ALBERT EINSTEIN

Grundzüge der Relativitätstheorie



Albert Einstein



Grundzüge der Relativitätstheorie

Translated by:
Good Translator

Published by: Springer

Vorwort zur 1. Auflage der "Vier Vorlesungen über Relativitätstheorie"

und mathematische Methoden der Relativitätstheorie zusammenfassen. Dabei habe ich mich bemüht, alles weniger Wesentliche wegzulassen, das Grundsätzliche aber doch so zu behandeln, daß das Ganze als Einführung für alle diejenigen dienen kann, welche die Elemente der höheren Mathematik beherr-

schen, aber nicht allzuviel Zeit und Mühe auf den

In der vorliegenden Ausarbeitung von vier Vorträgen, die ich an der Universität Princeton im Mai 1921 gehalten habe, wollte ich die Hauptgedanken

Gegenstand verwenden wollen. Auf Vollständigkeit kann diese kurze Darlegung selbstverständlich keinen Anspruch machen, zumal ich die feineren, mehr mathematisch interessanten Entwicklungen, welche sich auf Variationsrechnung gründen, nicht behandelt habe. Mein Hauptziel war es, das Grundsätzliche in dem ganzen Gedankengang der Theorie klar hervortreten zu lassen.

Januar 1922

A. EINSTEIN

Vorbemerkung zum Anhang II Für diese Auflage habe ich die "Verallgemeinerung der Gravitationstheorie" unter dem Titel "Relativistische Theorie des nichtsymmetrischen Feldes" völlig neu bearbeitet. Es ist mir nämlich gelungen – zum Teil unter Mitarbeit meiner Assistentin B. Kaufman – die Ableitungen sowie die Form der Feldgleichungen zu vereinfachen. Die ganze Theorie gewinnt dadurch an Durchsichtigkeit, ohne daß ihr Inhalt eine Änderung erfährt. Dezember 1954 A. Einstein

Inhaltsverzeichnis	
Raum und Zeit in der vorrelativistischen Physik	4
Spezielle Relativitätstheorie	23

Spezielle Relativitätstheorie	23
Allgemeine Relativitätstheorie	25

Allgemeine Relativitätstheorie (Fortset-

26

zung)

Ι	Zum "kosmologischen Problem"	27
	Koordinatenwabl	35
	Die Feldgleichungen	36
	Der Spezialfall verschwindender räumlicher	
	Krümmung $(z=0)$	36
	Lösungen der Gleichung'en im Falle nicht	
	verschwindender riiumlicher Krümmung	37
	Erweiterung der vorstehenden Überlegun-	
	gen durch Verallgemeinerung des An-	
	satzes bezüglich der ponderabeln Ma-	
	terie	37
	"Teilchen-Gas", nach der speziellen Relativ-	
	tätstheorie behandelt	37
	Zusammenfassende und sonstige Bemer-	
	kungen	38
п	Relativistische Theorie des nichtsym-	
	metrischen Feldes	39
	Über die "Kompatibilität" und die "Stärke"	
	von Systemen von Feldgleichungen	39
	Relativistische Feldtheorie	40
	Allgemeine Bemerkungen	41
Na	amen- und Sachverzeichnis	42

Vorbemerkung zum Anhang II Für diese Auflage habe ich die "Verallgemeinerung

durch an Durchsichtigkeit, ohne daß ihr Inhalt eine Änderung erfährt.

Dezember 1954

A. EINSTEIN

der Gravitationstheorie" unter dem Titel "Relativistische Theorie des nichtsymmetrischen Feldes" völlig neu bearbeitet. Es ist mir nämlich gelungen – zum Teil unter Mitarbeit meiner Assistentin B. Kaufman – die Ableitungen sowie die Form der Feldgleichungen zu vereinfachen. Die ganze Theorie gewinnt da-

Inhaltsverzeichnis

Raum und Zeit in der vorrelativistischen Physik

Die Relativitätstheorie ist aufs engste verbunden mit der Theorie von Raum und Zeit. Deshalb soll mit einer kurzen Untersuchung des Ursprungs unserer Ideen von Raum und Zeit begonnen werden, obwohl ich

Psychologie, sucht in gewisser Weise unsere Erlebnisse zu ordnen und in ein logisches System zu bringen. Wie hängen die geläufigen Ideen über Raum und Zeit mit dem Charakter unserer Erlebnisse zusammen? Die Erlebnisse eines Menschen erscheinen uns als in eine Erlebnisreihe eingeordnet, in welcher die einzelnen unserer Erinnerung zugänglichen Einzelerleb-

weiß, daß ich mich dabei auf strittiges Gebiet begebe. Alle Wissenschaft, sei es Naturwissenschaft oder

rium des "Früher" und "Später" geordnet erscheinen. Es besteht also für das Individuum eine Ich-Zeit oder subjektive Zeit. Diese ist an sich nichts Meßbares. Ich kann zwar den Erlebnissen Zahlen zuordnen, derart, daß dem späteren Erlebnis eine größere Zahl zugeordnet wird als dem früheren, aber die Art dieser Zuord-

nisse nach dem nicht weiter zu analysierenden Krite-

nung bleibt zunächst in hohem Maße willkürlich. Ich kann jedoch die Art dieser Zuordnung weiter fixieren

durch eine Uhr, indem ich den durch sie vermittelten Erlebnisablauf mit dem Ablauf der übrigen Erlebnisse vergleiche. Unter einer Uhr versteht man ein Ding,

welches abzählbare Erlebnisse liefert und noch ande-

Rede sein wird. Verschiedene Menschen können mit Hilfe der Sprache ihre Erlebnisse bis zu einem gewissen Grade miteinander vergleichen. Dabei zeigt sich, daß gewisse sinnliche Erlebnisse verschiedener Menschen einander entsprechen, während bei anderen ein solches Entsprechen nicht festgestellt werden kann. Jenen sinnlichen Erlebnissen verschiedener Individuen, welche einander entsprechen und demnach in gewissem Sinne überpersönlich sind, wird eine Realität gedanklich zugeordnet. Von ihr, daher mittelbar von der Gesamtheit jener Erlebnisse, handeln die Naturwissenschaften, speziell auch deren elementarste, die Physik. Relativ konstanten Erlebniskomplexen solcher Art entspricht der Begriff des physikalischen Körpers,

re Eigenschaften besitzt, von denen im folgenden die

speziell auch des festen Körpers. Die Uhr ist auch ein Körper bzw. ein körperliches System in diesem Sinne. Zum Wesen der Uhr gehört außerdem, daß die an ihr

zum Wesen der Unr genort auberdem, dab die an ihr gezählten gleichartigen Teilvorgänge der Erlebnisfolge als einander gleich angesehen werden dürfen. Begriffe und Begriffssysteme erhalten die Berech-

tigung nur dadurch, daß sie zum Überschauen von

Philosophen, daß sie gewisse begriffliche Grundlagen der Naturwissenschaft aus dem der Kontrolle zugänglichen Gebiete des Empirisch-Zweckmäßigen in die unangreifbare Höhe des Denknotwendigen (Apriorischen) versetzt haben. Denn wenn es auch ausgemacht ist, daß die Begriffe nicht aus den Erlebnissen durch Logik (oder sonstwie) abgeleitet werden können, sondern in gewissem Sinn freie Schöpfungen des

menschlichen Geistes sind, so sind sie doch ebensowenig unabhängig von der Art der Erlebnisse, wie etwa die Kleider von der Gestalt der menschlichen Leiber. Dies gilt im besonderen auch von unseren Begriffen

Erlebniskomplexen dienen; eine andere Legitimation gibt es für sie nicht. Es ist deshalb nach meiner Überzeugung einer der verderblichsten Taten der

über Zeit und Raum, welche die Physiker – von Tatsachen gezwungen – aus dem Olymp des Apriori herunterholen mußten, um sie reparieren und wieder in einen brauchbaren Zustand setzen zu können. Wir kommen nun zu den räumlichen Begriffen

Wir kommen nun zu den raumlichen Begriffen und Urteilen. Auch hier ist es unerläßlich, die Beziehung der Erlebnisse zu den Begriffen streng ins Auge zu fassen. Auf diesem Gebiete scheint mir POINCARÉ et l'hypothèse" gegeben hat. Unter allen Veränderungen, welche wir an festen Körpern wahrnehmen, sind diejenigen durch Einfachheit ausgezeichnet, welche durch willkürliche Bewegungen unseres Körpers rückgängig gemacht werden können; Poincaré nennt sie "Änderungen der Lage". Durch bloße Lagenänderungen kann man zwei Körper "aneinander anlegen". Das Fundament der Geometrie (Kongruenzsätze) bezieht sich auf die Gesetze, welche jene Lagerungsmöglichkeiten beherrschen. Für den Raumbegriff scheint uns folgendes wesentlich. Man kann durch Anlegen von Körpern B, C... an einen Körper A neu Körper bilden, wir wollen sagen, den Körper λ fortsetzen. Man kann einen Körper A so fortsetzen, daß er mit jedem anderen Körper X zur Berührung kommt. Wir können den Inbegriff aller Fortsetzungen des Körpers

die Wahrheit besonders klar erfaßt zu haben in der Darstellung, welche er in seinem Buche: "La science

A als den "Raum des Körpers A" bezeichnen. Dann gilt, daß alle Körper sich "im Raum des (beliebig gewählten) Körpers A" befinden. Man kann in diesem Sinne nicht von dem "Raum" schlechthin, sondern nur von dem "zu einem Körper A gehörigen Raum"

Erdkruste eine so dominierende Rolle in der Beurteilung der Lagenverhältnisse der Körper, daß er zu dem ernstlich nicht zu verteidigenden Begriff des Raumes (schlechthin) geführt hat. Wir wollen aber, um diesen verhängnisvollen Irrtum auszuschließen, nur von "Bezugskörper" oder "Bezugsraum" reden. Erst die allgemeine Relativitätstheorie hat eine Verfeinerung dieses Begriffes nötig gemacht, wie wir später sehen werden. Ich will nicht näher auf diejenigen Eigenschaften des Bezugsraumes eingehen, welche dazu geführt haben, als Element des Raumes den Punkt einzuführen und den Raum als Kontinuum aufzufassen. Ebensowenig will ich zu analysieren versuchen, durch welche

reden. Allerdings spielt im Alltagsleben der Körper

Eigenschaften des Bezugsraumes der Begriff der stetigen Punktreihe oder Linie gerechtfertigt sei. Sind aber diese Begriffe nebst ihrer Beziehung zum festen Körper der Erlebniswelt gegeben, so ist leicht zu sagen, was unter der Dreidimensionalität des Raumes zu verstehen ist, nämlich die Aussage: Jedem Punkt lassen sich drei Zahlen x_1 , x_2 und x_3 (Koordinaten) zuordnen, derart, daß diese Zuordnung umkehrbar

Die vorrelativistische Physik setzt voraus, daß die Lagerungsgesetze idealer fester Körper der euklidischen Geometrie gemäß seien. Was dies bedeutet, kann z. B. wie folgt ausgedrückt werden. Zwei an

eindeutig ist, und daß sich x_1 , x_2 und x_3 stetig ändern, wenn der zugehörige Punkt eine stetig Punkt-

reihe (Linie) beschreibt.

Quadratsumme

Strecke.

einem festen Körper markierte Punkte bilden eine Strecke. Eine solche kann in mannigfacher Weise gegenüber dem Bezugsraume ruhend gelagert werden.

Wenn nun die Punkte dieses Raumes so durch Koordinaten x_1, x_2, x_3 bezeichnet werden können, daß die Koordinatendifferenzen $\Delta x_1, \Delta x_2, \Delta x_3$ der Streckenpunkte bei jeder Lagerung der Strecke die nämliche

$$s^2 = \Delta x_1^2 + \Delta x_2^2 + \Delta x_3^2 \eqno(1)$$
 liefern, so nennt man den Bezugsraum Euklidisch

und die Koordinaten kartesische¹). Es genügt hierfür sogar diese Annahme in der Grenze für unend-

für sogar, diese Annahme in der Grenze für unend
1) Diese Relation muß gelten für beliebige Wahl des Anfangspunktes und der Richtung (Verhältnis $\Delta x_1 : \Delta x_2 : \Delta x_3$) der

ihrer grundlegenden Bedeutung wegen aufmerksam machen wollen. Erstens nämlich wird vorausgesetzt, daß man einen idealen festen Körper beliebig bewegen könne. Zweitens wird vorausgesetzt, daß das Lagerungsverhalten idealer fester Körper in dem Sinne unabhängig vom Material des Körpers und von seinen Ortsänderungen ist, daß zwei Strecken, welche einmal zur Deckung gebracht werden können, stets

und überall zur Deckung gebracht werden können. Diese beiden Voraussetzungen, welche für die Geometrie und überhaupt für die messende Physik von grundlegender Bedeutung sind, entstammen natürlich der Erfahrung; sie beanspruchen in der allgemei-

lich kleine Strecken zu machen. In dieser Annahme liegen einige weniger spezielle enthalten, auf die wir

nen Relativitätstheorie allerdings nur für (gegenüber astronomischen Dimensionen) unendlich kleine Körper und Bezugsräume Gültigkeit.

per und Bezugsraume Gultigkeit.

Die Größe s nennen wir die Länge der Strecke.

Damit diese eindeutig bestimmt sei, muß die Länge

einer bestimmten Strecke willkürlich festgesetzt, z. B. gleich 1 gesetzt werden (Einheitsmaßstab). Dann sind die Längen aller übrigen Strecken bestimmt. Setzt

 $x_{\nu} = a_{\nu} + \lambda b_{\nu}$ so erhält man eine Linie, welche alle Eigenschaften

der Geraden der euklidischen Geometrie besitzt. Spe-

man die x_{ν} linear abhängig von einem Parameter λ

ziell folgert man leicht, daß man durch n-maliges Abtragen einer Strecke s auf einer Geraden eine Strecke von der Länge $n \cdot s$ erhält. Eine Länge bedeutet

also das Ergebnis einer längs einer Geraden ausge-

führten Messung mit Hilfe des Einheitsmaßstabes; sie hat ebenso wie die gerade Linie.eine vom Koordinatensystem unabhängige Bedeutung, wie aus dem Folgenden hervorgeht.

Wir kommen nun zu einem Gedankengang, der in analoger Weise in der speziellen und allgemeinen

Relativitätstheorie eine Rolle spielt. Wir fragen: Gibt es außer den verwendeten kartesischen Koordinaten noch andere gleichberechtigte? Die Strecke hat eine

von der Koordinatenwahl unabhängige physikalische Bedeutung, ebenso also auch die Kugelfläche, welche man erhält als Ort der Endpunkte aller gleichen

Strecken, welche man von einem beliebigen Anfangs-

punkt des Bezugsraumes aus abträgt. Sind sowohl

bezug auf jene beiden Koordinatensysteme durch die Gleichungen ausgedrückt: $\sum \Delta x_{\nu}^{2} = \text{konst.}$ $\sum \Delta x_{\nu}^{\prime 2} = \text{konst.}$ (2)

(2a)

(3a)

 x_{ν} als auch x'_{ν} (ν von 1 bis 3) kartesische Koordinaten unseres Bezugsraumes, so wird die Kugelfläche in

Wie müssen sich die
$$x'_{\nu}$$
 aus den x_{ν} ausdrücken, damit die Gleichungen (2) und (2a) äquivalent seien? Denkt man sich die x'_{ν} in Funktion der x_{ν} ausgedrückt, so

kann man für genügend kleine Δx_{ν} nach dem Tay-Lorschen Satze setzen:

$$\Delta x_{\nu}' = \sum_{\alpha} \frac{\partial x_{\nu}'}{\partial x_{\alpha}} \, \Delta x_{\alpha} + \frac{1}{2} \sum_{\alpha\beta} \frac{\partial^{2} x_{\nu}'}{\partial x_{\alpha} \, \partial x_{\beta}} \, \Delta x_{\alpha} \, \Delta x_{\beta} \dots$$

Setzt man dies in (2a) ein und vergleicht mit (1), so sieht man, daß die x'_{ν} lineare Gleichungen der x_{ν} sein

sieht man, daß die
$$x'_{\nu}$$
 lineare Gleichungen der x_{ν} sein müssen. Setzt man demgemäß
$$x' - a_{\nu} + \sum_{i} b_{\nu} x_{i} \qquad (3)$$

 $x_{\nu}' = a_{\nu} + \sum b_{\nu\alpha} x_{\alpha}$

(3)

oder $\Delta x_{\nu}' = \sum_{\alpha} b_{\nu\alpha} \, \Delta x_{\alpha}$ $(\lambda \text{ von den unabhängig}).$ Hieraus folgt zunächst, daß λ eine Konstante sein muß. Setzt man zunächst $\lambda=1,$ so liefern (2b) und (3a) die Bedingungen

 $\sum \Delta x_{\nu}^{\prime 2} = \lambda^2 \sum \Delta x_{\nu}^2$

(2b)

(4)

so drückt sich die Äquivalenz der Gleichungen (2)

und (2a) in der Form aus

wobei $\Delta_{\alpha\beta} = 1$ oder $\Delta_{\alpha\beta} = 0$ ist, je nachdem $\alpha = \beta$ oder $\alpha \neq \beta$. Die Bedingungen (4) heißen Orthogonalitätsbedingungen, die Transformationen (3), (4) li-

 $\sum b_{\nu\alpha}b_{\nu\beta} = \Delta_{\alpha\beta} \,,$

neare orthogonale Transformationen. Verlangt man, daß $s^2 = \sum \Delta x_{\nu}^2$ für jedes Koordinatensystem gleich dem Quadrat der Länge sei und daß stets mit dem gleichen Einheitsmaßstabe gemessen werde, so muß

 $\lambda=1$ sein. Dann sind die linearen orthogonalen Transformationen die einzigen, welche den Übergang von einem kartesischen Koordinatensystem eines Bezugsraumes zu einem anderen vermitteln. Man erkennt, daß bei Anwendung solcher Transformationen

die Umkehrung der Gleichungen (3a), indem wir beiderseits mit $b_{\nu\beta}$ multiplizieren und über ν summieren. Man erhält $\sum b_{\nu\beta} \, \Delta x'_{\nu} = \sum_{\nu\alpha} b_{\nu\alpha} b_{\nu\beta} \, \Delta x_{\alpha}$

die Gleichungen einer Geraden wieder in die Gleichungen einer Geraden übergehen. Wir bilden noch

$$= \sum_{\alpha}^{\nu\alpha} \Delta_{\alpha\beta} \, \Delta x_{\alpha} = \Delta x_{\beta} \,. \tag{5}$$
 Dieselben Koeffizienten b vermitteln also auch die inverse Substitution der Δx_{ν} . Geometrisch ist $b_{\nu\alpha}$ der

(5)

Kosinus des Winkels zwischen der x'_{ν} -Achse und der x_{α} -Achse. Zusammenfassend können wir sagen: In der eukli-

dischen Geometrie gibt es (in einem gegebenen Bezugsraume) bevorzugte Koordinatensysteme, die kartesischen, welche auseinander durch lineare orthogonale Transformation der Koordinaten hervorgehen. In solchen Koordinaten drückt sich der mit dem Maß-

stab meßbare Abstand s zweier Punkte des Bezugsraumes in besonders einfacher Weise aus. Auf die-

sen Begriff des Abstandes läßt sich die ganze Geometrie gründen. In der gegebenen Darstellung bezieht Verhalten dieser Dinge, welche zutreffend oder auch unzutreffend sein können. Gewöhnlich pflegt man die Geometrie so zu lehren, daß eine Beziehung der Begriffe zu den Erleb-

sich die Geometrie auf wirkliche Dinge (feste Körper), und ihre Sätze sind Behauptungen über das

nissen nicht hergestellt wird. Es hat auch Vorteile, dasjenige, was an ihr rein logisch und von der prinzipiell unvollkommenen Empirie unabhängig ist, zu isolieren. Der reine Mathematiker kann sich damit begnügen. Er ist zufrieden, wenn seine Sätze richtig,

d. h. ohne logische Fehler aus den Axiomen abgeleitet sind. Die Frage, ob die euklidische Geometrie wahr ist oder nicht, hat für ihn keinen Sinn. Für unseren Zweck aber ist es nötig, den Grundbegriffen der Geometrie Naturobjekte zuzuordnen; ohne eine solche Zuordnung ist die Geometrie für den Physiker gegenstandslos. Für den Physiker hat es daher wohl einen Sinn, nach der Wahrheit bzw. dem Zutreffen der geometrischen Sätze zu sprechen. Daß die so in-

terpretierte euklidische Geometrie nicht nur Selbstverständliches, d. h. durch Definitionen logisch BeZwischen n Punkten des Raumes gibt es $\frac{1}{2}n(n-1)$ Abstände $s_{\mu\nu}$; zwischen diesen und den 3n Koordinaten bestehen die Relationen

dingtes ausspricht, erkennt man durch folgende einfache Überlegung, welche von HELMHOLTZ herrührt:

$$s_{\mu\nu}^2 = \left(x_{1(\mu)} - x_{1(\nu)}\right)^2 + \left(x_{2(\mu)} - x_{2(\nu)}\right)^2 + \cdots \quad (6)$$
 Aus diesen $\frac{n(n-1)}{2}$ Gleichungen lassen sich die $3n$ Koordinaten eliminieren, aus welcher Eliminati-

on mindestens $\frac{n(n-1)}{2}-3n$ Gleichungen zwischen den $s_{\mu\nu}$ folgen müssen¹⁾. Da die $s_{\mu\nu}$ meßbare Größen sind, die ihrer Definition nach voneinander unabhän-

sind, die ihrer Definition nach voneinander unabhängig sind, brauchen diese Beziehungen zwischen den $s_{\mu\nu}$ a priori nicht zu bestehen.

Aus dem Vorhergehenden zeigt sich, daß die

Aus dem Vorhergehenden zeigt sich, daß die Transformationsgleichungen (3), (4) für die euklidische Geometrie eine fundamentale Bedeutung besitzen in dem sie den Übergener von einem bertenischen

zen, indem sie den Übergang von einem kartesischen Koordinatensystem zu einem anderen beherrschen.

Koordinatensystem zu einem anderen beherrschen $\frac{1}{1}$ In Wahrheit sind es $\frac{n(n-1)}{2} - 3n + 6$ Gleichungen.

bare Abstand s zweier Punkte durch die Gleichung $s^2 = \sum \Delta x_{\nu}^2$ ausdrückt. Sind $K_{x_{ij}}$ und $K'_{x'_{ij}}$ zwei kartesische Koor-

Das kartesische Koordinatensystem zeichnet sich dadurch aus, daß sich in bezug auf jedes solche der meß-

$$\sum \Delta x_{\nu}^2 = \sum \Delta x_{\nu}^{\prime 2} .$$

dinatensysteme, so gilt

vermöge der zwischen x' und x bestehenden linearen orthogonalen Transformationsgleichungen, und die rechte Seite unterscheidet sich von der linken nur dadurch, daß die x_{ν} durch die x'_{ν} ersetzt sind.

Die rechte Seite ist der linken identisch gleich

Man drückt diesen Sachverhalt durch die Aussage aus: $\sum \Delta x_{\nu}^2$ ist eine Invariante bezüglich linearer orthogonaler Transformationen. Offenbar haben in der euklidischen Geometrie nur solche (und alle solche) Größen eine objektive (von der besonderen Wahl des

kartesischen Systems unabhängige) Bedeutung, welche sich durch eine Invariante (bezüglich linearer or-

thogonaler Koordinaten) ausdrücken lassen. Hierauf

beruht es, daß die Invariantentheorie, welche sich mit

Als zweites Beispiel einer geometrischen Invariante nenne ich die Größe eines Volumens. Dasselbe drückt sich in der Form aus:

den Strukturgesetzen der Invariante beschäftigt, für

die analytische Geometrie von Bedeutung ist.

$$V = \iiint dx_1\,dx_2\,dx_3\,.$$
 In der Tat ist nach dem JACOBI
schen Transformati-

onssatze

$$\iiint dx_1' dx_2' dx_3' = \iiint \frac{\partial(x_1', x_2', x_3')}{\partial(x_1, x_2, x_3)} dx_1 dx_2 dx_3,$$
wobei der Integrand im letzten Integral die Funktio

wobei der Integrand im letzten Integral die Funktionaldeterminante der x'_{ν} nach den x_{ν} bedeutet, welche

nach (3) gleich der Determinante $|b_{\mu\nu}|$ der Substitutionskoeffizienten $b_{\nu\alpha}$ ist. Bildet man die Determi-

nante der $\delta_{\mu\alpha}$ der Gleichung (4), so erhält man unter Anwendung des Multiplikationstheorems der Deter-

Anwending des Multiplikationstheorems der Determinanten
$$1 = \left| \delta_{\alpha\beta} \right| = \left| \sum_{\nu} b_{\nu\alpha} b_{\nu\beta} \right| = \left| b_{\mu\nu} \right|^2;$$

 $1 = \left| \delta_{\alpha\beta} \right| = \left| \sum_{\nu} b_{\nu\alpha} b_{\nu\beta} \right| = \left| b_{\mu\nu} \right|^2;$ (7) $|b_{\mu\nu}| = \pm 1$.

nen, welche die Determinante +1 haben¹⁾ (und nur solche gehen aus stetiger Änderung des Koordinatensystems hervor), so ist also V eine Invariante.

1) Es gibt also zweierlei kartesische Koordinatensysteme,

Beschränkt man sich auf diejenigen Transformatio-

wohl aber die Gegensätzlichkeit beider Typen.

¹⁾Es gibt also zweierlei kartesische Koordinatensysteme, welche man als "Rechtssysteme" und "Linkssysteme" bezeichnet. Der Unterschied zwischen beiden ist jedem Physiker und Ingenieur geläufig. Interessant ist, daß man Rechtssysteme bzw. Linkssysteme an sich nicht geometrisch definieren kann,

$$\begin{aligned} &\frac{\partial\mathfrak{h}_3}{\partial x_2} - \frac{\partial\mathfrak{h}_2}{\partial x_3} = \frac{1}{c}\frac{\partial\mathfrak{e}_1}{\partial t} + \frac{1}{c}\mathfrak{i}_1 \\ &\frac{\partial\mathfrak{h}_1}{\partial x_3} - \frac{\partial\mathfrak{h}_3}{\partial x_1} = \frac{1}{c}\frac{\partial\mathfrak{e}_2}{\partial t} + \frac{1}{c}\mathfrak{i}_2 \\ & \dots \\ &\frac{\partial\mathfrak{e}_1}{\partial x_1} + \frac{\partial\mathfrak{e}_2}{\partial x_2} + \frac{\partial\mathfrak{e}_3}{\partial x_3} = \varrho \end{aligned} \right\} \\ &\frac{\partial\mathfrak{e}_3}{\partial x_2} - \frac{\partial\mathfrak{e}_2}{\partial x_3} = -\frac{1}{c}\frac{\partial\mathfrak{h}_1}{\partial t} \\ &\frac{\partial\mathfrak{e}_1}{\partial x_3} - \frac{\partial\mathfrak{e}_3}{\partial x_1} = -\frac{1}{c}\frac{\partial\mathfrak{h}_2}{\partial t} \end{aligned} \}$$

(8)

(9)

i ist ein Vektor, da die Stromdichte definiert ist als Elektrizitätsdichte, multipliziert mit dem

 $\frac{\partial \mathfrak{h}_1}{\partial x_1} + \frac{\partial \mathfrak{h}_2}{\partial x_2} + \frac{\partial \mathfrak{h}_3}{\partial x} = 0$

Geschwindig- keitsvektor der Elektrizität. Also ist es nach den ersten drei Gleichungen naheliegend, auch e als einen Vektor zu betrachten. Dann können wir

Wir schreiben in diesem Sinne statt 1, 2, 3 der Reihe nach 2 3 ' 3 1 ' 1 2 ' Mit Rücksicht auf die Antisymmetrie von Il" können die ersten drei Gleichungen von (8) und (9) in die Form gebracht werden

nicht als Vektor auffassen¹⁾. Die Gleichungen lassen sich aber leicht interpretieren, indem man als antisymmetrischen Tensor vom Range 2 interpretiert.

$$=\frac{1}{c} \tag{19a}$$

$$=+\frac{1}{c}. \tag{20a}$$

$$\mathfrak{h} \text{ erscheint demnach im Gegensatz zu } \mathfrak{e} \text{ als Größe vom Symmetriecharakter eines Drehmomentes oder einer}$$

(19a)

Rotationsgeschwindigkeit. Die Divergenzgleichungen

theorie (Minkowskis Interpretation des Feldes) weniger Schwie- rigkeiten machen.

¹⁾Diese Betrachtungen sollen den Leser mit der Tensorbetrachtung bekannt machen ohne die besonderen Schwierigkeiten der vierdimensionalen Betrachtungsweise, damit dann die entsprechenden Betrachtungen der speziellen Relativitäts-

$$\begin{split} \frac{\partial \mathfrak{e}_{\nu}}{\partial x_{\nu}} &= \varrho \\ \frac{\partial \mathfrak{h}_{\mu\nu}}{\partial x_{\varrho}} + \frac{\partial \mathfrak{h}_{\nu\varrho}}{\partial x_{\mu}} + \frac{\partial \mathfrak{h}_{\varrho\mu}}{\partial x_{\nu}} &= 0 \,. \end{split}$$

aber nehmen die Formen an

der linken Seite bezüglich jedes Indexpaares ist mit Rücksicht auf die Antisymmetrie von $\mathfrak{h}_{\mu\nu}$ leicht zu beweisen). Sie enthält also trotz ihrer drei Indizes nur eine

einzige Bedingung. Diese Schreibweise ist darum natürlicher als die übliche, weil sie im Gegensatz zu letz-

Die letzte Gleichung ist eine antisymmetrische Tensorgleichung vom dritten Range (die Antisymmetrie

(19b)

(20b)

terer ohne Zeichenänderung auf kartesische Linkssysteme wie auf Rechtssysteme paßt.

Spezielle Relativitätstheorie

Die bisherigen Überlegungen sind, abgesehen von der Voraussetzung der Gültigkeit der EUKLIDischen

Geome- trie, für die Lagerungsmöglichkeiten fester Körper auf die Voraussetzung gegründet, daß alle

scher Koordinaten- systeme) physikalisch gleichwertig seien. Es gibt keine absolute Richtung im Bezugsraume, welche durch ob- jektive Merkmale ausgezeichnet wäre, sondern nur Relationen zwischen Richtungen. Man kann diese Aus- sage als "Relativitätsprinzip in bezug auf die Rich. tung" bezeichnen, und es wurde gezeigt, daß mittels des Tensorkalküls diesem Prinzip entsprechend gebaute Gleichungen (Naturgesetze) gefunden werden können. Nun stellen wir uns die Frage, ob es auch eine Rela- tivität hinsichtlich des Bewegungszustandes des Bezugs- raumes gibt, d. h. ob es relativ zueinander bewegte Bezugsräume gibt, welche physikalisch gleichwertig sind. Vom Standpunkt der Mechanik scheinen gleich- berechtigte Bezugsräume zu existieren. Denn wir merken beim Experimentieren auf der Erde nichts davon, daß diese sich mit etwa 30 km/sec Geschwindigkeit um die Sonne bewegt. Andererseits scheint aber diese physikalische Gleichwertigkeit nicht für beliebig be- wegte Bezugsräume zu gelten;' denn die

mechanischen Vorgänge scheinen in bezug auf einen schaukelnden Eisenbahnwagen nicht nach den-

Richtungen des Raumes (bzw. Lagerungen kartesi-

Allgemeine Relativitätstheorie

selben Gesetzen vor sich zu gehen, wie in bezug auf einen gleichmäßig fahrenden EiSenbahnwagen; die

Alle bisherigen Überlegungen beruhen auf der Vor-

Drehung der Erde macht sich

kalische Beschreibung gleichberechtigt, den Bezugsräumen von anderen Bewegungszuständen für die Formulierung der Naturgesetze aber überlegen sei-

aussetzung, daß die Inertialsysteme für die physi-

en. Für diese Bevorzugung bestimmter Bewegungszustände vor allen anderen kann gemäß unseren bisherigen Betrachtungen in den wahrnehmbaren Kör-

pern bzw. in dem Begriff der Bewegung eine Ursache nicht gedacht werden; sie muß vielmehr auf eine selbständige, d. h. durch nichts anderes bedingte Eigenschaft des raumzeitlichen Kontinuums zurück-

geführt werden. Insbesondere scheint das Trägheitsgesetz dazu zu zwingen, dem Raum-Zeit-Kontinuum

physikalisch-objektive Eigenschaften zuzuschreiben. War es vom Standpunkt Newtons konsequent die beiden Begriffe auszusprechen: "tempus absolutum, nuum absolutum spatii et temporis est" sprechen. Dabei bedeutet "absolutum" nicht nur "physikalischreal", sondern auch "in ihren physikalischen Eigenschaften selbständig, physikalisch bedingend, aber

selbst nicht bedingt".

spatium absolutum", so muß man auf dem Standpunkt der speziellen Relativitätstheorie von "conti-

Allgemeine Relativitätstheorie (Fortsetzung)

Wir sind nun im Besitze der mathematischen Hilfsmittel zur Formulierung der Gesetze der allgemeinen

Relativitätstheorie. Es soll für diese Darstellung nicht systematische Geschlossenheit erstrebt werden, sondern die einzelnen Resultate und Möglichkeiten sollen schrittweise aus dem Bekannten und auseinander entwickelt werden. Eine derartige Darstellung ist die dem provisorischen Stand unserer Kenntnisse am besten angemessene.

I Zum "kosmologischen Problem" Seit dem ersten Erscheinen dieses Büchleins sind ei-

nige Fortschritte der Relativitätstheorie zu verzeichnen. Einige davon sollen zunächst kurz erwähnt werden.

den.

Der erste Fortschritt betrifft den überzeugenden
Nachweis von der Existenz der Rot-Verschiebung der

Spektrallinien durch das (negative) Gravitationspotential des Erzeugungsortes (vgl. S.91). Dieser Nachweis wurde ermöglicht durch die Entdeckung von sogenann- ten "Zwergsternen", deren mittlere Dichte die des Was- sers um einen Faktor von der Größen-

ordnung 10 4 über- trifft. Für einen solchen Stern (z. B. den lichtschwachen Begleiter des Sirius), dessen Masse und Radius bestimm- bar ist¹⁾, ist die nach der Tl1eorie zu erwartende Rot. versclliebung etwa 20mal so groß wie bei der Sonne und hat sich tatsächlich in dem erwarteten Betrage nach, veisen lassen

Telnperatur seines Leuchtens erschließbaren Leuchtstärke pro

Flä.cheneinheit.

vitierenden Körpers. Bei der ursprünglichen Formulierung der Theorie ,vurde das Bewegungsgesetz für ein gravitie- rendes Partikel neben den Feldgesetz der Gravitation als eine unabhängige Grundannahme der Theorie ein- gefüllrt. Vgl. GI. (90); diese spricht aus, daß sich ein gravitierendes Partikel in einer Geodäte bewegt. Es ist dies eine hypothetische Übertragung des GALILEI- sehen Trägheitsgesetzes auf den

Ein zweiter Fortschritt, der hier kurz erwähnt werden soll, betrifft das Bewegungsgesetz eines gra-

verallgemeinert auf den Fall beliebig großer gravitierender Massen - aus den Feldgleichunge11 des leeren Raums erschließen läßt. Nacll dieser Ableitung wird das Bewegungsgesetz durch die Bedingung erzwungen, daß das Feld außerhalb der es erzeugenden Massenpunkte nirgends singulär werden soll.

Fall des Vorhanden seins "ecllter" Gravitationsfelder. Es hat sich gezeigt, daß sich dies Bewegungsgesetz -

Auf einen dritten Fortscllritt, der sich auf das soge- nannte "kosmologische Problem" bezieht, soll hier aus- füllrlicher eingegangen werden, teils wegen seiner prin- zipiellen Bedeutung, teils auch deswegen,

weil die Dis- kussion dieser Fragen noch keineswegs

Eindruckes nicht er, vehren kann, daß bei d.er gegenwärtigen Behandlung dieses Problems die wichtigsten prinzipiellen Gesichts- punkte nicht genügend hervortreten.

Dies Problem läßt sich etwa so forlnulieren. Wir sind auf Grund der Beobachtungen am Fixstern-

abgeschlossen ist. Ich fühle mich zu einer genaueren Diskussion auch dadllrell gedrängt, daß ich mich des

Himmel hinreichend davon überzeugt, daß das System der Fix- sterne nicht im wesentlichen einer Insel gleicht, die in einem unendlichen leeren Raum schwebt, daß es also nicht so etwas gibt wie einen Schwerpunkt der ganzen in der Welt befindlichen Masse materieller Substanz. Wir fühlen uns vielmehr zu der Überzeugung gedrängt, daß es, abgesehen von den lokalen Verdichtungen in Einzelsterne und Sternsysteme, eine mittlere Dichte der Materie im Raum

den lokalen Verdichtungen in Einzelsterne und Sternsysteme, eine mittlere Dichte der Materie im Raum gibt, die überall größer als Null ist. Es entsteht also die Frage: Läßt sich diese von der Erfahrung nahegelegte Hypothese mit den Gleichungen der allgemeinen Relativitätstheorie in Einklang bringen 1 Wir haben zuerst das Problem schärfer zu formulieren. Man

denke sich einen Teilraum des Universums, der eben

tion von Xl'.•., X 4 betrachtet werden kann. In einem sol- chen Teilraum kann man annähernd ein Inertialsystem (MINKOwsKI-Raum) finden, auf das man die Stern- Bewegungen bezieht. Man kann es so einrichten, daß .die mittlere Geschwindigkeit der Ma-

groß genug ist, daß die mittlere Dichte der in ihm enthaltenen Stern-Materie als kontinuierliche Funk-

richtungen ver- schwindet. Es bleiben dann noch (nahezu ungeordnete) Geschwindigkeiten der Sterne übrig, ähnlich der Bewe- gung der Moleküle eines Gases. Wesentlich ist nun zu- nächst, daß diese Geschwindig-

keiten erfahrungsgemäß gegen die Lichtgeschwindig-

terie in bezug auf dieses System in allen Koordinaten-

keit sehr klein sind. Es ist deshalb vernünftig, von der Existenz dieser Relativ- Bewegungen zunächst ganz abzusehen und die Sterne ersetzt zu denken durch einen materiellen Staub ohne (ungeordnete) Relativbewegung der Teilchen gegen- einander.

Die bisherigen Forderungen genügen aber noch keines- wegs, um das Problem zu einem hinreichend bestimmten zu machen. Die einfachste und radikals-

bestimmten zu machen. Die einfachste und radikalste Spezialisierung wäre der Ansatz: die (natürlich gemessene) Dichte e der Materie ist überall im (vier-

te idealisierte Darstellung für den physi- kalischen Raum im Großen ansah; er ist auf den Seiten 102-107 dieses Büchleins behandelt. Das Bedenkliche an dieser Lösung liegt darin, daß man einen negativen Druck einführen muß, für welchen es keine physika-

dimensionalen) Raume die- selbe, die Metrik ist bei passender Koordinatenwahl unabhängig von X 4 und b e z ü g l c h Xl' XI' X a homogen und isotrop. Dieser Fall ist es, den ich zunächst als die natürlichs-

Ermöglichung jener Lösung statt des genannten Druckes eine neues Glied in die Gleichungen eingeführt, welches vom Standpunkt des Relativitäts-Prinzips erlaubt ist. Die so erweiterte Gravitationsgleichun-

lische Rechtfertigung gibt. Ursprünglich hab.e ich zur

gen lauten
$$R_{ik}=0, \eqno (1)$$

wobei A eine universelle Konstante ("kosmologische Konstante") b e d e u t e . Die Einfügung dieses

zweiten Gliedes ist eine Komplizierung der Theorie, welche deren logische Einfachheit bedenklich vermin-

dert. Seine Ein- führung kann nur durch die Notlage entschuldigt wer- den, welche die kaum vermeidbare

te der Materie mit sich bringt. Beiläufig sei bemerkt, daß in NEWTONS Theorie dieselbe Schwierigkeit besteht. Aus diesem Dilemma hat der Mathematiker

Einführung einer endlichen durchschnittlichen Dich-

FRIED- MANN einen Ausweg gefunden¹⁾. Sein Ergebnis hat dann durch HubbleS Entdeckung der Expansion des Fixstern-Systems (mit der. Distanz gleichmäßig an- wachsender Rot-Verschiebung der Spektrallinien) eine überraschende Bestätigung gefunden. Das Folgende ist im wesentlichen nichts anderes als eine Darlegung von IfRIEDMANNS Idee:

Vierdimensionaler Raum, der bezüg- lich dreier Dimensionen isotrop ist. Wir nehmen wahr, daß die Sternsysteme von uns aus gesehen nach allen Richtungen hin ungefähr gleicll dicht verteilt sind. Wir sehen uns dadurch zu der An- nahme gedrängt, daß diese räumliche Isotropie des Systems für alle Beobachter zutreffen würde, für

¹⁾Er hat gezeigt, daß es nach den Feldgleichungen möglich ist, eine endliche Dichte im ganzen Raume (dreidimensional aufgefaßt) zu haben, ohne die Feldgleichungen ad hoc zu erweitern. Zeitschr. f. Physik 10 (1922).

wir nicht l11ehr die Anllahme, daß die mittlere Dichte der Materie für einen relativ z'ur benachbarten Materie ruhenden Beobachter zeitlich konstant sei. Damit entfällt auch die Annahme, daß der Ausdruck

des metrischen Feldes die Zeit nicht enthalte.

jeden Ort und jede Zeit eines gegen die ihn umgebende Ma- terie ruhenden Beobachters. Dagegen machen

Wir müssen nun eine mathematische Form finden für die Voraussetzung, daß die Welt in räumlicher Be- ziehung allenthalben isotrop sei. Durch je-

den Punkt P des (vierdimensionalen) Raumes geht

eine Teilchen- Bahn (im folgenden kurz "Geodäte" genannt). P und Q seien zwei infinitesimal benachbarte Punl te einer solchen Geodäte. Dann werden wir zu verlangen haben, daß bezüglich jeder "Drehung" des Koordinatensystems um Pund Q der Ausdruck des Feldes invariant sein soll. Dies soll gelten

druck des Feldes invariant sein soll. Dies soll gelten für jedes Element jeder Geodäte.

Diese Forderung beschränkt nicht nur die Metrik, sondern auch die Koordinatenwahl, von welch letzte-

sondern auch die Koordinatenwahl, von welch letzterer Beschränkung wir uns nach Auffindung der Metriken von dem verlangten Symmetrie-Charakter wieder frei machen können. daß die Geodäte in ihrem ganzen Verlauf der Drehungsachse angehört und all ihre Punkte bei der Drehung des Koordinatensystems fest bleiben. Die Lösung soll also drehungsinvariant sein bezüglich aller

Drehungen des Koordinatensystems um alle die drei-

Die Forderung einer solchen Invarianz verlangt,

fach unendlich vielen Geodäten. Auf die deduktive Ableitung der Lösung dieses Pro- blems will ich hier der Kürze halber nicht eingehen, für einen dreidimellsionalen Raum erscheint

es jedoch anschaulich evident, daß eine bezüglich zweifach un- endlich vielen Linien drehungsinvarian-

te Metrik im ,vesentlichen (Ien Typus einer (bei passender Koordi- natenwahl) zentralsymmetrischen Lösung haben muß, wobei die Drehachsen die radial verlaufenden Geraden sind, die ja aus Symmetriegründen Geodäten sind. Die Flächen konstanten Radius sind dann Flächen kon- stantel (positiver) Krüm-

mung, welche auf den (radialen) Geodäten überall senkrecht stehen. In invarianter Aus- drucksweise er-

gibt sich also: Es gibt eine zu den Geodäten orthogonale Flächen- schar. Jede dieser Flächen ist eine Fläche Bemerkung. Der so anschlaulich gewonnene Fall ist nur insofern nicht der allgemeine, als die Flächen der Schar auch Flächen negativer konstanter Krüm- mung oder EUKLIDisch(verschwindende Krümmung) sein können.

Indem uns interessierenden vierdimensionalen Fall ist es genau analog. Es ist ferner kein wesent-

konstanter Krümmung. Je zwei Flächen dieser Schar schneiden aus diesen Geodäten gleich, lange Stücke

licher Unterscllied, "venn der metrische Raum vom Trägheits- index 1 ist; nur muß man die radialen Richtungen zeit- artig, die in den Flächen der Schar liegenden Richtungen dementsprechend raum-

artig wählen. Die Achsen der lokalen Liclltkegel aller

Punkte liegen auf den radialen Linien.

rz 1. . . 1

heraus.

Koordinatenwabl Statt jener vier Koordinaten, für welche die räum-

liche Isotropie des Kontinuums am unmittelbarsten hervortritt, wählen wir nun andere Koordinaten, die vom Standpunkt der physikalischen Interpretation

be- quelner sind. Als zeitartige Linien, auf denen Xl'

gellenden Geraden sind. x 4 sei ferner gleich dem metrischen Abstand vom Zen- trum. In solchen Koordinaten ausgedrückt, ist die Metrik von der speziellen Gestalt

 $X\ 2$, $x\ 3$ konstant sind und $X\ 4$ allein variabel, wählen wir die Teilchen-Geodäten, welche in der zentralsymmetrischen Dar- stellung die vom Zentrum aus-

Die Feldgleichungen Wir haben nun ferner den Feldgleichungen der

Gra- vitation Genüge zu leisten, und zwar den Feldgleichun- gen ohne das früher ad hoc eingeführte "kosmologische Glied":

Der Spezialfall verschwindender räumlicher Krümmung (z=0)

Der einfachste Sonderfall bei nicht verschwindender Dichte e ist der Fall

verschwindender riiumlicher Krümmung Berücksichtigt man eine räunliche Krümmung räumlichen Schnittes (x 4 = konst.), so hat man Gleichun-

gen

Lösungen der Gleichung'en im Falle nicht

Erweiterung der vorstehenden Überlegungen durch Verallgemeinerung des Ansatzes bezüglich der ponderabeln Materie

Bei allen bisher erlallgten Lösungen gibt es eillen Zustand des Systems, in welchem die Metrik singulär

"Teilchen-Gas", nach der speziellen Relativtätstheorie behandelt

Wir denken uns einen Schwarm parallel bewegter Teilchell von der Masse m. Er kann auf Rulle transformiert werden, die räumliche Dichte der Teilchen, (1, hat dann LORENTZ-invariante Bedeutung. Auf ein be- liebiges LORENTZ-System bezogen, hat dann

Zusammenfassende und sonstige Bemerkungen

e Gravitationsgleichullgen ist zwar relativistisch mög- lich, vom Standpunkt der logischen Ökonomie

aber ver- werflich. Wie FRIEDMANN zuerst gezeigt hat, kann man eine allenthalben endliche Dichte der Materie mit der ursprünglichen Form der Gravitationsgleichungen in Einklang bringen, wenn man die

zu einer natürlichen Lösung des kosmologischen Problems zu

führen - einbüßt.

zeitlichle Veränderlichkeit des metrischell Abstandes distanter Massenpunkte zuläßt²).

¹⁾ Vgl. Anmerkung am Schluß dieses Anhangs.
2) 'Vürde die Hubble-Expansion bei Aufstellung der allgemeinen Relativitätstheorie bereits entdeckt gewesen sein, so wäre es nie zur Einführung des kosmologischen Gliedes gekonlmen. Es erscheint nun aposteriori um so ungerechtfertigter, ein solches Glied in die Feldgleichungen einzuführen, als dessen Einführung seine einzige ursprüngliche Existenzberechtigung

Bevor ich mit dem eigentlichen Gegenstande beginne, will ich eine allgemeine Betrachtung über die "Stärke" von Systemen von Feldgleichungen im allgemeinen vorausschicken. Diese Betrachtung ist auch

Relativistische Theorie

nichtsymmetrischen Feldes

des

Theorie von Interesse .. Für eine tiefere Durchdringung unseres Problems ist sie aber beinahe unentbehrlich.

unab- hängig von der besonderen hier dargestellten

Über die "Kompatibilität" und die "Stärke" von Systemen von Feldgleichungen

Wenn gewisse Feldvariable gewählt sind sowie ein System von Feldgleichungen für diese, so bestimmen die letzteren im allgemeinen das Feld nicht vollstän-

dig, sondern es bleiben gewisse frei wählbare Größen für eine Lösung der Feldgleichungen. Je weniger solch frei wählbare Größen von dem System von Feldgleichungen zugelassen werden, desto "stärker" ist das

System. Es ist klar, daß man in Ermangelung ande-

dabei zeigen, daß sich ein solches Maß angeben. läßt, das uns sogar in den .Stand setzt, die Stärke von Systemen mitein- ander zu vergleichen, deren Feldvariable nach Zahl und Art voneinander verschieden sind.

Relativistische Feldtheorie

Allgemeines Die eigentliche Leistung der (allgemeinen) Relativi- tätstheorie liegt darin, daß sie die Physik von der N ot- wendigkeit der Einführung des

rer Gesichts- punkte einem in diesem Sinne stärkeren System gegen- über einem weniger starken den Vorzug geben wird. Es ist unser Ziel, für diese Stärke von Gleichungs- systemen ein Maß zu finden. Es wird sich

ren Koordinatensystemen gewisse Systeme aus. Es wird dann angenommen, daß die Ge- setze der Physik nur in bezug auf solche Inertialsysteme gelten (z. B. der Trägheits-Satz und das Gesetz von der Konstanz der Lichtgeschwindigk-eit). Dadurch wird dem

Raum als solchem :eine Rolle im System der Phy-

"Inertialsystems" (bzw. der Inertialsysteme) befreit hat. Das Unbefriedigende an diesem Begriff liegt darin: Er ,vählt ohne Begründung unter allen denkbagisch möglich, aber andererseits doch recht unbefriedigend. Newton hatte diesen Mangel deutlich empfunden, aber auch klar verstanden, daß es für die damalige Physik keinen an- deren Weg gab. Unter den Späteren war es besonders ERNST – I A C H , -der

Sowohl die Ableitung als auch die Form der Erhal- tungssätze werden viel komplizierter, wenn

sik zuerteilt, die ihn vor den übrigen Elementen der physi- kalischen Beschreibung auszeichnet: Er wirkt bestim- mend auf alle Vorgänge, ohne daß diese auf ihn zurück- wirken; eine solche Theorie ist zwar lo-

man die frühere Formulierung der Feldgleichungen zugrunde legt.

Allgemeine Bemerkungen

Allgemeine Bemerkungen

diesen Punkt klar ins Licht brachte.

A. Die dargelegte Theorie ist nach meiner Ansicht die logisch einfachste relativistische Feldtheorie, die

überhaupt möglich ist. Damit ist aber nicht gesagt, daß die Natur nicht einer komplexeren Feldtheorie entsprechen könnte. Die Aufstellung komplexerer Feld- theorien ist vielfach vorgeschlagen worden. Sie D. Man kann gute Argumente dafür anführen, daß die Realität überhaupt nicht durch ein kontinuierliches Feld dargestellt werden könne. Aus den

Quanten- phänomenen scheint nämlich mit Sicherheit hervorzu- gehen, daß ein endliches System von

lassen sich betrachten nach folgenden Gesichtspunk-

ten:

endlicher Energie durch eine endliche Zahl von Zahlen (Quanten-Zahlen) vollständig beschrieben werden kann .. Dies scheint zu einer Kontinuums-Theorie nicht zu passen und muß zu einem Versuch führen, die Realität durch eine rein algebraische Theorie zu beschreiben. Niemand sieht a her, wie die Basis einer solchen Theorie gewonnen werden könnte.

Namen- und Sachverzeichnis