9,95	10,15	10,35	10,53	10,69	10,84	10,98	11,11
4	3,93	5,04	5,76	6,29	6,71	7,05	7,35	7,60	7,83	8,03	8,21	8,37	8,53	8,66	8,79	8,91	9,03	9,13
5	3,64	4,60	5,22	5,67	6,03	6,33	6,58	6,80	7,00	7,17	7,32	7,47	7,60	7,72	7,83	7,93	8,03	8,12
6	3,46	4,34	4,90	5,31	5,63	5,90	6,12	6,32	6,49	6,65	6,79	6,92	7,03	7,14	7,24	7,34	7,43	7,51
7	3,34	4,17	4,68	5,06	5,36	5,61	5,82	6,00	6,16	6,30	6,43	6,55	6,66	6,76	6,85	6,94	7,02	7,10

5,08

5,03

5,20 5,31 5,40

5,15 5,26 5,35 5,44 5,52 5,59 5,66 5,73 5,79 5,84

4,94

3.26 4.04

3,15 3,88 4,33 4,65 4,91 5,12 5,31 5,46 5,60 5,72 5,83

3.11 3.82 4.26 4.57 4,82 5.03 5.20 5.35 5.49 5,61 5,71 5,81 5,90

3.08 3.77 4,20 4.51 4,75 4.95 5,12 5,27 5,40 5,51 5,62 5,71 5,80 5,88 5,95 6,02 6,09 6,15 6,

3.06 3,74 4,15 4,45 4,69 4,89 5,05 5,19 5,32 5,43 5,53 5,63 5,71 5,79 5,86 5,93 6,00 6,06

3,03 3,70 4,11 4,41 4,64 4,83 4,99 5,13 5,25 5,36 5,46 5,55 5,64 5,71 5,79 5,85 5,92 5,97

3,01 3,67 4,08 4,37 4,60 4,78

3,00

2,98

2,97 3,61 4,00 4,28 4,50 4,67 4.82 4,96 5.07 5.17

2,96 3,59 3.98 4.25 4,47 4.65 4,79 4.92 5,04 5,14 5,23 5,32 5,39 5,46 5,53 5,59 5,65 5,70 5,

2,95 3,58 3,96 4,23 4,45 4,62 4,77 4,90 5,01 5,11 5,20 5,28 5,36 5,43 5,49 5,55 5,61 5,66 5,

2,92

2,89 3,49 3,85 4,10 4,30 4,46 4,60 4,72 4,82 4,92 5.00 5.08 5.15 5,21 5,27 5.33 5,38 5,43 5.

2,86 3,44 3,79 4.04

2.83 3,40

2.80 3,36 3.69 3.92 4,10 4.24 4.36 4.47 4,56 4.64 4.71 4.78 4.84 4.90 4.95 5.00 5.04 5.09

2.77 3,31 3,63 3,86 4,03 4,17 4,29 4,39 4,47 4,55 4,62 4,69 4,74 4,80 4,85 4,89 4,93 4,97 5,

3,65 4,05

3,63 4,02

3,53 3,90 4,17

8

9 3,20 3,95 4,42 4,76 5,02 5,24 5,43 5,60 5,74 5,87 5,98 6,09

10

11

12

13

14

15

16

17

18

19

20

24

30

40

60

120

4.89 5,17

4,33 4,56

4,30 4,52

3.98 4,16

3.74

5,40 5,60 5,77 5,92 6,05 6,18 6,29 6,39 6,48 6,57 6,65 6,73 6,80

4,74 4,90

4,71 4,86 4,99 5,11 5,21 5,31 5,39 5.47 5.54 5.61 5.68 5.73 5,79 5,

4,54 4,68 4.81 4,92 5,01 5.10 5.18 5,25 5,32 5.38 5,44 5,49 5,55 5.

4,39 4,52 4.64 4.74 4.82 4,90 4,98 5.04 5.11 5,16 5.22 5,27 5.31 5,

4.31 4.44 4.55 4.65 4.73 4.81 4.88 4.94 5.00

4,37

4,53

20

59.

16,

11,

9,

8,

7,

7,

5,

6,41 6.

6,27

6,20

6,28 6,19

5,98

6,03 6,11

5,57 5,65 5,72 5,79 5.85 5,90 5.

5,94

5,49

5.35 5.43 5,50 5.57 5.63 5.69 5,74 5,

6,36 6,44 6,51 6,58 6,

6,19

6,06 6,13

5.06

6,27 6,34

5.11 5.15 5.20

TABELA 4 - Valores da amplitude total estudentizada (q), para uso no teste de Tukey, so nível de 5% de probabilidade. n = mimero de tratamentos.

	n	' = nún	ero de	graus	de lib	erdade	do res	Iduo.											
n./n	2	3	4	5	6	7	8	9	10	n	12	13	14	15	16	17	18	19	
1	17,97	26,98	32,82	37,08	40,41	43,12	45,40	47,36	49,07	50,59	51,96	53,20	54,33	55,36	56,32	57,22	58,04	58,83	П
2	6,09	8,33	9,80	10,88	11,74	12,44	13,03	13,54	13,99	14,39	14,75	15,08	15,33	15,65	15,91	16,14	16,37	16,57	
3	4,50	5,91	6,83	7,50	8,04	8,48	8,85	9,18	9,46	9,72	9,95	10,15	10,35	10,53	10,69	10,84	10,98	11,11	
4	3,93	5,04	5,76	6,29	6,71	7,05	7,35	7,60	7,83	8,03	8,21	8,37	8,53	8,66	8,79	8,91	9,03	9,13	
5	3,64	4,60	5,22	5,67	6,03	6,33	6,58	6,80	7,00	7,17	7,32	7,47	7,60	7,72	7,83	7,93	8,03	8,12	
6	3,46	4,34	4,90	5,31	5,63	5,90	6,12	6,32	6,49	6,65	6,79	6,92	7,03	7,14	7,24	7,34	7,43	7,51	
7	3,34	4,17	4,68	5,06	5,36	5,61	5,82	6,00	6,16	6,30	6,43	6,55	6,66	6,76	6,85	6,94	7,02	7,10	
8	3,26	4,04	4,53	4,89	5,17	5,40	5,60	5,77	5,92	6,05	6,18	6,29	6,39	6,48	6,57	6,63	6,73	6,80	
9	3,20	3,95	4,42	4,76	5,02	5,24	5,43	5,60	5,74	5,87	5,98	6,09	6,19	6,28	6,36	6,44	6,51	6,58	
10	3,15	3,88	4,33	4,65	4,91	5,12	5,31	5,46	5,60	5,72	5,83	5,94	6,03	6,11	6,19	6,27	6,34	6,41	
11.	3,11	3,82	4,26	4,57	4,82	5,03	5,20	5,35	5,49	5,61	5,71	5,81	5,90	5,98	6,06	6,13	6,20	6,27	
12	3,08	3,77	4,20	4,51	4,75	4,95	5,12	5,27	5,40	5,51	5,62	5,71	5,80	5,88	5,95	6,02	6,09	6,15	
13	3.06	3.74	4.15	-	4,69	4.89	5.05	5-19	5.32	5.43	5.53	5.63	5.71	5.79	5.86	5.93	6.00	6.06	

20 59,56 16,77 11,24 9,23 8,21 7,59 7.17 6,87 6,64 6,47 6.33 6,21 6,11 6,03

5,96

5,27 5,31 5,36

> 4,97 5,01

4,89 4,93

4.85

	3	4,50	5,91	6,83	7,50	8,04	8,48	8,85	9,18	9,46	9,72	9,95	10,15	10,35	10,53	10,69	10,84	10,98	11,11
	4	3,93	5,04	5,76	6,29	6,71	7,05	7,35	7,60	7,83	8,03	8,21	8,37	8,53	8,66	8,79	8,91	9,03	9,13
	5	3,64	4,60	5,22	5,67	6,03	6,33	6,58	6,80	7,00	7,17	7,32	7,47	7,60	7,72	7,83	7,93	8,03	8,12
	6	3,46	4,34	4,90	5,31	5,63	5,90	6,12	6,32	6,49	6,65	6,79	6,92	7,03	7,14	7,24	7,34	7,43	7,51
	7	3,34	4,17	4,68	5,06	5,36	5,61	5,82	6,00	6,16	6,30	6,43	6,55	6,66	6,76	6,85	6,94	7,02	7,10
	8	3,26	4,04	4,53	4,89	5,17	5,40	5,60	5,77	5,92	6,05	6,18	6,29	6,39	6,48	6,57	6,63	6,73	6,80
	9	3,20	3,95	4,42	4,76	5,02	5,24	5,43	5,60	5,74	5,87	5,98	6,09	6,19	6,28	6,36	6,44	6,51	6,58
1	LO .	3,15	3,88	4,33	4,65	4,91	5,12	5,31	5,46	5,60	5,72	5,83	5,94	6,63	6,11	6,19	6,27	6,34	6,41
1	U.	3,11	3,82	4,26	4,51	4,82	5,03	5,20	5,35	5,49	5,61	5,71	5,81	5,90	5,98	6,06	6,13	6,20	6,27
1	12	3,08	3,77	4,20	4,51	4,75	4,95	5,12	5,27	5,40	5,51	5,62	5,71	5,80	5,88	5,95	6,02	6,09	6,15
1	13	3,06	3,74	4,15	4,45	4,69	4,89	5,05	5,19	5,32	5,43	5,53	5,63	5,71	5,79	5,86	5,93	6,00	6,06
1	L4	3,03	3,70	4,11	4,41	4,64	4,83	4,99	5,13	5,25	5,36	5,46	5,55	5,64	5,71	5,79	5,85	5,92	5,97
1	15	3,01	3,67	4,08	4,37	4,60	4,78	4,94	5,08	5,20	5,31	5,40	5,49	5,57	5,65	5,72	5,79	5,85	5,90

4,64 4,74

4,39

4,47

4,52

4.29

4,90 4,98 5.04 5,11 5,16 5,22

4,62

4,69 4.74 4,80

4,82

4.55

4,52

4,45

4.71 4,86 4.99 5.11 5.21 5,31 5,39 5.47 5.54 5,61 5,68 5.73 5.79 5.84

4,62 4,77 4.90 5.01 5.11 5,20 5,28 5,36 5,43 5.49 5,55 5,61 5,66 5,71

4,02 4,30

3,96 4,23

16 3.00 3,65 4,05 4,33 4,56 4.74 4.90 5,03 5.15 5,26 5,35 5.44 5,52 5.59 5,66 5,73 5,79 5,84 5,90

17 2,98 3,63

18 2,97 3.61 4.00 4,28 4,50 4,67 4,82 4,96 5,07 5,17 5,27 5,35 5,43 5,50 5,57 5,63 5,69 5,74 5,79

19 2,96 3.59 3,98 4,25 4,47 4,65 4,79 4,92 5,04 5,14 5,23 5,32 5,39 5,46 5,53 5,59 5,65 5,70 5,75

20 2,95 3,58

24 2,92 3,53 3,90 4,17 4,37 4.54 4.68 4,83. 4.92 5.01 5.10 5.18 5,25 5,32 5.38 5,44 5,49 5,55 5,59

30 2,89 3,49 3.85 4,10 4,30 4,46 4,60 4,72 4,82 4,92 5,00 5,08 5,15 5,21 5,27 5,33 5,38 5,43 5,48

40 2,86 3,44 3,79 4,04 4,23 4,39

60 2,83 3,40 3,74 3,98 4,16 4,31 4,44 4,55 4,65 4,73 4,81 4,88 4,94 5,00 5,06 5,11 5,15 5,20 5,24

120

2,80 3,36 3,69 3,92 4,10 4,24 4.36 4-47 4,56 4.64 4,71 4,78 4.84 4,90 4,95 5,00 5,04 5,09 5,13

2,77 3,31 3,63 3,86 4,03 4,17

Exemplo - Experimento com Galinhas Poedeiras

- Experimentos com poedeiras
- Trtamentos: 5 tipos diferentes de rações
- Foi realizada a blocagem pela faixa de peso das aves;
- Número de blocos (faixas): 4
- Unidade experimental: um grupo de 10 aves
- Variável resposta: numero médio de ovos ao final do experimento.

	•	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	. •		
Α		175,5		,	713,2	178,3
В	182,5	190,5	194,9	215,3	783,2	195,8
C	187,5	210,5	214,9 214,9	255,3	868,2	217,1
D	227,5	235,5	214,9	227,3	905,2	226,3
F	100 5	207.5	211.0	212.2	221 1	207.8

Tabela: Valores experimentais e médias dos tratamentos.

Bloco

Ш

Bloco

IV

Totais

Médias

E 199,5 207,5 211,9 212,2 831,1 207,8 **Totais** 964,5 1019,5 1016,5 1100,4 4100,9 205,04

Bloco

ш

Bloco

Trat.

FV	GL	SQ	QM	F
Tratamentos	4	5616,50	1404,13	10,07*
Blocos	3	1889,58	629,86	4,52*
Erro	12	1673,47	139,46	-
Total	19	9179,55	-	-

Tabela: Anova

Tabela: Anova te Ste de to Key. Para o cállobo de Dons, temos:

12 26

18,5

0 L +1 6

30 6

| 20,50 | par 100 9,25 Assin, es resultados poden ser

(4881~) OS		
Vesumidos	Como!	
		nedicos
Grupos	Tratamentos	226,3
α	ש	217 6

	Tratamentos	nédicos
Grupos	1100 100000	226,30
α	V	217,05
ab	C	207,80
ab	E	195,80
b C	B	
6	A	178,30