II. Propriétés du parallélogramme

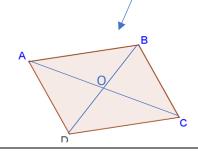
1. Propriétés

a. Sur les diagonales

Utiliser le quadrillage pour construire un parallélogramme

<u>Propriété</u>

Si un quadrilatère est un parallélogramme, alors il a un centre de symétrie : l'intersection de ses diagonales

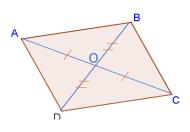


Données : ABCD est un parallélogramme et O est l'intersection de ses diagonales

<u>Conclusion</u>: O est le centre de symétrie de ABCD.

Propriété

Si un quadrilatère est un parallélogramme, alors ses diagonales se coupent en leur milieu.



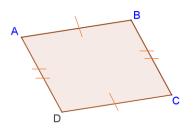
<u>Données</u>: ABCD est un parallélogramme et O est l'intersection de ses diagonales

Conclusion: OA = OC et OD = OB

b. Sur les côtés

<u>Propriété</u>

Si un quadrilatère est un parallélogramme, alors ses côtés opposés sont de même longueur.

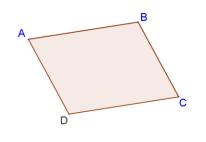


<u>Données</u>: ABCD est un parallélogramme

Conclusion: AB = DC et AD = BC

<u>Propriété</u>

Si un quadrilatère est un parallélogramme, alors ses côtés opposés sont parallèles.



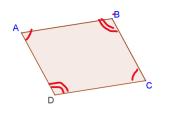
Données ABCD est un parallélogramme

<u>Conclusion</u>: (AB) // (DC) (AD) // (BC)

c. Sur les angles

<u>Propriété</u>

Si un quadrilatère est un parallélogramme, alors ses angles opposés sont de même mesure.



Données ABCD est un parallélogramme

Conclusion:

 $\widehat{BAD} = \widehat{BCD}$

 $\widehat{ADC} = \widehat{ABC}$

2°) Applications

RISC est un parallélogramme de centre M tel que RI = 7 cm, RC = 5 cm et MI = 3,8 cm.	
1°) Faire ci-contre un dessin à main levée.	
2°) Déterminer, en justifiant, la longueur du segment [IS].	
On sait que:	
Propriété :	
Conclusion:	
3°) Déterminer, en justifiant, la longueur du segment [CI].	
On sait que :	
<u>Propriété</u> :	
Conclusion:	