

**Exercice 1**

Dans chaque cas, déterminer une primitive  $F$  de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $\mathcal{I}$ .

$$\begin{array}{llll} a) & f(x) = & x^3 - 2x & \mathcal{I} = \mathbb{R} \\ c) & f(x) = & (2x - 5)(x^2 - 5x + 4)^2 & \mathcal{I} = \mathbb{R} \\ e) & f(x) = & x^2 e^{x^3} & \mathcal{I} = \mathbb{R} \end{array} \quad \begin{array}{llll} b) & f(x) = & 3x^2 - \frac{1}{x^3} & \mathcal{I} = ]0, \infty[ \\ d) & f(x) = & \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} & \mathcal{I} = \mathbb{R} \\ f) & f(x) = & \cos(5x) - 3\sin(3x - 1) & \mathcal{I} = \mathbb{R} \end{array}$$

**Exercice 2**

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}^*$  par

$$f(x) = \frac{e^{2x}(2x - 1)}{x^2}$$

1. Démontrer que la fonction  $F$  définie sur  $\mathbb{R}^*$  par  $F(x) = \frac{e^{2x}}{x}$  est une primitive de  $f$ .
2. Déterminer la primitive de la fonction  $f$  qui s'annule en  $x = 1$ .

**Exercice 3**

1. Calculer l'aire de la surface délimitée par la courbe représentative de la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{1}{2}x + 3$ , l'axe des abscisses et les droites d'équations  $x = -1$  et  $x = 5$ .
2. Calculer l'aire de la surface délimitée par la courbe représentative de la fonction  $f$  définie par  $f(x) = x^2 + 1$ , l'axe des abscisses et les droites d'équations  $x = -2$  et  $x = 1$ .
3. On considère les fonctions  $f$  et  $g$  définies par  $f(x) = x^2 + 1$  et  $g(x) = -x^2 + 2x + 5$ . On admet que pour tout  $x$  de  $[-1, 2]$ , on a  $f(x) \leq g(x)$ .  
Déterminer l'aire délimitée par les courbes représentatives de  $f$  et de  $g$  sur l'intervalle  $[-1; 2]$ .

**Exercice 4**

Calculer les intégrales suivantes :

$$A = \int_1^4 \frac{3}{x^2} dx, \quad B = \int_2^5 (3x^2 + 4x - 5) dx, \quad C = \int_{-1}^1 e^{-2x} dx$$

**Exercice 5**

Calculer la valeur moyenne de la fonction  $f$  définie par  $f(x) = 3x^2 - 4x + 5$  sur l'intervalle  $[1; 10]$ .

**Exercice 6**

Calculer les intégrales suivantes :

$$A = \int_0^1 x e^x dx; \quad B = \int_1^2 x \ln(x) dx \quad C = \int_1^2 x^2 e^x dx$$

**Exercice 7**

Calculer les intégrales suivantes :

$$A = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin x dx, \quad B = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x^2 \cos x dx, \quad C = \int_1^{e^2} \ln x dx$$