1 Титульник

Добрый вечер уважаемая комиссия, меня зовут Артем Катнов, мой научный руководитель Жуков Никита Александрович, тема моей курсовой работы "Численное моделирование динамики частиц дроби в рудоразмольной мельнице методом дискретных элементов".

2 Содержание

В данной презентации я бы хотел рассказать об идее метода дискретных элементов, описать построенную математическую модель и продемонстрировать в рамках данной модели рудоразмольную мельницу при различных режимах работы.

3 Дискретная среда

Метод дискретного элемента — это семейство численных методов предназначенных для расчёта движения большого количества частиц, таких как молекулы, песчинки, гравий и прочих гранулированных сред. Метод был первоначально применён Cundall в 1971 для решения задач механики горных пород. На слайде представлены различные среды, которые могут считаться дискретными.

4 Цель работы

Барабанная мельница (рисунок ??) представляет собой пустотелый барабан, который вращается вокруг горизонтальной оси. При его вращении дробящие тела благодаря трению увлекаются его внутренней поверхностью, поднимаются на некоторую высоту и свободно или перекатываясь падают вниз.

Задача данной работы: применение метода дискретных элементов для моделирования динамики частиц дроби во вращающейся мельницы. Это поможет исследовать работу мельницы при различных режимах.

5 Алгоритм в общем виде

Моделирование динамики системы происходит во времени. Данная модель предполагает наличие всего трех степеней свободы. На каждом шаге при нахождении пересекающихся шаров для них происходит переход в локальную систему координат и расчёт всех возникающих сил, потом перевод всех найденных значений в глобальную систему. В зависимости от сил, действующих на частицу, происходит выбор закона движения на данном шаге. При наличии контактных сил проводится итерационная процедура ввиду нелинейности решаемой задачи. Моделирование пересечения происходит и между частицами непосредственно и между частицами и стенками шаровой мельницы.

В общем виде алгоритм метода представляет собой цикл в котором происходит сначала расчет всех сил действущих на каждую из частиц, а потом обновление положения частиц по принятому кинематическому закону с учетом найденных сил.

6 Контактные силы

На данном слайде представлены все контактные силы действующие на шары в момент взаимодействия. Это нормальная отталкивающая сила, сила трения скольжения и момент трения качения. Подобное моделирование силовых факторов от трения описано в статье, представленной на слайде и довольно распространено при построении МДЭ.

7 Контактные силы в нормальном направлении

Контактные силы находятся из решения контактной задачи Герца. Таким образом жесткость считается по представленной на слайде формуле. Такой подход позволяет учесть и свойства шаров и размер, и то как сильно они вошли друг в друга на данном этапе.

8 Контактные силы в тангенциальном и окружном направлениях

На данном слайде представлены формулы по которым (в рамках задачи Герца) находятся силовые факторы в тангенциальном и окружном направлениях. Соответственно они зависят от направления относительных скоростей, значения соответствующих коэффициентов трения и нормальной силы.

9 Силы трения скольжения

Так как сила трения скольжения появится в точке контакта, то при перемещении ее в центр появляется момент от данной силы. На данном слайде представлен механизм переноса силы в центр тяжести.

10 Силы диссипации

Взаимодействия двух шаров можно представить в виде пружины и демпфера. Если пружину мы уже обсудили, то демпфер нет. Он порождает силы диссипации, которые зависят от скорости, размеров и свойств шаров.

Находятся силы диссипации тоже из решения контактной задачи Герца и рассчитываются в нормальном и тангенциальном направлениях.

11 Кинематика

Думаю важно сделать оговорку, что в этой работе происходит расчёт для трёх степеней свободы. Задача которую решает данный метод изначально нелинейна, потому в расчет кинематики частицы на шаге вводится так называемый рывок. Его мы находим в ходе итерационного уточнения. На слайде он обозначен переменной b с соответствующим индексом.

Итерационное уточнения представляет собой цикл, целью которого является нахождение ускорения в следующий момент времени. После нахождения данного ускорения мы и определяем рывок по формулам, представленным на слайде. Расчёт рывка происходит по каждому их трёх стрепеней свободы.

После нахождения рывков и ускорений в локальной системе координат (в нормальном и тангенциальном направлениях) происходит переход в глобальную систему координат через матрицу перехода.

12 Алгоритм итерационного уточнения

На данном слайде представлен алгоритм итерационного уточнения. В ходе этого цикла мы предполагаем следующее положение шара (исходя из его скорости и ускорения от данного взаимодействия) и по закону расчёта контактных сил находим обновленную силу и соответственно усккорение. Расчет продолжается пока изменение ускорения в ходе итерационного процесса нельзя будет считать достаточно малым.

13 Совокупность уравнений

В случае контакта частицы с чем-либо (шаром или стенкой) совокупность уравнений выглядит следующим образом: ускорение зависит от контактных сил, сил диссипации и силы поля (в нашем случае это сила гравитации). После нахождения ускорения происходит итерационная уточняющая процедура. Далее мы можем найти скорость на данном шаге и положение элемента в пространстве путем простого интегрирования. Это показано векторно для линейных степеней свободы и аналогично для угловой степени свободы.

14 Совокупность уравнений: без контакта

В случае отсутствия контакта единственная сила, действующая на частицу – сила поля. На вращение же элемента не влияет вообще ничего. Итерационная процедура не проводится и рывок принимается равным нулю. В таком случае уравнения будут выглядеть следующим образом.

15 Модель разрушения

Для расчета используется модель замещения баланса популяции (PBRM) - частицы заменяются набором дочерних фрагментов в момент разрушения. Как это выглядит будет показано на следующем слайде а здесь я бы хотел обсудить в каком случае частица будет считаться разрушенной. Перед вами представлен энергетический метод. Каждый шар хранит накопленную энергию разрушения. Определяется она по формуле _ . Добавок энергии Е определяется энергией сжатой для частицы. Далее происходит расчет вероятности разлома частицы и определение того сломается она или нет на основе машинных алгоритмов рандома. Емин и С эмпирические коэф-

фициенты, получаемые для каждого материала и набора данных в ходе эксперимента.

16 Модель разрушения: проблема

Далее, если частица разрушена, то с помощью нормального распределения случайным образом определяется количество новых частиц, образованных на месте старой (с большой долей вероятности это значение будет от 2 до 7). Расчет размера и положения новых частиц происходит из равенства масс и кинетической энергии. С этим могут быть сложности при работе в двухмерной постановке. Расчет размера новых шаров производится по представленным формулам (конкретно здесь для двух шаров), но т.к. они отображаются в двухмерном пространстве, то площади их считаются как представлено ниже. Т.е. площадь занимаемого пространства зрительно закономерно увеличивается при появлении новых частиц. На рисунке _ представлено появлении новых двух шаров на месте старого.

Далее 3 и 4 соотвественно.

17 Вывод

На этом у меня все. В представленной работе изучен метод дискретных элементов, а также была разработана математическая модель динамики частиц дроби в шаровой рудоразмольной мельнице. В качестве примера применимости и работоспособности данной математической модели представлено сравнение с изученной моделью шаровой мельницы. Разработанная модель позволяет исследовать режимы работы рудоразмольной мельницы. В дальнейшем планируется добавить частицы руды и модель разрушения для частиц руды.

18 Шар-стенка

- 1) Стенка представлена как замкнутая фигура, состоящая из конечного числа прямых линий.
- 2) Шар никак не влияет на стенку. Её движение зависит только от заданного ей закона движения.
- 3) При расчёте сил трения используется не эффективный радиус, а радиус данного шара.
- 4) Стенка вращается относительно какой-то точки и зацеплении шарстена рассматривается как внутреннее, а не внешнее. Это изменит знак угловой скорости стенки при расчете относительной угловой скорости шара.

19 Упрощения МДЭ

В методе дискретных элементов есть два основных упрощения.

- 1) Выбранный временной шаг настолько мал, что в течение одного временного шага возмущения не могут распространяться с любого элемента дальше, чем на его ближайших соседей.
- 2) Считается, что шары не деформируются. Деформации отдельных частиц малы по сравнению с изменением объёма дискретной среды в целом. А потому шары просто накладываются друг на друга.