# Tutorial Completo e Detalhado para Resolver os Problemas 1 e 2 da Seção 4.3 no GeoGebra

### Objetivo

Aplicar transformações lineares a figuras geométricas (triângulos e paralelogramos), utilizando o GeoGebra para realizar o processo passo a passo, desde a criação dos pontos até a visualização das transformações. Vamos adicionar pontos, criar segmentos, aplicar transformações e visualizar os resultados.

# Problema 1: Transformação Linear de um Triângulo

#### Passo 1: Acessar o GeoGebra

- 1. Abra seu navegador de internet (Google Chrome, Firefox, etc.).
- 2. Digite na barra de pesquisa: <a href="https://www.geogebra.org/calculator">https://www.geogebra.org/calculator</a>.
- 3. Pressione Enter.
- 4. O GeoGebra vai carregar com a interface gráfica mostrando um plano cartesiano com os eixos x e y e uma barra de entrada na parte inferior da tela.

# Passo 2: Criar os Pontos Iniciais para o Triângulo

- 1. Como Adicionar os Pontos:
  - No campo de entrada, na parte inferior, digite os seguintes comandos e pressione Enter após cada um:
    - A = (0,0)
    - B = (2,1)
    - C = (1,4)
- 2. O Que Você Vai Ver:
  - Três pontos A, B, e C serão criados no plano cartesiano, correspondendo aos vértices do triângulo inicial.

# Passo 3: Criar os Segmentos que Conectam os Pontos

1. Como Conectar os Pontos com Segmentos de Reta:

- Na barra de ferramentas, na parte superior da tela, clique no ícone que parece uma linha com dois pontos nas extremidades (ferramenta "Segmento entre dois pontos").
- Agora, clique nos pontos A e B, depois em B e C, e finalmente em C e A.
  Isso formará o triângulo ABC.

### 2. O Que Você Vai Ver:

 Um triângulo será formado conectando os três pontos no plano cartesiano.

#### Passo 4: Criar os Pontos Transformados

1. O triângulo transformado terá os vértices A'(0,0), B'(1,0), C'(0,1).

#### 2. Adicionar os Pontos Transformados:

- o Na barra de entrada, digite:
  - A' = (0,0)
  - B' = (1,0)
  - C' = (0,1)
- Esses pontos serão criados no plano, representando os vértices do triângulo transformado.

# Passo 5: Criar os Segmentos do Triângulo Transformado

#### 1. Como Conectar os Novos Pontos:

Use a mesma ferramenta de segmento de reta e conecte os pontos A', B', e
 C' para formar o triângulo transformado A'B'C'.

#### 2. O Que Você Vai Ver:

 O triângulo transformado será exibido no plano, junto com o triângulo original.

# Passo 6: Encontrar a Matriz de Transformação Linear

### 1. Montagem das Equações Lineares:

- Para encontrar a matriz de transformação T, utilizamos as coordenadas dos pontos A(0,0), B(2,1) e C(1,4) e as suas imagens A'(0,0), B'(1,0) e C'(0,1) após a transformação.
- A transformação linear é descrita pela seguinte equação para cada ponto:

$$T * \{\{x\}, \{y\}\} = \{\{x'\}, \{y'\}\}$$

- Para A, temos T \* {{0}, {0}} = {{0}, {0}}
- Para B, temos T \* {{2}, {1}} = {{1}, {0}}
- Para C, temos T \* {{1}, {4}} = {{0}, {1}}
- Isso gera um sistema de equações para encontrar os elementos da matriz
  T = {{a, b}, {c, d}

# 2. Resolução do Sistema Linear:

Resolvendo o sistema, obtemos:

$$T = \{\{4/7, -1/7\}, \{-1/7, 2/7\}\}$$

# Passo 7: Aplicar a Matriz de Transformação

- 1. Como Definir a Matriz de Transformação:
  - A matriz de transformação T é responsável por transformar o triângulo original ABC em A'B'C'. No GeoGebra, podemos criar a matriz manualmente.
  - o Na barra de entrada, digite a matriz T:

 $T = \{\{\frac{4}{7}, \frac{-1}{7}\}, \{\frac{-1}{7}\}, \frac{2}{7}\}\}$ 

# 2. Aplicar a Transformação aos Pontos:

- o Agora, multiplique a matriz T pelos pontos B e C:
  - A' = T \* A
  - B' = T \* B
  - C' = T \* C
- o Isso criará os pontos A', B' e C', transformados pela matriz.

# Passo 8: Comparação Visual

- 1. O Que Você Vai Ver:
  - Agora, você verá o triângulo transformado A'B'C' posicionado corretamente após a aplicação da matriz de transformação. Ele será exibido ao lado do triângulo original ABC, permitindo uma comparação visual clara.

# Problema 2: Transformação Linear de um Paralelogramo

# Passo 1: Criar os Pontos do Paralelogramo

#### 1. Adicionar os Pontos Iniciais:

- No campo de entrada do GeoGebra, insira as coordenadas dos pontos A,
  B, C e D que formam o paralelogramo:
  - A = (-1, 3)
  - B = (1, -3)
  - C = (3, -1)
  - D = (1, 5)

# 2. O Que Você Vai Ver:

 Quatro pontos serão criados no plano, representando os vértices do paralelogramo.

### Passo 2: Conectar os Pontos para Formar o Paralelogramo

#### 1. Como Conectar os Pontos:

- Use a ferramenta "Segmento entre dois pontos" para conectar A, B, C, e D em ordem, formando o paralelogramo.
- Conecte também os segmentos entre A e D, e entre B e C, para fechar a forma.

### 2. O Que Você Vai Ver:

o O paralelogramo será exibido no gráfico.

### Passo 3: Criar os Pontos Transformados para o Retângulo

#### 1. Adicionar os Pontos Transformados:

- O retângulo transformado terá os vértices A'(-4,0), B'(4,0), C'(4,8), D'(-4,8).
- o Na barra de entrada, adicione os pontos transformados:
  - A' = (-4, 0)
  - B' = (4, 0)
  - C' = (4, 8)
  - D' = (-4, 8)

# Passo 4: Criar os Segmentos do Retângulo Transformado

1. Como Conectar os Pontos Transformados:

Use a ferramenta de segmento de reta para conectar os novos pontos A',
 B', C', e D', formando o retângulo transformado.

### 2. O Que Você Vai Ver:

o O retângulo será exibido no gráfico, junto com o paralelogramo original.

# Passo 5: Encontrar a Matriz de Transformação Linear

- 1. Montagem das Equações Lineares:
- Para encontrar a matriz de transformação T, utilizamos as coordenadas dos pontos A(-1,3), B(1,-3), C(3,-1), D(1,5) e suas imagens A'(-4,0), B'(4,0), C'(4,8), D'(-4,8).
- A transformação linear é descrita pela equação T \* {{x},{y}} = {{x'},{y'}}
  - Para A, temos T \* {{-1}, {3}} = {{-4}, {0}}
  - Para B, temos T \* {{1}, {-3}} = {{4}, {0}}
  - o Para C, temos T \* {{3}, {-1}} = {{4}, {8}}
  - o Para D, temos T \* {{1}, {5}} = {{-4}, {8}}
  - o Isso gera um sistema de equações para encontrar os elementos da matriz  $T = \{\{a,b\},\{c,d\}$

### 2. Resolução do Sistema Linear:

o Resolvendo o sistema, obtemos:

$$T = \{\{1, -1\}, \{3, 1\}\}\$$

# Passo 6: Aplicar a Matriz de Transformação

- 1. Definir a Matriz de Transformação:
  - No campo de entrada, digite a matriz de transformação T que vai transformar o paralelogramo no retângulo:

$$T = \{\{2, -1\}, \{0, 2\}\}$$

### 2. Aplicar a Transformação aos Pontos:

- o Agora, multiplique a matriz T pelos pontos A, B, C e D:
  - A' = T \* A
  - B' = T \* B
  - C' = T \* C
  - D' = T \* D

# Passo 7: Comparação Visual

# 1. O Que Você Vai Ver:

 O retângulo transformado A'B'C'D' será exibido ao lado do paralelogramo original, mostrando o efeito da transformação linear.

### Conclusão

Seguindo esses passos detalhados no GeoGebra, você pode facilmente reproduzir as transformações lineares dos problemas 1 e 2. O software permite que você visualize tanto a figura original quanto a transformada, ajudando na compreensão prática das transformações geométricas.