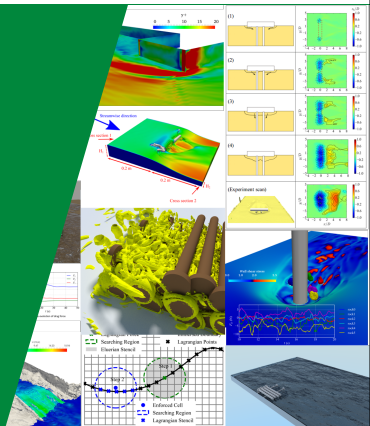




## 2022 年春季《计算流体力学编程实践》

徐云成

✉ycxu@cau.edu.cn



2022 年 4 月 12 日

非稳态三维不可压 NS 方程:

$$\nabla \cdot \mathbf{u} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{u}\mathbf{u}) = -\nabla p + \nu \nabla^2 \mathbf{u} \quad (2)$$

其中  $p$  与可压流体有所不同, 已除密度  $\rho$

- ▶ 4 个未知量:  $\mathbf{u}$  (3 个方向) 和  $p$
- ▶ 4 个方程

- ▶ 压力与速度是耦合的
- ▶ 没有针对压力的控制方程
- ▶ 但要求压力解必须满足连续性方程
- ▶ NS 方程的非线性来自于动量的对流  $\nabla \cdot (\mathbf{u}\mathbf{u})$
- ▶ 直接求解困难, 一般用迭代求解或者上一时刻值进行估计, 例如

$$\nabla \cdot (\mathbf{u}\mathbf{u}) \approx \nabla \cdot (\mathbf{u}^{n-1}\mathbf{u}^n)$$



非稳态三维不可压 NS 方程:

$$\nabla \cdot \mathbf{u} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{u}\mathbf{u}) = -\nabla p + \nu \nabla^2 \mathbf{u} \quad (2)$$

其中  $p$  与可压流体有所不同, 已除密度  $\rho$

- ▶ 4 个未知量:  $\mathbf{u}$  (3 个方向) 和  $p$
- ▶ 4 个方程

- ▶ 压力与速度是耦合的
- ▶ 没有针对压力的控制方程
- ▶ 但要求压力解必须满足连续性方程
- ▶ NS 方程的非线性来自于动量的对流  $\nabla \cdot (\mathbf{u}\mathbf{u})$
- ▶ 直接求解困难, 一般用迭代求解或者上一时刻值进行估计, 例如

$$\nabla \cdot (\mathbf{u}\mathbf{u}) \approx \nabla \cdot (\mathbf{u}^{n-1}\mathbf{u}^n)$$



NS 方程的一种估计方法:

$$\frac{\mathbf{u}^n - \mathbf{u}^{n-1}}{\Delta t} + \nabla \cdot (\mathbf{u}^{n-1} \mathbf{u}^n) = -\nabla p^n + \nu \nabla^2 \mathbf{u}^n \quad (3)$$

- ▶ 但是我们不知道  $n$  时刻的压力  $p^n$ , 也就是新的压力
- ▶ 针对这个问题, 我们可以用连续性方程  $\nabla \cdot \mathbf{u} = 0$  来确定压力
- ▶ 换言之, 压力的确定需要满足无散度条件 (divergence free condition) 的速度场
- ▶ 动量方程实际上是非稳态的带有源项的对流扩散方程, 可离散成

$$a_P \mathbf{u}_P + \sum_N a_N \mathbf{u}_N = \mathbf{r} - \nabla p \quad (4)$$



可重写成

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{r} - \sum_N a_N \mathbf{u}_N - \nabla p \quad (5)$$

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p \quad (6)$$

- ▶  $\mathbf{H}(\mathbf{u})$  在 OpenFOAM® 中已定义
- ▶  $\mathbf{H}(\mathbf{u})$  是指系数矩阵中非对角线部分和源项
- ▶  $a_P$  是指系数矩阵中对角线部分

公式 (6) 两侧除以  $a_P$  可以得到

$$\mathbf{u}_P = \frac{\mathbf{H}(\mathbf{u})}{a_P} - \frac{\nabla}{a_P} p \quad (7)$$

我们要让速度场  $\mathbf{u}$  满足无散度条件  $\nabla \cdot \mathbf{u} = 0$ , 带入得到

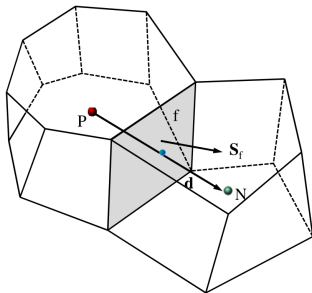
$$\nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})] \quad (8)$$

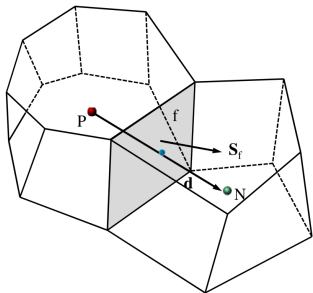
这就是著名的压力泊松方程 Pressure Poisson Equation (PPE)



- ▶ 泊松方程的解能保证速度场的无散度
- ▶ 那么在有限体积法中无散度 (divergence free) 到底有什么实际意义?
- ▶ 连续性方程可以离散为, 其中  $F = \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{u}_f$  是面通量 face flux

$$\int_V \nabla \cdot \mathbf{u} dV = \int_S \mathbf{u}_f \cdot \mathbf{n} dS = \sum_f \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{u}_f = \sum_f F = 0 \quad (9)$$





- ▶ 通量  $F = s_f \cdot u_f$  的需要面上速度  $u_f$
- ▶  $u_f$  不能直接由相邻网格插值得到，因为这可能不满足 divergence free
- ▶ 为确保质量守恒，通量  $F$  需要从泊松方程得到

- 首先对离散后泊松方程进行体积分

$$\int_V \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] dV = \int_V \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})] dV$$

- 高斯定理得到面积分

$$\int_S [(a_P)^{-1} (\nabla p)_f] \cdot \mathbf{n} dS = \int_S [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})_f] \cdot \mathbf{n} dS$$

- 整理得到

$$\int_S \underbrace{[(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} (\nabla p)_f]}_{\mathbf{u}_f} \cdot \mathbf{n} dS = 0$$

- 所以面通量 face flux

$$F = \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{u}_f = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$





- 首先对离散后泊松方程进行体积分

$$\int_V \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] dV = \int_V \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})] dV$$

- 高斯定理得到面积分

$$\int_S [(a_P)^{-1} (\nabla p)_f] \cdot \mathbf{n} dS = \int_S [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})_f] \cdot \mathbf{n} dS$$

- 整理得到

$$\int_S \underbrace{[(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} (\nabla p)_f]}_{\mathbf{u}_f} \cdot \mathbf{n} dS = 0$$

- 所以面通量 face flux

$$F = \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{u}_f = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$



- 首先对离散后泊松方程进行体积分

$$\int_V \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] dV = \int_V \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})] dV$$

- 高斯定理得到面积分

$$\int_S [(a_P)^{-1} (\nabla p)_f] \cdot \mathbf{n} d\mathbf{S} = \int_S [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})_f] \cdot \mathbf{n} d\mathbf{S}$$

- 整理得到

$$\int_S \underbrace{[(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} (\nabla p)_f]}_{\mathbf{u}_f} \cdot \mathbf{n} d\mathbf{S} = 0$$

- 所以面通量 face flux

$$F = \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{u}_f = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$



- 首先对离散后泊松方程进行体积分

$$\int_V \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] dV = \int_V \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})] dV$$

- 高斯定理得到面积分

$$\int_S [(a_P)^{-1} (\nabla p)_f] \cdot \mathbf{n} d\mathbf{S} = \int_S [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})_f] \cdot \mathbf{n} d\mathbf{S}$$

- 整理得到

$$\int_S \underbrace{[(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} (\nabla p)_f]}_{\mathbf{u}_f} \cdot \mathbf{n} d\mathbf{S} = 0$$

- 所以面通量 face flux

$$F = \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{u}_f = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$



由压力泊松方程，我们可以引入 2 个 NS 方程中常用的迭代求解算法：

- ▶ SIMPLE
- ▶ PISO



- ▶ 这是求解稳态问题最早的压力-速度耦合算法
- ▶ Semi-Implicit Algorithm for Pressure-Linked Equations (英国帝国理工大学, Patankar and Spalding, 1972)



1. 估计压力场  $p^*$  (或者用上一迭代步的值)
2. 预测动量 Momentum predictor: 利用估计的压力求解动量方程

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p^*$$

3. 压力修正 Pressure correction: 根据预测速度场计算新的压力

$$\nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})]$$

4. 计算面通量

$$F = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$

5. 利用新计算压力修正速度场

$$\mathbf{u}_P = \frac{\mathbf{H}(\mathbf{u})}{a_P} - \frac{\nabla p}{a_P}$$



1. 估计压力场  $p^*$  (或者用上一迭代步的值)
2. 预测动量 Momentum predictor: 利用估计的压力求解动量方程

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p^*$$

3. 压力修正 Pressure correction: 根据预测速度场计算新的压力

$$\nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})]$$

4. 计算面通量

$$F = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$

5. 利用新计算压力修正速度场

$$\mathbf{u}_P = \frac{\mathbf{H}(\mathbf{u})}{a_P} - \frac{\nabla p}{a_P}$$



1. 估计压力场  $p^*$  (或者用上一迭代步的值)
2. 预测动量 Momentum predictor: 利用估计的压力求解动量方程

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p^*$$

3. 压力修正 Pressure correction: 根据预测速度场计算新的压力

$$\nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})]$$

4. 计算面通量

$$F = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$

5. 利用新计算压力修正速度场

$$\mathbf{u}_P = \frac{\mathbf{H}(\mathbf{u})}{a_P} - \frac{\nabla p}{a_P}$$





1. 估计压力场  $p^*$  (或者用上一迭代步的值)
2. 预测动量 Momentum predictor: 利用估计的压力求解动量方程

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p^*$$

3. 压力修正 Pressure correction: 根据预测速度场计算新的压力

$$\nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})]$$

4. 计算面通量

$$F = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$

5. 利用新计算压力修正速度场

$$\mathbf{u}_P = \frac{\mathbf{H}(\mathbf{u})}{a_P} - \frac{\nabla p}{a_P}$$



1. 估计压力场  $p^*$  (或者用上一迭代步的值)
2. 预测动量 Momentum predictor: 利用估计的压力求解动量方程

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p^*$$

3. 压力修正 Pressure correction: 根据预测速度场计算新的压力

$$\nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})]$$

4. 计算面通量

$$F = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$

5. 利用新计算压力修正速度场

$$\mathbf{u}_P = \frac{\mathbf{H}(\mathbf{u})}{a_P} - \frac{\nabla p}{a_P}$$



1. 估计压力场  $p^*$  (或者用上一迭代步的值)
2. 预测动量 Momentum predictor: 利用估计的压力求解动量方程

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p^*$$

3. 压力修正 Pressure correction: 根据预测速度场计算新的压力

$$\nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})]$$

4. 计算面通量

$$F = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$

5. 利用新计算压力修正速度场

$$\mathbf{u}_P = \frac{\mathbf{H}(\mathbf{u})}{a_P} - \frac{\nabla p}{a_P}$$



SIMPLE 算法的稳定性问题:

- ▶ 迭代算法总是期望得到收敛的速度和压力
- ▶ 但是, 如果网格质量不好或者初始条件不好, 计算有可能发散 (diverge)
- ▶ 为提高收敛性, 通常会使用亚松弛 under-relaxation

$$p^n = p^{n-1} + \alpha_P (p^{\text{predicted}} - p^{n-1})$$
$$\mathbf{u}^n = \mathbf{u}^{n-1} + \alpha_U (\mathbf{u}^{\text{predicted}} - \mathbf{u}^{n-1})$$

其中  $\alpha_P$  和  $\alpha_U$  是松弛因子, 通常小于 1



SIMPLE 算法的稳定性问题:

- ▶ 迭代算法总是期望得到收敛的速度和压力
- ▶ 但是, 如果网格质量不好或者初始条件不好, 计算有可能发散 (diverge)
- ▶ 为提高收敛性, 通常会使用亚松弛 under-relaxation

$$p^n = p^{n-1} + \alpha_P (p^{\text{predicted}} - p^{n-1})$$
$$\mathbf{u}^n = \mathbf{u}^{n-1} + \alpha_U (\mathbf{u}^{\text{predicted}} - \mathbf{u}^{n-1})$$

其中  $\alpha_P$  和  $\alpha_U$  是松弛因子, 通常小于 1



SIMPLE 算法的稳定性问题:

- ▶ 迭代算法总是期望得到收敛的速度和压力
- ▶ 但是, 如果网格质量不好或者初始条件不好, 计算有可能发散 (diverge)
- ▶ 为提高收敛性, 通常会使用亚松弛 under-relaxation

$$p^n = p^{n-1} + \alpha_P (p^{\text{predicted}} - p^{n-1})$$
$$\mathbf{u}^n = \mathbf{u}^{n-1} + \alpha_U (\mathbf{u}^{\text{predicted}} - \mathbf{u}^{n-1})$$

其中  $\alpha_P$  和  $\alpha_U$  是松弛因子, 通常小于 1



SIMPLE 算法的稳定性问题:

- ▶ 实际操作中, 动量的亚松弛计算是隐性的, 压力的亚松弛计算是显性的
- ▶ 在 OpenFOAM® 中的 simpleFoam :

UEqn.relax();

这一步隐性亚松弛计算实际上是:

$$\frac{a_P}{\alpha_U} \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p^* + \frac{1 - \alpha_U}{\alpha_U} a_P \mathbf{u}_P^* \quad (10)$$

- ▶ 压力是进行显性亚松弛计算 `p.relax()`;



- ▶ 一般选取原则

$$0 < \alpha_P \leq 1$$

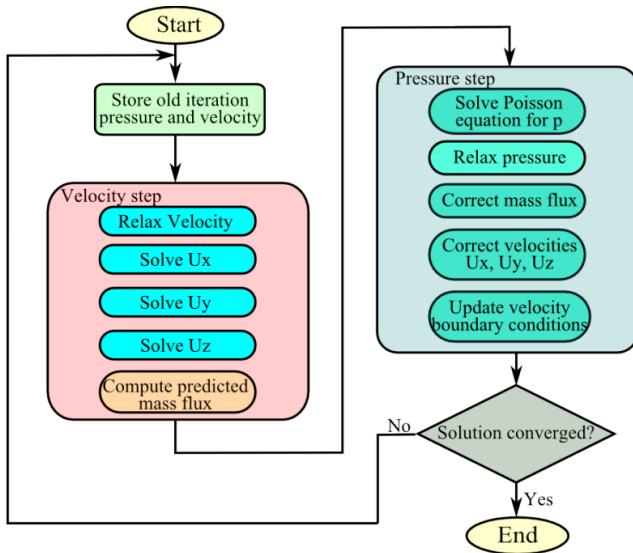
$$0 < \alpha_U \leq 1$$

$$\alpha_P + \alpha_U \approx 1 \text{ or } 1.1$$

- ▶ Patankar(1980) 推荐:  $\alpha_P = 0.5$ ,  $\alpha_U = 0.8$
- ▶ OpenFOAM® 默认:  $\alpha_P = 0.3$ ,  $\alpha_U = 0.7$
- ▶ 最优松弛因子取决于具体网格质量, 因问题而异
- ▶ 如果计算容易发散, 其中一种选择是多试几组松弛因子







- ▶ 在调用函数`simple.loop(runTime)`时，同时运行了  
`storePrevIterFields()`;  
这是用于存储上一迭代步的压力速度，用于求解亚松弛计算
- ▶ 定义速度方程

```
tmp<fvVectorMatrix> tUEqn  
(  
    fvm::div(phi, U)  
    + MRF.DDt(U)  
    + turbulence->divDevSigma(U)  
    ==  
    fvOptions(U)  
);
```

tmp 用于减小内存使用峰值



- ▶ 速度方程的亚松弛计算

```
UEqn.relax();
```

- ▶ 求解动量方程

```
solve(UEqn == -fvc::grad(p));
```

- ▶ 计算系数  $a_P$  和  $U$

```
volScalarField rAU(1.0/UEqn.A());
```

```
volVectorField HbyA(constrainHbyA(rAU*UEqn.H(), U, p));
```

- ▶ 计算由于  $(a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f$  造成的部分面通量

```
surfaceScalarField phiHbyA("phiHbyA", fvc::flux(HbyA));
```

```
...
```

```
adjustPhi(phiHbyA, U, p);
```



- 定义并求解压力方程

```
fvScalarMatrix pEqn
(
    fvm::laplacian(rAtU(), p) == fvc::div(phiHbyA)
);

pEqn.setReference(pRefCell, pRefValue);

pEqn.solve();
```

- 通过增加压力梯度部分  $(a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$  来修正面通量

```
phi = phiHbyA - pEqn.flux();
```

- 计算质量守恒误差/连续性误差

```
#include "continuityErrs.H"
```



- ▶ 对压力进行亚松弛计算，并进行速度修正 Momentum corrector

```
// Explicitly relax pressure for momentum corrector
p.relax();

// Momentum corrector
U = HbyA - rAtU()*fvc::grad(p);
U.correctBoundaryConditions();
```
- ▶ 检查是否满足收敛条件，该步骤在simple.loop(runTime) 中进行



SIMPLE 算法中收敛是什么意思？

- ▶ 速度（三个方向）和压力在迭代时不再发生变化
- ▶ 收敛条件是在system/fvSolutions 中定义

```
SIMPLE
```

```
{
```

```
...
```

```
residualControl
```

```
{
```

```
    p                1e-2;
```

```
    U                1e-3;
```

```
    "(k|epsilon|omega|f|v2)" 1e-3;
```

```
}
```

```
}
```

- ▶ 注意：这里的收敛性和线性方程求解器的收敛性不同



PISO: Pressure Implicit with Splitting of Operator (Issa, 1986)

- ▶ 回顾 SIMPLE
  - 使用估计的压力场求解动量方程
  - 求解压力泊松方程以满足连续性要求
  - 但是得到的压力仍然不准确，因为压力泊松方程的右侧仍旧使用估计的速度
  - 这就是为什么需要进行迭代
- ▶ SIMPLE 算法第一次压力修正后由两部分：
  - 物理部分，我们所需要的
  - 非物理部分，用于当前步满足连续性要求
- ▶ SIMPLE 迭代的目的是消除非物理意义部分，最终得到具有物理意义的解的收敛
- ▶ SIMPLE 迭代中，动量方程和泊松方程是依次轮番求解， $U$  和  $p$  需要分开进行亚松弛计算



PISO 的思想是固定动量方程迭代直至收敛，多进行几次压力修正迭代

- ▶ NS 方程具有两种耦合：
  - 非线性  $\mathbf{u} - \mathbf{u}$  耦合，例如对流项
  - 线性  $\mathbf{u} - p$  耦合

$$\nabla \cdot \mathbf{u} = 0$$

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{u}\mathbf{u}) = -\nabla p + \nu \nabla^2 \mathbf{u}$$

- ▶ PISO 基于以下假设：
  - 当库郎数（时间步长）很小时， $\mathbf{u} - p$  耦合比非线性耦合更加强烈
- ▶ 因此对于一次动量预测，需要重复多次压力修正
- ▶ PISO 可以看做是 SIMPLE 的一种拓展





- ▶ 原始 PISO 算法是进行 2 次压力修正
- ▶ 实际上可以进行超过 2 次的压力修正，但无需进行太多次，因为动量方程不变
- ▶ 由于进行了多次压力修正，压力不需要进行亚松弛，但是速度仍需要亚松弛



1. 预测动量 Momentum predictor: 利用估计的压力（上一时间步长）求解动量方程

$$a_P \mathbf{u}_P = \mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p^*$$

2. 压力修正 Pressure correction: 根据预测速度场计算新的压力

$$\nabla \cdot [(a_P)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot [(a_P)^{-1} \mathbf{H}(\mathbf{u})]$$

3. 计算面通量

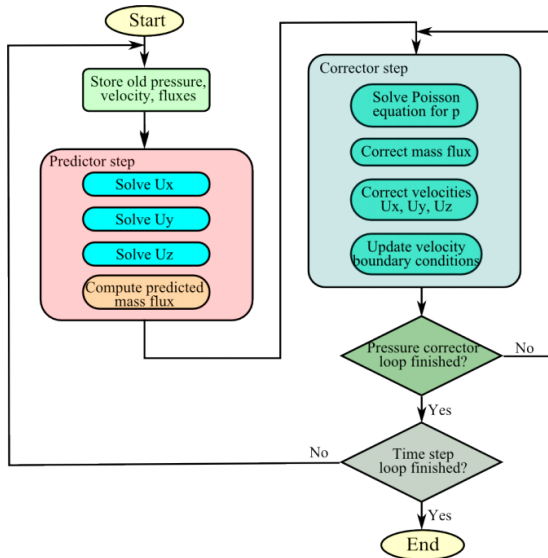
$$F = (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot \mathbf{H}(\mathbf{u})_f - (a_P)^{-1} \mathbf{s}_f \cdot (\nabla p)_f$$

4. 利用新计算压力修正速度场

$$\mathbf{u}_P = \frac{\mathbf{H}(\mathbf{u})}{a_P} - \frac{\nabla p}{a_P}$$

5. 重复压力修正步骤, 然后再进行新的时间步长





- 定义速度方程 (增加了时间项  $fvm::ddt(U)$ )

```
fvVectorMatrix UEqn
(
    fvm::ddt(U) + fvm::div(phi, U)
    + MRF.DDt(U)
    + turbulence->divDevSigma(U)
    ==
    fvOptions(U)
);
```



```
Info<< "\nStarting time loop\n" << endl;

while (runTime.loop())
{
    Info<< "Time = " << runTime.timeName() << nl << endl;

    #include "CourantNo.H"

    // Pressure-velocity PISO corrector
    {
        #include "UEqn.H"

        // --- PISO loop
        while (piso.correct())
        {
            #include "pEqn.H"
        }
    }

    laminarTransport.correct();
    turbulence->correct();

    runTime.write();

    Info<< "ExecutionTime = " << runTime.elapsedCpuTime() << " s"
        << " ClockTime = " << runTime.elapsedClockTime() << " s"
        << nl << endl;
}

Info<< "End\n" << endl;
```



- ▶ PIMPLE: PISO-SIMPLE, 大时间步长不可压流体求解器
- ▶ 拥有两个循环: 内循环 inner(PISO corrector) 和外循环 outer corrector, 以确保收敛性和更好的耦合

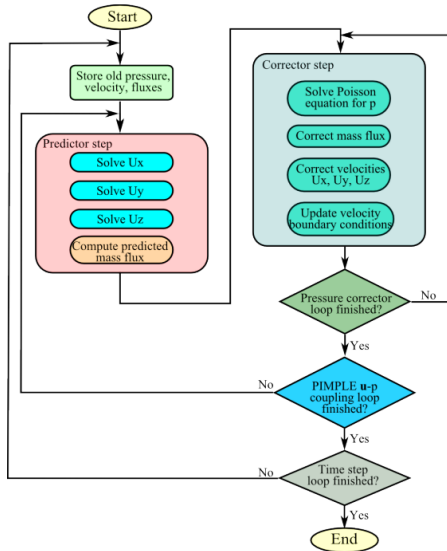
- ▶ system/fvSolutions

PIMPLE

```
{  
    nOuterCorrectors      2;      //for outer corrector  
    nCorrectors           1;      //for inner PISO corrector  
    nNonOrthogonalCorrectors 0;  
}
```

- ▶ 如果 `nOuterCorrectors=1`, 就相当于 PISO 模式





# SIMPLE vs PISO vs PIMPLE

29/30

```
Info<< "\nStarting time loop\n" << endl;
while (simple.loop(runTime))
{
    Info<< "Time = " << runTime.timeName() << nl << endl;

    // --- Pressure-velocity SIMPLE corrector
    {
        #include "UEqn.H"
        #include "pEqn.H"
    }

    laminarTransport.correct();
    turbulence->correct();

    runTime.write();

    Info<< "ExecutionTime = " << runTime.elapsedCpuTime() << " s"
        << " ClockTime = " << runTime.elapsedClockTime() << " s"
        << nl << endl;
}
Info<< "End\n" << endl;
```

```
Info<< "\nStarting time loop\n" << endl;
while (runTime.loop())
{
    Info<< "Time = " << runTime.timeName() << nl << endl;

    #include "CourantNo.H"

    // Pressure-velocity PISO corrector
    {
        #include "UEqn.H"

        // --- PISO loop
        while (piso.correct())
        {
            #include "pEqn.H"
        }
    }

    laminarTransport.correct();
    turbulence->correct();

    runTime.write();

    Info<< "ExecutionTime = " << runTime.elapsedCpuTime() << " s"
        << " ClockTime = " << runTime.elapsedClockTime() << " s"
        << nl << endl;
}
Info<< "End\n" << endl;
```

```
Info<< "\nStarting time loop\n" << endl;
while (pimple.run(runTime))
{
    #include "readDyMControls.H"

    if (LTS)
    {
        #include "setRDeltaT.H"
    }
    else
    {
        #include "CourantNo.H"
        #include "setDeltaT.H"
    }

    runTime++;

    Info<< "Time = " << runTime.timeName() << nl << endl;

    // --- Pressure-velocity PIMPLE corrector loop
    while (pimple.loop())
    {
        #include "UEqn.H"

        // --- Pressure corrector loop
        while (pimple.correct())
        {
            #include "pEqn.H"
        }

        if (pimple.turbCorr())
        {
            laminarTransport.correct();
            turbulence->correct();
        }
    }

    runTime.write();

    Info<< "ExecutionTime = " << runTime.elapsedCpuTime() << " s"
        << " ClockTime = " << runTime.elapsedClockTime() << " s"
        << nl << endl;
}
Info<< "End\n" << endl;
```





Thank you.

欢迎私下交流，请勿私自上传网络，谢谢！

