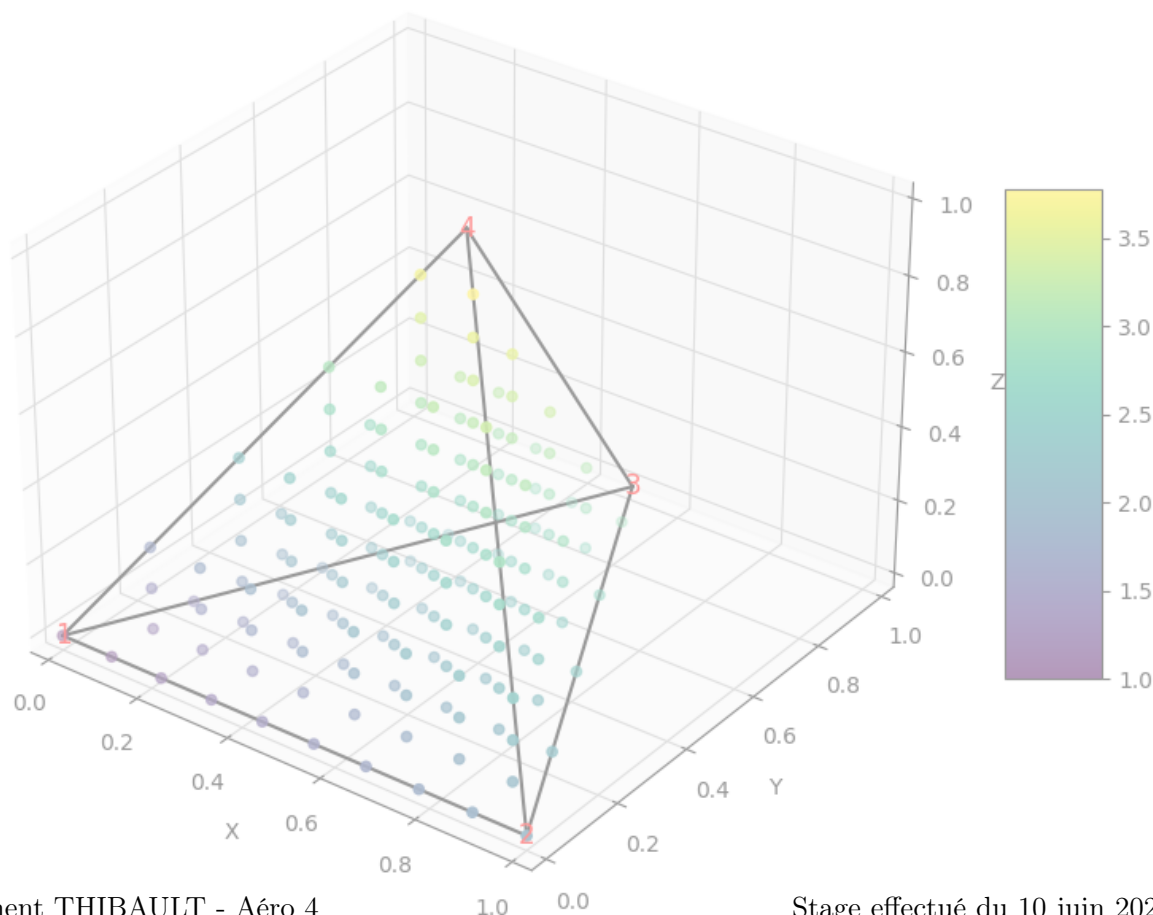


Rapport de stage Aéro 4

Développement de la méthode d'interpolation linéaire et évaluation de ses performances dans l'application de l'aéroacoustique

Stagiaire au sein de l'équipe AAM

Interpolation quadratique en 3D dans un tétraèdre



Remerciements

Je tiens à sincèrement remercier mon maître de stage Carlos pour m'avoir guidé pendant ce stage et toujours aidé avec le sourire.

Je tiens également à remercier Madame la présidente du CERFACS, Catherine LAMBERT, pour sa sympathie et pour m'avoir permis de faire ce stage.

Merci pour l'aide précieuse en mathématiques de mes amis montagnards et matheux Benjamin CANOVAS-ANDRIEUX et Dimitri LANIER ainsi que celle de mon professeur de mathématiques à l'IPSA, Guillaume COUFFIGAL.

Merci à mon tuteur pédagogique, Nadir MESSAI, pour son aide dans ma recherche de stage et au sein du CERFACS.

Merci à Alexis BOUDIN pour ses explications sur l'interpolation d'ordre élevé, à mon ami, colocataire, collègue au CERFACS et à l'IPSA, Kélian RENOUX, à Arthur COLOMBIÉ, à Guillaume DAVILLER, à l'administration, au CSG et à Luc POTIER, mon cobureau, pour l'aide qu'ils m'ont apportée au CERFACS.

Table des matières

Bilan Technique	6
Introduction	7
1 Le CERFACS	8
2 Présentation du stage	10
2.1 La librairie Antares	10
2.2 Les différentes méthodes d'interpolation	11
2.2.1 L'interpolation par voisin le plus proche	11
2.2.2 L'interpolation IDW	12
2.2.3 L'interpolation polynomiale	12
2.2.4 L'interpolation par Splines	12
2.2.5 Méthodes géostatiques	12
2.2.6 Méthode par moindres carrés	12
2.2.7 MISCOG	12
2.2.8 L'interpolation linéaire	12
2.2.9 Résumé des similitudes et différences des différentes méthodes	14
2.3 Mission 2 : Implémenter la méthode trilineaire	14
2.3.1 La structure générale du code TreatmentInterpolation	14
2.3.2 L'algorithme	15
2.3.3	15
2.3.4 Les difficultés	15
2.3.5 Le résultat	15
2.4 Mission 3 : Tester sur des cas d'aéroacoustique	15
2.4.1 Tests sur les paramètres de la méthode IDW	15
2.4.2 Discrétisation spatiale et résolution du problème	15
Conclusion	16
Annexes	17
Annexes	17
Coordonnées	17
Bibliographie	19

Acronymes

Liste des acronymes

CERFACS Centre Européen de Recherche et de Formation Avancée en Calcul Scientifique

HPC High Performance Computing

Bilan Technique

Fiche de synthèse		Clément THIBAUT - Aéro 4	
Sujet de stage		Objectifs	
Influence de la méthode d'interpolation sur la propagation acoustique FWH		<ul style="list-style-type: none">- Développer une méthode d'interpolation trili-néaire HPC dans le code d'analyse de données Antares- Évaluer l'influence de la méthode d'interpola-tion dans la qualité des résultats de propagation acoustique avec l'analogie FWH- Améliorer les performances HPC de la méthode d'interpolation dans Antares	
Client principal		Outils utilisés	
<ul style="list-style-type: none">- CERFACS- Date de mise à jour : 15 octobre 2024		VSCode, Python, Kraken (supercalculateur du CERFACS), Antares, Paraview, Git	
Études réalisées			
<ul style="list-style-type: none">— Influence de paramètres de la méthode d'interpolation IDW— ...			
Résultats		Explications des écarts possibles	
<ul style="list-style-type: none">- Rapidité du code d'interpolation augmentée (quelle que soit la méthode), environ par 100 sur le cas test d'aéroacoustique- Méthode linéaire pour tous types de maillages rencontrés au CERFACS implémentée- Méthode linéaire généralement plus efficace que la méthode IDW dans les cas d'aéroacoustique		<ul style="list-style-type: none">— ...— ...	
Difficultés rencontrées		Travaux à poursuivre	
<ul style="list-style-type: none">- Prise en main des outils relativement fatigante au début- Échec de l'implémentation du 'multi-zones' avec points communs entre des zones pour l'interpolation linéaire		<ul style="list-style-type: none">- Implémenter une méthode d'ordre supérieur dans le code d'Antares	

Introduction

J'adore les mathématiques appliquées, la mécanique des fluides et je voulais découvrir le monde de la recherche. Lors d'une présentation des activités au Centre Européen de Recherche et de Formation Avancée en Calcul Scientifique (CERFACS) par nos deux enseignants chercheurs Arthur et Nadir, j'ai eu l'occasion de découvrir ce laboratoire et d'y candidater pour mon stage de M1. Carlos m'a trouvé un sujet sur l'interpolation dans le cas de post-processing de simulations numériques et son application en aéroacoustique. Le sujet m'a directement plu, j'ai ainsi pu commencer mon stage le 10 juin 2024 au CERFACS.

En quelques mots, le CERFACS est un institut de recherche privé, spécialisé dans le développement de code High Performance Computing (HPC), financé par sept actionnaires.

Antares[1] est une librairie python privée qui a été développée au CERFACS en 2012 et a pour objectif de faire du pré et post-processing sur des simulations numériques utilisées par les actionnaires du CERFACS.

Elle contient notamment une fonction d'interpolation, codée en Python.

Mon maître de stage, Carlos, est responsable d'Antares depuis dix mois.

Mes missions principales lors de ce stage ont été :

- De faire un état des lieux sur les autres méthodes d'interpolation qui seraient implémentables dans Antares (avec ses contraintes associées).
- D'identifier les meilleurs paramètres pour l'équation IDW¹
- D'implémenter la méthode trilinéaire que j'appellerais aussi barycentrique.

Pour bien comprendre, ce que nous voulons interpoler, ce sont les valeurs aux points d'un maillage dit 'target' grâce aux valeurs aux points d'un maillage 'source'. Par exemple dans le cadre d'un raffinement de maillage entre 2 itérations de calcul ou dans le cas de la création d'une sphère dans un maillage 3D pour l'application des équations de FWH² dans le cadre de la propagation aéroacoustique.

Pour expliquer plus en détails ce stage au CERFACS, je présenterai d'abord ce laboratoire, puis je vous exposerai le travail que j'ai réalisé.

1. IDW : Inverse Distance Weighting, pondération inverse à la distance en français

2. FWH : Ffowcs Williams-Hawkings

Chapitre 1

Le CERFACS

Le Centre Européen de Recherche et de Formation Avancée en Calcul Scientifique est un laboratoire de recherche privé avec pour actionnaires Airbus, le CNES (Centre d'Études Spatiales), EDF, Météo France, l'ONERA (Office National d'Études et de Recherche Aéronautiques), Safran et TotalEnergies. Il a pour but de développer la simulation numérique par le calcul haute performance (HPC) pour ses actionnaires, mais aussi de faire de la recherche et de former des ingénieurs, chercheurs et doctorants. Il a été créé en 1988 sous le statut de GIP (Groupement d'intérêt Public), pour devenir une société civile en 1996 et depuis 2021, le CERFACS est une SAS (Société par Actions Simplifiées).

Les deux bâtiments sont situés au Météopole, dans la partie Ouest de Toulouse. Environ 170 personnes y travaillent, dont 20 % de femmes, 50% de doctorants et 20% d'étrangers dont la moitié ne sont pas Européens.

Physiciens, mathématiciens, informaticiens, numériciens et Data Scientistes y travaillent dans quatre équipes :

- Algo-Coop (Algorithmes Parallèles & sCientifics sOftware Operational Performances)
- CSG (Équipe Informatique et Support Utilisateur)
- CFD (Mécanique des fluides numérique)
- GLOBC (Modélisation du climat et de son changement global)

La CAO permet de faire les plans numériques d'un avion par exemple, afin de s'assurer que toutes les pièces fabriquées vont bien s'imbriquer entre elles. Mais cela permet aussi de faire des simulations numériques pour prévoir à l'avance la tenue structurelle, les forces aérodynamiques, le volume sonore, etc. sans faire d'onéreux tests. L'équipe CFD (Computational Fluid Dynamics) est la plus grande du CERFACS. Elle se focalise sur la simulation des écoulements et de la combustion en développant des méthodes numériques avancées et en les appliquant aux avions, fusées, hélicoptères, moteurs, turbomachines, etc. Les liens de l'équipe CFD avec les autres équipes du CERFACS comme GLOBC ou PAE sont forts, car ces équipes utilisent aussi la CFD de façon intensive pour prévoir le changement climatique ou l'effet de l'aviation sur l'environnement : en effet, derrière ces thèmes, on retrouve en premier les équations qui régissent les écoulements des fluides.

Le CERFACS héberge des supercalculateurs (Kraken et Calypso) et un serveur sur lequel se trouve l'intranet avec toutes les ressources nécessaires aux employés. Nous y trouvons notamment un lien vers une page QVT¹...Et un lien vers la page du CSE²...avec énormément de ressources. Le CSSCT³ et le DUERP⁴ devrait obligatoirement y être présent selon le site du gouvernement. Je n'ai par réussi à trouver le document relatif à la RSE⁵. Il existe un document "Plan du management de la qualité"

La question de l'environnement est très présente au CERFACS. Les employés sont poussés à venir à vélo. Ils donnent la prime (obligatoire pour les entreprises) pour chaque kilomètre

1. QVT : Qualité de Vie au Travail

2. CSE : Comité Social et Économique

3. CSSCT : Commissions santé, sécurité et conditions de travail

4. DUERP : Document Unique d'Évaluation des Risques Professionnels

5. RSE : Responsabilité Sociétale des Entreprises

fait à vélo sur le trajet habitation-travail-et vis-versa. Il y a un atelier de réparation et des emplacements sécurisés pour les vélos.

... Ils ont par exemple lancé un appel au volontariat pour composer le Comité de Pilotage pour la Prévention des Violences Sexistes et Sexuelles au Travail suite à une réunion d'information réalisée en collaboration avec la médecine du travail.

Le cadre de travail m'a relativement plus, être assis dans un bureau climatisé avec une vue sur la campagne n'est pas désagréable. Un des seuls risques à ce type de travail est une mauvaise position qui peut entraîner des problèmes de dos, épaules, ... Pour palier cela il y a des affiches dans chaque bureau indiquant la position à avoir et des exercices. Ces mêmes informations apparaissent dans le 'livret d'accueil stagiaire' qui m'a été donné le premier jour. Il y a une cantine sur le site à quelques minutes à pied, où la plupart des chercheurs et thésards vont manger les midis.

Chapitre 2

Présentation du stage

Le stage a débuté au début du mois de juin 2024. Un ordinateur et un PIN-pad générateur d'OTP (One-Time-Password) ont été mis à ma disposition. Carlos, mon maître de stage, m'a fourni les instructions nécessaires pour comprendre et utiliser Antares[1], une librairie de développement, à l'aide de la documentation en ligne¹.

2.1 La librairie Antares

La structure des solutions CFD interprétées dans Antares est illustrée ci-dessous :

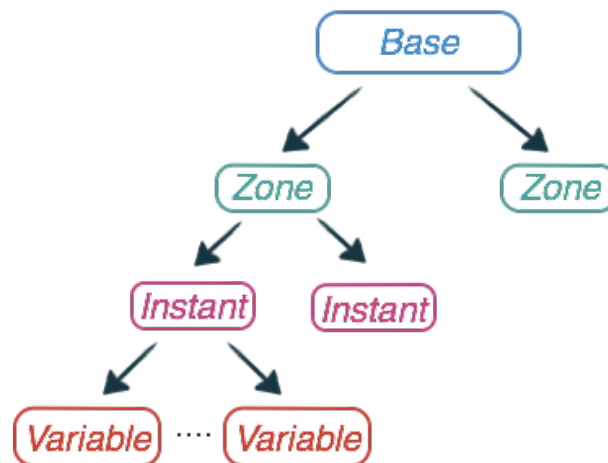


FIGURE 2.1 – Structure des données

Concrètement, le maillage peut être divisé en plusieurs zones. Ensuite chaque zone a un ou plusieurs instants où nous pouvons trouver la solution d'une variable, qui sera de même dimension que les coordonnées de l'instant.

Voici un exemple d'utilisation d'Antares :

```
1 import antares
2 myt = antares.Treatment('interpolation')
3 myt['source'] = source_base
4 myt['target'] = target_base
5 result = myt.execute()
6 print(result[0][0]['v1'])
```

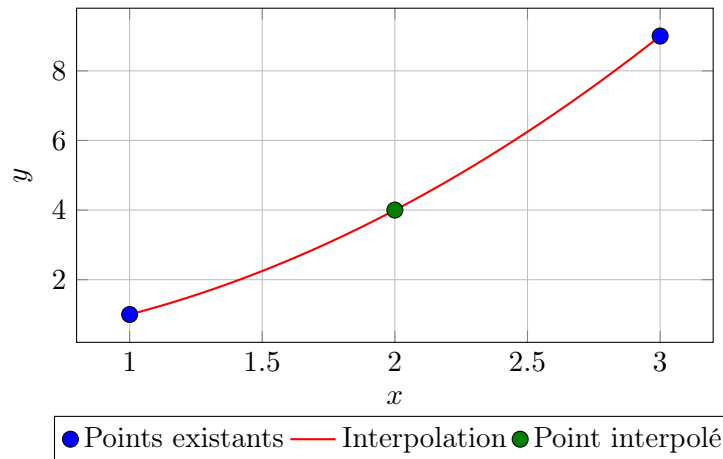
Listing 2.1 – Exemple simple d'utilisation d'Antares pour interpoler

Ensuite, la tâche consistait à résoudre un bug mineur sur Antares, ce qui a permis de se familiariser avec Nitrox, le Gitlab hébergé sur le serveur du CERFACS où sont situés Antares et d'autres codes du CERFACS.

1. Documentation d'Antares : <https://cerfacs.fr/antares/>

2.2 Les différentes méthodes d'interpolation

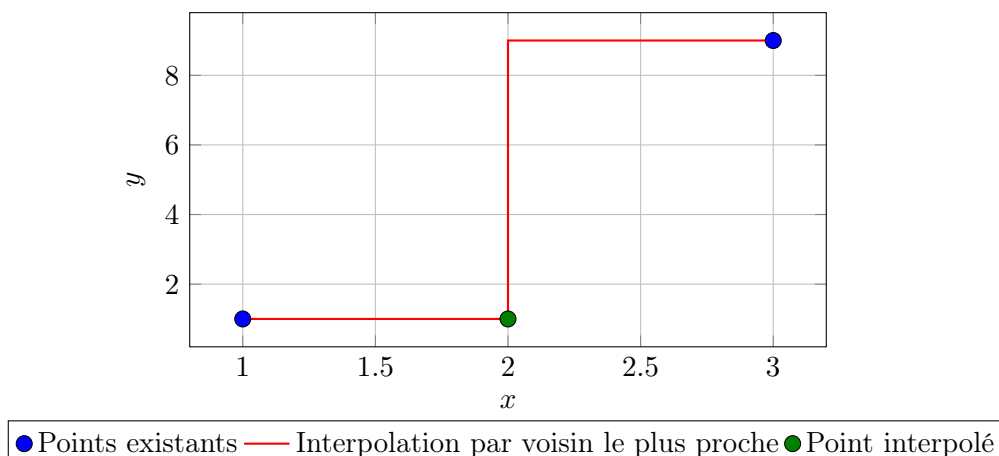
L'interpolation consiste à déterminer la valeur de nouveaux points à partir de la valeur de points existants. En voici un exemple en une dimension (l'axe x représente la position et l'axe y la valeur des points)



Nous allons premièrement présenter les types d'interpolation implémentables dans Antares, à savoir, qui permette de l'interpolation 3D, sur des maillages dits non structurés, c'est-à-dire pas de simples maillages, rectangulaires en 2D et hexaédrique en 3D, représentés par des matrices, mais des maillages créés avec différentes formes géométriques. Le temps de calcul, appelé 'coût' est aussi un paramètre à prendre en compte. Finalement, les caractéristiques mathématiques des équations à interpoler est probablement le paramètre le plus important à prendre en compte, mais aussi assurément le plus difficile. Effectivement différentes équations très difficiles à caractériser mathématiquement tel que l'équation de Naviers-Stokes sont utilisées et le niveau en maths est trop élevé pour pouvoir se plonger en profondeur dans ce problème. C'est pour cela qu'il n'y aura pas de résultat mathématique à présenter dans cette partie. Mais heureusement que ces méthodes ont déjà été implémentés et testés pour d'autres codes de simulation numérique, ce qui donne une bonne idée des résultats que nous pouvons espérer.

2.2.1 L'interpolation par voisin le plus proche

Cette première méthode est très simple : nous prenons comme valeur v d'interpolation au point p la valeur v du point le plus proche de p . En voici une illustration :



2.2.2 L'interpolation IDW

Nous comprenons assez vite que cette méthode est discontinue et même pas linéaire... Nous pouvons aussi imaginer que 2 points à droite et à gauche d'une ligne horizontale de 3 points (les plus proches), prendrons la même valeur pour $N = 3$, Schématiser.

D'autres méthodes dérivées ou similaires existent pour évaluer nos poids. La plus intéressante serait celle dite de Franke-Littke. Elle consiste à utiliser une distance maximale autour du point au-delà les autres points ne sont pas pris en compte. Autrement dit, en utilisant un cercle (dans le cas 2D) d'un certain rayon pour déterminer quels points nous sont utiles pour l'interpolation. Dans ce cas le nombre de points est variable. J'ai considéré subjectivement que cette méthode n'était pas intéressante car, confronté à un maillage ayant une différence de raffinement intrinsèque importante, dans certains cas aucuns points ne seraient pris, et dans d'autres, une grande somme serait calculée.

$$\hat{f}(x) = \frac{\sum_{i=1}^N \frac{f(x_i)}{d(x, x_i)^p}}{\sum_{i=1}^N \frac{1}{d(x, x_i)^p}}$$

où :

- $\hat{f}(x)$ est la valeur interpolée à la position x ,
- $f(x_i)$ est la valeur connue aux points de données x_i ,
- $d(x, x_i)$ est la distance entre x et x_i ,
- p est le paramètre de puissance,
- N est le nombre total de points de données.

Probablement l'interpolation la plus simple après la méthode du voisin le plus proche (toujours dans notre cas d'application), cette méthode est la seule qui était implémenté dans Antares.

Nous pouvons modifier 2 paramètres : p et N . Par défaut, dans le code, $p = 1$ et N est égale aux nombres de sommets de la première forme de cellule de la liste de formes de cellules de la base target. Il y aurait peut-être une modification mineure à faire sur ce point. La structure de la base target importe peu à côté de celle de la base source, pour l'interpolation. Mais aucune modification qui pourrait changer l'utilisation qui a déjà été faite de ce traitement ne pourra être faite par soucis de rétrocompatibilité. ! Tests à faire ici !

Nous remarquons que pour $n = 1$, nous retrouvons la méthode du voisin le plus proche, pour tout p .

Une de mes missions était de chercher s'il y avait des paramètres plus optimisés que N et p pour cette méthode. Je n'ai pas trouvé la réponse dans les différents articles et thèses que j'ai lues. C'est pour cela que je présenterais plus tard comment j'ai trouvé des paramètres optimaux en faisant des tests.

2.2.3 L'interpolation polynomiale

2.2.4 L'interpolation par Splines

2.2.5 Méthodes géostatiques

2.2.6 Méthode par moindres carrés

2.2.7 MISCOG

2.2.8 L'interpolation linéaire

Aussi appelée interpolation Barycentrique, l'interpolation linéaire, est la plus simple (après les plus proches voisins et IDW), et la plus utilisée par Airbus, Safran et d'autres industriels (dans via d'autres codes qu'Antares). C'est pour cela qu'ils ont demandé au CERFACS de l'implémenter des Antares, car ils l'utilisent actuellement via d'autres moyens. En 1D, l'interpolation linéaire est simple : c'est la moyenne pondérée linéairement par la distance, des valeurs des points. Supposons que nous voulons interpoler une valeur d'un point p entre deux points a et b dans un espace 1D

et que nous représentons leurs valeurs dans une deuxième dimension y . Nous aurons alors pour formule :

$$y_p = \frac{x_b - x_p}{x_b - x_a} \cdot y_a + \frac{x_p - x_a}{x_b - x_a} \cdot y_b$$

où y_p représente la valeur interpolée à la position x_p , et (x_a, y_a) et (x_b, y_b) sont les points de référence. J'ai écrit cette formule afin qu'elle soit symétrique par rapport aux points a et b , pour qu'ils jouent la même rôle. Ainsi elle s'entendra plus intuitivement dans des dimensions supérieures.

$\frac{x_b - x_p}{x_b - x_a}$ est le poids pour y_a basé sur la distance relative de x_p à x_b .
 $\frac{x_p - x_a}{x_b - x_a}$ est le poids pour y_b basé sur la distance relative de x_p à x_a .

Ces deux termes sont pondérés de manière que leur somme soit toujours égale à 1, ce qui garantit que l'interpolation est correcte et symétrique par rapport à a et b .

En 2D, nous devons nous baser sur des surfaces, extraites de formes pour pouvoir effectuer cette pondération. En CFD, ces formes sont appelées cellules et leurs sommets nœuds. Dans notre cas, nous considérons que les variables du maillage sont contenues au niveau des nœuds. Aussi, Antares ne traite que des maillages ayant des valeurs uniquement au niveau des nœuds des cellules (pas entre). Il existe 3 principaux types de cellules (formes) en 2D : les triangles 'tri', et les quadrilatères 'qua' (non croisés) et les rectangles des maillages structurés. Pour le triangle, la méthode pour trouver la valeur au point à interpoler p est celle dite du barycentre (barycentrique). Elle est bien documentée. Visuellement, il faut faire la somme des valeurs aux points pondérés par la surface opposés et pondéré le tout par la surface du triangle.

En ce qui concerne l'interpolation sur un rectangle, nous la trouvons aussi facilement. La formule est l'extension de celle pour les triangles :

ÉQUATION

Visuellement nous créons cette fois des traits parallèles au passant par le point d'interpolation et nous additionnons, de manière pondérée, les 4 surfaces multipliées chacune par leur sommet opposé respectif. Cela correspond à deux interpolations linéaires. Souvent nous trouvons une équation analytique où tous les sommets ne jouent pas le même rôle, mais je trouvais cela plus simple de faire un calcul de poids pour pouvoir ensuite faire une moyenne pondérée :

ILLUSTRATION

Viens maintenant la dernière forme 2D rencontrée dans les solutions traitées par Antares : les 'qua'. Pour cela je n'ai pas trouvé de méthode. Après plusieurs essais sur papier, je me suis concentré sur le fait que la méthode devait être continue, ce qui implique notamment que la valeur du point à interpoler doit tendre vers la valeur d'un sommet lorsque sa distance à ce dernier tend vers 0. Une première vérification de la linéarité est aussi de vérifier qu'un point au milieu d'une forme 2D a comme valeur la moyenne de ses côtés. Via cette démarche, j'ai imaginé, graphiquement, tracer des traits entre le point à interpoler et les sommets de la forme dans laquelle il se situe (tel que pour l'interpolation Barycentrique). Cela permet de ne créer uniquement 4 sous formes. Ensuite pour déterminer le poids associé au sommet s_1 , il faut multiplier les deux surfaces qui lui sont opposés entre elles, et bien entendu, le pondéré une fois les autres poids calculés. Par opposé j'entends que ces surfaces ne sont composés d'aucune arrête ayant pour l'une de leurs extrémités le point d'interpolation. Ceci est important pour le 3D. Pour l'instant, je n'ai démontré que par l'expérimentation que cette méthode était linéaire. Un point qui me perturbait était de faire des multiplications de surfaces, donc ordre 4, dans une méthode linéaire. Mais contrairement à son nom, l'interpolation bilinéaire est en réalité quadratique avec un résultat linéaire. On pourrait imaginer que, par chance, ma méthode soit quadratique. Premièrement j'ai vérifié et ce n'est apparemment pas le cas. Deuxièmement je pense que le quadratique n'englobe pas le linéaire dans le cas où nous nous basons uniquement sur les quatre points d'un quadrilatère. Effectivement, en 1D, si nous avons $f(x_i) = 0$ et $f(x_{i+1}) = 1$, le résultat d'une variable linéaire

serait 0,5 et celui d'une variable quadratique 0,25, si nous avons uniquement connaissance de ces deux points. Normalement il faut s'appuyer sur plus de points pour le quadratique. Finalement voici l'équation :

ÉQUATION

ILLUSTRATION

Pour le 3D, si le maillage est structuré, alors la forme est le pavé droit. À ce moment, nous sommes dans le cas de l'interpolation dite trilinéaire. Encore une fois la formule se trouve facilement. Nous associons comme poids à un des huit sommets s_1 le volume opposé, construit de la sorte :

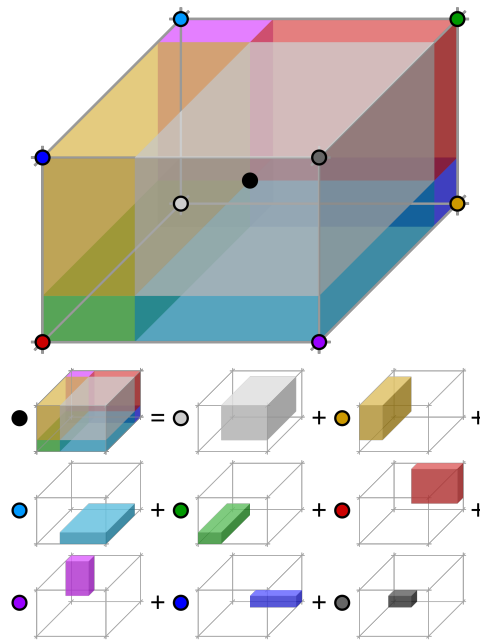


FIGURE 2.2 – Interpolation trilinéaire

L'équation qui en découle est la suivante :

$$f(x, y, z) = \sum_{i=0}^1 \sum_{j=0}^1 \sum_{k=0}^1 f_{ijk} (1 - |x - x_i|) (1 - |y - y_j|) (1 - |z - z_k|) \quad (2.1)$$

2.2.9 Résumé des similitudes et différences des différentes méthodes

2.3 Mission 2 : Implémenter la méthode trilinéaire

2.3.1 La structure générale du code TreatmentInterpolation

Après avoir recensé les différentes méthodes qui seraient applicables, ma seconde mission a été d'implémenter une interpolation linéaire dans Antares. Grâce à Nitrox, j'ai accès au code source de la librairie que je peux modifier. Le code 'interpolation.py' faisait environ 500 lignes. Il est orienté objet. Il prend comme arguments obligatoires la base source et la base target et renvoie dans le cas le plus simple la base target avec les valeurs interpolés. De manière simplifiée, dans le code, les zones de la base source sont fusionnées puis nous parcourons les instants. Cette fusion permet de faire un KDTree (pour arbre à k-dimensions), qui permet concrètement de rechercher de manière efficace quels sont les N points de la base source les plus proches des points de la base target (et les distances associées, utilisés dans la méthode 'idw').

Ensuite nous calculons l'interpolation via une méthode 'principale' (`__idw_interpolate_instant` ou `__barycentrique_interpolate_instant`) qui peut elle-même appeler des fonctions ou méthodes.

2.3.2 L'algorithme

Si vraiment ce n'est pas confidentiel je peux mettre le code en annexe Carlos.

Premièrement, dans `__barycentrique_interpolate_instant`, nous récupérons le nombre de points maximal sur lequel nous allons nous appuyer pour l'interpolation, soit le nombre maximal de sommet des formes présentes dans le maillage. Nous récupérons les distances et indices du KD-Tree. Ensuite nous devons réarranger des indices qui se sont fait déplacer lors de la fusion des zones. Nous récupérons aussi différentes variables, comme les coordonnées des points, ...

Dans le cas où le maillage est le même entre tous les instants, nous ne recalculons pas tous ces paramètres, ce qui permet une diminution significative du temps de calcul.

2.3.3 ...

EXEMPLE DE MISE EN FORME PYTHON

```
1 def __idw_interpolate_instant(x, y, z, values, power=2):
2     # Calculer l'interpolation IDW
3     weights = [(1 / (distance**power)) for distance in distances]
4     interpolated_value = sum(w * v for w, v in zip(weights, values)) / sum(
5         weights)
6     return interpolated_value
7
8 def __barycentrique_interpolate_instant(x, y, z, values):
9     # Calculer l'interpolation barycentrique
10    weights = [barycentric_weight(x, y, z, vertex) for vertex in vertices]
11    interpolated_value = sum(w * v for w, v in zip(weights, values))
12    return interpolated_value
```

Listing 2.2 – Calcul de l'interpolation

2.3.4 Les difficultés

2.3.5 Le résultat

2.4 Mission 3 : Tester sur des cas d'aéroacoustique

Carlos a développé l'outil permettant de déterminer le résultat acoustique, à grande distance, à partir d'une surface, en utilisant les équations de Ffowcs Williams – Hawkins. Le résultat acoustique sont les petites variations de pression, impliquant du son (à différentes fréquences et amplitudes). En pratique, pour les utilisateurs d'Antares, cette surface est définie dans un maillage 'solution' où nous avons le résultat de la pression en différents points et différents instants.

2.4.1 Tests sur les paramètres de la méthode IDW

... (<https://cerfacs.fr/antares/>) :
— TreeMesh

2.4.2 Discrétisation spatiale et résolution du problème

Conclusion

Annexes

Coordonnées

Clément Thibault

Email : clem.thibault@sfr.fr

Téléphone : +33 6 95 15 73 28

Bibliographie

- [1] ANTARES DEVELOPMENT TEAM. *Antares Documentation Release 2.2.0*. Avr. 2024. URL : <https://cerfacs.fr/antares/>.
- [2] Chandrajit L BAJAJ. *Multi-dimensional Hermite Interpolation and Approximation for Modelling and Visualization*.
- [3] J A BENEK et al. *Chimera : A Grid-Embedding Technique* ARNOLD ENGINEERING DEVELOPMENT CENTER ARNOLD AIR FORCE STATION, TENNESSEE AIR FORCE SYSTEMS COMMAND UNITED STATES AIR FORCE.
- [4] C BENOIT, G JEANFAIVRE et E CANONNE. *Synthesis of Onera Chimera Method Developed in the Frame of Chance Program*. 2023.
- [5] C BENOIT et al. *Cassiopee : a CFD pre-and post-processing tool*. 2023. URL : <https://hal.science/hal-01141585>.
- [6] Ricardo CAMARERO. *MEC6212 : Génération de maillages MAILLAGES TRANSFINIS*. 2023.
- [7] William M CHAN. *Development of Numerical Methods for Overset Grids with Applications for the Integrated Space Shuttle Vehicle*. 1995.
- [8] G. CUNHA et S. REDONNET. « Development of optimized interpolation schemes with spurious modes minimization ». In : *International Journal for Numerical Methods in Fluids* 80 (2 jan. 2016), p. 140-158. ISSN : 10970363. DOI : 10.1002/flid.4079.
- [9] Guilherme CUNHA et Stephane REDONNET. *An Innovative Interpolation Technique for Aeroacoustic Hybrid Methods*. 2011.
- [10] FL FLUIDS ENGINEER, FL MARCELLILIE et FL PAULLSCHALLHORN. *Interpolation Method Needed for Numerical Uncertainty Analysis of Computational Fluid Dynamics*.
- [11] William J GORDON et Charles A HALL. « CONSTRUCTION OF CURVILINEAR COORDINATE SYSTEMS AND APPLICATIONS TO MESH GENERATION ». In : *INTERNATIONAL JOURNAL FOR NUMERICAL METHODS IN ENGINEERING* 7 (1973), p. 461-477.
- [12] William J GORDON. *BLENDING-FUNCTION METHODS OF BIVARIATE AND MULTIVARIATE INTERPOLATION AND APPROXIMATION**. 1971. URL : <http://www.siam.org/journals/ojsa.php>.
- [13] *Internal Documentation*. 2023.
- [14] Soohyeon KIM, Sooahm RHEE et Taejung KIM. « Digital surface model interpolation based on 3D mesh models ». In : *Remote Sensing* 11 (jan. 2019). ISSN : 2072-4292. DOI : 10.3390/rs11010024.
- [15] J. de LABORDERIE et al. « Numerical analysis of a high-order unstructured overset grid method for compressible LES of turbomachinery ». In : *Journal of Computational Physics* 363 (juin 2018), p. 371-398. ISSN : 10902716. DOI : 10.1016/j.jcp.2018.02.045.
- [16] David LEVIN. *Mesh-Independent Surface Interpolation*.
- [17] Jens-Dominik MÜLLER. *A user's guide to h i p*. 2020.

- [18] Taku OZAWA et Takahiko TANAHASHI. *CIVA (Cubic Interpolation with Volume/Area Coordinates) and AMR (Adaptive Mesh Refinement) Method for Discrete Boltzmann Equation* *.
- [19] Grant E PALMER. *Construction of CFD Solutions Using Interpolation Rather than Computation with the ADSI Code*. 2009.
- [20] Wiebke K PEITSCH et al. *Drebrin, an Actin-Binding, Cell-Type Characteristic Protein : Induction and Localization in Epithelial Skin Tumors and Cultured Keratinocytes*. 2005.
- [21] Stéphanie PÉRON et Christophe BENOIT. « Automatic off-body overset adaptive Cartesian mesh method based on an octree approach ». In : *Journal of Computational Physics* 232 (jan. 2013), p. 153-173. ISSN : 10902716. DOI : 10.1016/j.jcp.2012.07.029.
- [22] Alain PERRONNET. *Interpolation transfinie SW le triangle, le tétraèdre et le pentakdre. Application h la crhation de maillages et h la condition de Dirichlet*. 1998. URL : %5Curl%7Bhttp://www.ann.jUssirrl.fr/~rro~n~%7D.
- [23] S REDONNET. « Issue 7-June 2014-Aircraft Noise Prediction via Aeroacoustic Hybrid Methods : Development and Application of Onera Tools over the Last Decade : Some Examples ». In : (). DOI : 10.12762/2014.AL07-07.
- [24] Stefan J. SCHODER et al. « Conservative source term interpolation for hybrid aeroacoustic computations ». In : *25th AIAA/CEAS Aeroacoustics Conference, 2019*. American Institute of Aeronautics et Astronautics Inc, AIAA, 2019. ISBN : 9781624105883. DOI : 10.2514/6.2019-2538.
- [25] Norman E SUHS, Stuart E ROGERS et William E DIETZ. *PEGASUS 5 : An Automated Pre-Processor for Overset-Grid CFD*. 2023.
- [26] Nobuatsu TANAKA, Toshiteru YAMASAKI et Takaya TAGUCHI. *Accurate and Robust Fluid Analysis Using Cubic Interpolation with Volume/Area Coordinates (CIVA) Method on Unstructured Grids* *.
- [27] Manel TAYACHI. *Couplage de modèles de dimensions hétérogènes et application en hydrodynamique*. 2013. URL : <https://theses.hal.science/tel-00930084>.
- [28] Paul WALKER, Ulrich KROHN et David CARTY. *ARBTools : A tricubic spline interpolator for three-dimensional scalar or vector fields*. 2019. DOI : 10.5334/jors.258.