

UFPE

Professor: Banca de Cálculo Numérico

Disciplina: Cálculo Numérico

Curso: Cursos de Exatas

Aluno:

Matrícula:

Turma: T1, T2, T4, T6, T7  
e T8

## Nota

---

Data: 26/07/2022

Leia atentamente e marque a única alternativa correta, para cada questão. Não amasse ou rasure o QRcode e nem o gabarito.

Marque o gabarito preenchendo completamente a região de cada alternativa.



	a	b	c	d	e	f	g	h
Q.1:	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Q.2:	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Q.3:	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Q.4:	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Q.5:	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Q.6:	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	a	b	c	d	e	f	g	h



Prova: 679282.0

**Q.1 (1.00)** - Determine, usando método de Newton, o valor aproximado do zero de função de  $f(x) = x \ln(x) - 1$ . Parta do ponto médio do intervalo  $[a,b] = [1,2]$  e faça iterações até que  $|x_{i+1} - x_i| \leq 1e-3$ . Considere o argumento da função  $f(x)$  em radiano e use quatro casas decimais e arredondamento padrão. Marque a alternativa correta:

- a) ☐ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[1,65 ; 1,70]$
- b) ☐ nenhuma das alternativas
- ~~c) ☒ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[1,75 ; 1,80]$~~
- d) ☐ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[1,70 ; 1,75]$
- e) ☐ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[1,60 ; 1,65]$
- f) ☐ o valor mais próximo do zero da função

encontra-se no intervalo  $[1,80 ; 1,85]$

**Q.2 (1.00)** - Considere as máquinas F e G, abaixo, e o arredondamento padrão. Avalie as seguintes afirmações: (i) O número  $x = 0,527921$  é um elemento da máquina que trabalha com sistema de ponto flutuante  $F(10,5,-9,9)$ .

(ii) Sendo  $X = 0,7237 \cdot 10^4$ ,  $Y = 0,2145 \cdot 10^{-3}$  e  $Z = 0,2585 \cdot 10^1$  podemos afirmar que  $(X \cdot Y)/Z = X \cdot (Y/Z)$ , considerando a máquina  $G(10, 4, -5, 5)$ .

- a) ☐ ambas estão corretas  
b) ☐ apenas (i) é correta  
c) ☐ apenas (ii) é correta  
~~d) ☐ nenhuma~~

**Q.3 (1.00)** - Avalie as seguintes afirmações: (i)  
A conversão do número decimal  $x = 105,3451$

para binário resulta em 1101001,010110, considerando 6 casas decimais.

(ii) A conversão do número binário  $y = 1000001,1011$  para decimal resulta em 65,72, considerando 4 casas decimais.

- ☒ a) apenas (i) é correta  
 b) ☐ ambas estão corretas  
 c) ☐ nenhuma  
 d) ☐ apenas (ii) é correta

**Q.4 (1.00)** - Determine, usando método da Bissecção, o valor aproximado do zero de função de  $f(x) = x - x \ln(x)$ , no intervalo  $[a, b] = [2, 3]$  e adotando como critério de parada a amplitude  $|a - b| \leq 1e-1$ . Considere o argumento da função  $f(x)$  em radiano e use quatro casas decimais e arredondamento padrão. Marque a alternativa correta:

- a) ☐ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[2,75 ; 2,80]$   
 b) ☐ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[2,60 ; 2,65]$   
 c) ☐ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[2,55 ; 2,60]$   
☒ d) ☐ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[2,65 ; 2,70]$   
 e) ☐ nenhuma das alternativas  
 f) ☐ o valor mais próximo do zero da função encontra-se no intervalo  $[2,70 ; 2,75]$

**Q.5 (1.00)** - Verifique se as seguintes afirmativas são verdadeiras ou falsas:

☐ O teorema de Bolzano diz: “Se  $f$  é uma função contínua em um certo intervalo  $[a, b]$  e troca de sinal nos extremos deste intervalo, isto é,  $f(a) \cdot f(b) > 0$ , então existe pelo menos uma raiz real de  $f$  em  $[a, b]$ ”.

☐ Aplicando o teorema de Bolzano confirmamos a existência de pelo menos uma raiz real

de uma função.

☐ O método da Bissecção parte de um intervalo de separação de uma raiz de uma função específica e o “quebra” em dois intervalos de tamanhos iguais.

☐ O intervalo de separação significa que há uma única raiz real de uma função  $f$ .

- a) ☐ V, F, F, F  
 b) ☐ nenhuma das alternativas  
 c) ☐ V, F, V, F  
☒ d) ☐ F, V, V, V  
 e) ☐ V, V, V, V  
 f) ☐ F, V, V, F  
 g) ☐ F, F, F, F  
 h) ☐ V, F, F, V

**Q.6 (1.00)** - Considere a máquina  $F(10, 3, -5, 5)$  e o arredondamento padrão. Avalie as seguintes afirmações:

(i) As operações válidas devem resultar na região de operação da máquina  $F$ . As regiões onde a máquina não opera são chamadas de overflow e underflow, ou seja: Overflow :  $\{x > X_{\max}\} \cup \{x < -X_{\max}\}$  e Underflow:  $\{-X_{\min} < x < 0\} \cup \{0 < x < X_{\min}\}$ . Onde:  $X_{\min} = 1,00 \cdot 10^{(-5)}$  e  $X_{\max} = 9,00 \cdot 10^{(5)}$ .

(ii) Utilizando números da máquina  $F$ , considere os valores para  $X_1 = 6,02 \cdot 10^4$  e  $X_2 = 2,00 \cdot 10^4$ , realizando a operação  $X_1 \cdot X_2$  encontra-se na região de overflow. Nesse caso, o resultado não pode ser representado nessa máquina.

Estão corretas as afirmações:

- ☒ a) apenas (ii) é correta  
 b) ☐ apenas (i) é correta  
 c) ☐ ambas estão corretas  
 d) ☐ nenhuma