



Universidade de Brasília
Instituto de Exatas
Departamento de Estatística

Cadeias de Markov e Economia da saúde

Uma aplicação utilizando o pacote heemod

Carolina Musso 18/0047850
Henrique Oliveira Dumay 19/0121475

Professor(a): Cira Etheowalda Guevara Otiniano

Brasília
2/2023

Sumário

1	Resumo	4
2	Introdução e Objetivos	4
3	Metodologia	4
	3.1 Processo Semi-Markov	4
4	Resultados	5
5	Discussão	5
6	Conclusão	5
7	Apêndice	5

1 Resumo

2 Introdução e Objetivos

3 Metodologia

3.1 Processo Semi-Markov

Uma cadeia de markov é um processo estocástico em que a distribuição condicional para qualquer estado futuro X_{n+1} , dados os estados passados X_0, X_1, \dots, X_{n-1} e o estado presente X_n , é independente dos estados passados e depende somente do estado presente. O processo assume um número finito de possíveis valores $\{X_n, n = 0, 1, 2, \dots\}$ e, se $X_n = i$, considera-se que o processo está no estado **i** no tempo **n**. Assume-se que, quando o processo está no estado **i**, existe uma probabilidade P_{ij} de ir para o estado **j** em seguida. Isto é:

$$P\{X(n+1) = j | X_n = i_n, X_{n-1} = i_{n-1}, \dots, X_1 = i_1, X_0 = i_0\} = P_{ij}$$

para todos os estados i_0, i_1, \dots, i_n, j e para todo $n \geq 0$. O valor P_{ij} representa a probabilidade do processo sair de **i** e ir para **j**.

Um processo estocástico $\{N(t) : t \geq 0\}$ que pode estar em qualquer um de N estados $(1, 2, \dots, N)$ e, a cada vez que entrar em um estado **i**, lá permanecer por uma quantidade de tempo aleatória, com média μ_i e, então, ir para um estado **j** com probabilidade P_{ij} é chamado de *processo semi-markov*. Diferencia-se de uma cadeia de Markov por, nesta última, o tempo em que um processo passa em cada estado antes de uma transição ser o mesmo.

A proporção de tempo que um processo permanece em um estado **i** é dado por:

$$P_i = \frac{\mu_i}{\mu_1 + \mu_2 + \dots + \mu_N}, i = 1, 2, \dots, N$$

Com μ_i representando a quantidade esperada de tempo em que um processo permanece no estado **i** durante cada visita.

Considera-se π_i a proporção de transições que levam o processo ao estado **i**. X_n denota o estado do processo após a n -ésima transição. Então $\{X_n, n \geq 0\}$ é uma cadeia de Markov com probabilidades de transição $P_{ij}, i, j = 1, 2, \dots, N$. π_i será a probabilidade

estacionária para essa cadeia de Markov. Isto é, π_i será a única solução não-negativa para

$$\sum_{i=1}^N \pi_i P_{ij} = 1\pi_i = \sum_{j=1}^N \pi_j P_{ij}, i = 1, 2, \dots, N$$

Como o processo passa um tempo esperado μ_i no estado i sempre que visita aquele estado, P_i dever ser uma média ponderada de μ_i , em que π_i é ponderado proporcionalmente a μ_i :

$$P_i = \frac{\pi_i \mu_i}{\sum_{j=1}^N \pi_j P_{ij}}, i = 1, 2, \dots, N$$

e π_i é a solução da equação anterior.

A probabilidade P_i para um processo Semi-Markov

4 Resultados

5 Discussão

6 Conclusão

7 Apêndice

```
knitr::opts_chunk$set(echo = FALSE,
                      warning = FALSE,
                      message = FALSE)

#rm(list = ls()) #will clear all objects includes hidden objects.
#options(rstudio.help.showDataPreview = FALSE)
# Carregando bibliotecas -----
pacman::p_load(tidyverse, dplyr, rio, papeR, patchwork,
               kableExtra, pROC, ExhaustiveSearch, scales,
               sjPlot, sjmisc, performance, lmtest, stringr,
               heemod)
```

Referências