

Proyecto 3

Diseño de Algoritmos I

Fabio Castro 10-10132, Leopoldo Pimentel 06-40095

13/03/2015

1 Problema ACMAKER

1.1 Descripción del diseño del algoritmo implementado para la solución óptima

Para esta solución, se guardó la posición de la palabra que está analizando y la posición de la abreviación. También se tuvo en cuenta si se había usado ya esa palabra en la abreviación o si se había usado ya la letra en las palabras.

También, antes de correr el algoritmo, se limpió la oración de las palabras innecesarias para el acrónimo. De esta forma se pudo reducir el nivel de complejidad de los casos del algoritmo.

1.2 Descripción de la función de optimización empleada

Para este problema se usó una función de optimización Top-Down, en programación dinámica, donde se hizo de forma recursiva todo el planteamiento del algoritmo.

1.3 Estrategia de programación dinámica seguida

Como estrategia de nuestra solución, implementamos una matriz de tamaño $M \times N \times 2$. En dicha matriz fuimos almacenando en la posición de la palabra y en la posición de la oración, guardamos cuántas formas tengo de lograr el acrónimo en ese momento.

1.4 Análisis de complejidad en tiempo y espacio

Como es una matriz de tamaño $M \times N \times 2$. Donde M es el tamaño de la palabra por N el tamaño de la abreviación. Como en el peor caso el algoritmo tiene que recorrer toda la matriz entonces, que nuestra solución es de $O(MN^2)$, ahora M y N son dos variables independientes no se pueden unir. Como el 2 es constante, entonces podemos asegurar que el algoritmo es de orden $O(MN)$.

2 Problema BABY

2.1 Descripción del diseño del algoritmo implementado para la solución óptima

Nuestro algoritmo, toma la cantidad de reinas. Una vez tomado el numero de reinas, se comenzo con la solucion de colocar N reinas en un tablero. Para esto, se trabajo con la ayuda de una mascara de bits que iba trabajando con un OR logico. Con esto, sabiamos si ya se habia colocado una reina en esa columna o fila

2.2 Descripción de la función de optimización empleada

Para este problema se uso una funcion de optimizacion Top-Down, en programacion dinamica, donde se hizo de forma recursiva todo el planteamiento del algoritmo.

2.3 Estrategia de programación dinámica seguida

Para la estrategia de nuestra solucion, en una matriz de tamaño 1.En dicha matriz se almaceno una mascara de bits. Con la finalidad de poder hace un OR logico. Asi vemos donde estan las reinas ya colocadas en el tablero. Con esto, tenemos una solucion bastante optima para el problema.

2.4 Análisis de complejidad en tiempo y espacio

Para este algoritmo se uso el $O(Nx2^n)$. Donde N es la cantidad de reinas y 2^n es la cantidad de mascaras que tiene que calcular para saber cuantas reinas existen.

3 Problema BORW

3.1 Descripción del diseño del algoritmo implementado para la solución óptima

Para la solución optima de este algoritmo, se uso una matriz de 3 dimensiones, donde se fue guardando las soluciones parciales. Esto es debido a que plantenado el problema de una forma recursiva podemos ver que muchas de las soluciones se solapan. Gracias a este comportamiento, es que se pudo idear un algoritmo que iba almacenando las soluciones parciales y se tenian a la mano en caso de ser necesarias.

3.2 Descripción de la función de optimización empleada

Para este problema se uso una funcion de optimizacion Top-Down, en programacion dinamica, donde se hizo de forma recursiva todo el planteamiento del algoritmo.

3.3 Estrategia de programación dinámica seguida

Para esta estrategia, se usa una matriz de tamaño $N \times N \times N$, donde fuimos almacenando por índice las secuencias que íbamos trabajando y se fue guardando el número de la secuencia que se iba alcanzado.

3.4 Análisis de complejidad en tiempo y espacio

La complejidad de este algoritmo es de orden $O(n^3)$. N es el tamaño de la entrada. Es decir la cantidad de elementos que entran. Igualmente en cuanto a espacio, se habla de una matriz de tamaño de 3 dimensiones de N .

4 Problema MAXWOODS

4.1 Descripción del diseño del algoritmo implementado para la solución óptima

Para este problema, se usó un pensamiento bottom-up. En el cual, se hizo de forma lineal la solución del problema. Para poder hacer esto, se construyó una matriz donde se fue almacenando la información de cuantos árboles se iban cortando hasta un punto. Esto es debido a que para la solución parcial solo es necesario saber el nivel en el que estás y el nivel superior. Con esta información, tienes suficiente para correr el algoritmo.

4.2 Descripción de la función de optimización empleada

Para este algoritmo, se usó una función bottom-up. Esta función plantea el uso de un algoritmo lineal. Así pues la solución de nuestro algoritmo es de forma lineal.

4.3 Estrategia de programación dinámica seguida

Para la estrategia de este algoritmo, se usó una matriz de tamaño $N \times 2$, que representa el total de columnas que tiene la matriz de entrada y otra dimensión adicional para guardar el piso de arriba. En el arreglo auxiliar, fuimos guardando la máxima cantidad posibles de árboles cortados. De esta forma, siempre tuvimos bajo nuestra mira; el nivel donde estábamos y el nivel de arriba.

4.4 Análisis de complejidad en tiempo y espacio

La complejidad de este algoritmo es de orden $O(n^2)$, esto es debido a que aunque nuestra solución del dp es casi lineal, nuestra implementación siempre tiene que recorrer toda la matriz dada para poder obtener la respuesta.