

**Universidad Nacional de El Salvador**  
**Facultad Multidisciplinaria de Occidente**  
**Departamento de Ingenieria y Arquitectura**



**Asignatura:** Analisis Numerco.

**Primer Parcial evaluado**

**Catedratico:** Ing. Xenia Ivette Godoy

**Estudiante:** Meda Margueiz, Christian Eduardo MM17017

**Fecha de entrega:** Miercoles, 24 de marzo de 2,020

# Ejercicio1

$$f(x) = \sin(x) - 6x - 5$$

## i)Algoritmo Algoritmo por biseccion

```
from sympy import *

def f(num):
    return (sin(num)-6*num-5)

x1=-2
x2=-0.9

errorAproximado=1
errorEspecifico=0.05
iterador=1
condicion=""
anterior=0
actual=0

if (f(x1)*f(x2)<0):
    print "Valores Validos"
    print "i | x1 | x2 | xr | fx1 | fx2 | fxr | fx1*fxr | condicion | EA"
    xr=(x1+x2)/2
    if f(x1)*f(xr)<0:
        condicion="<"
    elif f(x1)*f(xr)>0:
        condicion=">"

    print iterador," | ",x1," | ",x2," | ",xr," | ",f(x1)," | ",f(x2)," | ",f(xr)," | ",f(x1)*f(xr)," | ",condicion," | ",errorAproximado

    if f(x1)*f(xr)<0:
        x2=xr
        condicion="<"
    elif f(x1)*f(xr)>0:
        x1=xr
        condicion=">"
    else:
        print "La raiz es: ",xr
        errorAproximado=0

while errorAproximado>errorEspecifico:
    anterior=xr
    xr=(x1+x2)/2
    actual=xr
    fx1=f(x1)
    fx2=f(x2)
    fxr=f(xr)
    if f(x1)*f(xr)<0:
        x2=xr
        condicion="<"
    elif f(x1)*f(xr)>0:
        x1=xr
        condicion=">"
    else:
```

```

        print "La raiz es: ",xr
        break

    if (iterador!=1):
        errorAproximado=Abs((anterior-actual)/actual)*100

        print iterador," | ",x1," | ",x2," | ",xr," | ",fx1," | ",fx2,"
| ",fxr," | ",fx1*fxr," | ",condicion," | ",errorAproximado
        iterador=iterador+1
else:
    print "Valores invalidos"

print "La raiz es: ",xr
print "EA: ",errorAproximado

```

### Algoritmo por newton

```

from sympy import *

def f(num):
    return float(sin(num)-6*num-5)

def dx(num):
    return float(cos(num)-6)

def dxx(num):
    return float(-sin(num))

def newton(x):
    return float(x-(f(x)/dx(x)))

def solucionByNewton(x):
    convergencia=(f(x)*dxx(x))/pow(dx(x),2)

    if convergencia<1:
        errorAproximado=1
        errorEspecifico=0.05
        iterador=1
        anterior=0
        actual=0

        fx=f(x)
        fprima=dx(x)
        xi=newton(x)
        errorAproximado=Abs((x-xi)/xi)*100
        print "iterador | f(xi) | dx(xi) | xi+1 | Ea"
        print iterador," | ",fx," | ",fprima," | ",xi," |
",errorAproximado

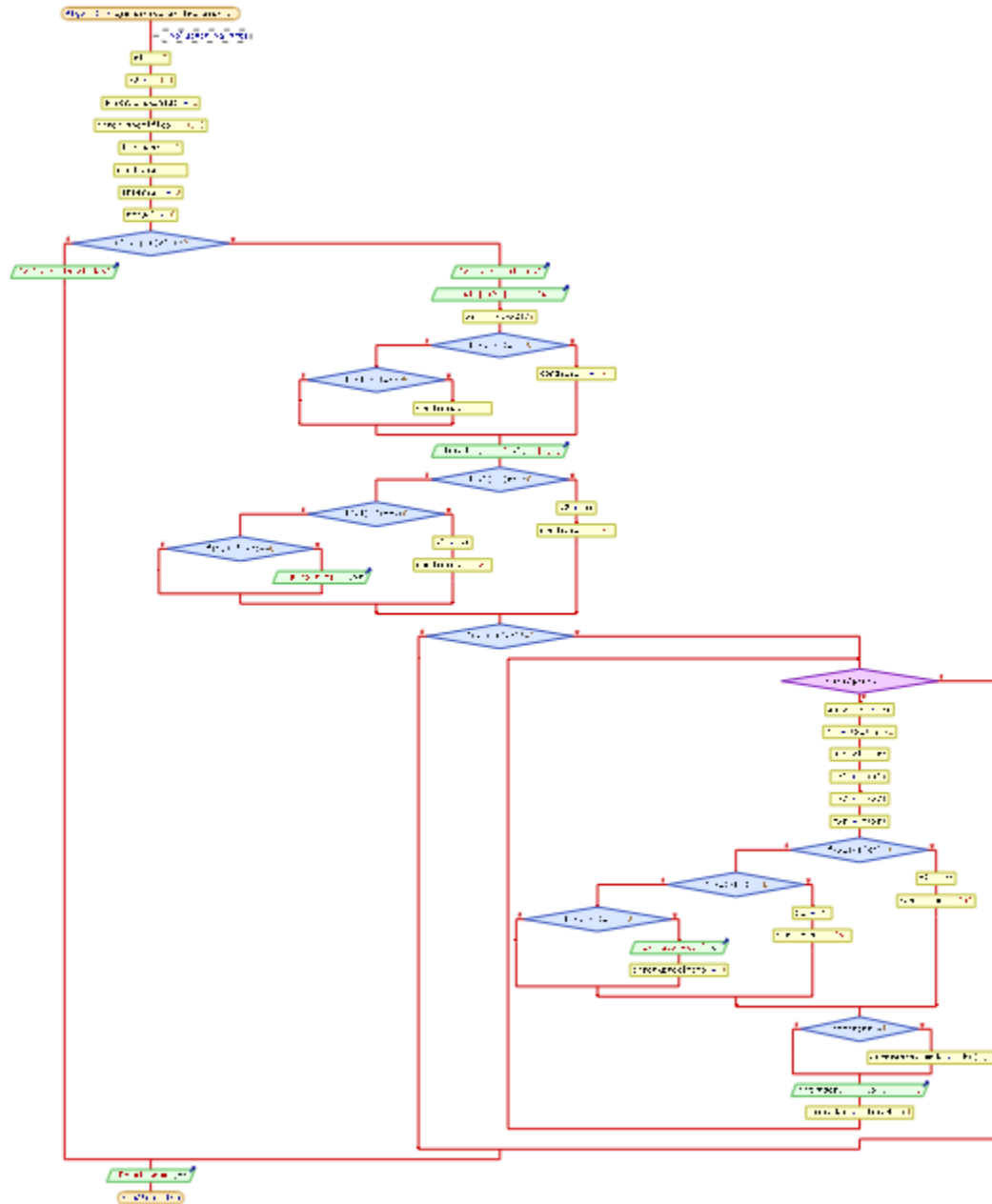
        while errorAproximado>errorEspecifico:
            x=xi
            fx=f(x)
            fprima=dx(x)
            xi=newton(x)
            errorAproximado=Abs((x-xi)/xi)*100
            print iterador," | ",fx," | ",fprima," | ",xi," |
",errorAproximado
            iterador=iterador+1
        print "El valor de la raiz es: ",xi
        print "Con el error de: ",errorAproximado

```

```
solucionByNewton(-2)
```

ii) Flujograma

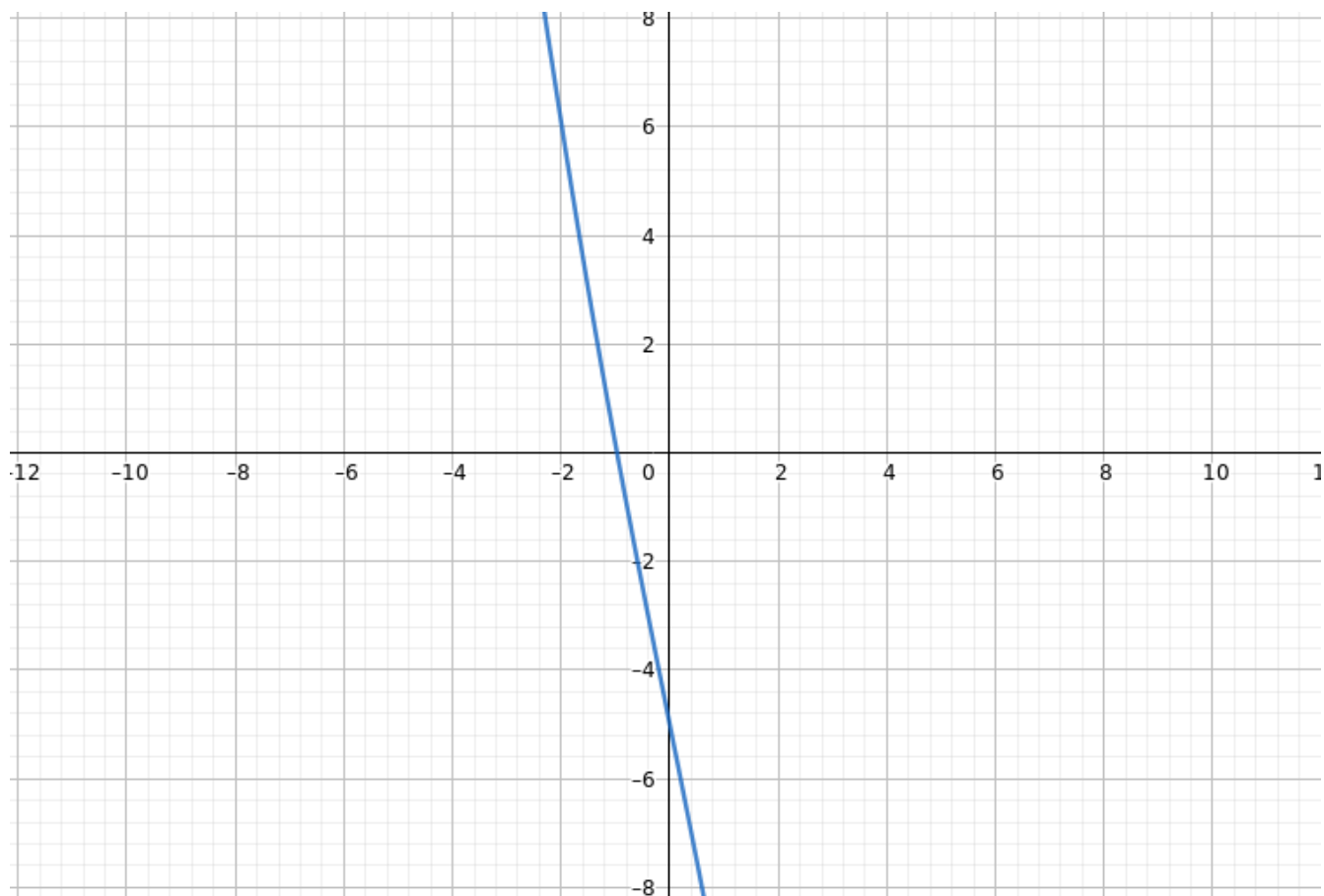
**Por biseccion:**



Por newton rapson

Algoritmo Ejercicio1 parte2 newton
$x \leftarrow -2$
errorAproximado $\leftarrow 1$
errorEspecifico $\leftarrow 0.05$
iterador $\leftarrow 1$
anterior $\leftarrow 0$
actual $\leftarrow 0$
$fx \leftarrow f(x)$
$fprima \leftarrow derivada(x)$
$xi \leftarrow newton(x)$
errorAproximado $\leftarrow ab((...$
Escribir 'iterador   f(xi)   dx...
Escribir iterador, '   ',fx, '   ...
Mientras errorAproxim...
$x \leftarrow xi$
$fx \leftarrow f(x)$
$fprima \leftarrow derivada(x)$
$xi \leftarrow newton(x)$
errorAproximado $\leftarrow ab((...$
Escribir iterador, '   ',fx, '   ...
iterador $\leftarrow iterador+1$
Escribir 'El valor de la raiz e...
Escribir 'Con el error de: ',er...
FinAlgoritmo

iii) Imagen de la grafica



iv) Determinar valores iniciales

Para la biseccion

$x_1 = -2$

$x_2 = -0.9$

Para newton

$x = -2$

v) Tabla de iteraciones

Por biseccion:

1	-2	-0.9	-1.45	6.0907025732	-0.3833269096	2.707287009	0	>	1
1	-1.175	-0.9	-1.175	2.707287009	-0.3833269096	1.1273101613	3.0519521548	>	1
2	-1.0375	-0.9	-1.0375	1.1273101613	-0.3833269096	0.3638640171	0.4101876038	>	13.2530120482
3	-1.0375	-0.96875	-0.96875	0.3638640171	-0.3833269096	-0.0116784447	-0.0042493658	<	7.0967741935
4	-1.003125	-0.96875	-1.003125	0.3638640171	-0.0116784447	0.175594682	0.0638925864	>	3.4267912773
5	-0.9859375	-0.96875	-0.9859375	0.175594682	-0.0116784447	0.0818349667	0.0143697849	>	1.7432646593
6	-0.97734375	-0.96875	-0.97734375	0.0818349667	-0.0116784447	0.0350476488	0.0028681232	>	0.8792965627
7	-0.973046875	-0.96875	-0.973046875	0.0350476488	-0.0116784447	0.0116769712	0.0004092504	>	0.441589723
8	-0.973046875	-0.9708984375	-0.9708984375	0.0116769712	-0.0116784447	-0.0000026416	-0.0000000308	<	0.221283444
9	-0.9719726562	-0.9708984375	-0.9719726562	0.0116769712	-0.0000026416	0.0058366882	0.0000681548	>	0.1105194414
10	-0.9714355469	-0.9708984375	-0.9714355469	0.0058366882	-0.0000026416	0.0029169042	0.0000170251	>	0.0552902739
11	-0.9711669922	-0.9708984375	-0.9711669922	0.0029169042	-0.0000026416	0.0014571015	0.0000042502	>	0.0276527816

Por newton:

iterador	f(xi)	dx(xi)	xi+1	Ea
1	6.0907025732	-6.4161468365	-1.0507226957	90.3451793931
1	0.4365535825	-5.503055965	-0.9713933948	8.1665472848
2	0.0026877709	-5.4358504087	-0.9708989421	0.050927308
3	0.0000001009	-5.4354422216	-0.9708989235	0.0000019124

vi)

**Respuestas:**

Por la biseccion

Resultado=-0.9711669922

Error aproximado= 0.027652781

Por newton rapson

La raiz es: -0.971166992188

EA: 0.0276527816184396

## Ejercicio2

$$f(x) = -x^4 - 9x^3 - 5x^2 - 26x + 24$$

### i)Algoritmo

#### Por Ferrari:

```
from sympy import *

print "Raices de -9X^4+25X^3-5x^2-26x+24"

a=-25/9
b=5/9
c=26/9
d=-24/9

P=(8*b-3*(pow(a,2)))/8
Q=(8*c-4*a*b+pow(a,3))/8
R=(256*d-64*a*c+16*pow(a,2)*b-3*pow(a,4))/256
print "2-variables para formar la cubica"

a2=-(P/2)
b2=(R)
c2=((4*P*R)-pow(Q,2))/8

print "3- Resolver por tartaglia"

p2=b2-pow(a2,2)/3
q2=c2-((a2*b2)/3)+2*pow(a,3)/27

D=(sqrt((4*pow(p2,3)+27*pow(q2,2))/108))
U=0

if (D>0):
    A=-q2/2+sqrt(pow(q2,2)/4+pow(q2,3)/27)
    B=-q2/2-sqrt(pow(q2,2)/4+pow(q2,3)/27)
    U=pow(A,(1/3))+pow(B,(1/3))
elif (D<0):
    cosfi=((27)^0.5)*q2/((2*p2)*(-p2)^0.5)
    fi=acos(cosfi)
    U=(2*(-p/3)^0.5)*(cos(fi/3))
else:
    U=2*((-q2/2)^(1/3))

V=sqrt(2*U-P)
W=Q/(-2*V)

x1=complex((V/2)-a/4,+sqrt(pow(V,2)-4*(U-W))/2)
x2=complex((V/2)-a/4,-sqrt(pow(V,2)-4*(U-W))/2)
x3=complex(-(V/2)-a/4,+sqrt(pow(V,2)-4*(U-W))/2)
x4=complex(-(V/2)-a/4,-sqrt(pow(V,2)-4*(U-W))/2)

print "Raices "
print x1
print x2
print x3
print x4
```



## Por Bairstow

```
from sympy import *

r0=1.5
s0=1.5
Ear=0
Eas=0
a4=1
a3=-25/9
a2=5/9
a1=26/9
a0=-24/9
iterador=1
errorEspecifico=0.05

b4=float(a4)
b3=float(a3+b4*r0)
b2=float(a2+b3*r0+b4*s0)
b1=float(a1+b2*r0+b3*s0)
b0=float(a0+b1*r0+b2*s0)

c4=float(b4)
c3=0.222222222
c2=float(b2+c3*r0+c4*s0)
c1=float(b1+c2*r0+c3*s0)

print c3

deltaR=(-c3*b0+c2*b1)/(c1*c3-pow(c2,2))
deltaS=(-b1-(c2*deltaR))/c3

r=r0+deltaR
s=s0+deltaS

Ear=Abs(deltaR/r)*100
Eas=Abs(deltaS/s)*100

print iterador," | ",b1," | ",b0," | ",c3," | ",c2," | ",c1," | ",deltaR,"
| ",deltaS," | ",r," | ",s," | ",Ear," | ",Eas

while Ear>errorEspecifico or Eas>errorEspecifico:
    r0=r
    s0=s
    b4=a4
    b3=a3+b4*r0
    b2=a2+b3*r0+b4*s0
    b1=a1+b2*r0+b3*s0
    b0=a0+b1*r0+b2*s0

    c4=b4
    c3=b3+c4*r0
    c2=b2+c3*r0+c4*s0
    c1=b1+c2*r0+c3*s0

    deltaR=(-c3*b0+c2*b1)/(c1*c3-pow(c2,2))
    deltaS=(-b1-(c2*deltaR))/c3

    r=r0+deltaR
```

```

s=s0+deltaS

Ear=Abs(deltaR/r)*100
Eas=Abs(deltaS/s)*100
print iterador," | ",b1," | ",b0," | ",c3," | ",c2," | ",c1," |
",deltaR," | ",deltaS," | ",r," | ",s," | ",Ear," | ",Eas

x1=(r+sqrt(pow(r,2)+4*s))/2
x2=(r-sqrt(pow(r,2)+4*s))/2

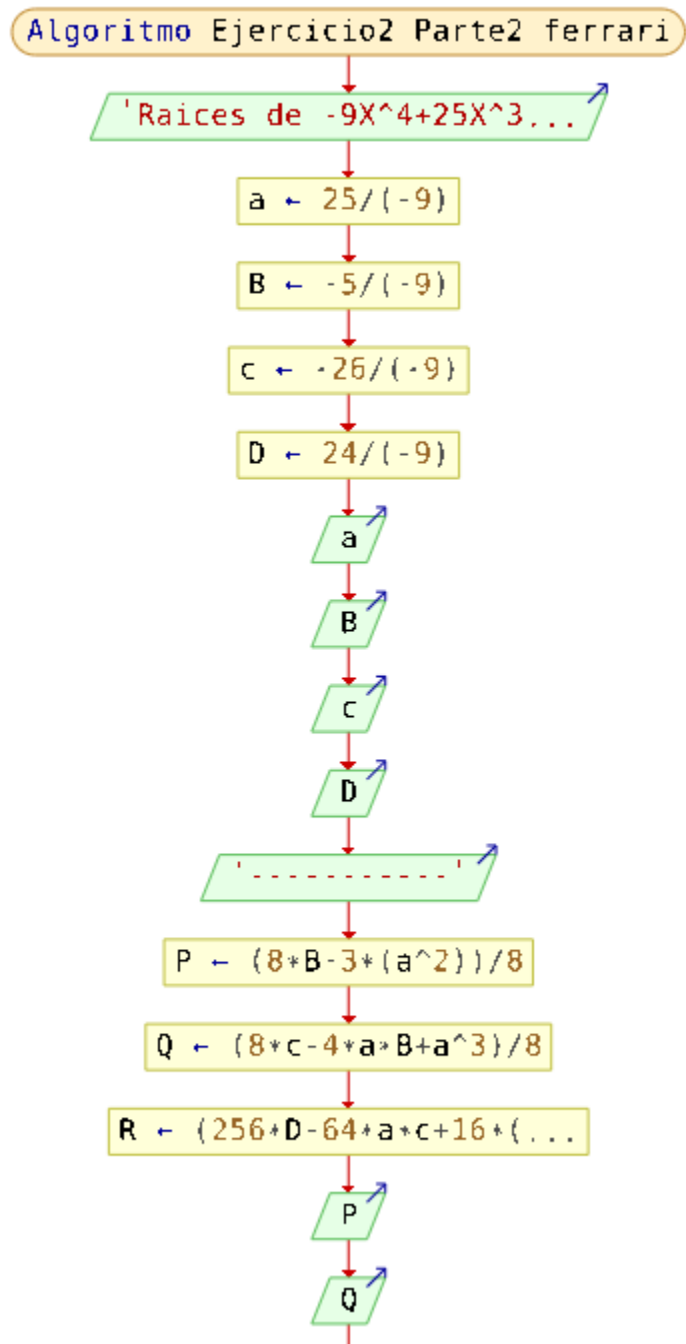
b4=a4
b3=a3+b4*x1
b2=a2+b3*x1
b1=a1+b2*x1
b0=a0+b1*x1

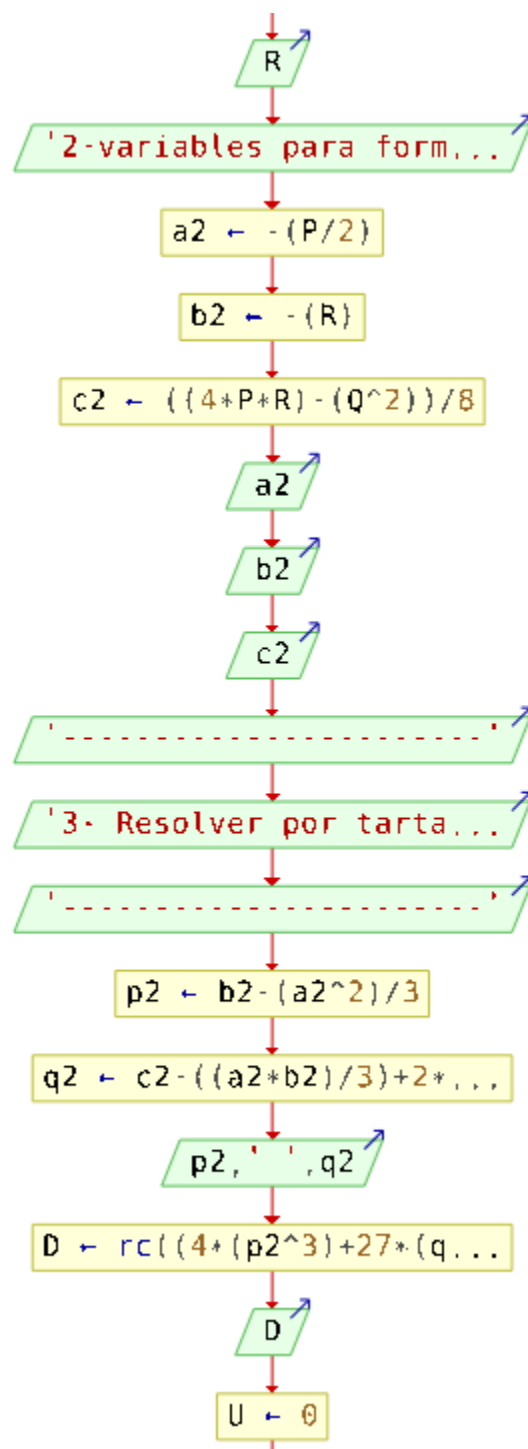
c4=b4
c3=b3+c4*x2
c2=b2+c3*x2
c1=b1+c2*x2
d=(-1)*(pow(c3,2)-4*c4*c2)
x3=-c3/2
x4=-c3/2
print "Raices"
print x1
print x2
print x3,"+",d,"i/2"
print x4,"-",d,"i/2"

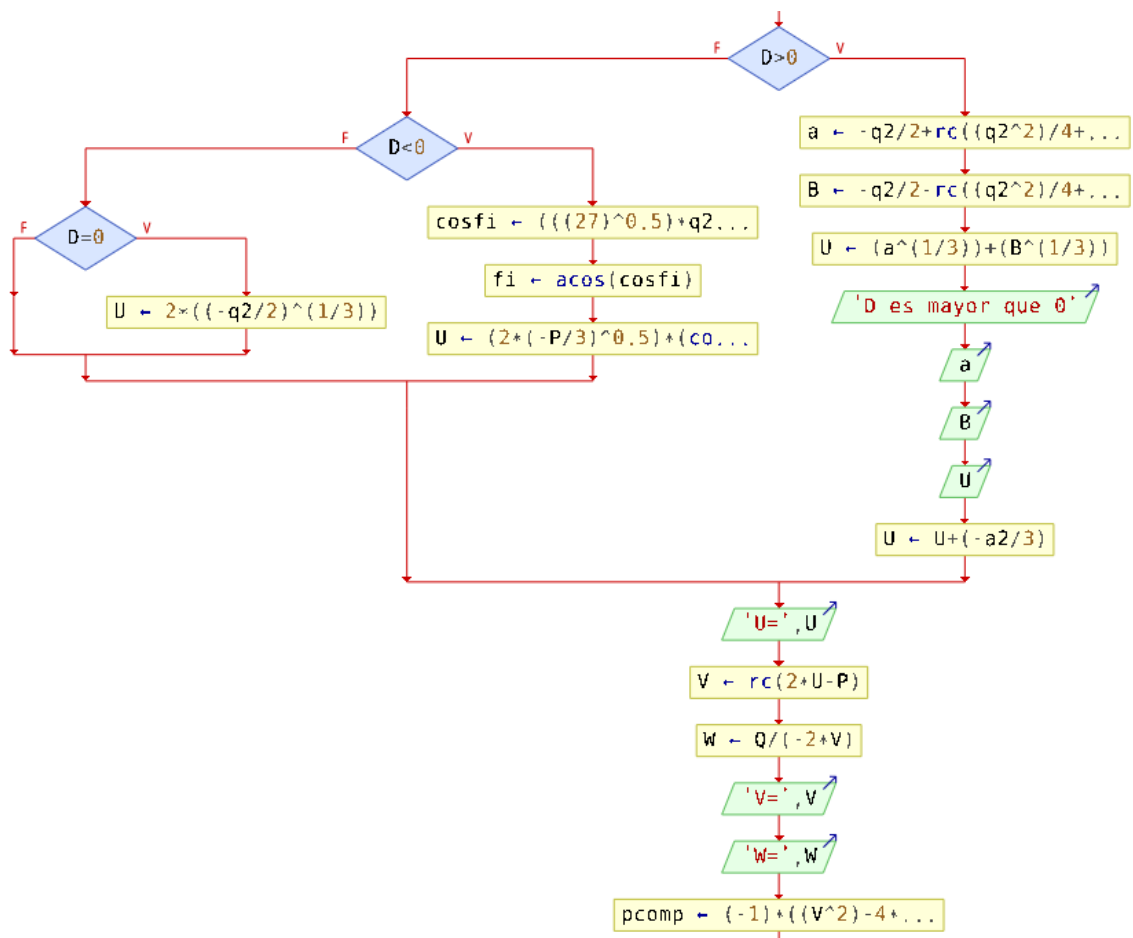
```

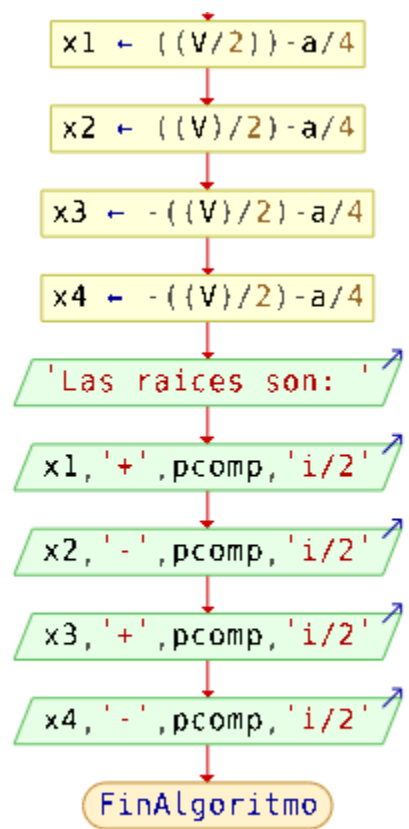
ii)Flujogramas

Por Ferrari

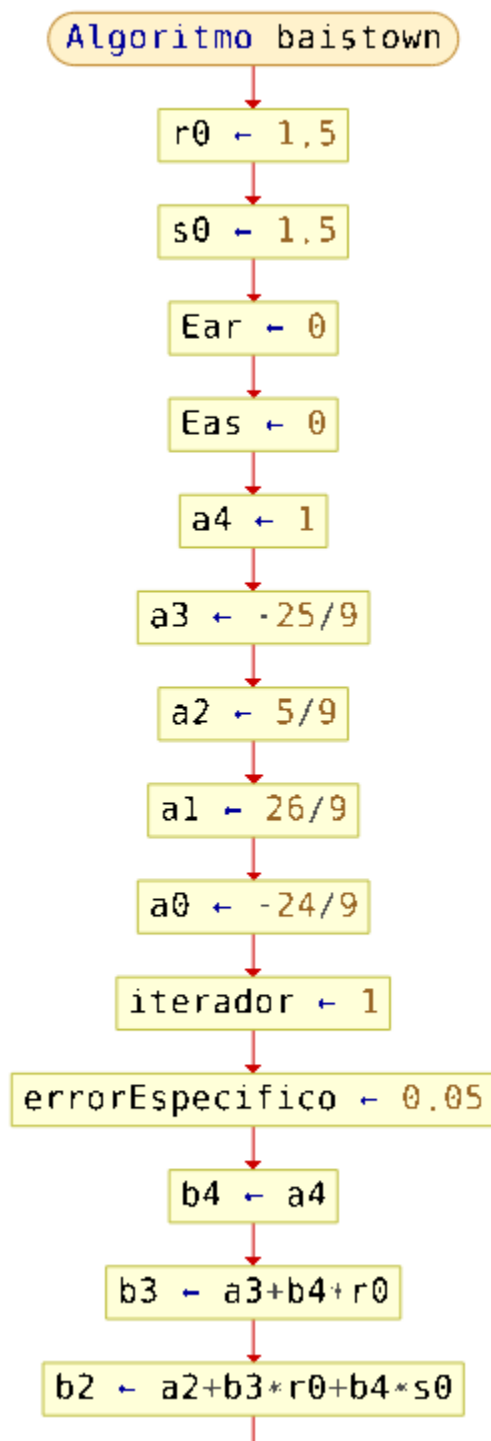


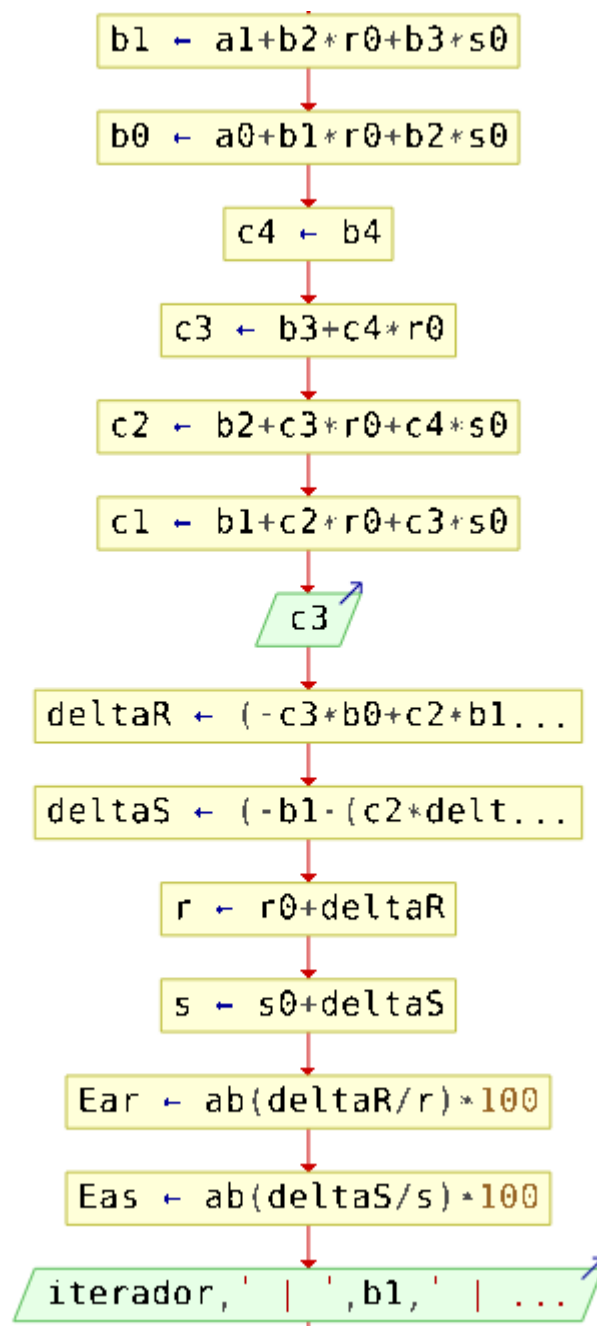




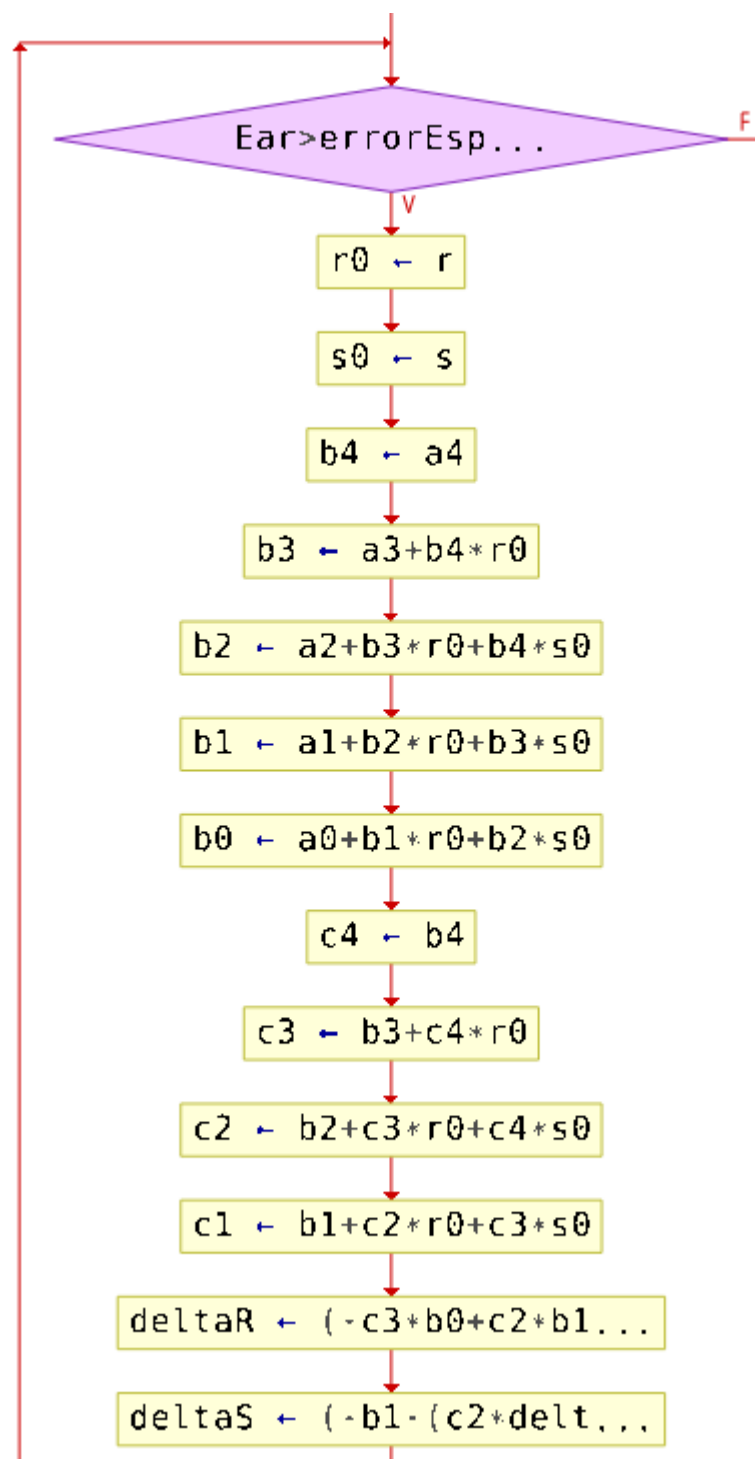


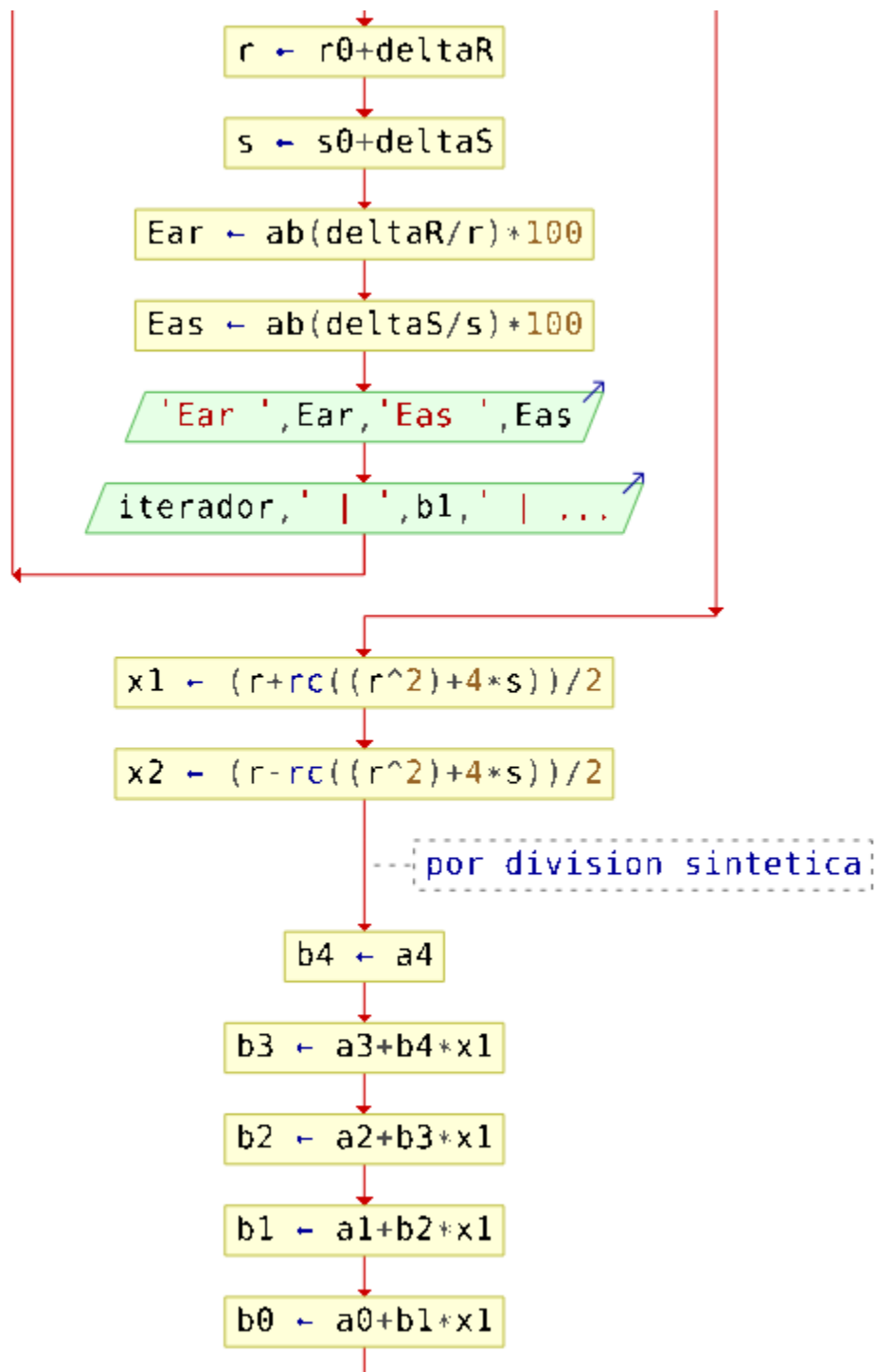
Por Bairstow:

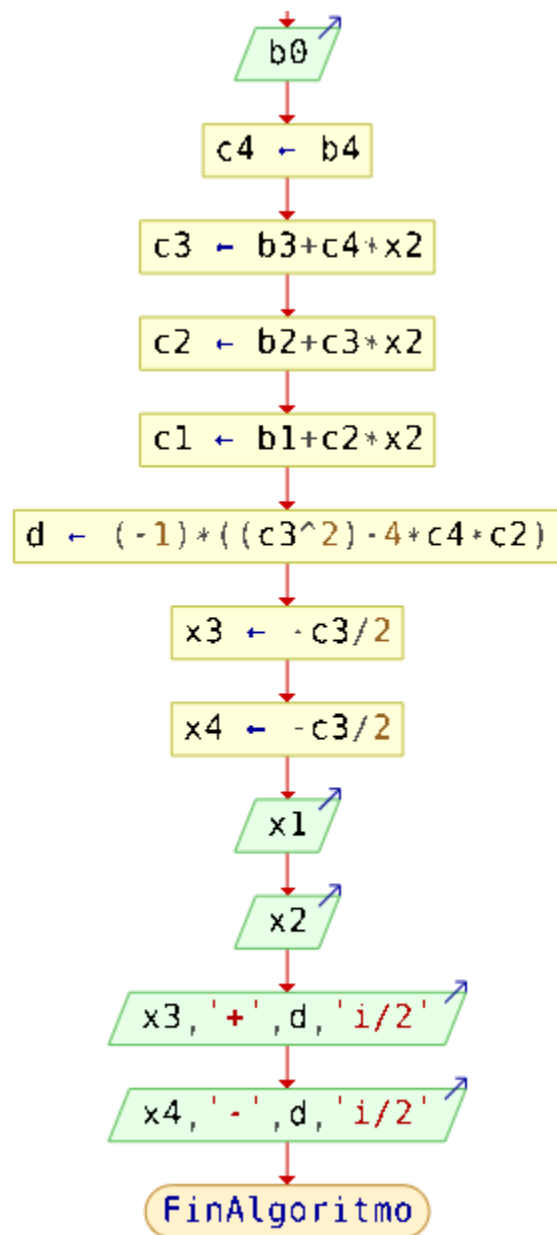




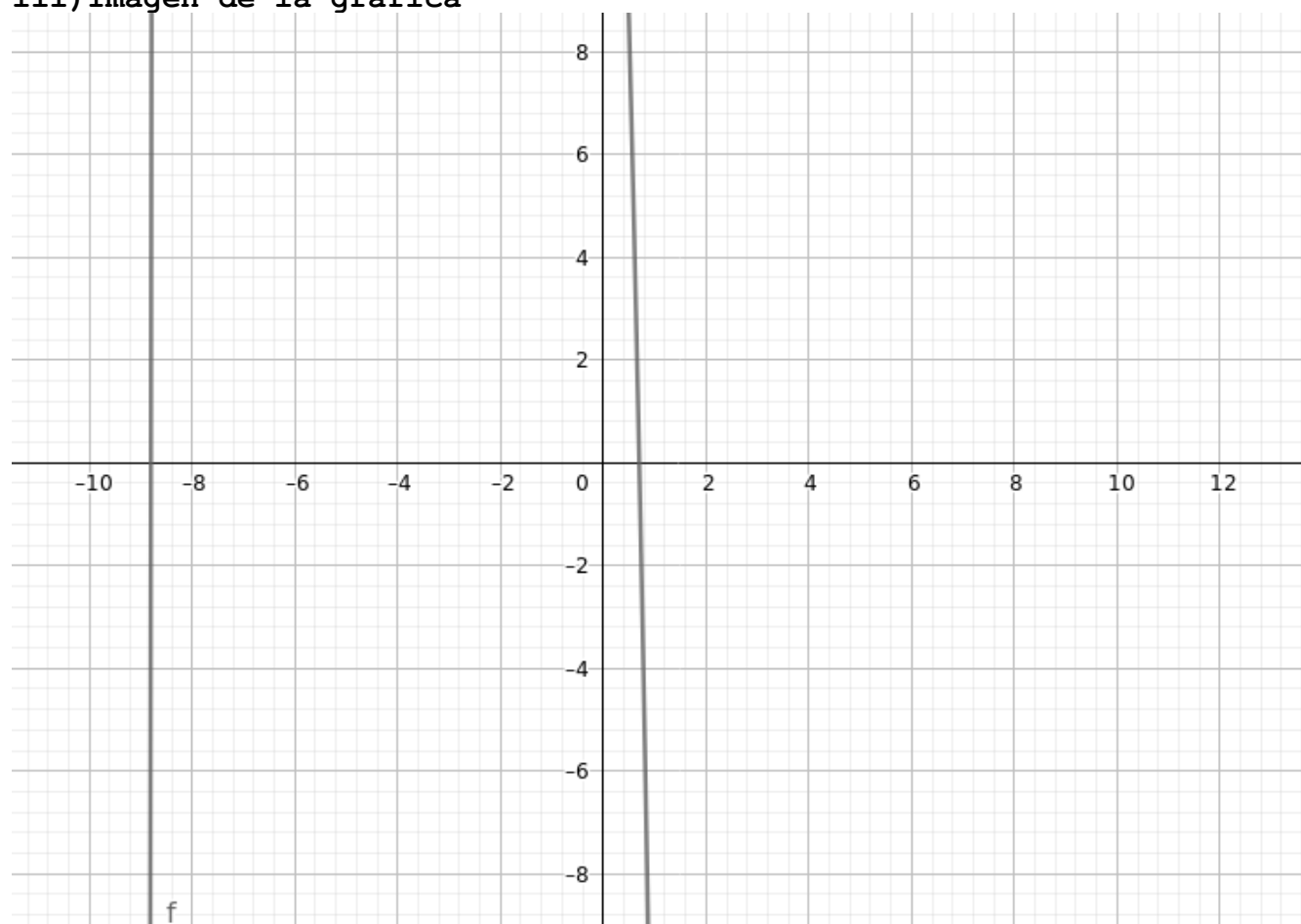








iii) Imagen de la grafica



#### iv)Tabla de iteraciones

##### Por bairstow

1		1.1805555556		-0.6875		0.2222222222		1.9722222222		4.4722222222		-0.8567812417		2.2914335199		0.6432187583		3.7914335199		133.2021541011
		60.4371277474																		
1		-3.2912167072		6.4920868505		-1.4913402611		5.8061761622		-5.2108927411		0.3634272781		-0.7919680968		1.0066460364		2.999465423		36.10278
73705		26.403641488																		
2		-0.6396637354		2.0048257292		-0.7644857049		4.0020171494		1.0959025275		0.0609521833		-0.5176448035		1.0675982197		2.4818206195		5.709281
0928		20.8574624391																		
3		-0.0619770478		0.2741195727		-0.6425813383		3.0073934501		1.5539392306		0.0010201433		-0.0916756713		1.068618363		2.3901449482		0.0954637
615		3.8355695278																		
4		-0.0001866013		0.0083308317		-0.6405410517		2.8249123858		1.4875806893		-0.0005383538		-0.0026655648		1.0680800092		2.3874793834		0.05040
3886		0.1116476567																		
5		0.0000029939		0.0000099753		-0.6416177594		2.8191212116		1.479200831		-0.0000016681		-0.0000026632		1.0680783411		2.3874767202		0.0001561
813		0.0001115475																		

#### v)Determinar valores iniciales

##### Para bairtow

r0=1.5

s0=1.5

#### vi)Respuesta

x1=2.1688708303

x2=-1.1007924893

x3=0.8548497184+1.5446851869i/2

x4=0.8548497184-1.5446851869i/2

## Ejercicio3

$$f(x) = \cos(x) - \sin(x) + 0.9$$

### i) Algoritmo

#### Por punto fijo:

```
from sympy import *
def g(x):
    return acos(sin(x)-0.9)

def dx(x):
    return -cos(x)/sqrt(1.8*sin(x)-(pow(sin(x),2))+0.19)

print "Para f(X)=-sen(x)+cos(x)+0.9"
print "G(x)=(cos(sen(x)+0.9))^1"
print "1. Determinar valor inicial"
print "2. Determinar rango"

op=int(input("Ingrese la opcion"))
errorEspecifico=0.05
errorAproximado=1
gx=0

if op==1:
    r=float(input("Ingrese el valor inicial"))
    if dx(r) >1 :
        print "No hay convergencia"
        pass
elif op==2 :
    val1=float(input("Ingrese el primer valor"))
    val2=float(input("Ingrese el segundo valor"))
    if g(val1)>val1 and g(val2)<val2:
        print "valores: ",val1," y ",val2
        r=float(input("Ingrese el valor entre val1 y val2"))
        if (r>=val1 and r<=val2):
            r=r
        else:
            print "No existe ese valor en el rango"
    else:
        print "No hay convergencia"
else:
    print "Ha ingresado valores incorrectos"
    errorAproximado=0
    pass

if (dx(r))<1:
    iterador=1

    entrada=r

    while errorAproximado>errorEspecifico:
        salida=g(entrada)

        print iterador," | ",entrada," | ",salida," | ",errorAproximado

        errorAproximado=Abs((salida-entrada)/salida)*100
        entrada=salida
        iterador=iterador+1
```

```

print "La raiz es: ",salida
print "Con error: ",errorAproximado

```

### Por el metodo de la secante:

```

from sympy import *

def f(x):
    return cos(x)-sin(x)+0.9

def secante(x1,x2):
    return x2-(f(x2)*(x1-x2)/(f(x1)-f(x2)))

def solucion(x1,x2):
    errorEspecifico=0.05
    errorAproximado=1

    if f(x1)*f(x2)<0:
        print "Existe raiz para f(X)=-sen(x)+cos(x)+0.9"
        itertador=1
        sec=0
        anterior=0
        actual=0
        sec=secante(x1,x2)
        print itertador," | ",x1," | ",x2," | ",f(x1)," | ",f(x2),"
| ",sec," | -----"

        x1=x2
        x2=sec

        while errorAproximado>errorEspecifico:
            anterior=sec
            sec=secante(x1,x2)
            actual=sec
            x1=x2
            x2=sec
            errorAproximado=Abs((actual-anterior)/actual)*100
            print itertador," | ",x1," | ",x2," | ",f(x1)," | 
",f(x2)," | ",sec," | ",errorAproximado
            itertador=itertador+1

        print "La raiz es: ",sec
        print "Con error ",errorAproximado
    else:
        print "No existe raiz en el rango ingresado"

print "Ingresa dos numeros"

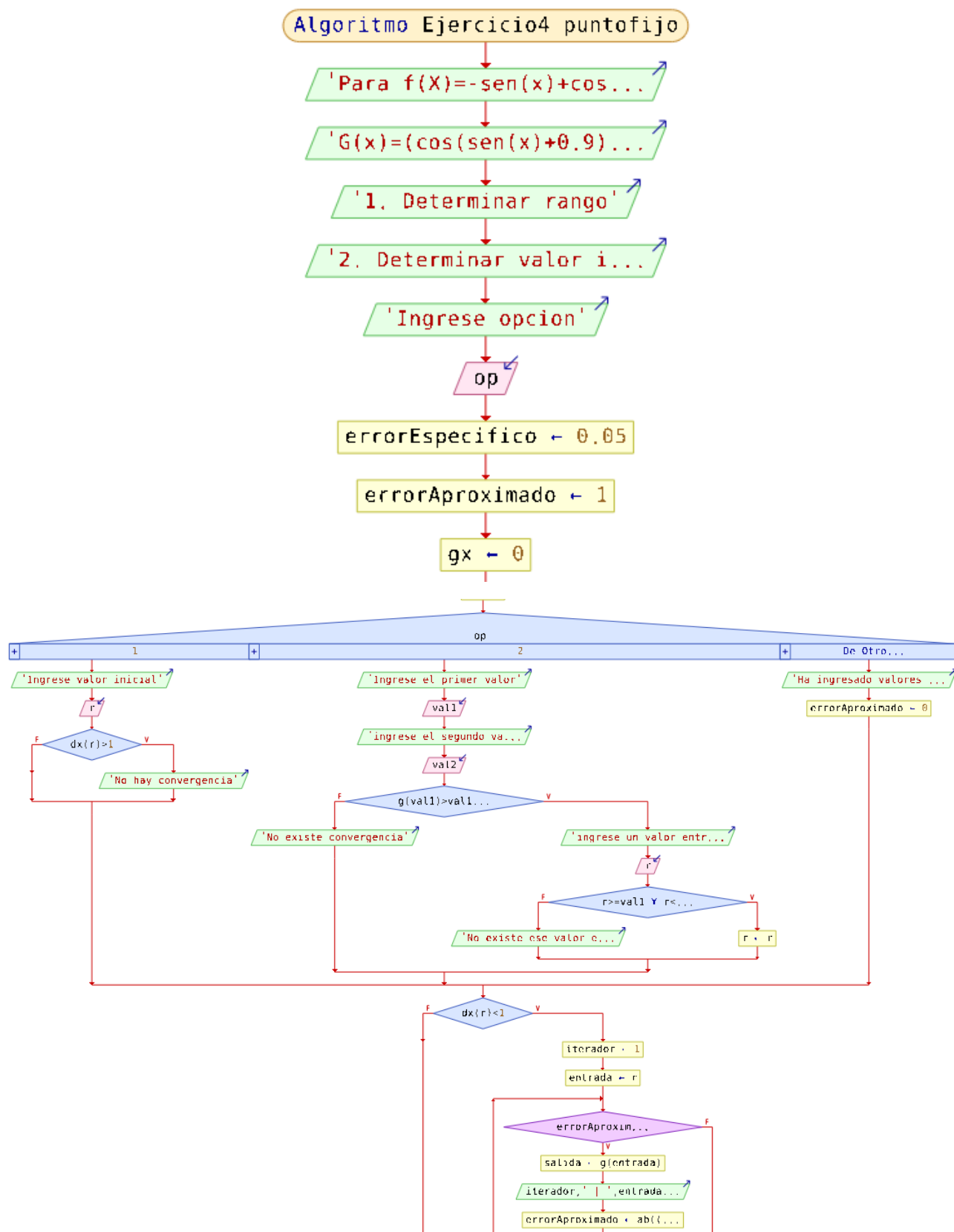
x1=float(input("valor 1\n"))
x2=float(input("valor 2\n"))

solucion(x1,x2)

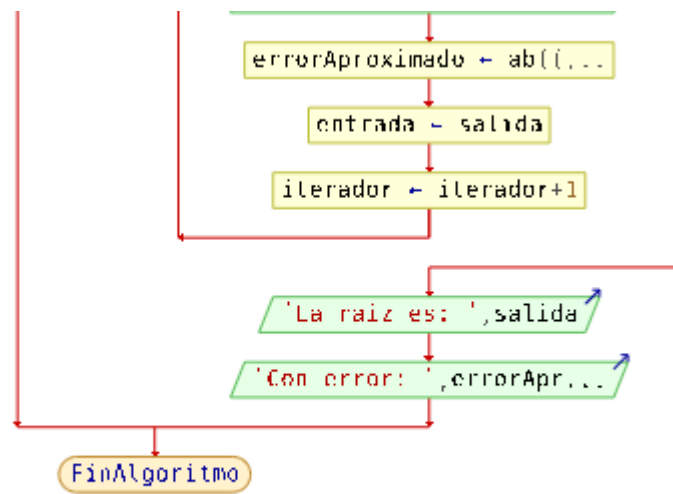
```

## ii)Flujogramas

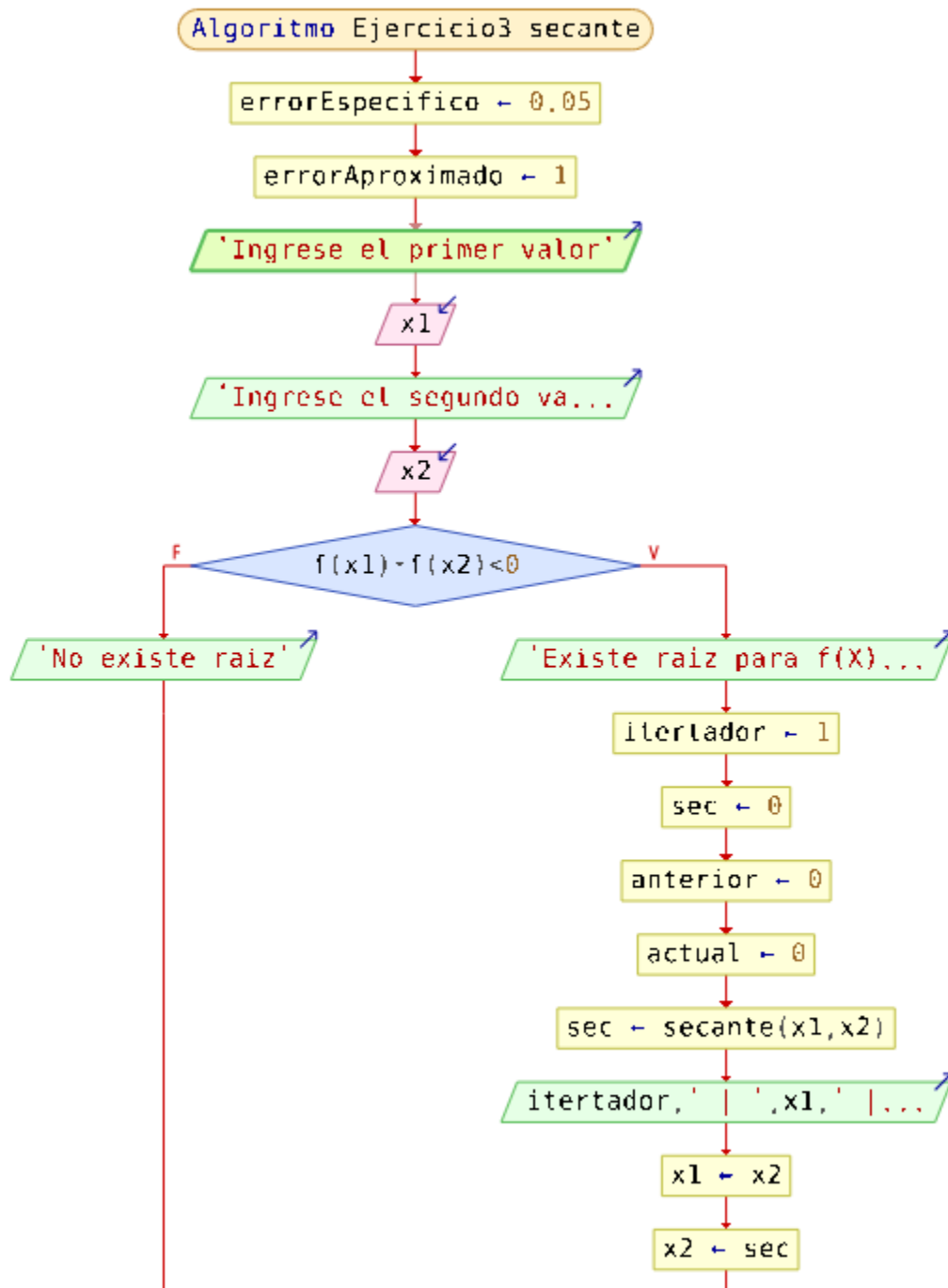
Por punto fijo:

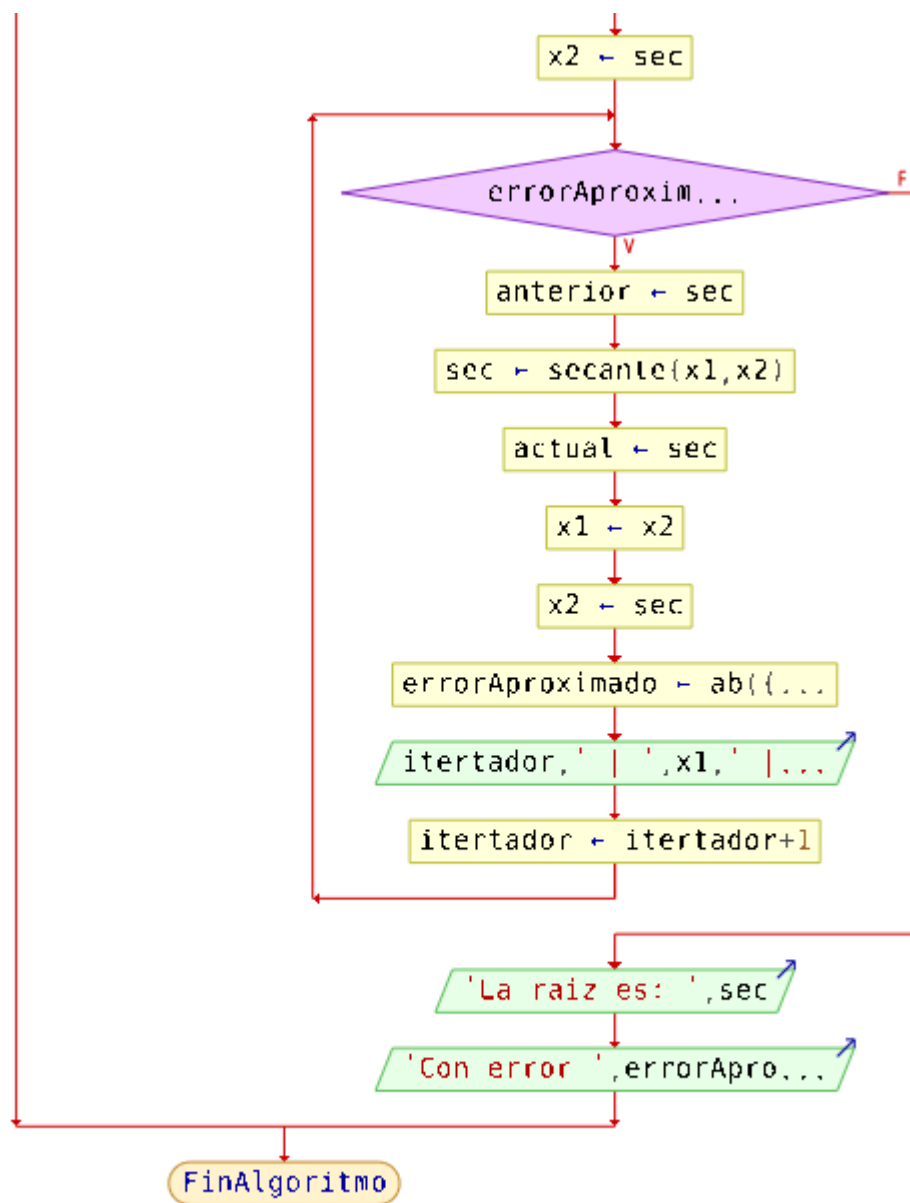




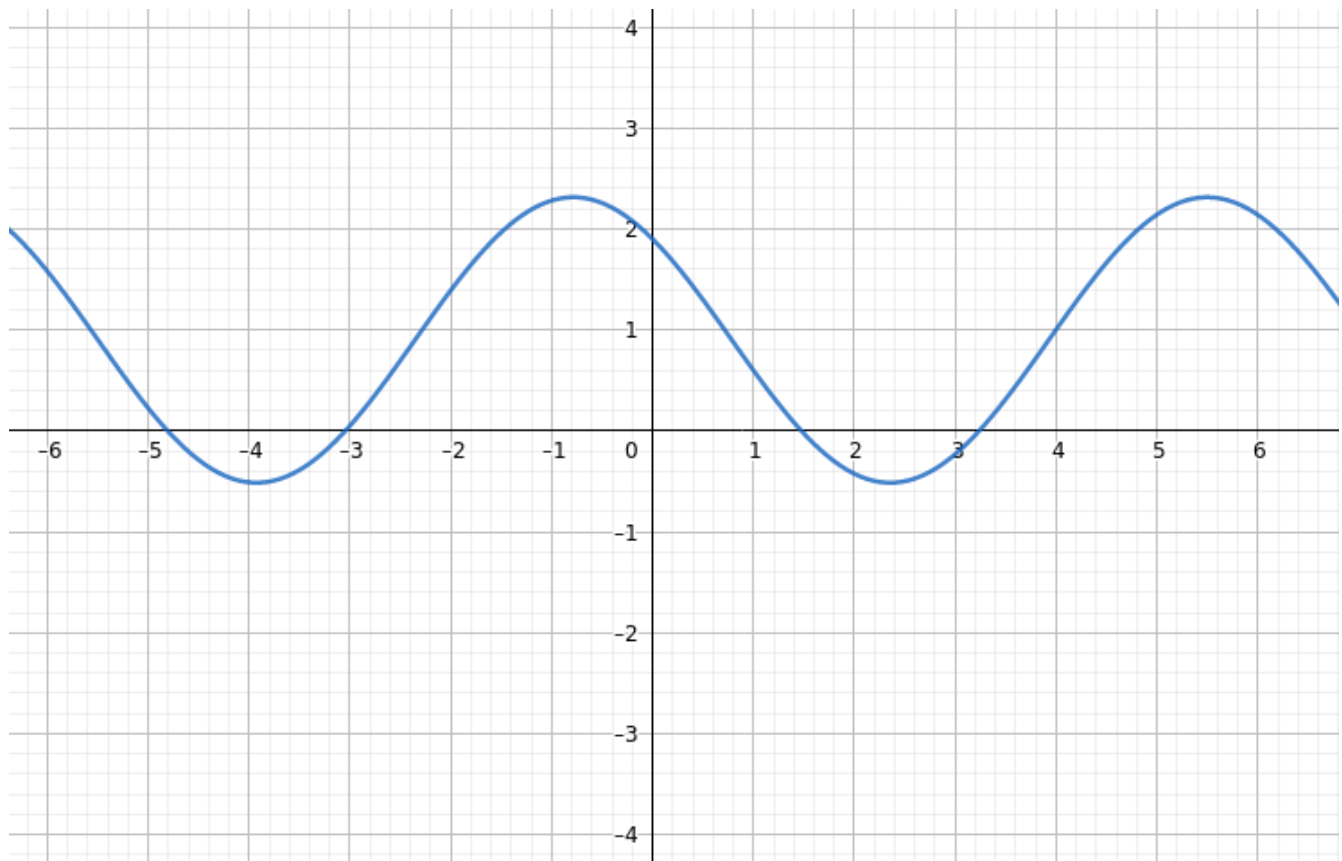


Por el metodo de la secante:





iii) Imagen de la grafica



iv) Determinar los valores iniciales

Sugerir 1.4 o valores entre 1 y 2 para el metodo de punto fijo  
Sugieron valores entre 1 y 2 para el metodo de la secante

v) Tabla de iteraciones

Por punto fijo

1	1.4	1.4852422662	1
2	1.4852422662	1.4743041779	5.7392836273
3	1.4743041779	1.4753030159	0.7419153024
4	1.4753030159	1.4752068433	0.0677039224

Por el metodo de la secante:

1	1	2	0.5988313211	-0.4254442634	1.5846388708	-----
1	1.5846388708	1.4330633247	-0.1137462954	0.0467681451	1.4330633247	10.5770305837
2	1.4330633247	1.4772269968	0.0467681451	-0.0021927302	1.4772269968	2.9896334325
3	1.4772269968	1.4752491111	-0.0021927302	-0.0000369337	1.4752491111	0.1340713045
4	1.4752491111	1.4752152254	-0.0000369337	0.0000000307	1.4752152254	0.0022970014

vi) Respuesta:

Por punto fijo:

La raiz es: 1.4752068433  
Con error: 0.0065192624

Por secante:

La raiz es: 1.4752152254  
Con error 0.0022970014

## Ejercicio4

$$f(x) = -x^3 + 2x^2 + x - 1$$

### i)Algoritmo

#### Por tartaglia

```
from sympy import *
from math import *
def solucion():

    print "Solucion para -x^3+2x^2+x-1=0, pero dividimos toda la ecuacion
por -1"
    print "ecuacion a resolver -x^3+2x^2+x-1=0"

    errorAproximado=1
    errorEspecifico=0.05
    a=-2
    b=-1
    c=1
    k=-a/3
    p=b-pow(a,2)/3

    q=c-(a*b)/3+(2*(pow(a,3)/27))

    D=(4*pow(p,3)+27*pow(q,2))/108

    if D>0:
        A=-q/2+sqrt(pow(q,2)/4+pow(q,3)/27)
        B=-q/2-sqrt(pow(q,2)/4+pow(q,3)/27)
        x1=pow(A,(1/3))+pow(B,(1/3))
        x2=-(pow((A),(1/3))+pow((A),(1/3)))/2+pow(3,(1/3))*(pow((A),
(1/3))-pow((A),(1/3)))/2
        x3=-(pow((A),(1/3))+pow((A),(1/3)))/2-pow(3,(1/3))*(pow((A),
(1/3))-pow((A),(1/3)))/2
    elif D<0:
        cosfi=((sqrt(27))*q)/((2*p)*(sqrt(-p)))
        fi=acos(cosfi)

        x1=(2*sqrt(-p/3))*(cos(fi/3))+k
        x2=(2*sqrt(-p/3))*(cos(fi/3+(2*pi/3)))+k
        x3=(2*sqrt(-p/3))*(cos(fi/3+(4*pi/3)))+k

    else:
        x1=2*pow((-q/2),(1/3))+k
        x2=pow((q/2),(1/3))+k
        x3=pow((q/2),(1/3))+k

    print "Las raices son: \n"
    print x1
    print x2
    print x3
solucion()
```

## Por horner

```
from sympy import *

def horner(x0,r0,s0):
    return x0-(r0/s0)

def solucion(x0):

    errorAproximado=1
    errorEspecifico=0.05

    a0=1
    a1=-1
    a2=-2
    a3=1
    r0=0
    r1=0
    r2=0
    r3=0
    s2=0
    s1=0
    s0=0
    iterador=1

    r3=a3
    r2=a2+r3*x0
    r1=a1+r2*x0
    r0=a0+r1*x0

    s2=r3
    s1=r2+s2*x0
    s0=r1+s1*x0
    hor=horner(x0,r0,s0)
    errorAproximado=Abs((x0-hor)/hor)*100

    while errorAproximado>errorEspecifico:
        x0=hor
        r3=a3
        r2=a2+r3*x0
        r1=a1+r2*x0
        r0=a0+r1*x0

        s2=r3
        s1=r2+s2*x0
        s0=r1+s1*x0
        hor=horner(x0,r0,s0)
        errorAproximado=Abs((x0-hor)/hor)*100

        print iterador," | ",hor," | ",errorAproximado
        iterador=iterador+1

    print "La raiz es: ",hor
    print "Con error aproximado: ",errorAproximado

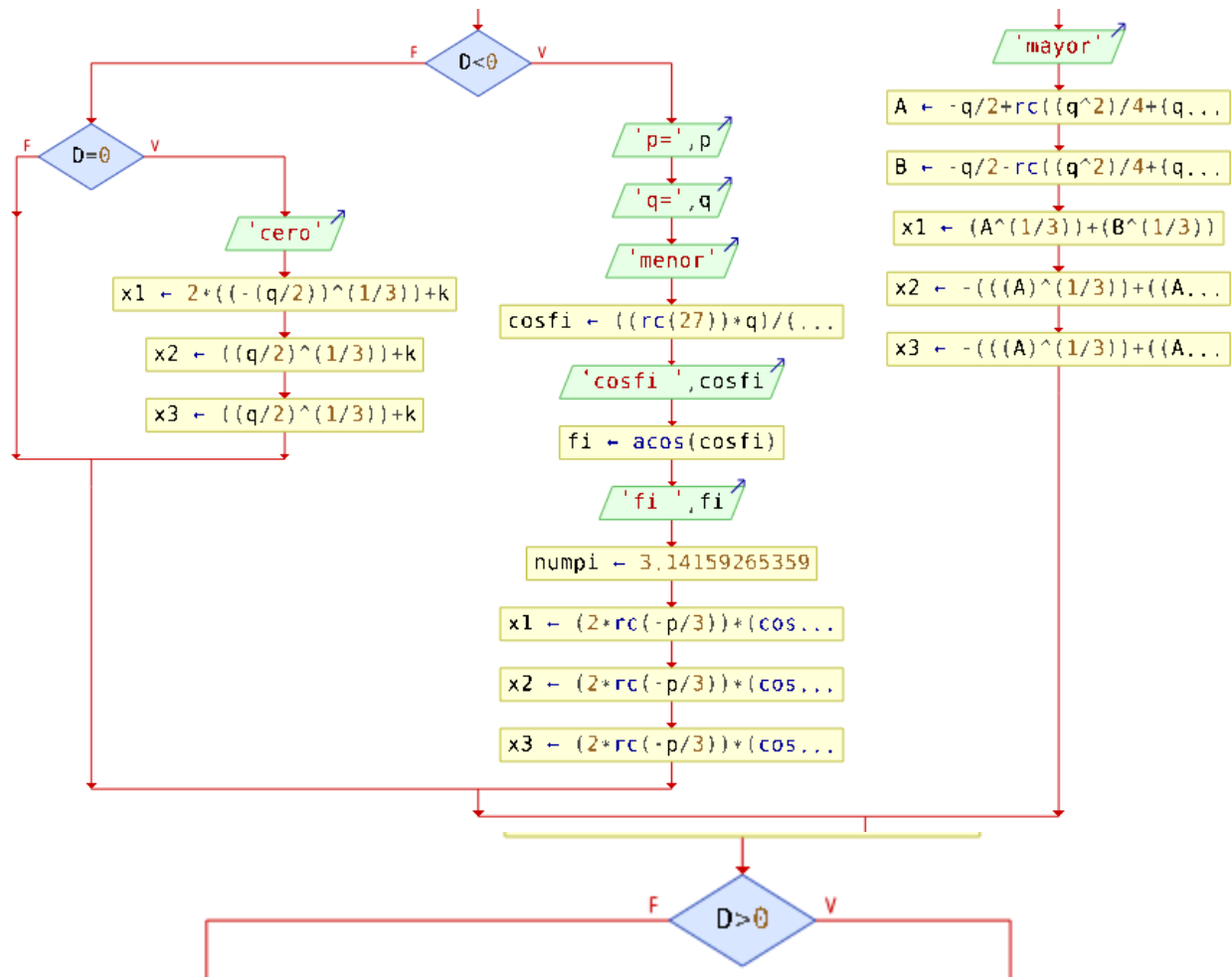
print "Solucion para -x^3+2x^2+x-1"

x0=float(input("Ingrese el valor inicial"))
```

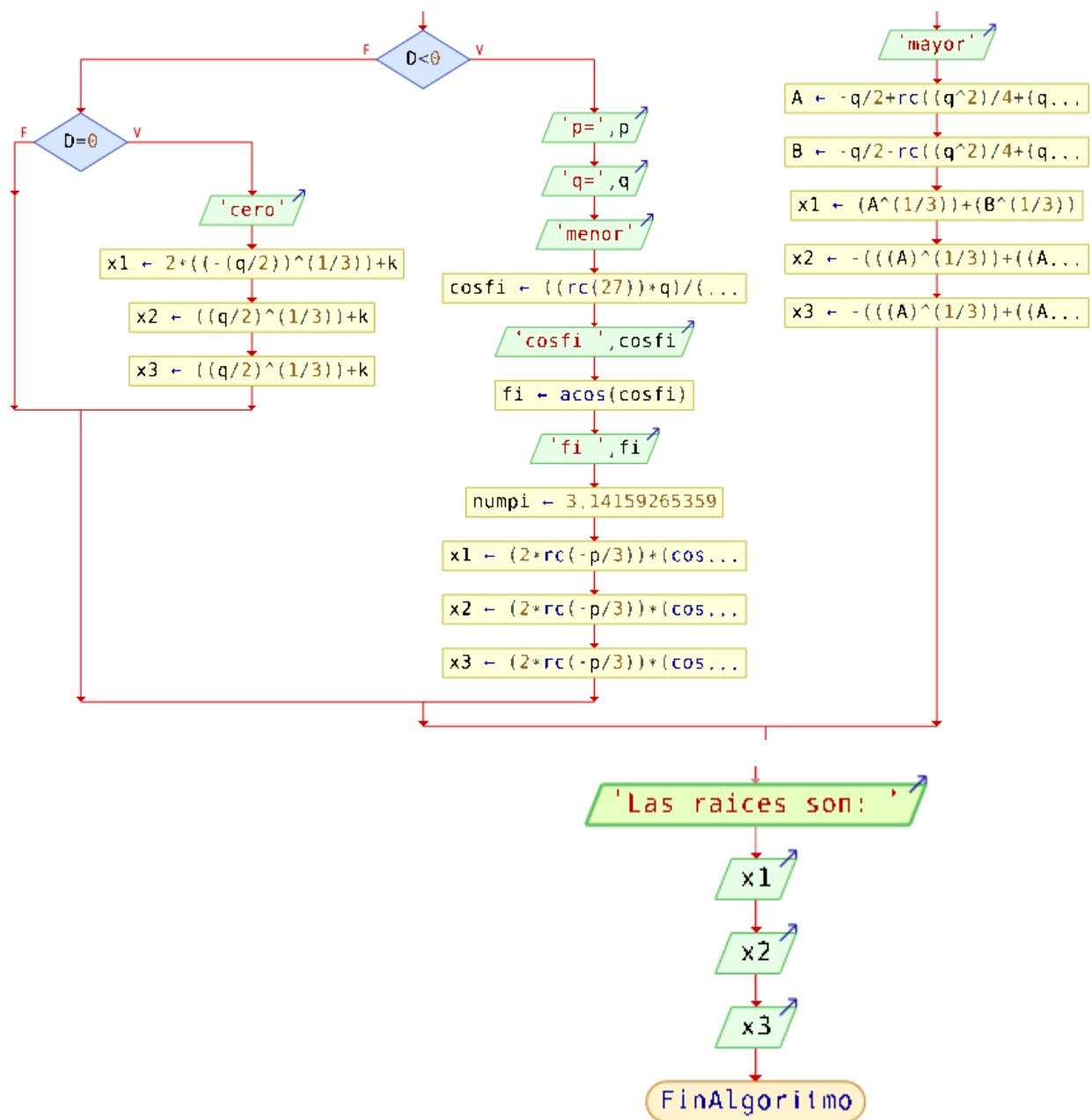
solucion(x0)

ii)Flujograma

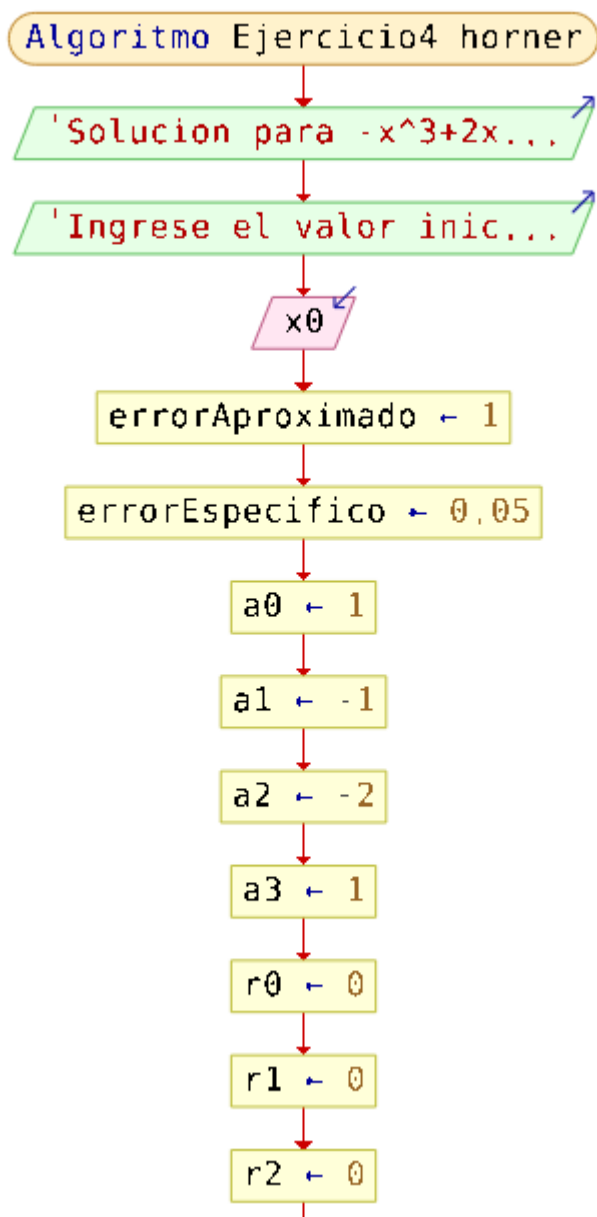
Por Tartaglia:

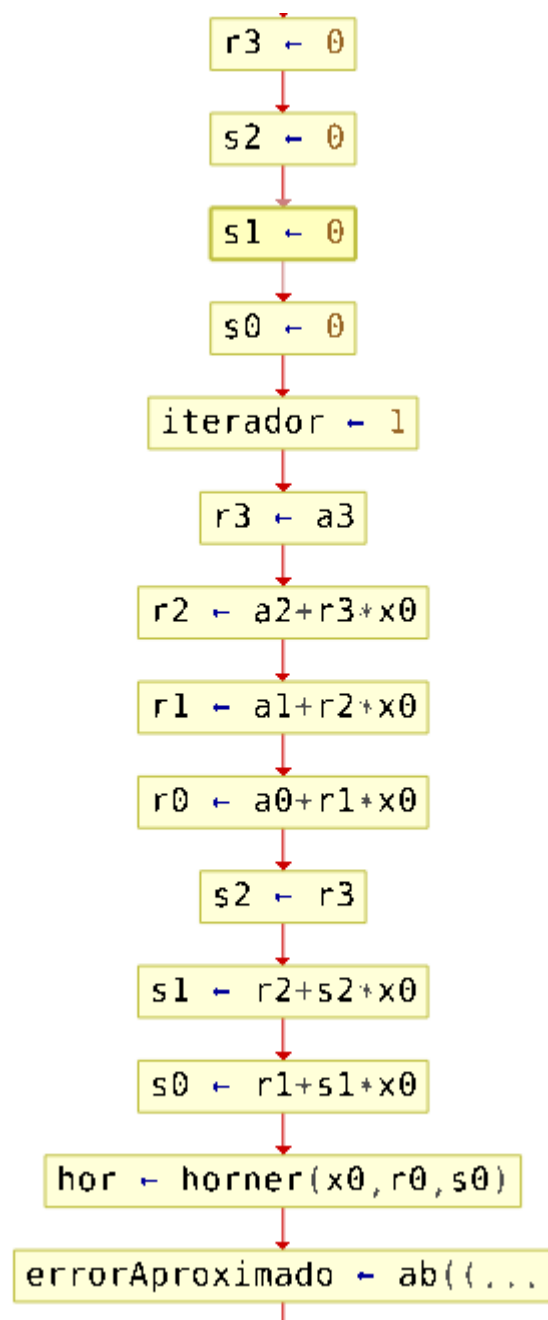


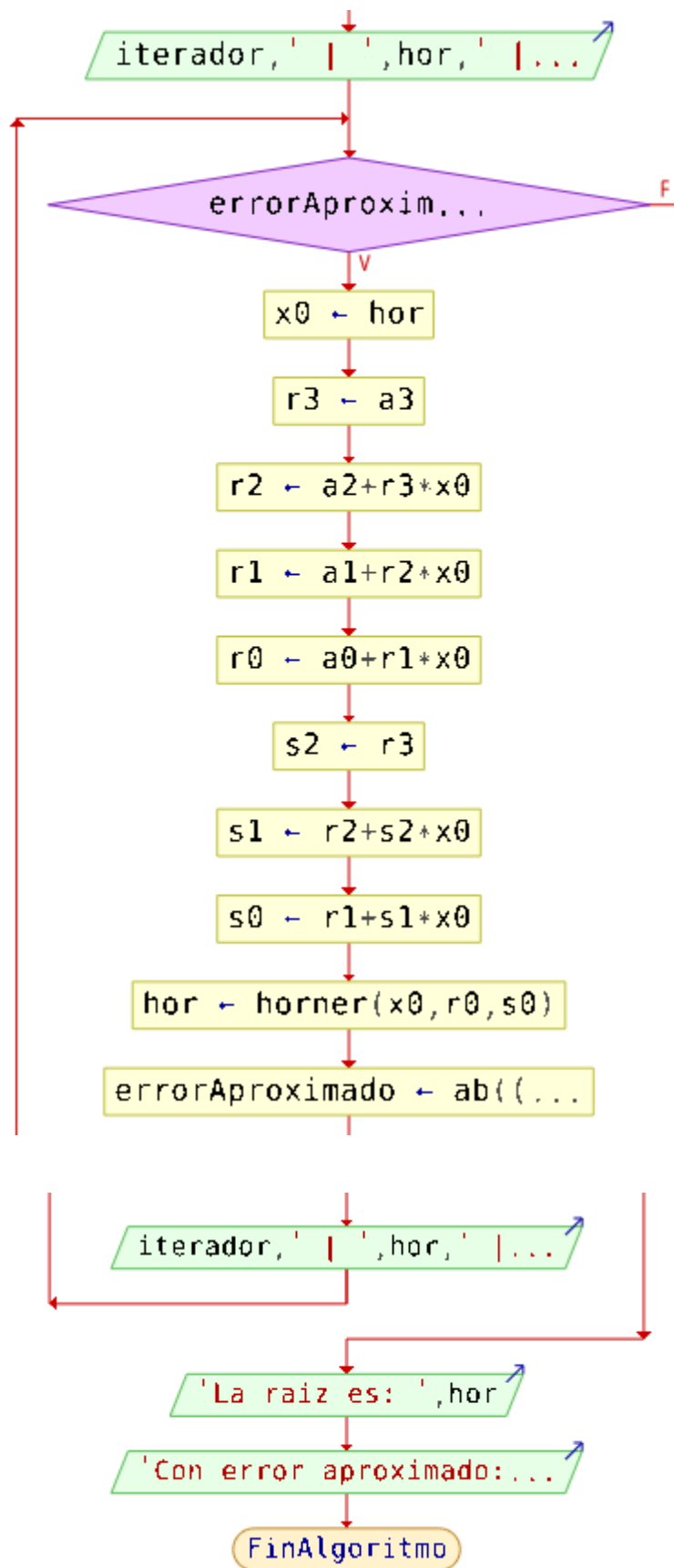




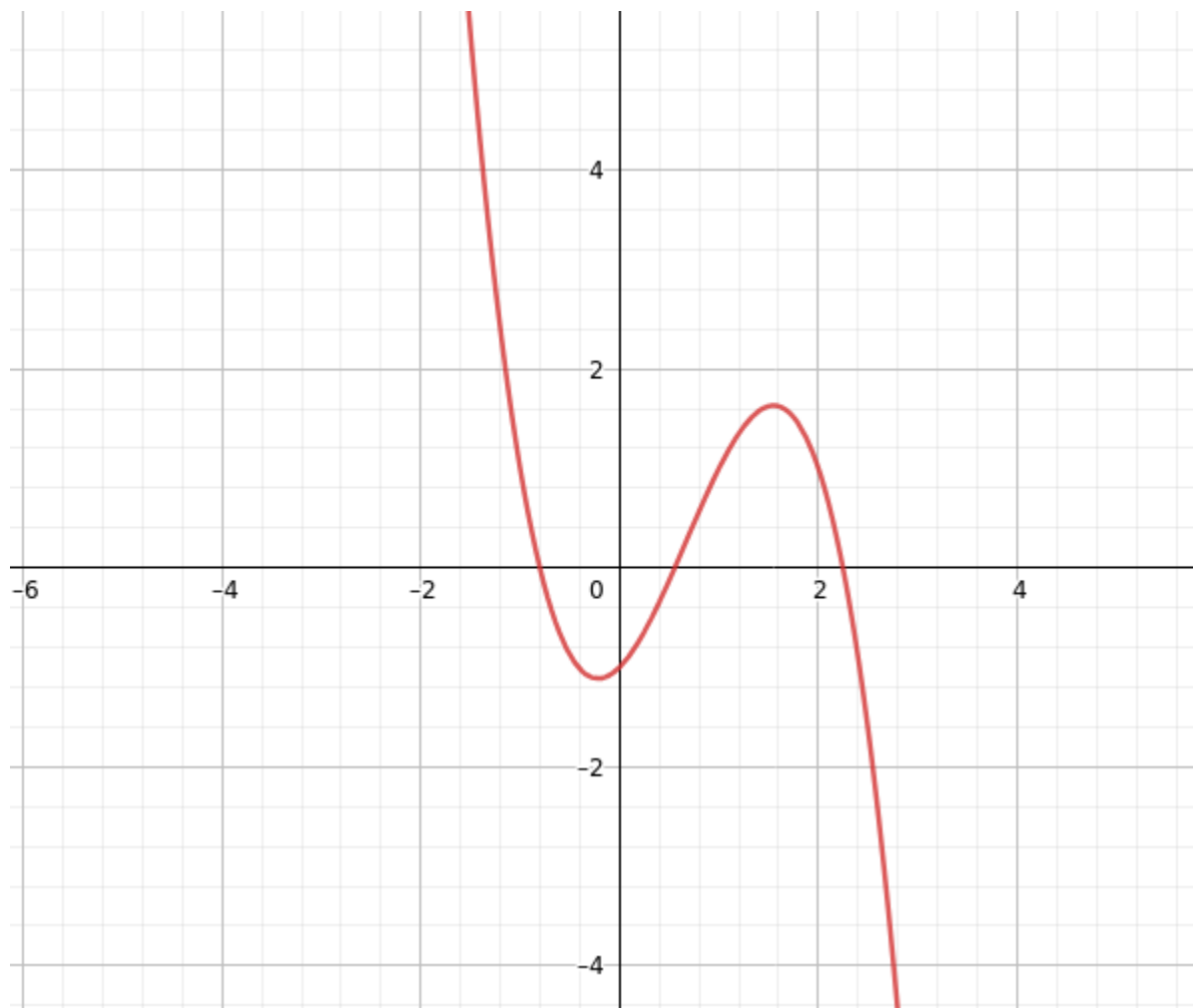
## Por Horner







iii) Imagen de la grafica



iv) Determinar valores iniciales

Se sugiere valor inicial 2 para el metodo de horner

v) Tabla de iteraciones

1		2.3333333333		14.2857142857
1		2.2530864198		3.5616438356
2		2.2470135821		0.270262613
3		2.2469796048		0.0015121345

vi) Respuesta

La raiz es: 2.2469796048

Con error aproximado: 0.001512134

## Ejercicio5

$$\sinh(x)$$

### i) Algoritmo

```
from sympy import *
from math import *
from decimal import Decimal

def truncate(number):
    return trunc(number*100000)/100000;

x=pi/9
iterador=0
aproxActual=0
aproxAnterior=0
errorAprox=1
errorEspec=0.05
errorAprox=1
acumulador=0.0
actual=0
while (errorAprox>errorEspec) :
    aproxAnterior=acumulador

    acumulador=acumulador+(pow(x, (2*iterador+1)))/(factorial(2*iterador+1))
    aproxActual=acumulador

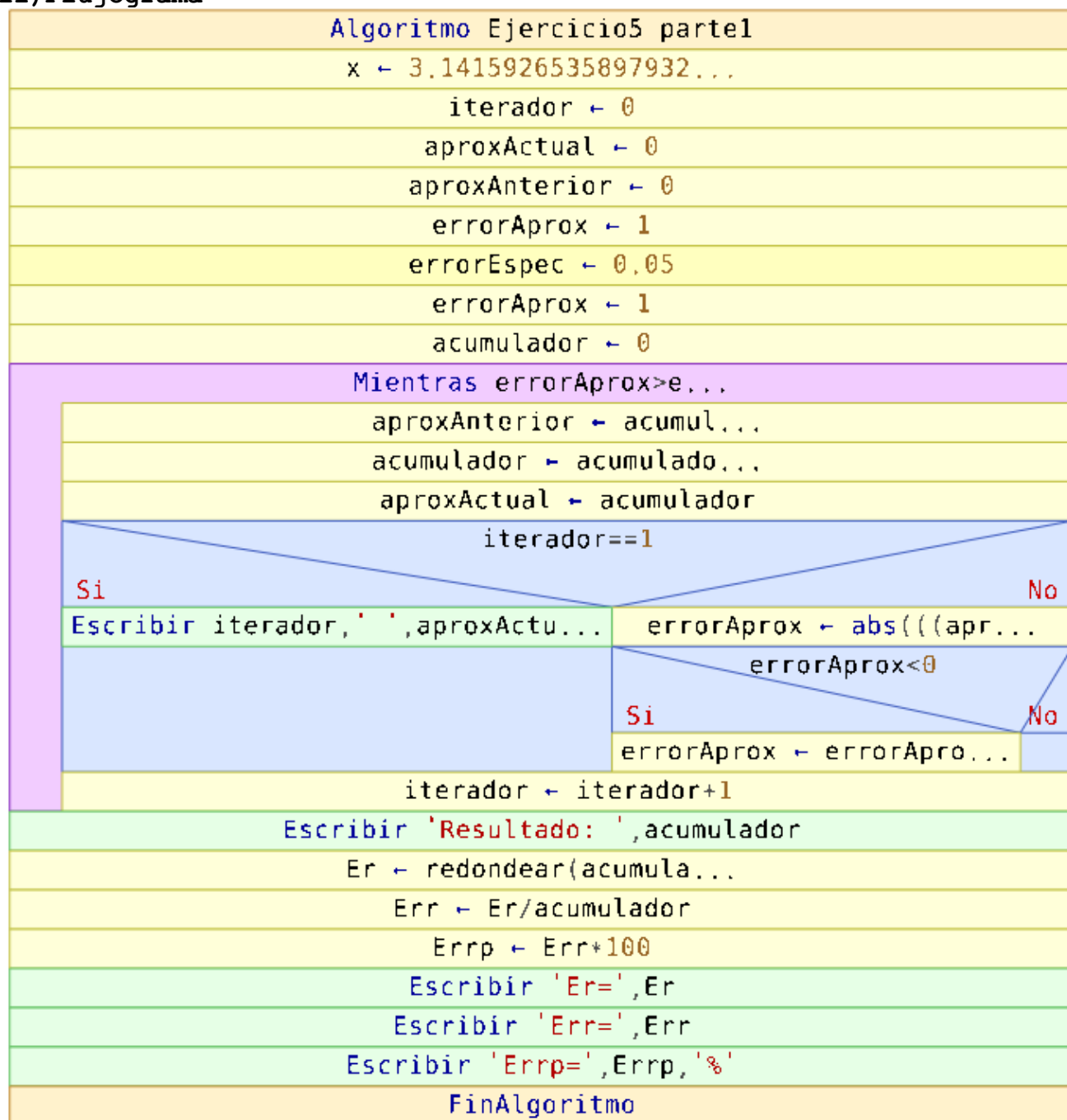
    if iterador==1:
        print(iterador, ' ',aproxActual, ' ','----')
    else:
        errorAprox=Abs(((aproxActual-aproxAnterior)/aproxActual)*100);

    iterador=iterador+1

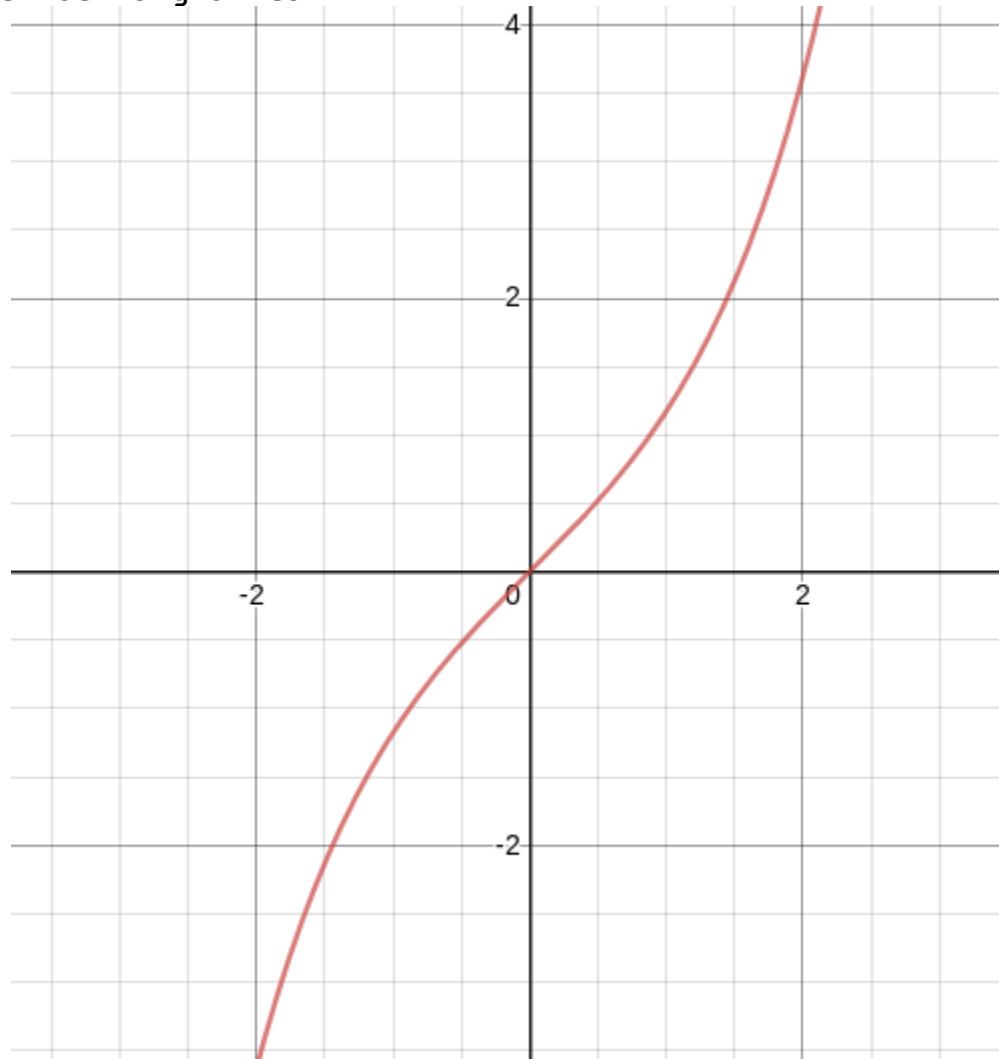
print("Resultado: ",acumulador)
print("Valor al redondear hasta 4 decimales :",round(acumulador,4))
Er=Abs(acumulador-round(acumulador,4))
Err=Er/acumulador
Errp=Err*100
print "Er =",Er
print "Err =",Err
print "Errp =",Errp

print("Valor al truncar hasta 5 decimales :",round(acumulador))
Er=acumulador-truncate(acumulador)
Err=Er/acumulador
Errp=Err*100
print "Er =",Er
print "Err =",Err
print "Errp =",Errp
```

ii)Flujograma



iii) Imagen de la grafica



v) Respuesta

```
('Resultado: ', 0.3561978068964175)
('Valor al redondear hasta 4 decimales :', 0.3562)
Er = 2.19310358251512e-6
Err = 6.15698227236103e-6
Errp = 0.000615698227236103
('Valor al truncar hasta 5 decimales :', 0.0)
Er = 0.356197806896
Err = 1.0
Errp = 100.0
```