

# Ayudantía Unidad 1: Lógica (parte 3)

Teoría de la Computación 2-2025

## 1. Lógica de primer orden: UMG

Determine, si es posible, el unificador de máxima generalidad, indicando cada uno de los pasos para su obtención:

### 1.1. UMG 1

$$E = f(x_1, x_3, x_2)$$
$$F = f(g(x_2), j(x_4), h(x_3, a))$$

### 1.2. UMG 2

$$E = q(f(a), g(b, Y), m(X, f(Z)))$$
$$F = q(X, g(b, c), m(f(a), Z))$$

## 2. Lógica de primer orden: resolución

### 2.1. Resolución 1

Demuestre usando resolución la validez de:

$$\forall x[P(x) \rightarrow Q(x)] \models \forall y[\neg Q(y) \rightarrow \neg P(y)]$$

### 2.2. Resolución 2

Expresé los siguientes enunciados como fórmulas de lógica de primer orden:

1. Todo dragón es feliz si todos sus hijos pueden volar.
2. Los dragones verdes pueden volar.
3. Un dragón es verde si es hijo de al menos un dragón verde.

Demuestre usando resolución que la conjunción de estos 3 enunciados implica lo siguiente: todos los dragones verdes son felices.