

2. 磁偶与电四极辐射场

$$\vec{A}^{(1)}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{e^{ikr}}{r} \left(\frac{1}{r} - ik \right) \hat{e}_r \cdot \int \vec{r}' \vec{J}(\vec{r}') dV'$$

$$\text{对于 } \vec{r}' \vec{J}(\vec{r}') = \frac{1}{2} [\vec{r}' \vec{J}(\vec{r}') + \vec{J}(\vec{r}') \vec{r}'] + \frac{1}{2} [\vec{r}' \vec{J}(\vec{r}') - \vec{J}(\vec{r}') \vec{r}']$$

$$\text{则 } \hat{e}_r \cdot \int \vec{r}' \vec{J}(\vec{r}') dV' = \frac{1}{2} \int \hat{e}_r \cdot (\vec{r}' \vec{J}' + \vec{J}' \vec{r}') dV' + \frac{1}{2} \int \hat{e}_r \cdot (\vec{r}' \vec{J}' - \vec{J}' \vec{r}') dV'$$

$$= \frac{1}{2} \int \hat{e}_r \cdot \left(\vec{r}' \frac{d\vec{r}'}{dt} + \frac{d\vec{r}'}{dt} \vec{r}' \right) \rho(\vec{r}') dV' - \frac{1}{2} \int \hat{e}_r \times (\vec{r}' \times \vec{J}') dV'$$

$$= \frac{1}{2} \hat{e}_r \cdot \int \rho(\vec{r}') \frac{d}{dt} (\vec{r}' \vec{r}') dV' - \hat{e}_r \times \frac{1}{2} \int (\vec{r}' \times \vec{J}') dV'$$

$$= \frac{1}{2} \hat{e}_r \cdot \frac{d}{dt} \int \rho(\vec{r}') \vec{r}' \vec{r}' dV' - \hat{e}_r \times \vec{m}$$

$$= \frac{1}{2} \hat{e}_r \cdot \frac{d\vec{Q}}{dt} - \hat{e}_r \times \vec{m}$$

$$\vec{A}^{(1)}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{e^{ikr}}{r} \left(\frac{1}{r} - ik \right) \left[\frac{1}{2} \hat{e}_r \cdot \frac{d\vec{Q}}{dt} - \hat{e}_r \times \vec{m} \right]$$

电四极势 $\vec{A}_Q^{(1)}(\vec{r})$ 磁偶极势 $\vec{A}_m^{(1)}(\vec{r})$

$$\text{仍利用 } \vec{B} = \nabla \times \vec{A} \quad \text{及} \quad \vec{E} = \frac{ic}{k} \nabla \times \vec{B}$$

“磁偶极场”

① 也可不用具体计算, 对于磁偶极场, 利用对偶变换

$$\vec{E} \rightarrow c\vec{B}, \quad c\vec{B} \rightarrow -\vec{E}, \quad \vec{p} \rightarrow \frac{\vec{m}}{c}, \quad \frac{\vec{m}}{c} \rightarrow -\vec{p}$$

对 (9.18) 作替换, 即可得 (9.35) (9.36) 磁偶极场

② 电四极场

$$\text{普通四极矩: } \vec{Q} = \int \rho(\vec{r}') \vec{r}' \vec{r}' dV'$$

$$\text{无迹四极矩: } \vec{D} = \int \rho(\vec{r}') (3\vec{r}' \vec{r}' - \vec{r}'^2 \vec{I}) dV'$$

$$\vec{A} \propto \hat{e}_r \cdot \vec{D} = \hat{e}_r \cdot \frac{d}{dt} \int \rho(\vec{r}') (3\vec{r}' \vec{r}' - \vec{r}'^2 \vec{I}) dV'$$

$$= \hat{e}_r \cdot 3\vec{Q} - \hat{e}_r \cdot \vec{I} \frac{d}{dt} \int \rho(\vec{r}') r'^2 dV'$$

$$= 3\hat{e}_r \cdot \vec{Q} - \hat{e}_r \cdot \frac{d}{dt} \int \rho(\vec{r}') r'^2 dV'$$

对于远场, \vec{A} 中多了一个纵向分量 \hat{e}_r 项, 对 \vec{B} 无贡献, 则远场

$$\vec{B} = ik \hat{e}_r \times \vec{A}_Q = \frac{-i\mu_0 c k^3}{8\pi} \frac{e^{ikr}}{r} \hat{e}_r \times \vec{Q}$$

$$\text{则 } \vec{Q} = \hat{e}_r \cdot \vec{Q} \quad \text{标量四极矩}$$

$$\vec{H} = -\frac{ick^3}{24\pi} \frac{e^{ikr}}{r} \hat{e}_r \times \vec{D}$$

辐射功率角分布 $\frac{dP}{d\Omega}$ (略)

见 (9.45)

第六章 狭义相对论

§1. 相对论时空与变换

1. 狭义相对论的基本假设

狭义相对性原理 + 光速不变原理

