# Integrable Cosmological Models with Liouville Scalar Fields

Alexander A. Andrianov $^{1,4}$  Chen Lan $^2$  Oleg O. Novikov $^1$  Yi-Fan  $Wang^3$ 

<sup>1</sup>Saint-Petersburg State University, St. Petersburg 198504, Russia

<sup>2</sup>ELI-ALPS, ELI-Hu NKft, Dugonics tér 13, Szeged 6720, Hungary

<sup>3</sup>Institut für Theoretische Physik, Universität zu Köln, Zülpicher Straße 77, 50937 Köln, Germany

<sup>4</sup>Institut de Ciències del Cosmos (ICCUB), Universitat de Barcelona, Spain

December 2, 2017



# **Outline**

- 1. Introduction
- 2. Classical model
- 3. Quantum model with constant potential
- 4. Classical model with exponential potential
- 5. Quantum model with exponential potential
- 6. Wave packets and their matching



- Flat Robertson–Walker metric  $\mathrm{d}s^2 = -N^2(t)\,\mathrm{d}t^2 + \varkappa^{-1/2}\mathrm{e}^{2\alpha(t)}\,\mathrm{d}\Omega_3^2 \text{, where } \varkappa = 8\pi G \text{, } \mathrm{d}\Omega_3^2$  dimensionless spacial metric
- Homogeneous real Klein–Gordon with potential (dubbed Liouville)  $Ve^{\lambda\phi}$ ,  $\lambda,V\in\mathbb{R}$ .
- Total action  $\mathcal{S}=S_{\mathrm{EH}}+S_{\mathrm{GHY}}+S_{\mathrm{L}}=\int\mathrm{d}\Omega_{3}^{2}\int\mathrm{d}t\,L,$

$$L \coloneqq \varkappa^{3/2} N e^{3\alpha} \left( -\frac{3}{\varkappa} \frac{\dot{\alpha}^2}{N^2} + \ell \frac{\dot{\phi}^2}{2N^2} - V e^{\lambda \phi} \right), \tag{1}$$

in which dot means  ${\rm d}/{\rm d}t,~\ell=\pm1$  corresponds to quintessence / phantom model, respectively.

ullet Choosing  $\overline{N}\coloneqq N{\mathbb e}^{-3lpha}$ , the effective Lagrangian transforms to

$$L = \varkappa^{3/2} \overline{N} \left( -\frac{3}{\varkappa} \frac{\dot{\alpha}^2}{\overline{N}^2} + \ell \frac{\dot{\phi}^2}{2\overline{N}^2} - V e^{\lambda \phi + 6\alpha} \right)$$
 (2)

2/9



• Letting  $\Delta := \lambda^2 - 6\ell \varkappa$ ,  $s := \operatorname{sgn} \Delta$ ,  $g := s\sqrt{|\Delta|} \equiv s\sqrt{s\Delta}$ , the rescaled special orthogonal transformation

$$\begin{pmatrix} \alpha \\ \phi \end{pmatrix} = \frac{1}{g} \begin{pmatrix} \lambda & -\ell \kappa \\ -6 & \lambda \end{pmatrix} \begin{pmatrix} s_{\beta}\beta \\ s_{\chi}\chi \end{pmatrix} \quad \text{where } s_{\beta}, s_{\chi} = \pm 1 \quad (3)$$

gives the decoupled Lagrangian

$$L = \varkappa^{3/2} \overline{N} \left( - s \frac{3}{\varkappa} \frac{\dot{\beta}^2}{\overline{N}^2} + \ell s \frac{\dot{\chi}^2}{2\overline{N}^2} - V e^{s_{\chi} g \chi} \right),$$

# **Allgemeines**

- Mit diesem beamer theme ist es möglich, Präsentationen in LATEX mit der Beamer-Klasse zu erstellen, die dem Corporate Design der Universität zu Köln entsprechen
- Auf die Beamer-Klasse wird in diesem Dokument nicht n\u00e4her eingegangen, n\u00e4here Informationen finden Sie unter http://latex-beamer.sourceforge.net/



### Laden des Themes

# Das Theme kann mit den folgenden Optionen geladen werden



# Die Fußzeile

- Es stehen verschiedene Fußzeilen zur Auswahl, die als Option beim Laden des *themes* übergeben werden:
  - Balken mit allen Fakultätsfarben (Option uk)
  - Balken in jeweils einer Fakultätsfarbe (Optionen wiso, jura, medizin, philo, matnat, human, verw)<sup>1</sup>
- "Universität zu Köln" sowie der Name der Fakultät sind im Theme definiert, das Institut oder Seminar kann mit dem Befehl \institute{} festgelegt werden
- Die Optionen sind im Quellcode dieser Präsentation dokumentiert

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Es werden die offiziellen RGB-Werte aus dem 2-D Handbuch Corporate Design verwendet.



# Englische Präsentationen

- Der Universitäts- sowie die Fakultätsnamen werden standardmäßig auf Deutsch angezeigt.
- Übergeben Sie dem Paket babel die Option english, so werden diese Namen entsprechen angepasst.
- Die Übersetzungen können in der Theme-Datei beamerthemeUzK.sty geändert werden



# block-Umgebungen

## Standard (block)

Verwendet die Farbe "Blaugrau Mittel" als Blocktitel-Hintergrund

#### exampleblock

Bei Verwendung der Fußzeile mit allen Fakultätsfarben Titelhintergrund in Wiso-Grün, sonst in der jeweiligen Fakultätsfarbe

#### alertblock

Verwendet das Rot der Folientitel



### Installation

- Das Theme besteht aus den Dateien beamerthemeUzK.sty und beamercolorthemeUzK.sty sowie den Grafikdateien logo.pdf und logo-small.pdf.
- Das Theme kann auf zwei Arten verwendet werden:
  - 1. Die vier Dateien werden in den selben Ordner wie die zu erstellende Präsentation gelegt
  - 2. Die vier Dateien werden im lokalen texmf-Baum abgelegt
- Die zweite Variante ist der ersten vorzuziehen, da das Theme so an einem zentralen Ort vorliegt



# ToDo

# Was noch zu tun ist...

- Erstellen einer eigenen Titelseite
- ...



