

# MetroMap-Layout-konforme Visualisierung von Höchstspannungsnetzen

Robin Möhring

# Inhaltsangabe

1. Motivation und Hintergrund
2. Höchstspannungsnetz und Graph
3. MetroMap-Layout Problem
4. Vom Höchstspannungsnetz zum Graphen
5. Spring-Embedder
6. Adaptierung des Höchstspannungsnetzes
7. Evaluierung





## Singapore MRT





# Motivation und Hintergrund

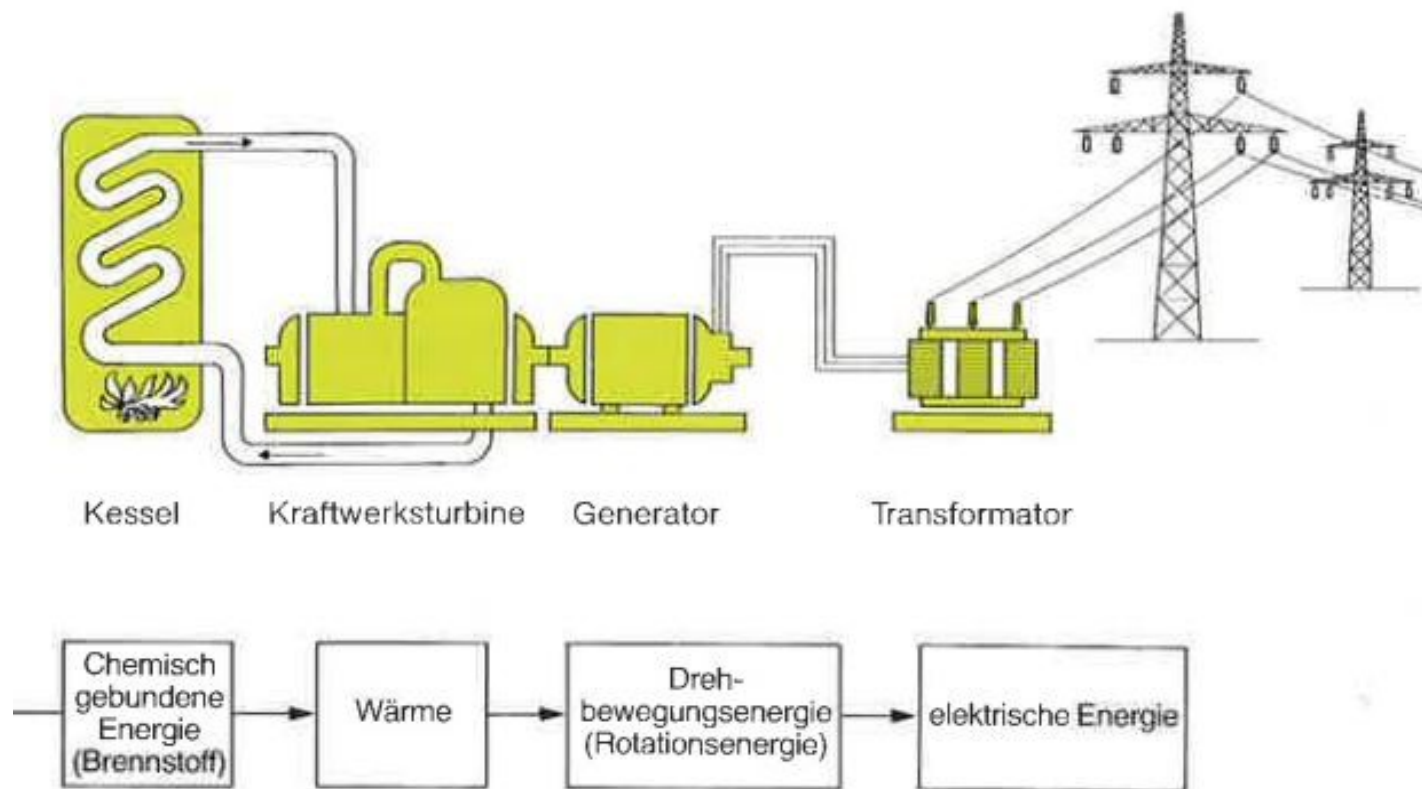


# Höchstspannungsnetz

- Übertragung der elektrischen Energie über große Distanzen
- Erzeugung der Energie findet in Kraftwerken statt, die teils weit entfernt vom Verbraucher liegen
- Bei geringer Spannung ist der Verlust der Energie bei der Übertragung zu groß
- $P = U \cdot I$
- Spannung U, Strom I und Leistung P

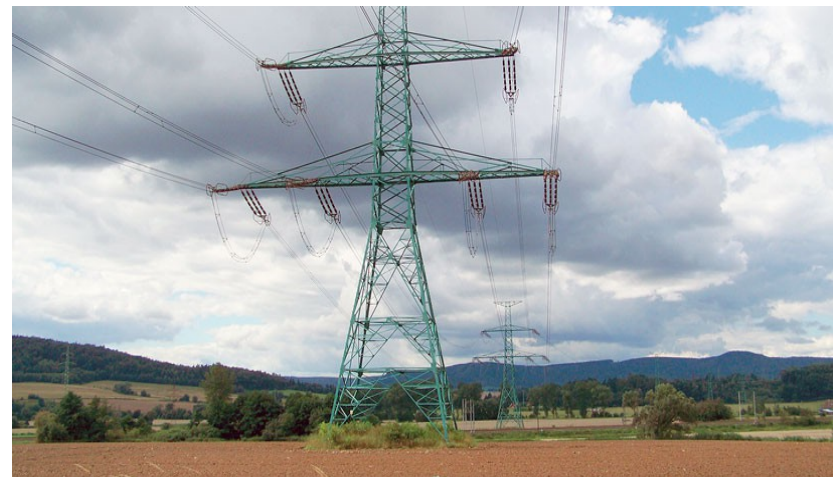
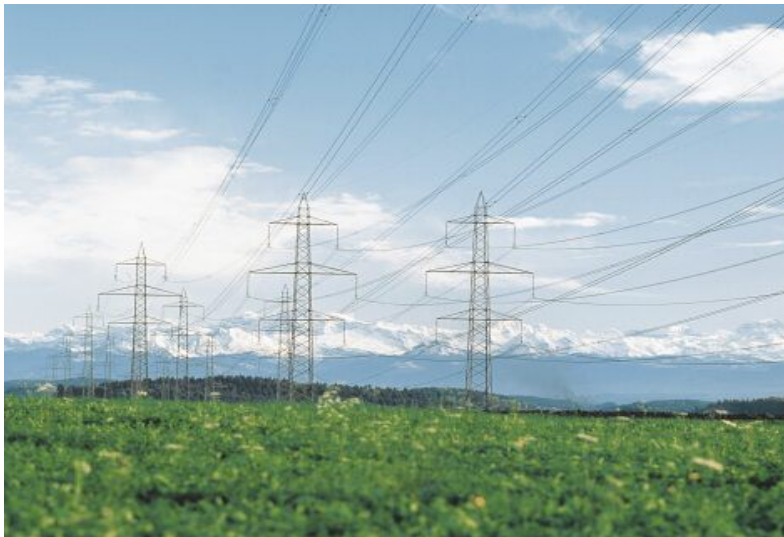
# Höchstspannungsnetz

- Transformation der Spannungen mittels Transformatoren





# Höchstspannungsnetz

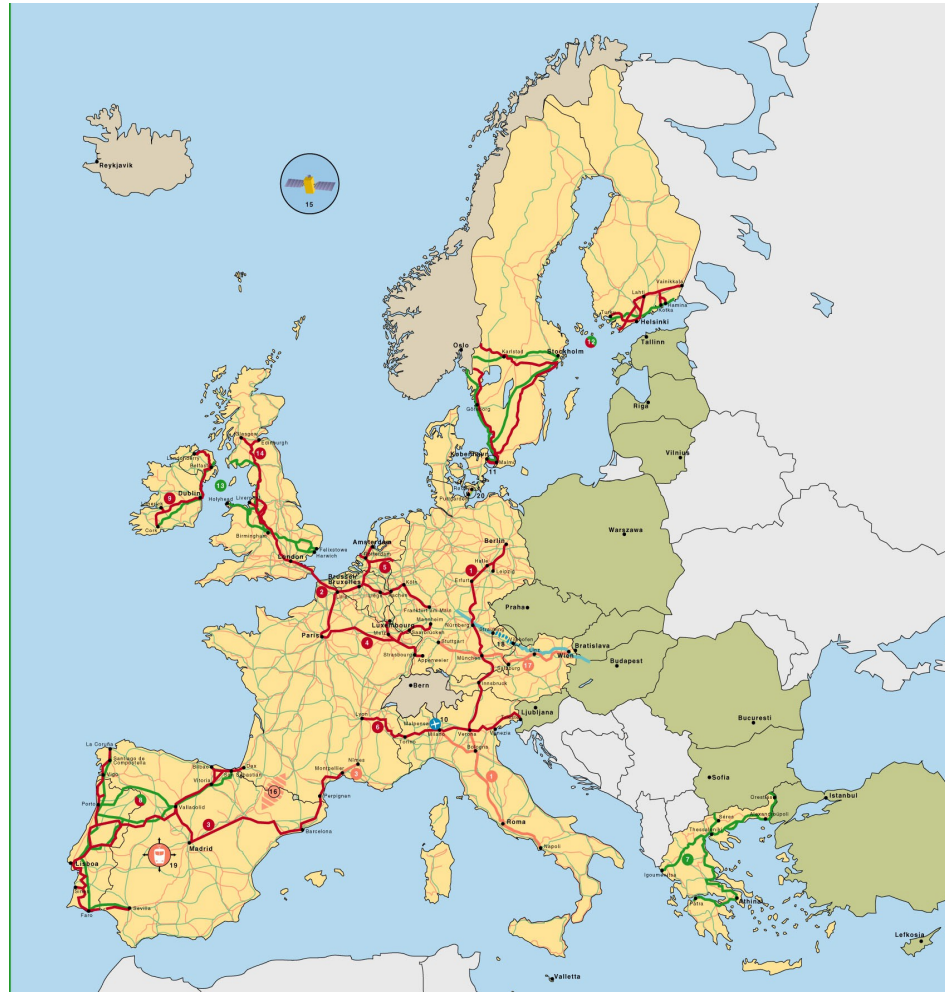


# Höchstspannungsnetz

- Höchstspannungsleitungen alles über *150 000V*
- In Deutschland entweder *380 000V* oder *220 000V*
- Überregionale Übertragung
- Großer Vorteil eines großen Netzes ist der Nutz- und Erzeugerausgleich

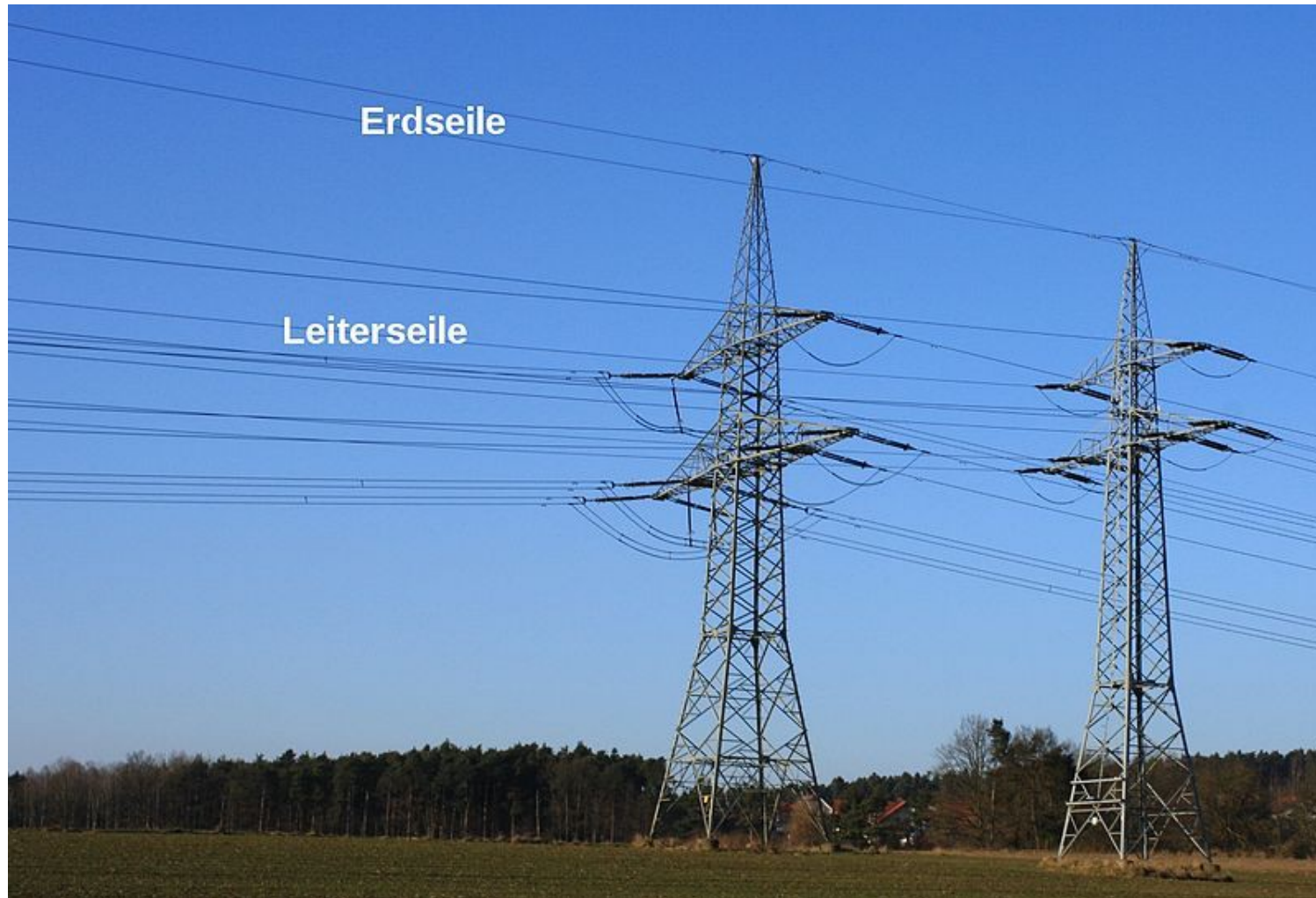
# Höchstspannungsnetz

- Erstreckt sich über ganz Europa



# Höchstspannungsnetz

- Übertragung über Kabel- oder Freileitung



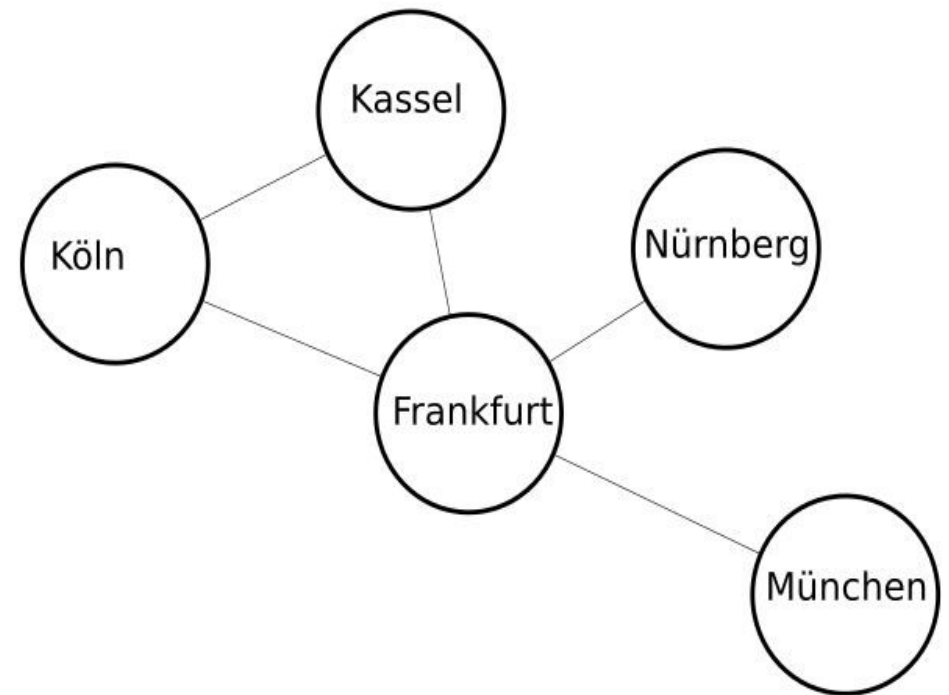
# Höchstspannungsnetz

- Jeweils 3 bis 4 Leiter
- Erdseile
- Je nach Spannung werden unterschiedliche Materialien für die Masten und die Isolatoren verwendet
- Viele weitere Faktoren spielen eine wichtige Rolle (Windbelastungen, Schneelasten, Stadtbild)



# Graph

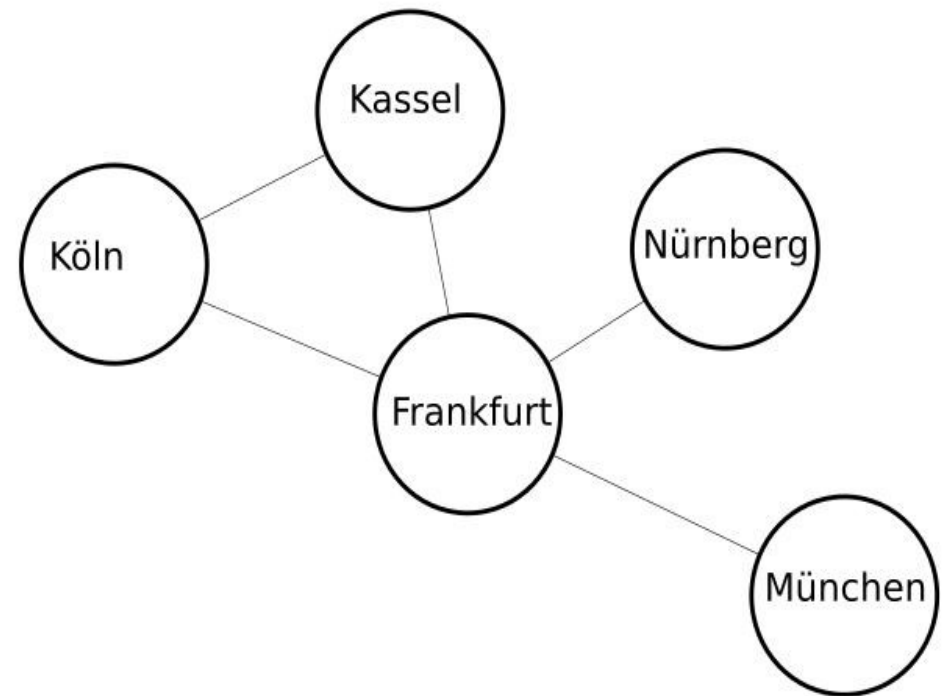
- Verwendete Datenstruktur zur Modellierung des Höchstspannungsnetzes
- Einfache Knoten mit x und y Koordinaten
- Kanten haben einen Start- und Endknoten





# Graph

- Städte werden durch Knoten realisiert
- Kanten stellen die Verbindungen dar
- Stets ungerichtet



# Graph

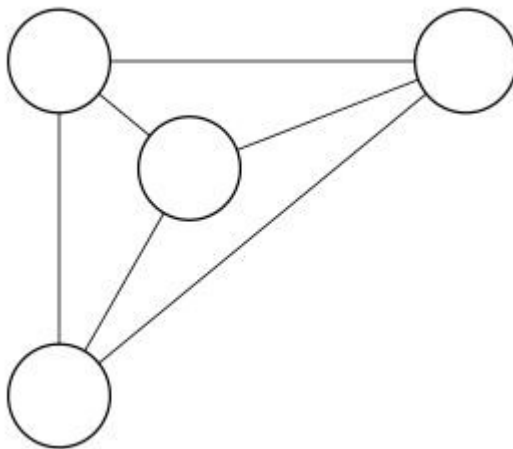
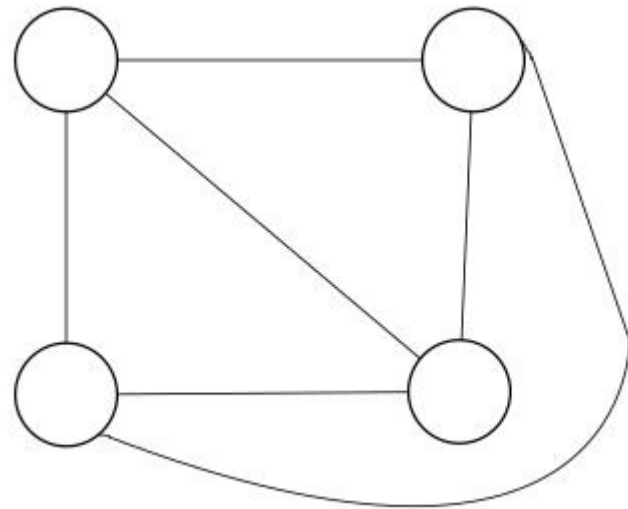
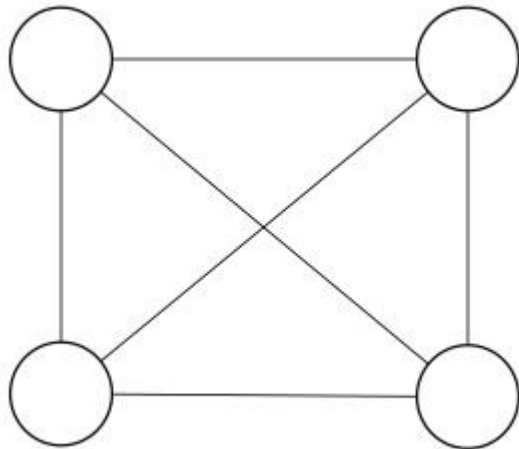
- Planarität:

Ein Graph ist planar sofern er eine Darstellung hat, indem sich keine Kanten überschneiden

- Es gibt Möglichkeiten einen planaren Graphen auch nicht planar darzustellen
- Ist der Graph planar, so gibt es immer auch eine Möglichkeit diesen mittels geraden Kanten planar darzustellen

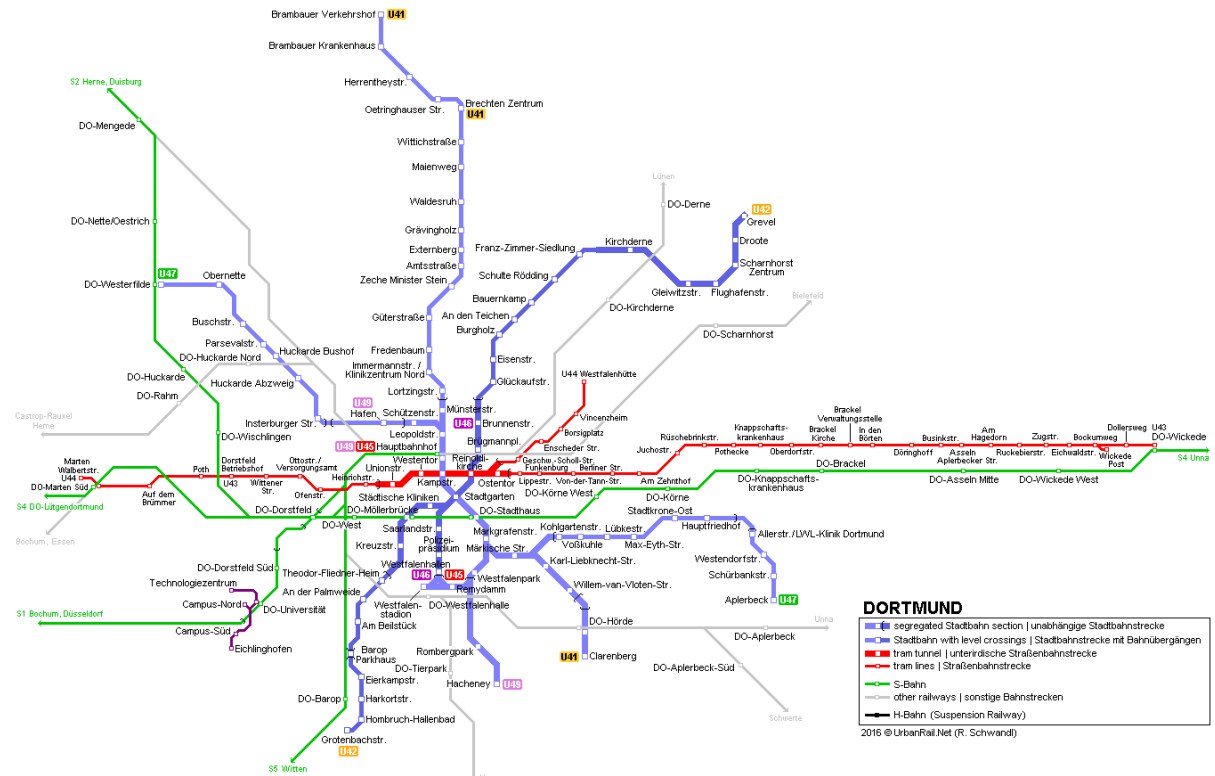
# Graph

- Planarität



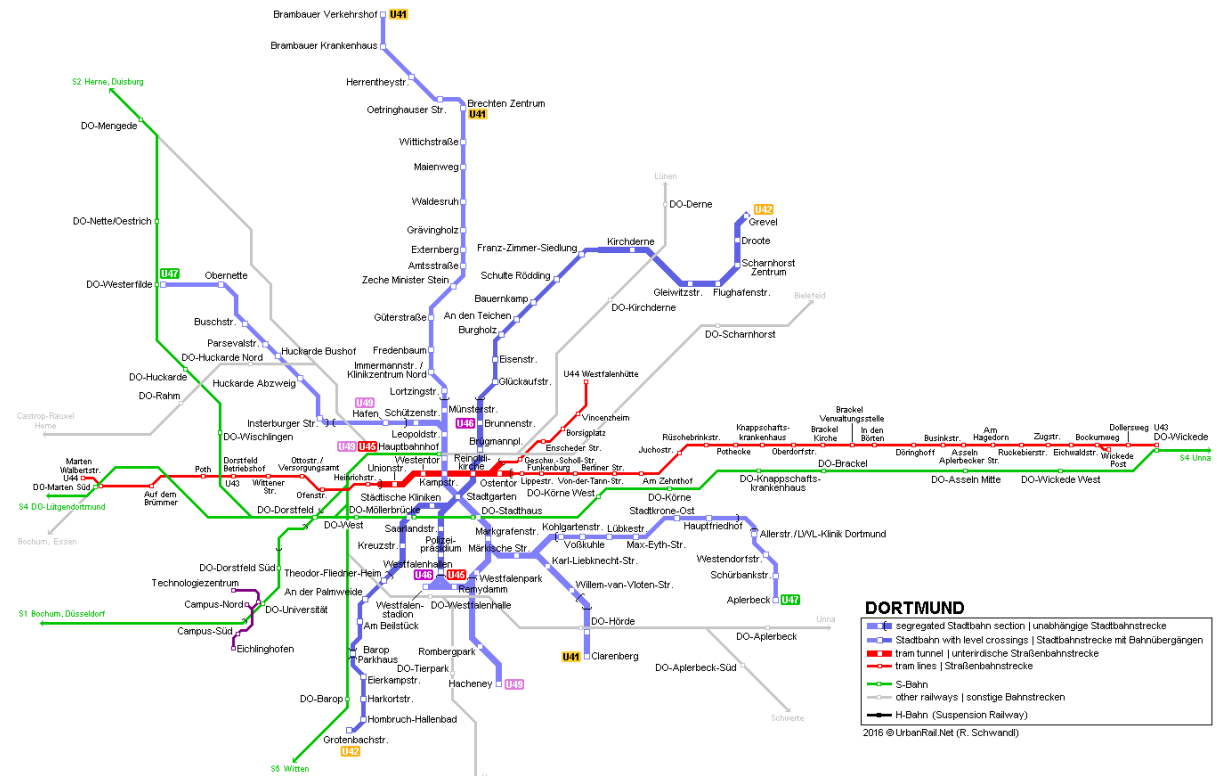
# MetroMap-Layout-Problem

- MetroMap ist die besondere Darstellung eines Graphen
- Soll sehr übersichtlich und leserlich sein
- Häufig Verwendet zur Darstellung von Bus- und Bahnnetzen
- Fast alle verwendeten Karten sind manuell gezeichnet



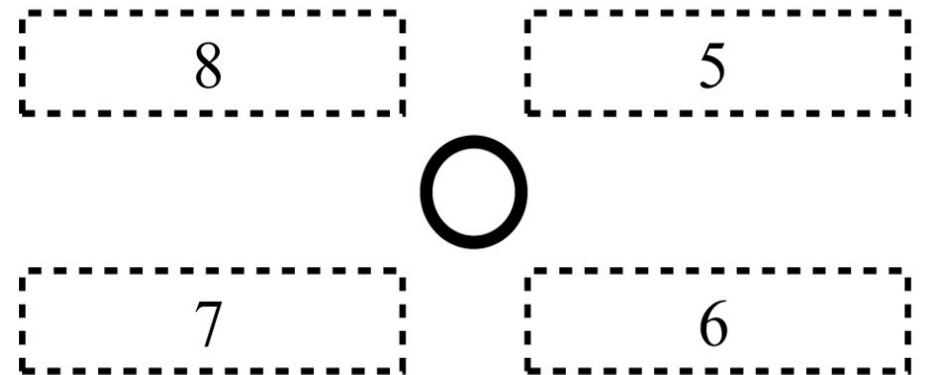
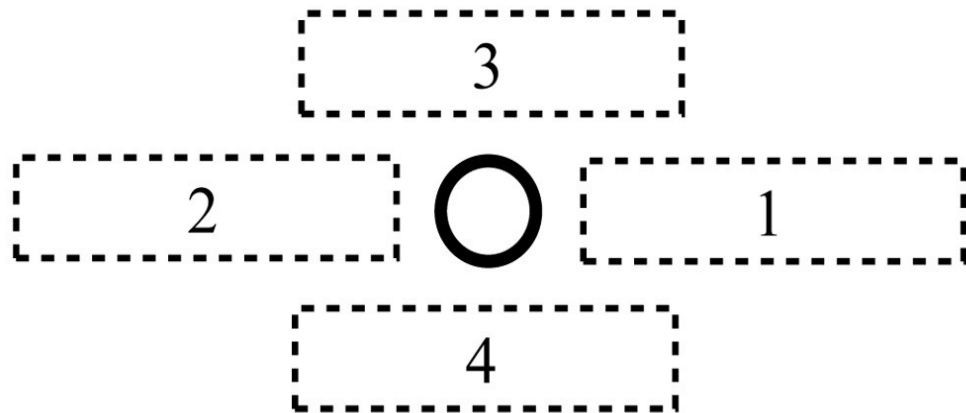
# MetroMap-Layout-Problem

- Einige wichtige Eigenschaften:
- Benutzt viele Farben  
zur besseren  
Visualisierung
- Planar!
- Unterschiedliche  
Formen
- Ist nicht mehr  
geographisch  
richtig



# MetroMap-Layout-Problem

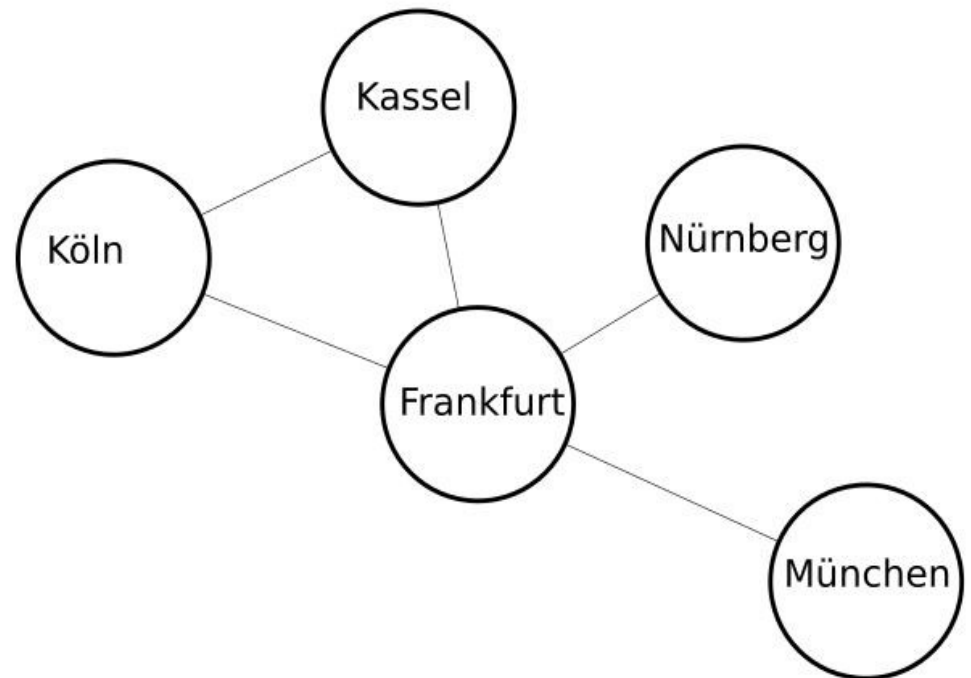
- Beschriftung der Objekte





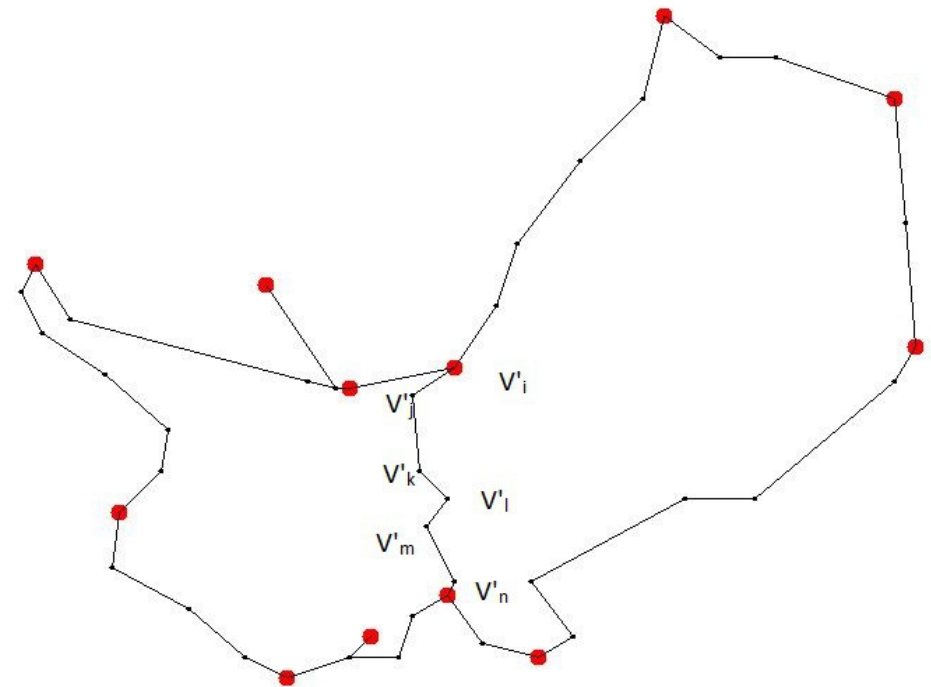
# Vom Höchstspannungsnetz zum Graphen

- Wie aus der Karte einen Graphen bekommen



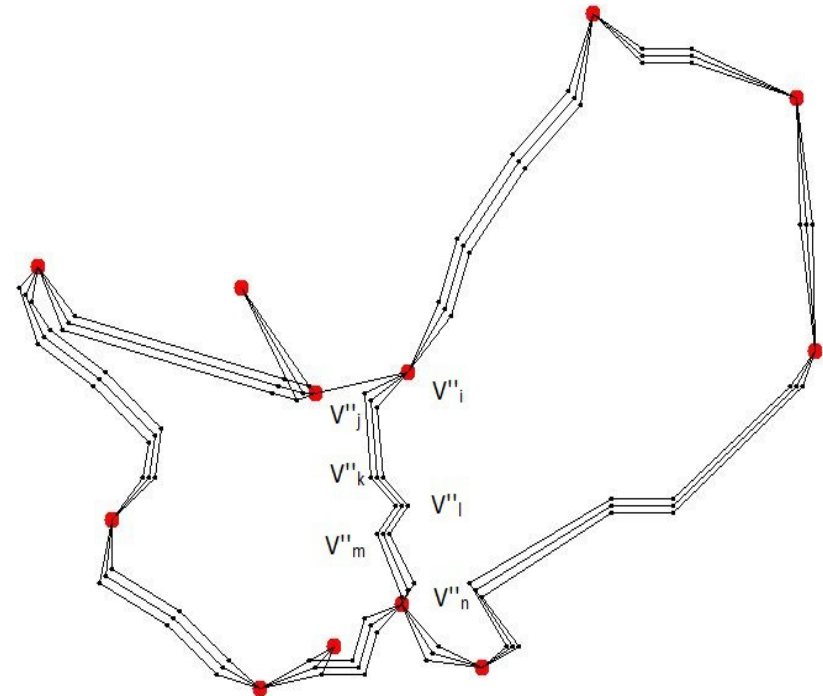
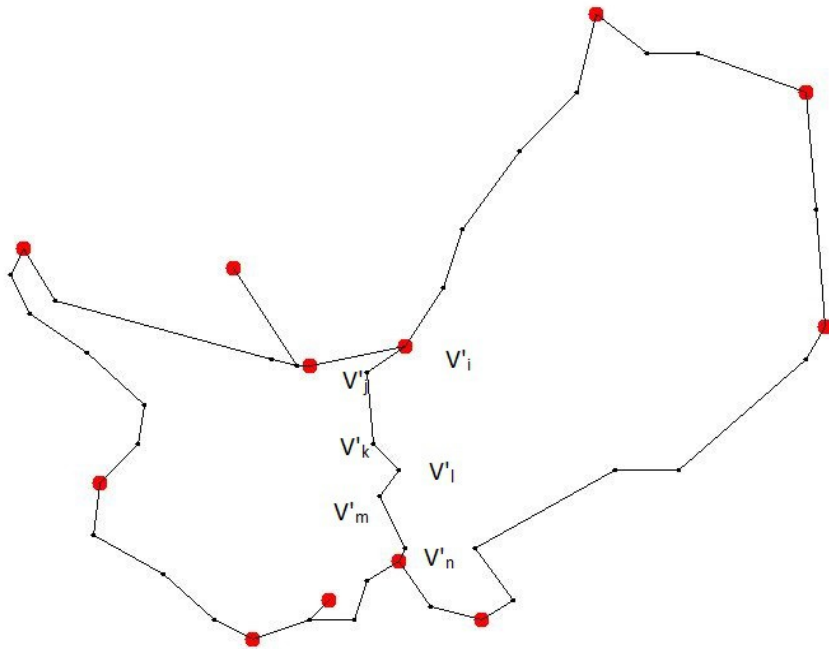
# Vom Höchstspannungsnetz zum Graphen

- 1. Wichtige Städte werden zu unbeweglichen Knoten und Ecken in den Verbindungen werden zu einfachen Knoten



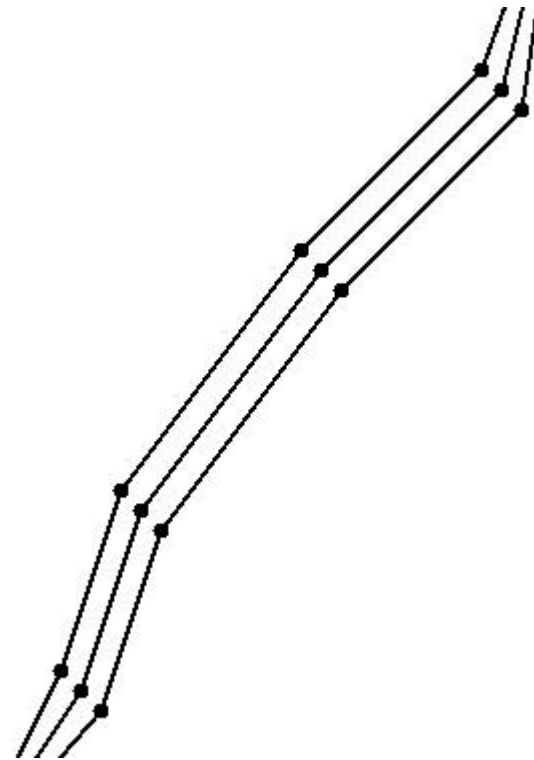
# Vom Höchstspannungsnetz zum Graphen

- 2. Modellierung der Leiterseile durch weitere Knoten und Kanten



# Vom Höchstspannungsnetz zum Graphen

- Modellierung der Leiterseile

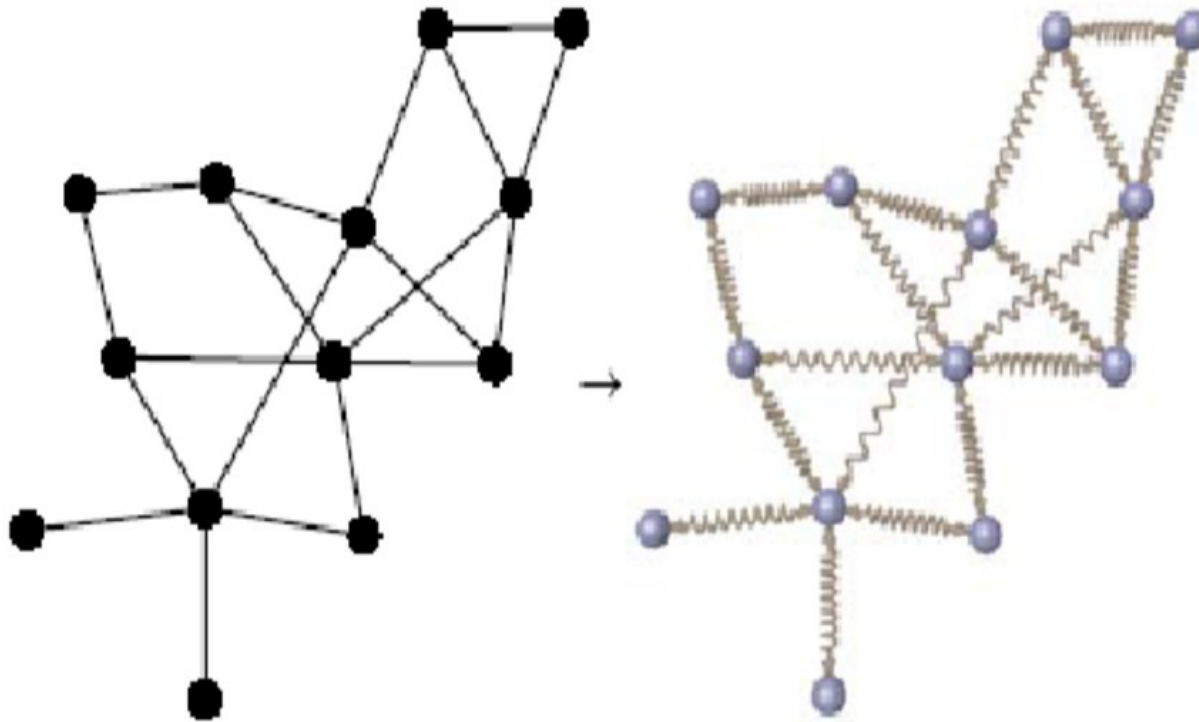


# Spring-Embedder

- Knoten gleichmäßig verteilen
- Minimale Überschneidung der Kanten (Planarität)
- Einheitliche Länge der Kanten
- Möglichst symmetrisch
- Alles bleibt in der darzustellenden Fläche

# Spring-Embedder

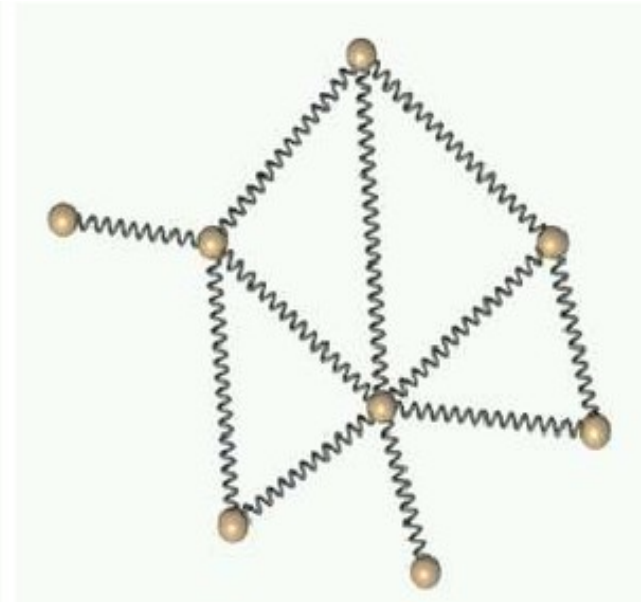
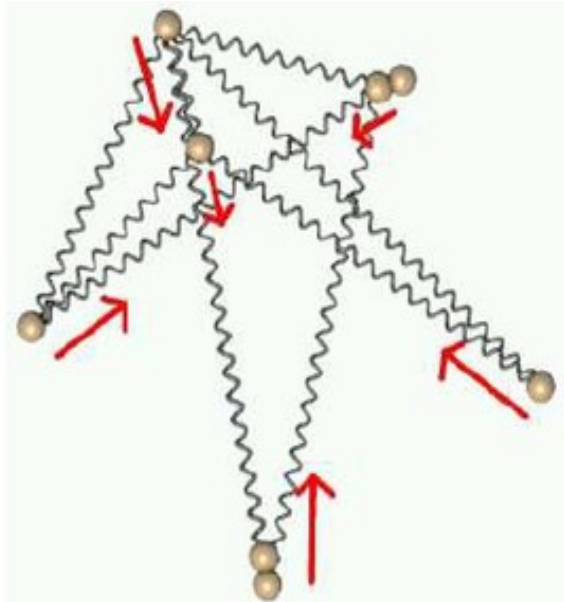
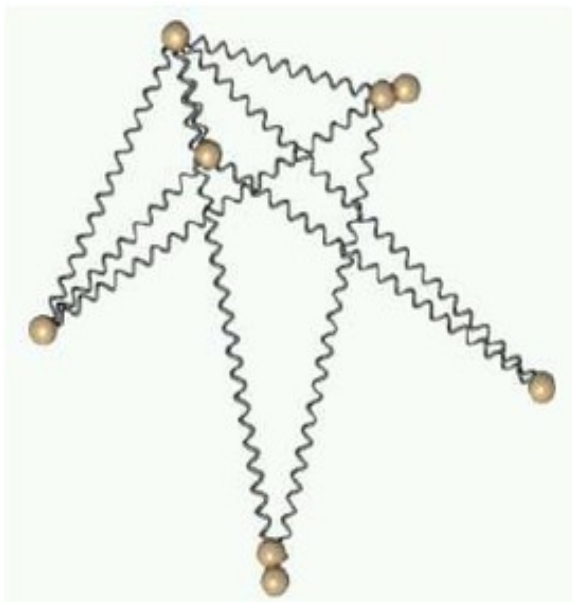
- Basierend auf ein Modell der Physik





# Spring-Embedder

- Kanten werden als Federn interpretiert
- Diese verschieben die Knoten bis ein „minimal energy state“ erreicht ist
- Indem keine Feder mehr eine Kraft auf einen Knoten auswirkt oder sich die Kräfte der Federn auflöst



# Spring-Embedder

- Anziehende Kräfte zwischen jedem adjazenten Knoten
- Abstoßende Kräfte zwischen jedem Knoten
- Diese Kräfte müssen dabei nicht der Realität entsprechen und können beliebig gewählt werden

# Spring-Embedder

- Optimale Distanz ***k*** zwischen zwei Knoten (Länge der Feder)

$$k = C \sqrt{A/|V|}$$

- ***A*** ist die Fläche, die zur Verfügung steht, demnach Länge \* Weite der Oberfläche
- ***|V|*** die Anzahl der Knoten
- Konstante ***C*** zum anpassen der optimalen Distanz, wird experimentell gewählt

# Spring-Embedder

- Optimale Distanz  $k$  zwischen zwei Knoten (Länge der Feder)

$$k = C \sqrt{A/|V|}$$

- Je weiter die Knoten von einander entfernt sind oder sich zu nah aneinander befinden, desto größer wird der Einfluss

# Spring-Embedder

*Eingabe:*  $G := (V, E)$

*Ausgabe:*  $G := (V, E)$

```
1: for  $i := 1 \leq iterations$  do
2:   for  $v_i \in V$  do
3:      $d_{v_i} := 0$ ;
4:     for  $(v_j \in V)$  do
5:       if  $v_i \neq v_j$  then
6:          $\Delta := p_{v_i} - p_{v_j}$ ;
7:          $d_{v_i} := d_{v_i} + (\Delta/|\Delta|) \cdot f_{v_i, v_j}^r(|\Delta|)$ ;
8:       end if
9:     end for
10:  end for

11: for  $e_{v_i, v_j} \in E$  do
12:    $\Delta := p_{v_i} - p_{v_j}$ ;
13:    $d_{v_i} := d_{v_i} - (\Delta/|\Delta|) \cdot f_{v_i, v_j}^a(|\Delta|)$ ;
14:    $d_{v_j} := d_{v_j} + (\Delta/|\Delta|) \cdot f_{v_i, v_j}^a(|\Delta|)$ ;
15: end for

16: for  $v_i \in V$  do
17:    $p_{v_i} := p_{v_i} + (d_{v_i}/|d_{v_i}|) \cdot \min(d_{v_i}, t)$ ;
18:    $p_{v_i}^x := \min(W/2, \max(-W/2, p_{v_i}^x))$ ;
19:    $p_{v_i}^y := \min(L/2, \max(-L/2, p_{v_i}^y))$ ;
20: end for
21:  $t := cool(t)$ 
22: end for
```

1) Abstoßende Kräfte

2) Anziehende Kräfte

3) Knoten bewegen

# Spring-Embedder

$$f_{v_i, v_j}^a(x) = x^2/k$$

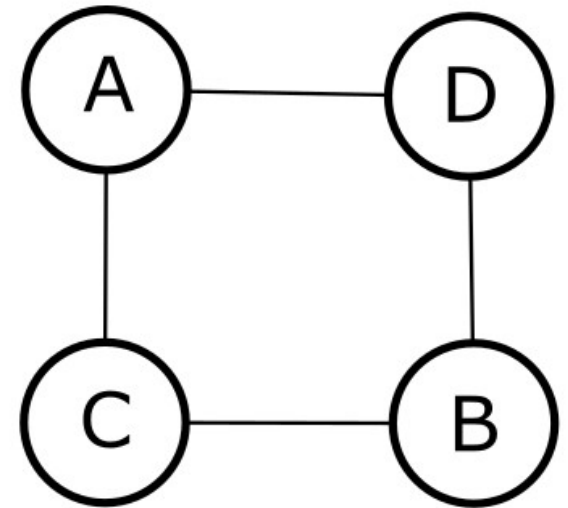
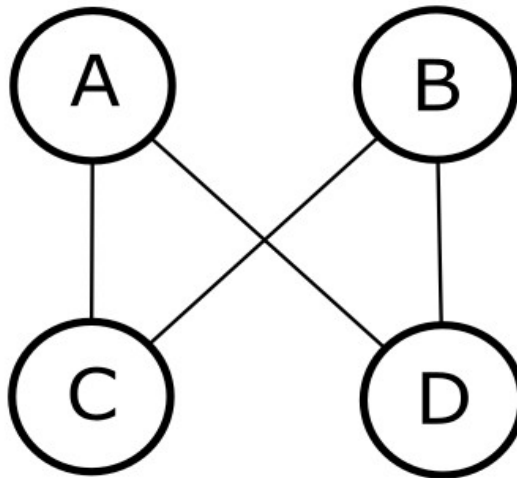
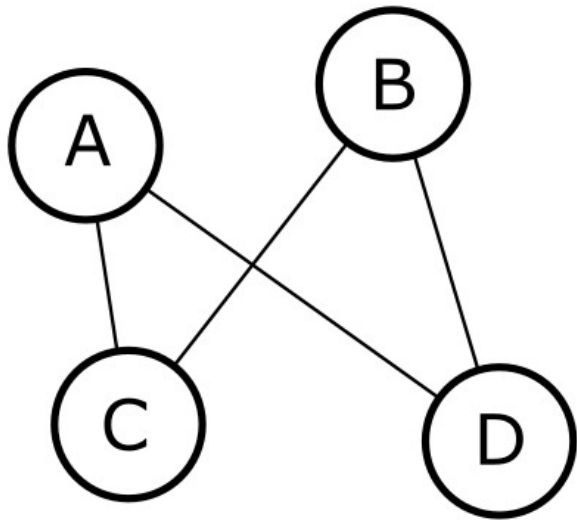
$$f_{v_i, v_j}^r(x) = -k^2/x.$$

- Summe beider Kräfte lösen sich auf wenn zwei Knoten die optimale Distanz  $k$  zueinander haben



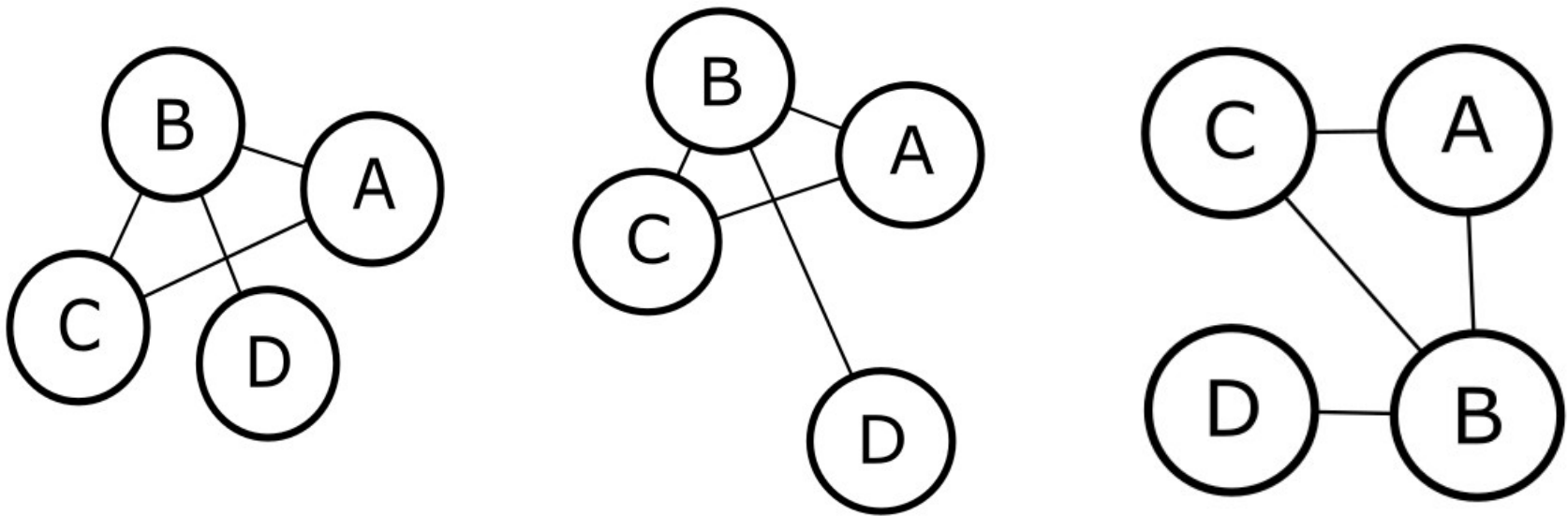
# Spring-Embedder

- Entstehung von lokalen Minima ist das größte Problem
- Algorithmus kann keine momentan schlechtere Lösung wählen um zu einem besseren Ergebnis zu kommen



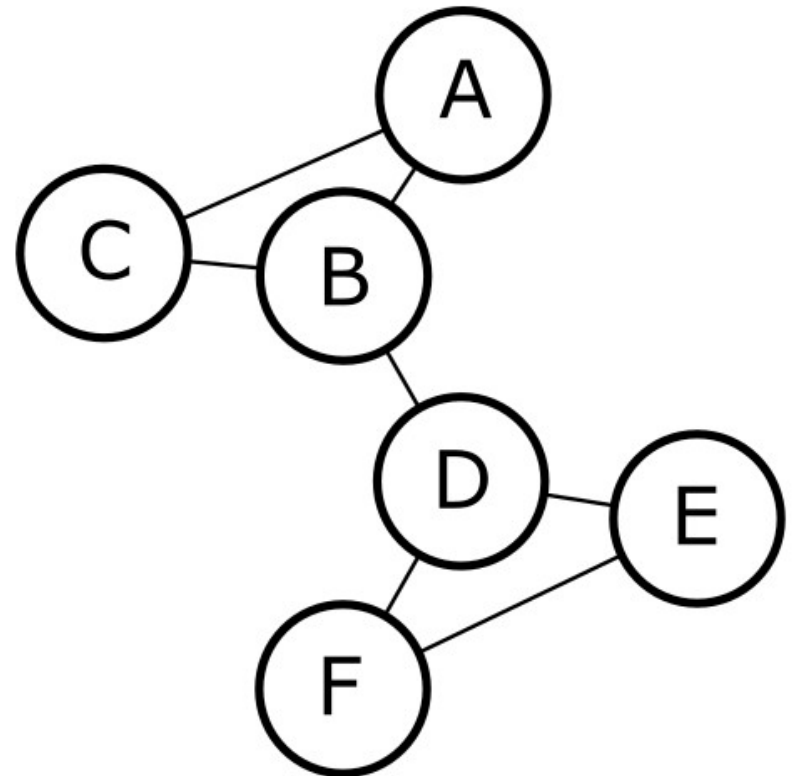
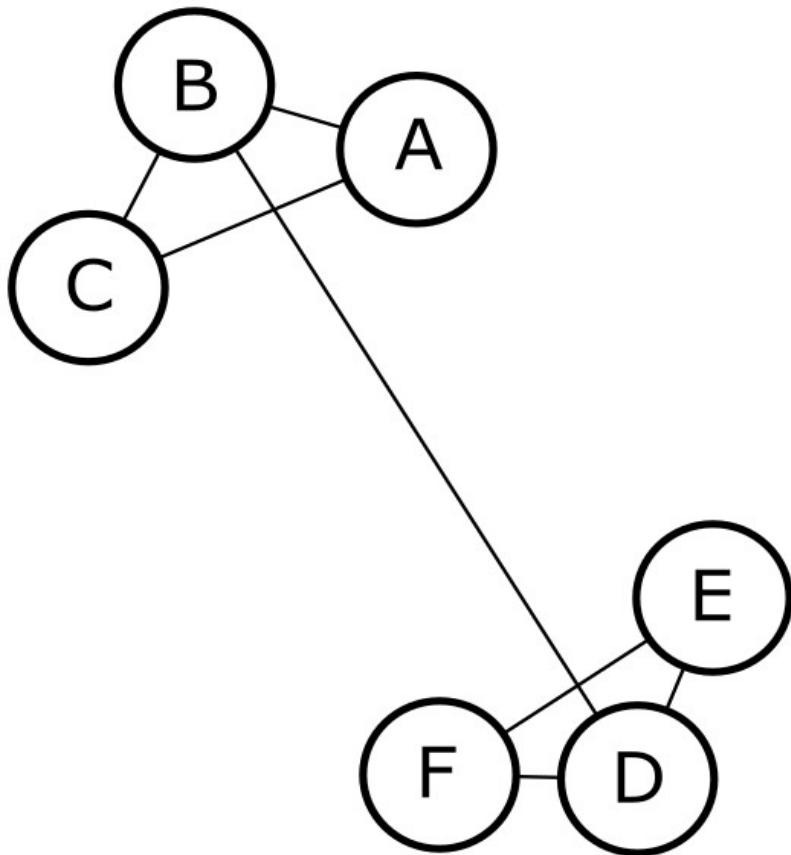
# Spring-Embedder

- Entstehung von lokalen Minima ist das größte Problem
- Gruppe von Knoten stoßen einen Einzelnen ab



# Spring-Embedder

- Entstehung von lokalen Minima ist das größte Problem
- Zwei Gruppen von Knotenpaaren überwinden nicht das lokale Minima

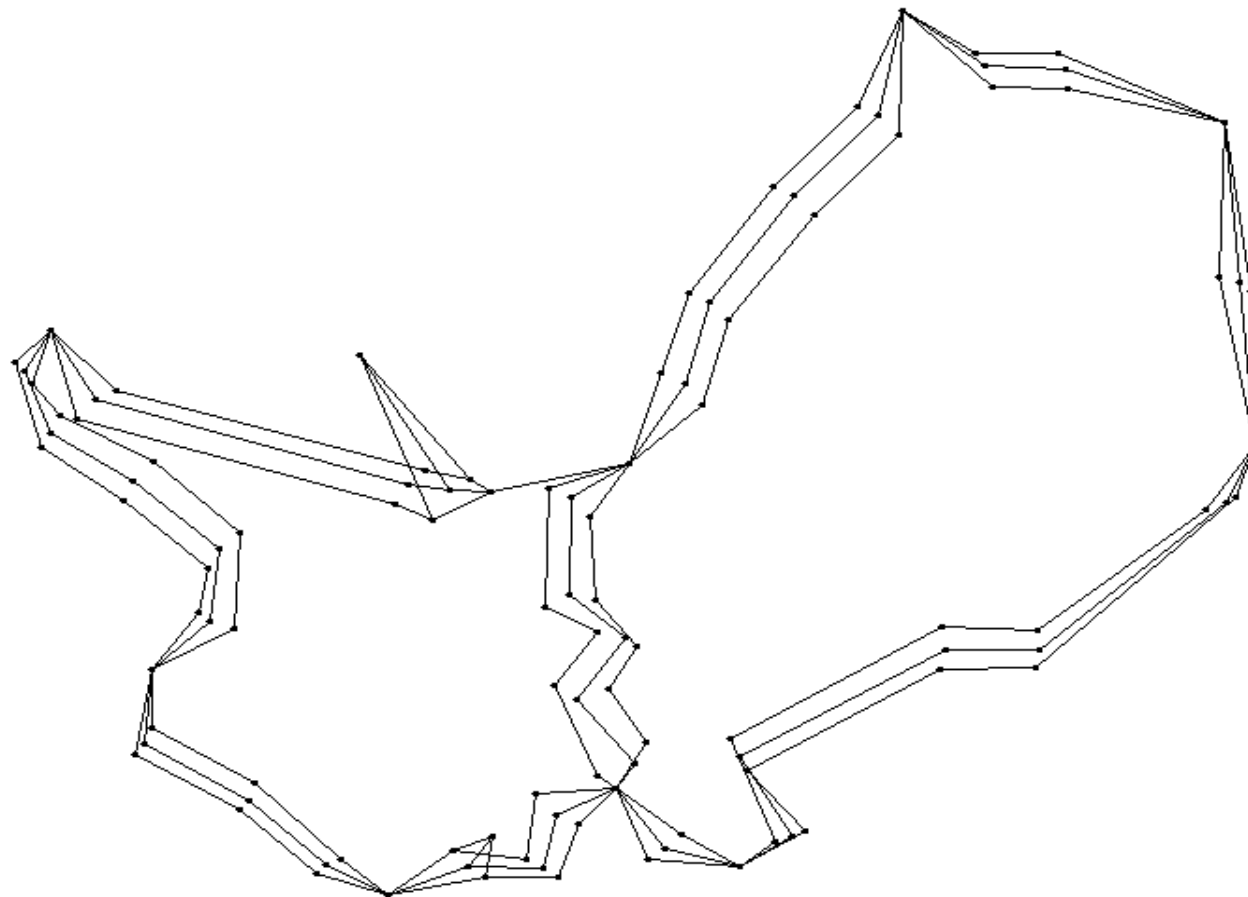


# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Deutlich striktere Beibehaltung der geographischen Eigenschaften des Graphen(Hindernisse, Standorte von Städte)
- Kein Verteilen der Knoten auf der Oberfläche
- Es existieren Knoten, die sich nicht bewegen lassen
- Die durch das Modellieren der Leiterseile entstandene Struktur soll beibehalten werden
- Es findet nur das Platzieren von Knoten und somit auch von Kanten statt, also kein Erstellen von Labels oder Färbung

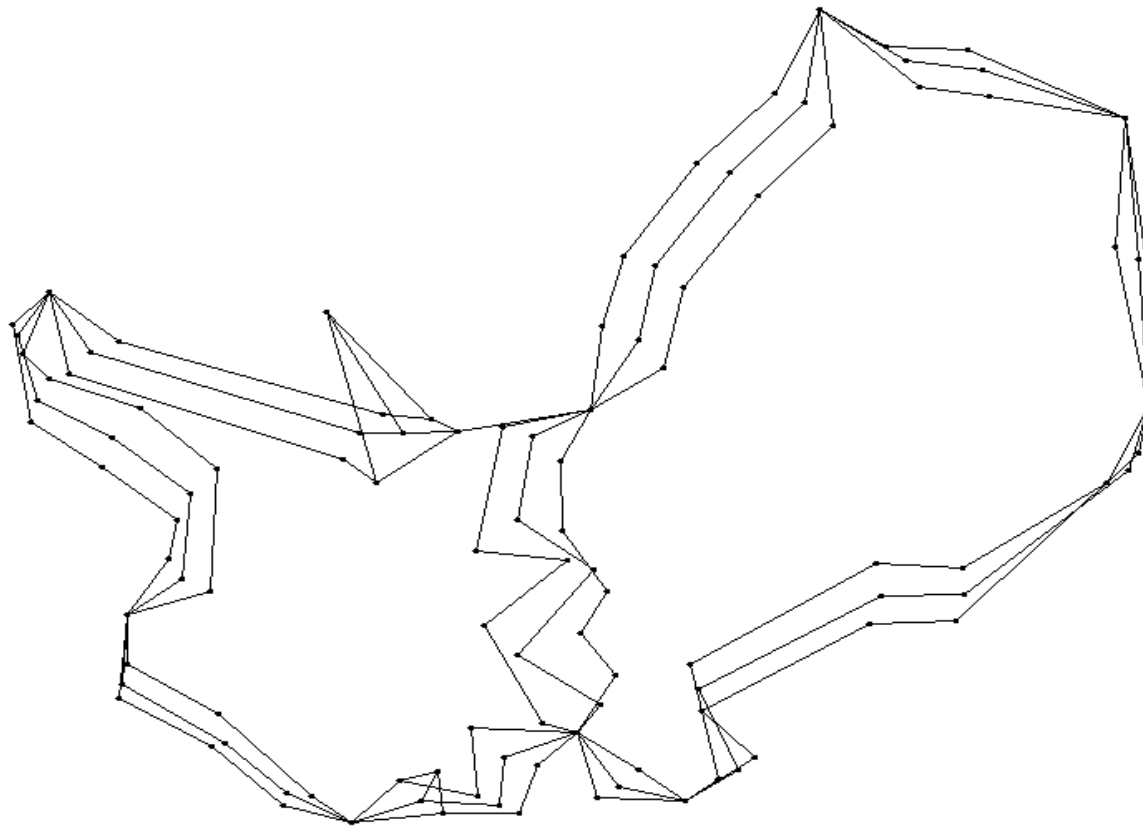
# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Unveränderter Algorithmus angewendet auf den Graphen aus Kapitel 4 nach 10 Iterationen



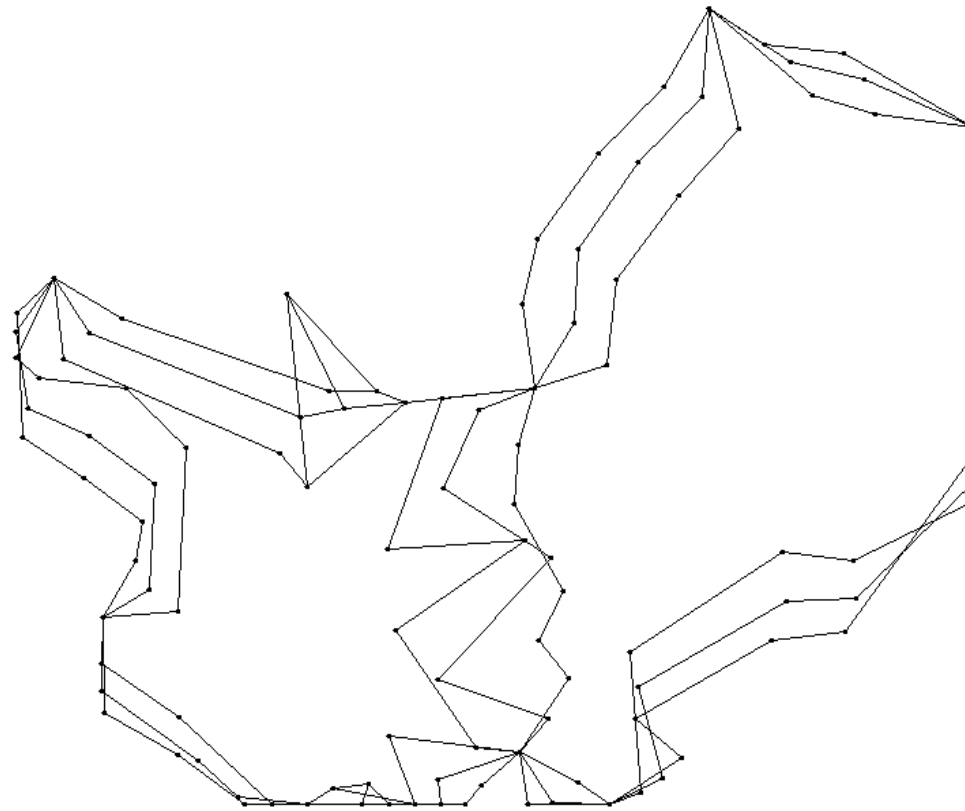
# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Unveränderter Algorithmus angewendet auf den Graphen aus Kapitel 4 nach 25 Iterationen



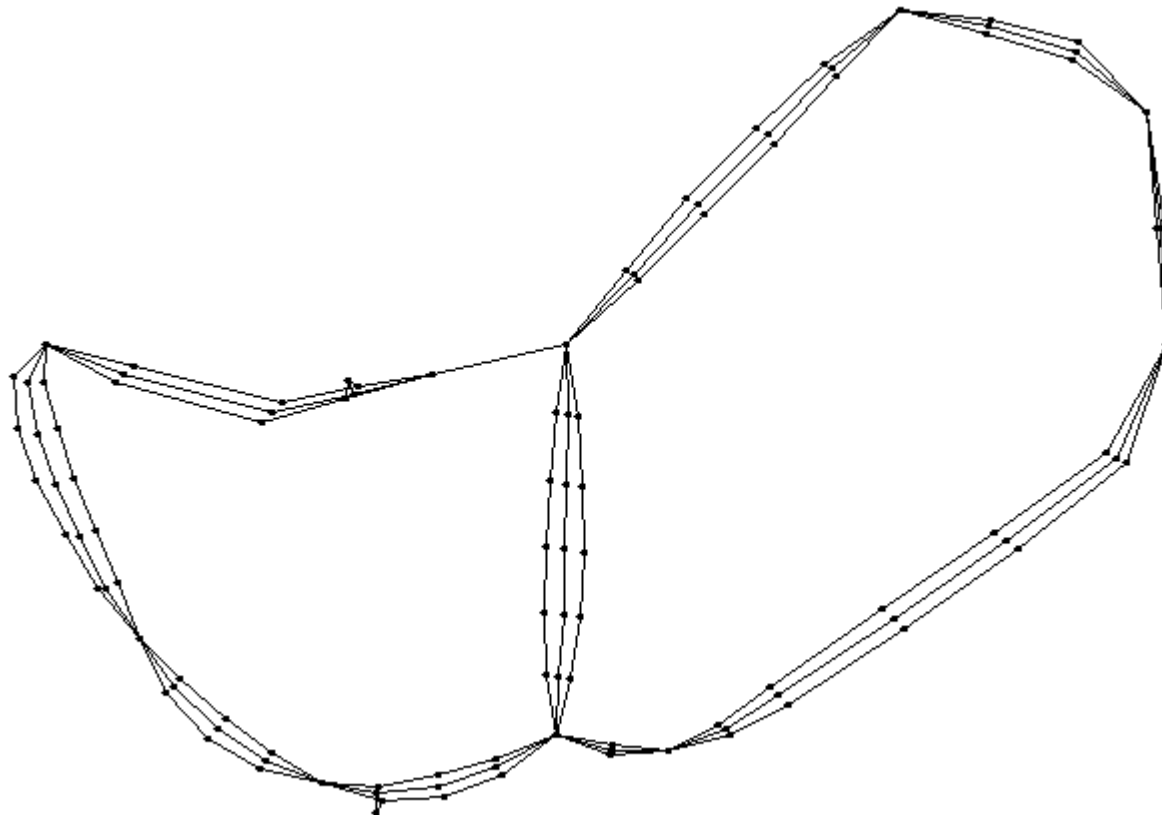
# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Unveränderter Algorithmus angewendet auf den Graphen aus Kapitel 4 nach 50 Iterationen



# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

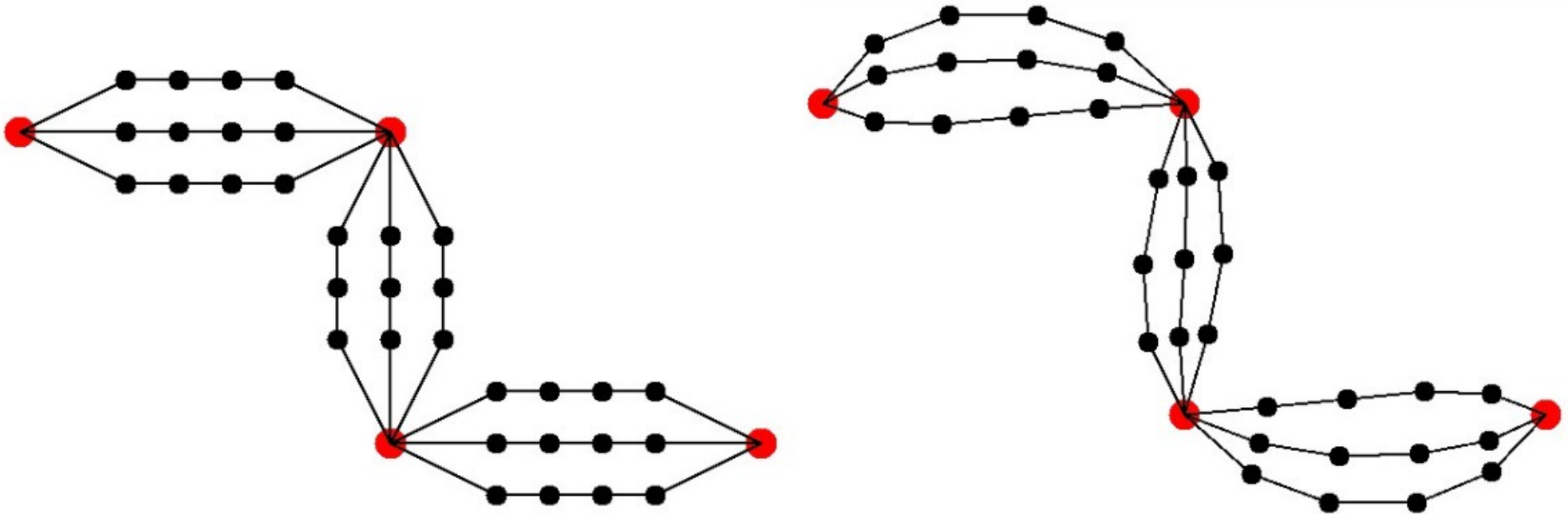
- Algorithmus angewendet auf den Graphen aus Kapitel 4 nach 50 Iterationen nach Änderung der optimalen Distanz



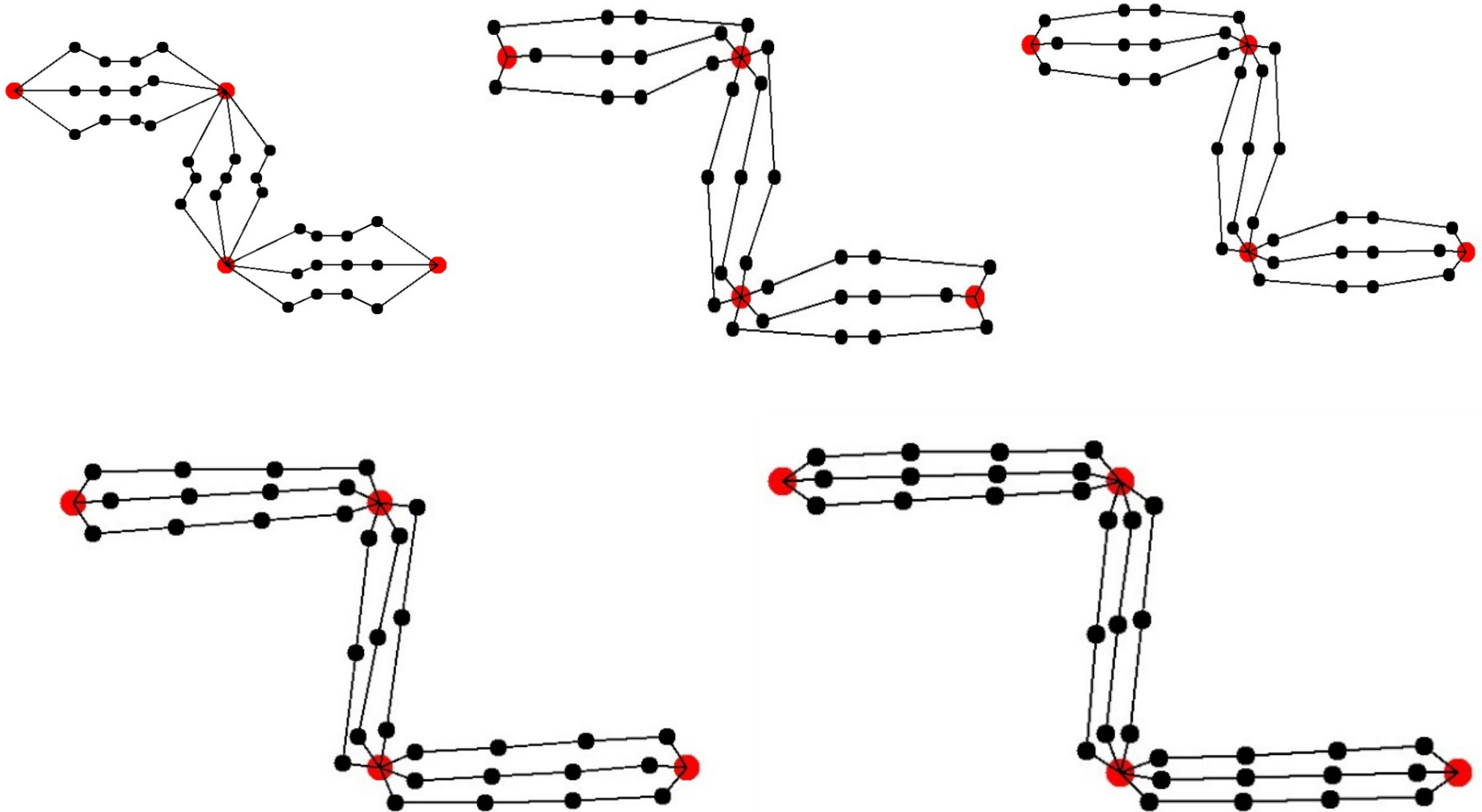


# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Bildung von Schlangen



# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes



# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Erweiterung des Spring-Embedder, durch das Hinzufügen einer weiteren anziehenden Kraft

*Eingabe:*  $G := (V, E)$

*Ausgabe:*  $G := (V, E)$

1: **for**  $i := 1 \leq iterations$  **do**

2:   ..

3:   **for**  $e_{v_i, v_j} \in E$  **do**

4:      $\Delta := p_{v_i} - p_{v_i}^0;$

5:      $d_{v_i} := d_{v_i} - (\Delta/|\Delta|) \cdot f_{v_i, p_{v_i}^0}^a(|\Delta|);$

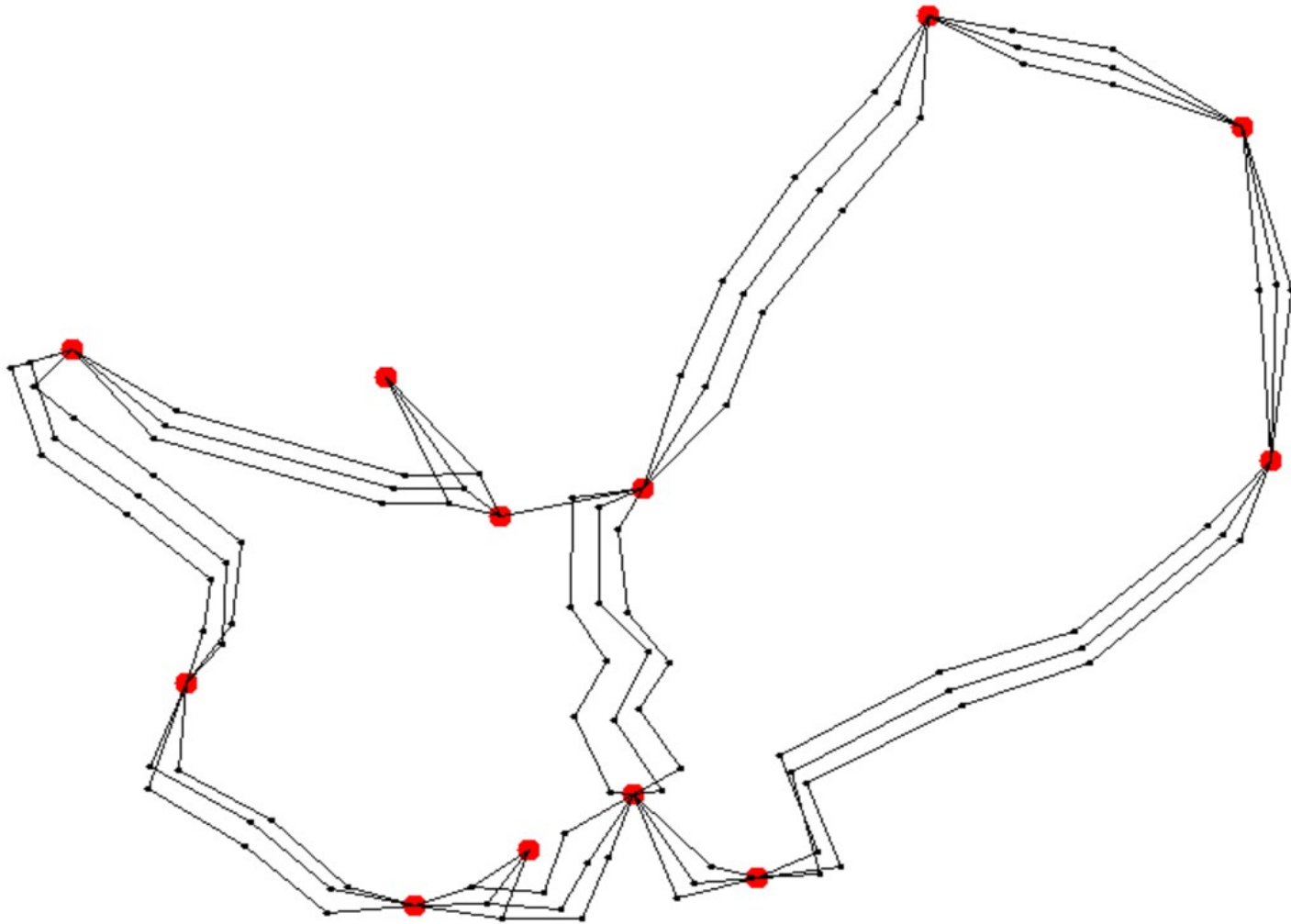
6:   **end for**

7:   ..

8: **end for**

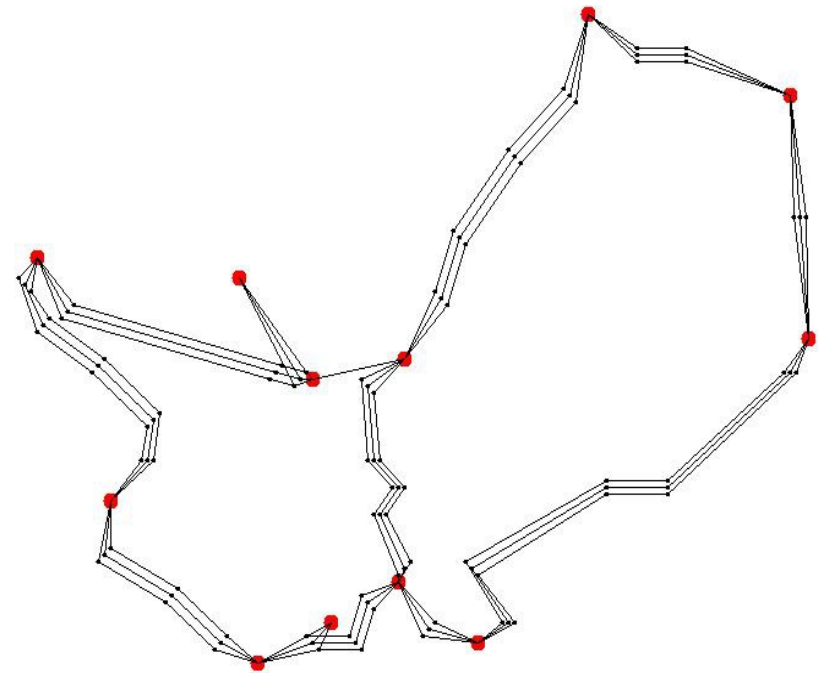
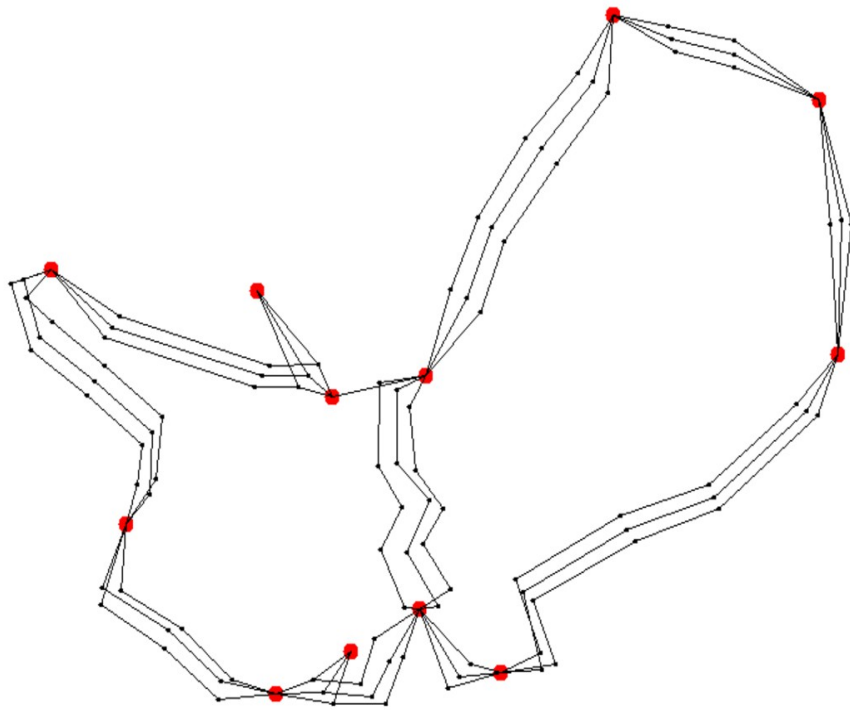
# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Finaler Graph



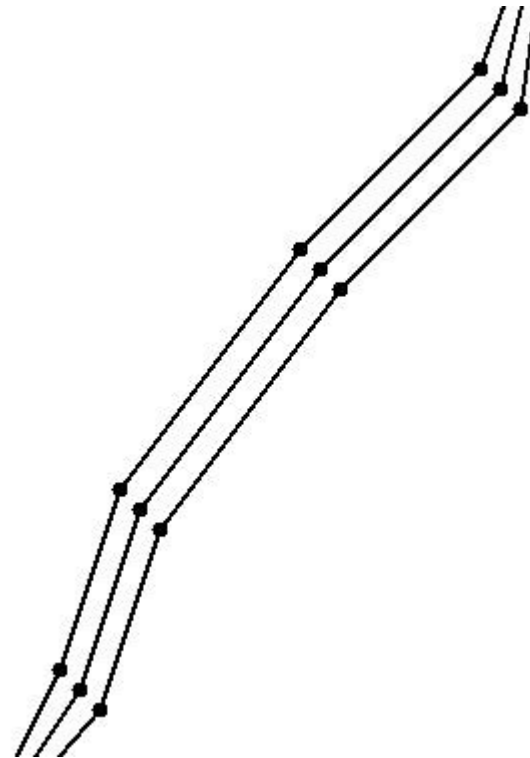
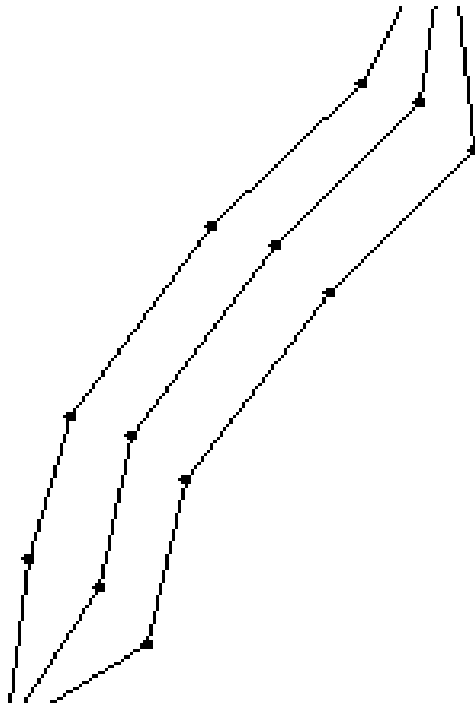
# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Finaler Graph



# Adaptierung des Höchstspannungsnetzes

- Vergleich Abstand der Leiterseile

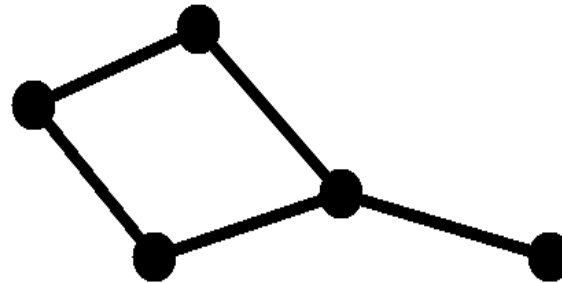
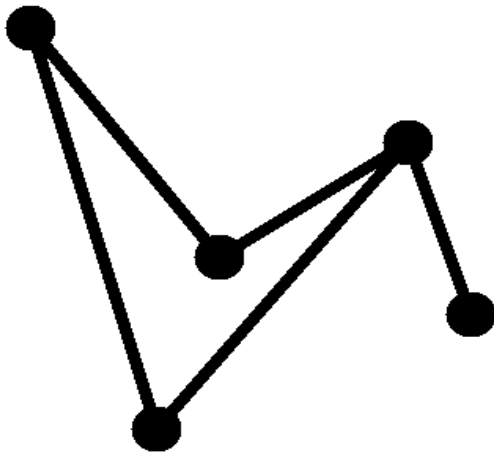


# Evaluierung

- Drei unterschiedliche Szenarien
- Das testen des Algorithmus auf unterschiedliche Graphen
- Die Auswirkung der Laufzeit beim Verändern der Knotenmenge
- Die Auswirkung der Laufzeit beim Verändern der Kantenmenge

# Evaluierung

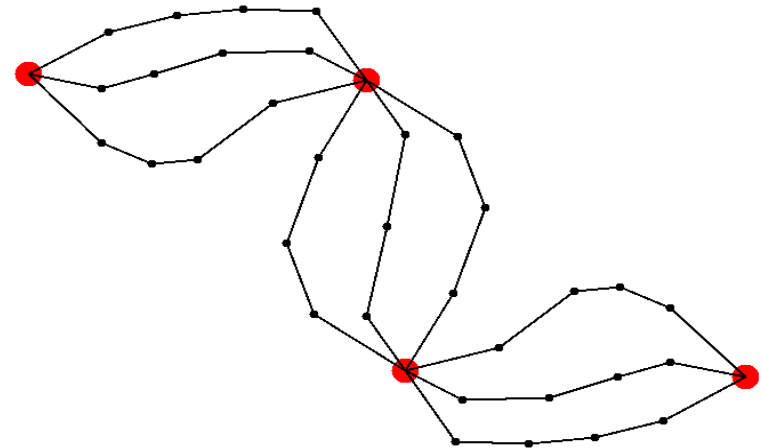
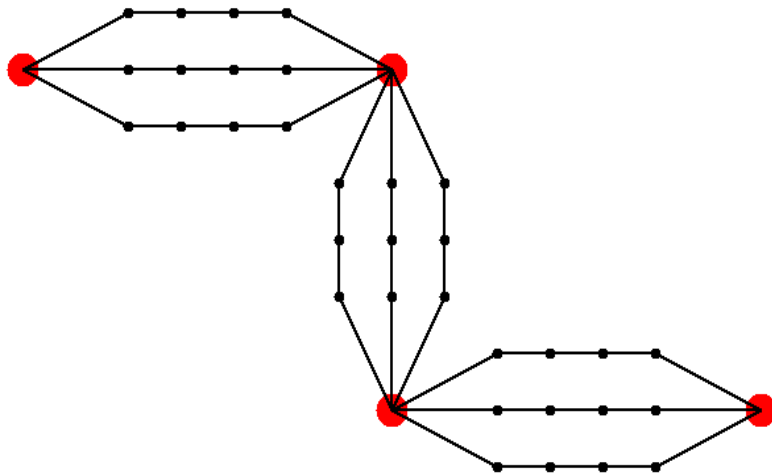
- Sehr kleiner und einfacher Graph
- 7 ms





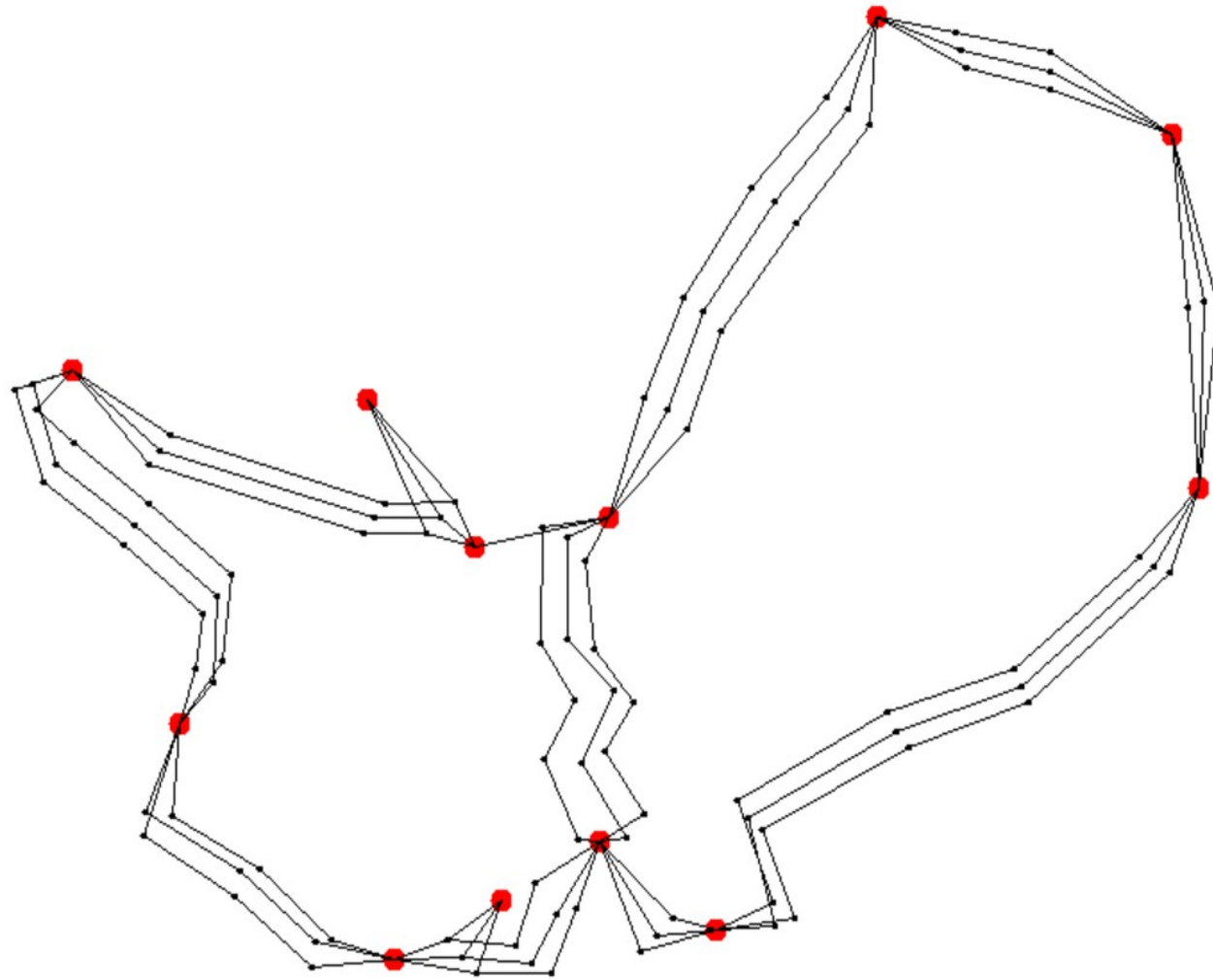
# Evaluierung

- Mittelgroßer Graph
- 18 ms



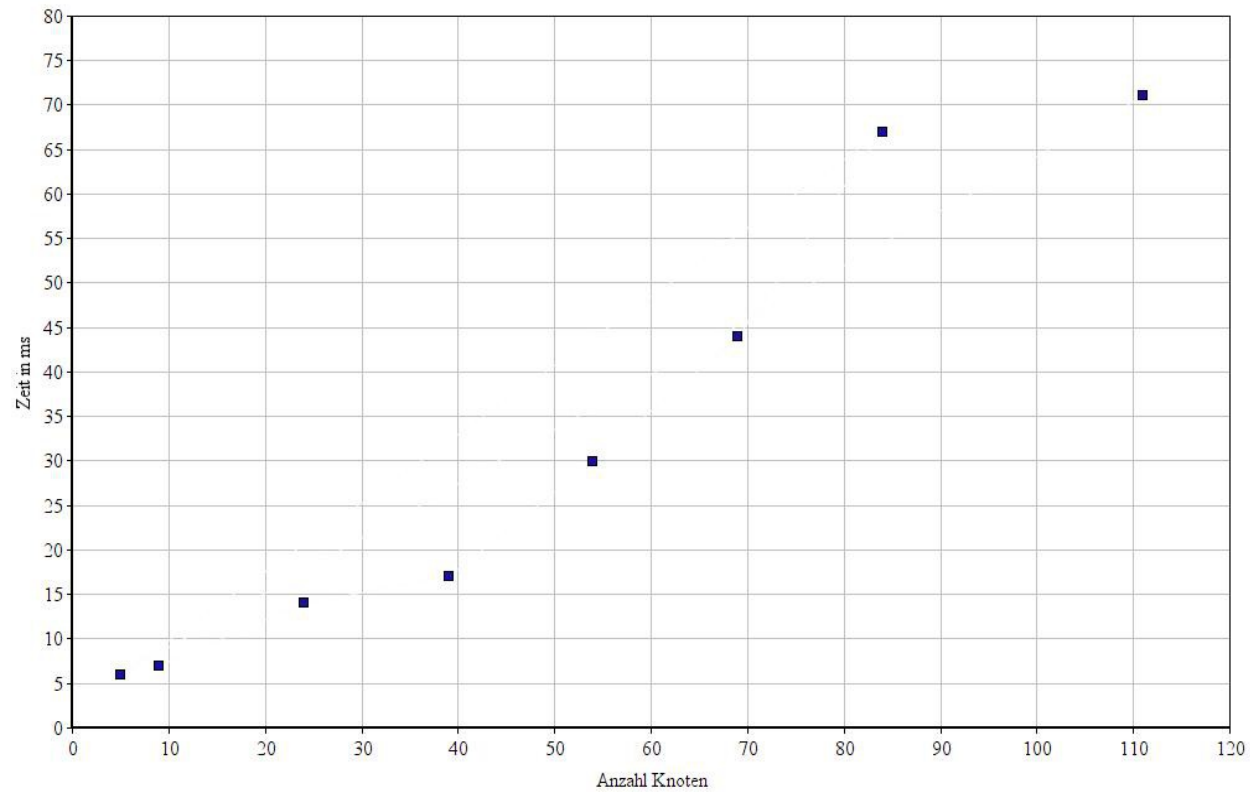
# Evaluierung

- Großer Graph
- 71 ms



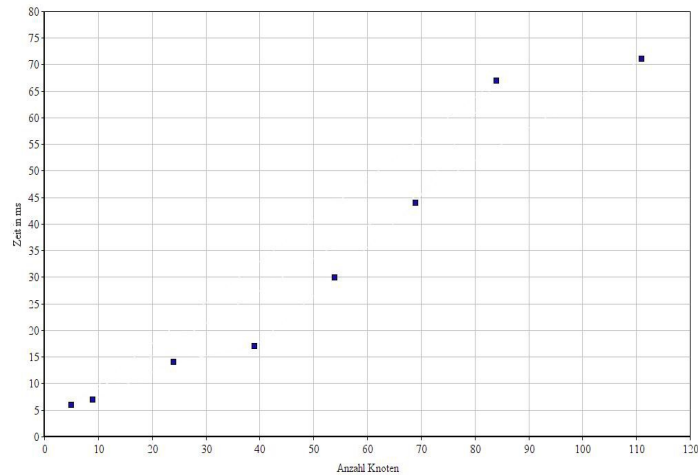
# Evaluierung

- Änderung der Anzahl der Knoten



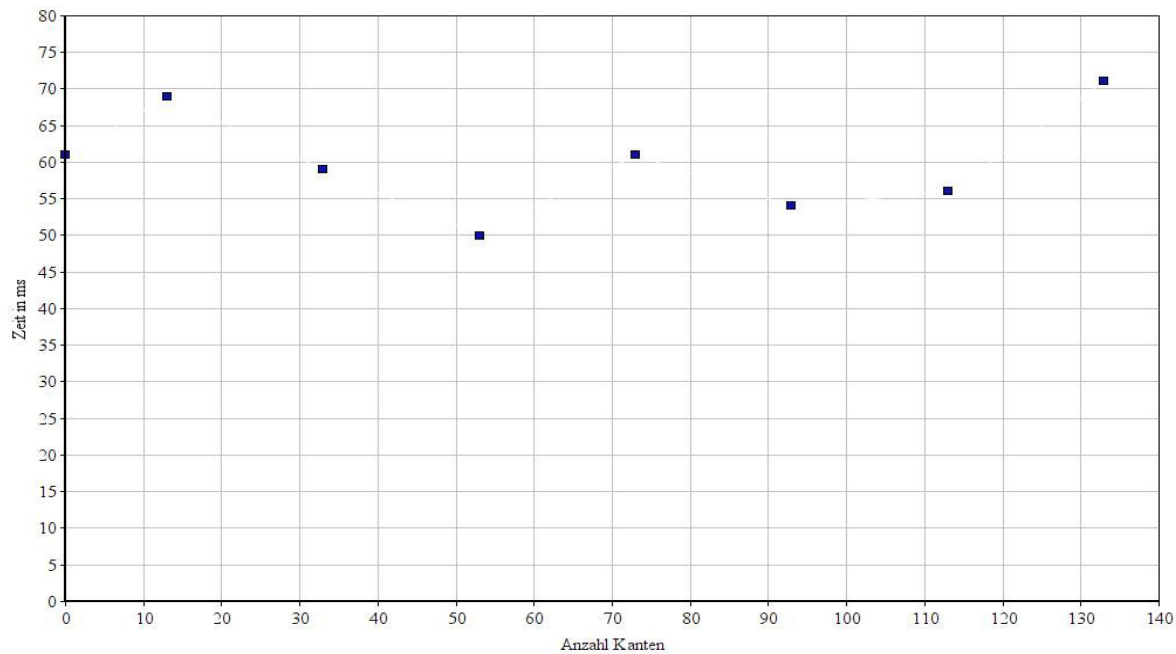
# Evaluierung

- Änderung der Anzahl der Knoten
- Exponentieller Anstieg der Laufzeit
- $|V|^2$ , das Berechnen der abstoßenden Kraft
- Stets 133 Kanten



# Evaluierung

- Änderung der Anzahl der Kanten
- Knotenzahl unverändert lag bei 111



# Evaluierung

- Änderung der Anzahl der Kanten
- Keine messbare Veränderung der Laufzeit
- Einfluss der Knoten zu groß

