## EEE928 - Técnicas Clássicas de Reconhecimento de Padrões Metric Leaning + KNN

José Geraldo Fernandes
Escola de Engenharia
Universidade Federal de Minas Gerais
Belo Horizonte, Brasil
josegeraldof@ufmg.br

Implementou-se um classificador *K-Nearest Neighbours* (KNN) utilizando um aprendizado de métrica para estudar o efeito desse na transformação do espaço de dados e na performance do modelo.

## I. GERAÇÃO DE DADOS

Gerou-se dois conjuntos de dados de gaussianas multivariadas para representar duas classes de discriminação. O número de dimensões é n=2, as médias das distribuições são  $\mu_1=[3,\ 3]^T$  e  $\mu_2=[3,\ 4]^T$ , e as variâncias das distribuições são  $\sigma_1^2,\ \sigma_2^2=[5,\ 0.2]^T$ , não há covariância.

A Figura 1 mostra o *plot* dos dados gerados. Note que há sobreposição das classes.

de um *cluster* e o quão distantes estão essas de *clusters* estranhos, para cada amostra. A acurácia média é o parâmetro utilizado nesse trabalho para avaliar a coesão do conjunto.

Aplicou-se esse método para avaliar o conjunto de dados gerado, encontrou-se uma acurácia média geral de silh =0.11 e silh $_1=0.16$ , silh $_2=-0.02$  para cada classe. Essa medida varia de -1 a +1, sendo um valor alto indicador de alta coesão.

A Figura 2 mostra um *plot* de barras para a silhueta calculada de cada amostra de forma ordenada e separada entre classes. Note que, como esperado, a coesão do conjunto é baixa como indica a sobreposição e o baixo valor médio.

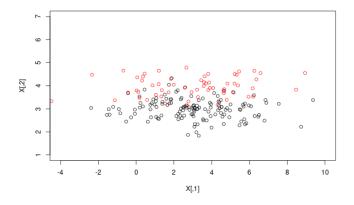


Figura 1. Distribuição dos dados gerados, classe 1 em preto e classe 2 em vermelho.

## II. APRENDIZADO DE MÉTRICA

O problema de sobreposição de classes pode ser caracterizado como uma falta de coesão desses agrupamentos. O aprendizado de métrica, portanto, objetiva minimizar esse efeito buscando maximizar a silhueta média do conjunto de dados.

A silhueta é um método de validação de agrupamentos, calcula-se uma relação entre o quão próximo estão as amostras

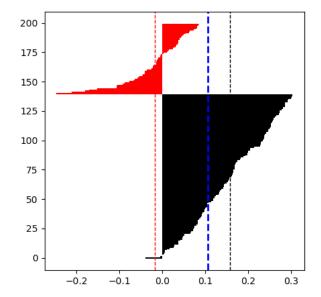


Figura 2. Silhueta ordenada de cada amostra para cada classe, classe 1 em preto e classe 2 em vermelho. As linhas tracejadas mostram a acurácia média do grupo.

Para o aprendizado de métrica, utilizou-se a métrica generalizada de Mahalanobis, como na Equação 1. A matriz M é

o parâmetro de otimização.

$$\delta^{2}(\boldsymbol{x}_{i}, \boldsymbol{x}_{i}) = (\boldsymbol{x}_{i} - \boldsymbol{x}_{i})^{T} \boldsymbol{M} (\boldsymbol{x}_{i} - \boldsymbol{x}_{i})$$
(1)

Para o processo de otimização, decompôs-se a matriz na forma  $M = L^T L$ , dessa forma o problema é trabalhado como uma transformação no espaço de dados, da forma  $X^* = LX$ .

Também, utilizou-se a silhueta média geral como função objetivo,  $\mathrm{silh}_{X^*} = \mathrm{silh}(LX,Y)$ . O problema de otimização é definido, portanto, como na Equação 2.

$$L^* = \arg \max_{L} \operatorname{silh}(LX, Y)$$
 (2)

Para otimização, foi utilizado o gradiente descendente como na Equação 3, sendo lr um parâmetro de controle de passo. Inicializou-se a matriz  $\boldsymbol{L}$  a partir de uma distribuição normal uniforme e lr=-1.

$$\Delta \mathbf{L} = \mathbf{L}_0 - \ln \frac{\partial}{\partial \mathbf{L}} \text{silh}$$
 (3)

A Figura 3 mostra a distribuição dos dados no espaço aprendido e a Figura 4 mostra a silhueta dessas amostras, encontrou-se uma acurácia média geral de silh =0.43 e  $\mathrm{silh_1}=0.44,\ \mathrm{silh_2}=0.40$  para cada classe. Note como a sobreposição é bastante reduzida e os dados são projetados aumentando sua discriminação em ambas dimensões. Isso levanta um interesse futuro em um estudo sobre o efeito de redução de dimensionalidade potencial no aprendizado de métrica.

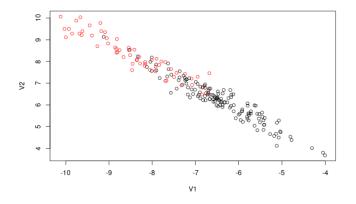


Figura 3. Distribuição dos dados gerados no espaço aprendido, classe 1 em preto e classe 2 em vermelho.

Além disso, também monitorou-se a função objetivo durante o processo. A Figura 5 mostra a evolução nas iterações. O comportamento da curva é característico do método de gradiente descendente.

Outra forma de verificar a coesão dos dados é através da matriz de distâncias. As Figuras 6 e 7 mostram uma representação visual dessas matrizes. Note que como as amostras estão ordenadas, um conjunto coeso é percebido com uma diferenciação diagonal característica.

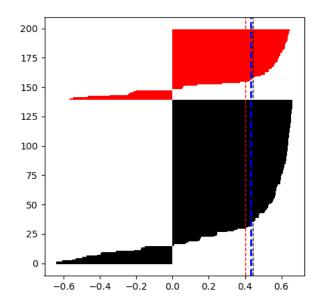


Figura 4. Silhueta ordenada de cada amostra para cada classe no espaço aprendido, classe 1 em preto e classe 2 em vermelho. As linhas tracejadas mostram a acurácia média do grupo.

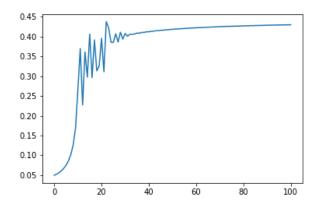


Figura 5. Curva da função objetivo, silhueta média, em iterações.

Tanto a avaliação pela silhueta como pela matriz de distâncias mostram o ganho em coesão conseguido pelo aprendizado de métrica.

## III. CLASSIFICADOR

Avaliou-se o ganho do aprendizado de métrica, também, comparando a performance de um classificador KNN.

Para esse experimento, separou-se o conjunto de dados em  $10 \ folds$  para validação cruzada. Apenas o conjunto de treinamento foi utilizado no aprendizado de métrica. Uma varredura simples foi utilizada para selecionar o parâmetro n de número de vizinhos para o KNN.

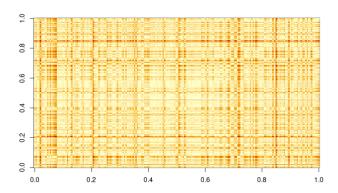


Figura 6. Matriz de distâncias para os dados gerados.

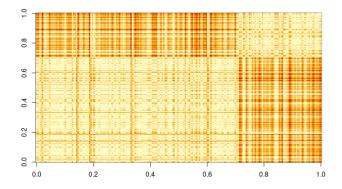


Figura 7. Matriz de distâncias para os dados gerados no espaço aprendido.

A Tabela I mostra a acurácia média do classificador e o número de vizinhos para cada situação.

Dados	n	Acurácia média
Original	9	$0.85 \pm 0.06$
Aprendido	13	$0.89 \pm 0.05$
Tabela I		

Performance do classificador em ambos conjuntos de dados,  $oldsymbol{X} \in oldsymbol{L} oldsymbol{X}.$ 

Diferente das avaliações anteriores, o ganho potencial do aprendizado de métrica não é tão perceptível, principalmente pelo desvio padrão da acurácia, apesar do ganho em média. Isso mostra que o classificador é resistente a falta de coesão no espaço nesse problema, o que torna o esforço adicional de transformação menos necessário.

Segue, portanto, que a validação do método pelo classificador é inconclusiva por sobreposição.