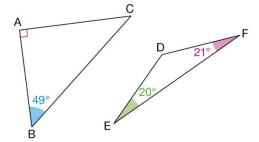
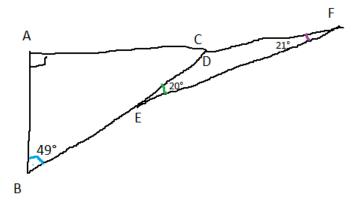
26p.211

Julie souhaite disposer ces deux triangles en superposant les sommets C et D et en collant les côtés [CB] et [DE].

Les points A, C, F seront-ils alignés?



On peut faire un dessin à main levée des triangles superposés :



Pour savoir si A, C et F sont alignés, il faut connaître la mesure de l'angle \widehat{ACF} .

Calcul de l'angle ACB.

La somme des angles d'un triangle est égale à 180°.

Donc, dans le triangle ABC rectangle en A :
$$\widehat{ACB} + \widehat{CBA} + \widehat{BAC} = 180^\circ$$

soit $\widehat{ACB} + 49^\circ + 90^\circ = 180^\circ$
soit $\widehat{ACB} + 139^\circ = 180^\circ$
donc $\widehat{ACB} = 180^\circ - 139^\circ$
donc $\widehat{ACB} = 41^\circ$

Calcul de l'angle ECF

Dans le triangle CEF :
$$\widehat{CEF} + \widehat{EFC} + \widehat{FCE} = 180^{\circ}$$
 soit $20^{\circ} + 21^{\circ} + \widehat{FCE} = 180^{\circ}$ soit $41^{\circ} + \widehat{FCE} = 180^{\circ}$ donc $\widehat{FCE} = 180^{\circ} - 41^{\circ}$ donc $\widehat{FCE} = 139^{\circ}$

• Calcul de l'angle
$$\widehat{ACF}$$
 $\widehat{ACF} = \widehat{ACB} + \widehat{ECF} = 41^{\circ} + 139^{\circ} = 180^{\circ}$

ACF est un angle plat, donc les points A, C et F sont alignés.