

Exercice 1

Dans chaque cas, déterminer une primitive F de la fonction f sur l'intervalle \mathcal{I} .

$$\begin{array}{lll} a) \quad f(x) = & x^3 - 2x & \mathcal{I} = \mathbb{R} \\ c) \quad f(x) = & (2x - 5)(x^2 - 5x + 4)^2 & \mathcal{I} = \mathbb{R} \\ e) \quad f(x) = & x^2 e^{x^3} & \mathcal{I} = \mathbb{R} \end{array} \quad \begin{array}{lll} b) \quad f(x) = & 3x^2 - \frac{1}{x^3} & \mathcal{I} =]0, \infty[\\ d) \quad f(x) = & \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} & \mathcal{I} = \mathbb{R} \\ f) \quad f(x) = & \cos(5x) - 3\sin(3x - 1) & \mathcal{I} = \mathbb{R} \end{array}$$

Exercice 2

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R}^* par

$$f(x) = \frac{e^{2x}(2x - 1)}{x^2}$$

1. Démontrer que la fonction F définie sur \mathbb{R}^* par $F(x) = \frac{e^{2x}}{x}$ est une primitive de f .
2. Déterminer la primitive de la fonction f qui s'annule en $x = 1$.

Exercice 3

1. Calculer l'aire de la surface délimitée par la courbe représentative de la fonction f définie par $f(x) = \frac{1}{2}x + 3$, l'axe des abscisses et les droites d'équations $x = -1$ et $x = 5$
2. Calculer l'aire de la surface délimitée par la courbe représentative de la fonction f définie par $f(x) = x^2 + 1$, l'axe des abscisses et les droites d'équations $x = -2$ et $x = 1$
3. On considère les fonctions f et g définies par $f(x) = x^2 + 1$ et $g(x) = -x^2 + 2x + 5$. On admet que pour tout x de $[-1, 2]$, on a $f(x) \leq g(x)$.
Déterminer l'aire délimitée par les courbes représentatives de f et de g sur l'intervalle $[-1; 2]$.

Exercice 4

Calculer les intégrales suivantes :

$$A = \int_1^4 \frac{3}{x^2} dx, \quad B = \int_2^5 (3x^2 + 4x - 5)dx, \quad C = \int_{-1}^1 e^{-2x} dx$$

Exercice 5

Calculer la valeur moyenne de la fonction f définie par $f(x) = 3x^2 - 4x + 5$ sur l'intervalle $[1; 10]$.

Exercice 6

Calculer les intégrales suivantes :

$$A = \int_0^1 x e^x dx; \quad B = \int_1^2 x \ln(x) dx \quad C = \int_1^2 x^2 e^x dx$$

Exercice 7

Calculer les intégrales suivantes :

$$A = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin x dx, \quad B = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x^2 \cos x dx, \quad C = \int_1^{e^2} \ln x dx$$