

Exercice 5 : Comparer les quotients $\frac{3}{5}$; $\frac{2}{3}$ et $\frac{17}{30}$. Détailler la méthode.

30 est un multiple de 5 et de 3.

On réduit les quotients au même dénominateur, en choisissant 30 comme dénominateur commun.

$$\frac{3}{5} = \frac{3 \times 6}{5 \times 6} = \frac{18}{30} \quad \text{et} \quad \frac{2}{3} = \frac{2 \times 10}{3 \times 10} = \frac{20}{30}$$

Or $\frac{17}{30} < \frac{18}{30} < \frac{20}{30}$ donc $\boxed{\frac{17}{30} < \frac{3}{5} < \frac{2}{3}}$

Exercice 6 : Samedi, Florent a joué sur sa console pendant $\frac{3}{4}$ h et Amélie pendant $\frac{41}{60}$ h.

1. Qui a joué le plus longtemps ?
2. Exprime chaque temps en minutes.

1. On remarque que $60 = 4 \times 15$, on a donc : $\frac{3}{4} = \frac{3 \times 15}{4 \times 15} = \frac{45}{60}$. Or $\frac{45}{60} > \frac{41}{60}$ donc $\boxed{\frac{3}{4} > \frac{41}{60}}$

(autre rédaction possible, mais attention aux égalités ou inégalités fausses : $\frac{3}{4} = \frac{3 \times 15}{4 \times 15} = \frac{45}{60} > \frac{41}{60}$)

Florent a joué le plus longtemps.

2. 60 min = 1 h donc 1 min = $\frac{1}{60}$ h. On a donc $\frac{3}{4}$ h = $\frac{45}{60}$ h = 45 min et $\frac{41}{60}$ h = 41 min.

Remarque 1 : on peut écrire directement que $\frac{3}{4}$ h = 45 min

Remarque 2 : on pouvait aussi calculer les temps en minutes au 1. pour comparer les durées.

Remarque 3 : ne pas oublier d'écrire les unités dans les égalités (pour les conversions).

Exercice 7 :

1. Par quel nombre peut-on compléter la double inégalité ci-dessous ?

$$\frac{7}{12} < \dots < \frac{3}{2}$$

On peut compléter cette double inégalité par 1 puisque $\frac{7}{12} < 1$ (en effet $7 < 12$) et $\frac{3}{2} > 1$ (car $3 > 2$)

2. Peut-on trouver plusieurs solutions ?

$$\frac{3}{2} = \frac{3 \times 6}{2 \times 6} = \frac{18}{12} \text{ donc tous les nombres de la forme } \frac{a}{12} \text{ avec } 7 < a < 18 \text{ sont des solutions.}$$

Par exemple : $\frac{7,0003}{12}$ est une solution.

Il y en a donc une infinité.