Table 4.1

A Short Table of Fourier Transforms

	$f(t)$	$F(\omega)$	
1	$e^{-at}u(t)$	$\frac{1}{a+j\omega}$	$a>0$
2	$e^{at}u(-t)$	$\frac{1}{a-j\omega}$	$a>0$
3	$e^{-a\lvert t\rvert}$	$\frac{2a}{a^2+\omega^2}$	$a>0$
4	$te^{-at}u(t)$	$\frac{1}{(a+j\omega)^2}$	$a>0$
5	$t^n e^{-at}u(t)$	$\frac{n!}{(a+j\omega)^{n+1}}$	$a>0$
6	$\delta(t)$	1	
7	1	$2\pi\delta(\omega)$	
8	$e^{j\omega_0 t}$	$2\pi\delta(\omega-\omega_0)$	
9	$\cos\omega_0 t$	$\pi[\delta(\omega-\omega_0)+\delta(\omega+\omega_0)]$	
10	$\sin\omega_0 t$	$j\pi[\delta(\omega+\omega_0)-\delta(\omega-\omega_0)]$	
11	$u(t)$	$\pi\delta(\omega)+\frac{1}{j\omega}$	
12	$\operatorname{sgn} t$	$\frac{2}{j\omega}$	
13	$\cos\omega_0 t\,u(t)$	$\frac{\pi}{2}[\delta(\omega-\omega_0)+\delta(\omega+\omega_0)]+\frac{j\omega}{\omega_0^2-\omega^2}$	
14	$\sin\omega_0 t\,u(t)$	$\frac{\pi}{2j}[\delta(\omega-\omega_0)-\delta(\omega+\omega_0)]+\frac{\omega_0}{\omega_0^2-\omega^2}$	
15	$e^{-at}\sin\omega_0 t\,u(t)$	$\frac{\omega_0}{(a+j\omega)^2+\omega_0^2}$	$a>0$
16	$e^{-at}\cos\omega_0 t\,u(t)$	$\frac{a+j\omega}{(a+j\omega)^2+\omega_0^2}$	$a>0$
17	$\operatorname{rect}\left(\frac{t}{\tau}\right)$	$\tau\operatorname{sinc}\left(\frac{\omega\tau}{2}\right)$	
18	$\frac{W}{\pi}\operatorname{sinc}(Wt)$	$\operatorname{rect}\left(\frac{\omega}{2W}\right)$	
19	$\Delta\left(\frac{t}{\tau}\right)$	$\frac{\tau}{2}\operatorname{sinc}^2\left(\frac{\omega\tau}{4}\right)$	
20	$\frac{W}{2\pi}\operatorname{sinc}^2\left(\frac{Wt}{2}\right)$	$\Delta\left(\frac{\omega}{2W}\right)$	
21	$\sum_{n=-\infty}^{\infty}\delta(t-nT)$	$\omega_0\sum_{n=-\infty}^{\infty}\delta(\omega-n\omega_0)$	$\omega_0=\frac{2\pi}{T}$
22	$e^{-t^2/2\sigma^2}$	$\sigma\sqrt{2\pi}e^{-\sigma^2\omega^2/2}$	