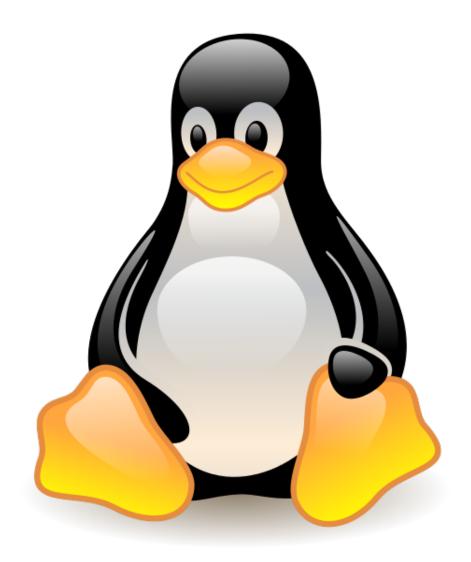
ACM/ICPC TEMPLATE



 ${f fz}$ Last build at November 28, 2017

${ m ACM/ICPC}$ Template by fz

此页为双面打印之留白页

打印需注意:选择双面打印,并缩放到可打印区域!

Contents

1	设置	1
	1.1	头文件
	1.2	Ubuntu 相关设置
2	STL	1
4	311	
3	基本	算法
	3.1	二分
	3.2	三分
4	粉切	
4	数据 4.1	细胞 离散化
	4.1	并查集
	4.3	树状数组
	4.0	4.3.1 一维树状数组
		4.3.2 一维树状数组区间更新区间查询 6
		4.3.3 多维树状数组的处理
	4.4	RMQ
	7.7	4.4.1 一 维 RMQ
		4.4.2 二维 RMQ
	4.5	线段树
	1.0	4.5.1 单点更新
		4.5.2 区间更新
		4.5.3 对一棵树进行线段树操作 11
		4.5.4 二维线段树区间更新单点求和
		4.5.5 二维线段树单点更新区间求最大最小值 12
		4.5.6 线段树相关例题
	4.6	左偏树
	4.7	划分树
	4.8	Size Balanced Tree
	4.9	可持久化线段树
		4.9.1 可持久化线段树 38
		4.9.2 树状数组套可持久化线段树
		4.9.3 相关例题
	4.10	splay
	4.11	KD-tree
		4.11.1 二维 KD-tree
		4.11.2 K 维 KD-tree
	4.12	树链剖分 51
5	字符	事
9	४ 1 ग 5.1	中 KMP
	$5.1 \\ 5.2$	扩展 KMP
	5.2 5.3	trie 字典树
	5.4	AC 自动机
	5.5	AC 自幼れ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	0.0	5.5.1 字符串哈希
		5.5.2 字符串矩阵哈希
		5.5.3 哈希函数
	5.6	字符串的最小表示法
	٠.٠	3 13-1-H3-K3 19-13-14-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1

CC	INTE	NTS	ACM/ICPC Template by tz	CONT	ENTS
6	动态	规划			66
Ū	6.1				
	6.2				
	6.3)		
	6.4		S(0, 0, 0, 0)		
	6.5		(LCIS)		
	6.6	数位 DP			. 69
7	数论				70
	7.1	筛法打质数表			. 70
	7.2				
	7.3				
	7.4				
	7.5				
	7.6				
	7.7				
	7.8				
	7.9	扩展欧几里得求逆元			. 73
	7.10				
	7.11	欧拉函数打表			. 73
	7.12				
	7.13				
		_			
		·			
	1.11	Willer Raddill 人系数	/妈 (4、		. 10
8	图论				78
	8.1	邻接表			. 78
	8.2				
	8.3				
	8.4				
	8.5				
	8.6	-			
	8.7				
		•			
	8.8	• •			
	8.9				
	8.10				
			利算法		
	8.13	LCA 的 tarjan 离线算	『法		. 90
	8.14	2-SAT			. 92
	8.15	拓扑排序			. 93
9	数学				95
ð	奴子 9.1	高斯消元			
	_				
	9.2				
	9.3				
			<u>, . , ,</u>		
		9.3.3 快速傅里叶变	换乘法		. 104
		9.3.4 快速数论变换	乘法		. 105
	94	分数类			107

CONTENTS	ACM/ICPC Template by fz	CONTENTS		
	1			
9.7 自适应 Simpson 积分	} 法	111		
9.9 De Bruijn 序列		111		
9.10 格雷码		112		
9.11 表达式求值		112		
9.12 卡特兰数		115		
9.13 求和公式		115		
9.14 小公式		116		
9.15 快速傅里叶变换		116		
10 博弈		117		
		117		
. —				
11 计算几何		119		
12 其他		132		
	٠			
	N32) 扩栈			
	inux) 扩栈			
13 一些题目		137		
14 现场赛宝典		157		

1 设置

```
1.1 头文件
```

```
#include<cstdio>
   #include<cstdlib>
 2
3
   #include<cstring>
   #include < cmath >
   #include < ctime >
   #include<cassert>
 6
7
   #include<climits>
   #include<iostream>
8
9
   #include<algorithm>
   #include<string>
10
   #include<vector>
11
12
   #include<deque>
13
   #include<list>
14
   #include<set>
   |#include<map>
15
   #include<stack>
16
17
   #include<queue>
18
   #include<numeric>
19
   #include<iomanip>
20
   #include<bitset>
21
   #include<sstream>
22
   #include<fstream>
   #define debug puts("----")
23
24
   #define pi (acos(-1.0))
25
   #define eps (1e-8)
   #define inf (1<<30)
26
   #define INF (111<<62)
27
28
   using namespace std;
29
   int main()
30
31
32
        return 0;
33
   }
```

1.2 Ubuntu 相关设置

```
CodeBlocks 终端命令行:
gnome-terminal —disable-factory -t $TITLE —x
计算器:
gnome-calculator
xcalc
```

2 STL

```
1 /// 欧几里得求最大公约数
2 __gcd(a,b);
3 ///对[0,n)建堆
4 make_heap(a,a+n);
5 ///将n-1插入到[0,n-1)的堆中
6 push_heap(a,a+n);
7 ///将1从[0,n)的堆中取出到n
8 pop_heap(a,a+n);
9 ///对[0,n)的堆进行排序
10 |sort_heap(a,a+n);
```

```
11
  |/// 翻转容器内元素
12
   reverse(v.begin(),v.end());
13
   /// 对 容 器 中 的 key 计 数
14
   count(v.begin(),v.end(),key);
15
   /// 对容器中符合 pred 条件的元素计数
   count_if(v.begin(),v.end(),pred),bool pred(type a);
16
17
   / / / 删 除 容 器 中 值 为 的 key 元 素 , 返 回 end ( ) 迭 代 器
18
   remove(v.begin(),v.end(),key);
19
   v.erase(remove(v.begin(),v.end(),key),v.end());
   ///删除容器中符合pred条件的元素,返回end()迭代器
20
21
   remove_if(v.begin(),v.end(),pred),bool pred(type a);
   /// 对容器中元素排重, 返回 end ( ) 迭代器。符合 pred 的视为相同
22
23
   unique(v.begin(),v.end());
   unique(v.begin(),v.end(),pred),bool pred(type a,type b);
24
25
   v.erase(unique(v.begin(),v.end()),v.end());
26
   /// 遍 历 容 器 找 到 值 为 key 元 素 , 返 回 迭 代 器 , 找 不 到 则 返 回 end ( )
27
   find(v.begin(),v.end(),key);
   ///生成下一个全排列, 有则返回1, 无则返回0
28
29
   next permutation(v.begin(), v.end());
   ///生成上一个全排列, 有则返回1, 无则返回0
30
   prev_permutation(v.begin(),v.end());
31
   ///可以插入value, 而不会破坏容器顺序的第一个位置 (插入后其和其后数后移)。
32
      指 向 键 值 >=key 的 第 一 个 元 素
33
   lower_bound(v.begin(),v.end(),key);
34
   ///可以插入value, 而不会破坏容器顺序的最后一个位置 (插入后其和其后数后移)。
      指向键值 >key的第一个元素
   upper bound(v.begin(),v.end(),key);
35
   /// 将容器内元素按 pred 条件分开, pred 为1的在前, 返回分开处 end() 迭代器
36
37
   partition(v.begin(),v.end(),pred);
38
   stable_partition(v.begin(),v.end(),pred);
39
   ///求两个容器内积, 返回sum+内积
40
   inner_product(v1.begin(),v1.end(),v2.begin(),sum);
   /// 对容器内元素求和, 返回 sum+和
41
42
   accumulate(v.begin(),v.end(),sum);
43
   /// 返回容器内元素的最大/最小值
44
   max_element(v.begin(),v.end());
45
   min_element(v.begin(),v.end());
46
   /// 求 第 n 小 的 元 素 , 并 把 它 放 在 第 n 位 置 上
47
   nth_element(v.begin(),v.end());
48
   /// 将容器内元素都赋值为key
49
   fill(v.begin(),v.end(),key);
50
   ///交换区间 [__first,__middle) [__middle,__last)
51
   rotate(__first,__middle,__last);
   /// 将字符串以base进制转换成long,并通过ed得到一个char *
52
      指向后面未被识别的第一个字符
   long strtol(const char *s, char **ed, int base);
53
   /// 将字符串 str1用 str2 中的字符分隔开。第一次调用传入 str1,以后传入 NULL。
54
      全部分隔完时返回NULL
55
   char *strtok(char *str1, const char *str2);
56
57
       char str[] = "now # is the $time for all # good men to co$$me to the # aid
          of the$ir country";
58
       char delims[] = "#$";
59
       char *result = NULL;
       result = strtok(str, delims);
60
61
      while(result != NULL)
62
       {
63
          printf("result is \"%s\"\n", result);
64
          result = strtok(NULL, delims);
65
       运行结果:
66
       result is "now "
67
68
       result is " is the "
```

```
69 result is "time for all "
70 result is "good men to co"
71 result is "me to the "
72 result is "aid of the"
73 result is "ir country"
74 **/
```

,	b 有 n 位 ,每位都为 0
	b 是 unsigned long 型 u 的一个副本
bitset < n > b(s);	b 是 string 对象 s 中含有的位串的副本
bitset < n > b(s, pos, n);	b 是 s 中从位置 pos 开始的 n 个位的副本

b.any()	b 中是否存在置为 1 的二进制位?
b.none()	b 中不存在置为 1 的二进制位吗?
b.count()	b 中置为 1 的二进制位的个数
b.size()	b 中二进制位的个数
b[pos]	访问 b 中在 pos 处的二进制位
b.test(pos)	b 中在 pos 处的二进制位是否为 1?
b.set()	把 b 中所有二进制位都置为 1
b.set(pos)	把 b 中在 pos 处的二进制位置为 1
b.reset()	把 b 中所有二进制位都置为 0
b.reset(pos)	把 b 中在 pos 处的二进制位置为 0
b.flip()	把 b 中所有二进制位逐位取反
b.flip(pos)	把 b 中在 pos 处的二进制位取反
b.to_ulong()	用 b 中同样的二进制位返回一个 unsigned long 值
os « b	把 b 中的位集输出到 os 流

3 基本算法

3.1 二分

```
|///二分(单调增)
 2
   double l=0,r=100,mid;
3
   while(r-l>eps)
4
   {
5
        mid=(1+r)/2;
6
        if (f(mid)>0)
7
            r=mid;
8
        else
9
            l=mid;
10
   }
11
    ///二分 (精确binary_search)
12
13
   int l=0,r=10000,mid;
14
   while(l<=r)</pre>
15
    {
16
        mid=l+r>>1;
17
        if (a[mid]>key)
18
            r=mid-1;
19
        else if (a[mid]<key)</pre>
20
            l=mid+1;
21
        else
22
            break;
23 | }
```

```
24
   if (a[mid]==key);
25
26
   ///二分(lower_bound)
   int l=0,r=10000,mid;
27
28
   while(l<r)</pre>
29
30
        mid=l+r>>1;
31
        if (a[mid]>=key)
32
            r=mid;
33
        else if (a[mid]<key)</pre>
34
            l=mid+1;
35
36
   if (a[1]==key);
          三分
   3.2
1
   |/// (极小值)
   double left, right, mid1, mid2;
 3
   left=-1e7;
4
   right=1e7;
   while(fabs(left-right)>eps)
 5
 6
7
        mid1=(left+right)/2;
8
        mid2=(mid1+right)/2;
9
        if (f(mid1)<f(mid2))
10
            right=mid2;
11
        else
            left=mid1;
12
```

4 数据结构

13 | }

4.1 离散化

```
1
   int discrete(int data[],int n,int dis[],int idx[])
2
 3
        int sub[n+1];
 4
        memcpy(sub,data,sizeof(sub));
 5
        sort(sub+1,sub+n+1);
 6
        int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
 7
        for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
 8
9
            dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
10
            idx[dis[i]]=data[i];
11
12
        return m;
13
14
15
   const int NV=60005;
   int m, data[NV];
16
17
   int inithash(int n)
18
   {
19
        sort(data+1,data+n+1);
20
        return unique(data+1,data+n+1)-data-1;
21
22
   int hash(int x)
23
   {
24
        return lower_bound(data+1,data+m+1,x)-data;
25
   }
```

4.2 并查集

```
int f[LEN], rk[LEN];
2
   int finds(int x) //非递归
 3
4
        int k,j,r;
5
        r=x;
6
        while(r!=f[r])
7
            r=f[r];
8
        k=x;
9
        while(k!=r)
10
        {
11
            j=f[k];
12
            f[k]=r;
13
            k=j;
14
        }
15
        return r;
16
   int finds(int x) //递归
17
18
   {
19
        return f[x]==x?x:f[x]=finds(f[x]);
20
   }
21
   void uni(int a,int b)
22
23
        a=finds(a);
24
        b=finds(b);
25
        if (a==b) return;
26
        if (rk[a]>rk[b]) f[b]=a;
27
        else
28
        {
29
            if (rk[a]==rk[b]) rk[b]++;
30
            f[a]=b;
31
        }
32
33
   void init(int n)
34
35
        memset(rk,0,sizeof(rk));
36
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
37
            f[i]=i;
38
   }
```

4.3 树状数组

4.3.1 一维树状数组

```
1
   int N;
   const int NV=500005;
 3
   int c[NV];
4
   inline int lowbit(int t)
 5
   {
6
        return t&(-t);
7
   void update(int x,int v)
8
9
10
        while(x<=N)
11
12
            c[x]+=v;
13
            x+=lowbit(x);
14
        }
15
   int query(int x)
```

```
17
   {
18
        int ans=0;
19
        while(x>0)
20
21
            ans+=c[x];
22
            x-=lowbit(x);
23
24
        return ans;
25
   ///要注意k超过了树状数组中元素总和的情况
26
27
   int findkth(int k)
28
29
        int idx = 0;
30
        for(int i=20; i>=0; i--)
31
32
            idx \mid = 1 \ll i;
33
            if(idx \leftarrow N \&\& c[idx] < k)
                k = c[idx];
34
35
            else idx ^= 1 << i;
36
        }
37
        return idx + 1;
38
```

4.3.2 一维树状数组区间更新区间查询

```
1
   int N;
   const int NV=500005;
 2
   long long c[NV],b[NV];
   inline int lowbit(int t)
5
 6
        return t&(-t);
 7
8
   void update(long long c[],int flag,int x,long long v)
9
10
        if (flag) for (int i=x; i<=N; i+=lowbit(i)) c[i]+=x*v;</pre>
11
        else for (int i=x; i>0; i-=lowbit(i)) c[i]+=v;
12
   long long query(long long c[],int flag,int x)
13
14
        long long ans=0;
15
16
        if (flag) for (int i=x; i>0; i-=lowbit(i)) ans+=c[i];
17
        else for (int i=x; i<=N; i+=lowbit(i)) ans+=c[i];</pre>
18
        return ans;
19
20
   void add(int l,int r,long long v)
21
22
        update(b,0,r,v);
23
        update(c,1,r,v);
24
        if (1>1)
25
        {
26
            update(b,0,1-1,-v);
27
            update(c,1,l-1,-v);
28
        }
29
30
   long long sum(int x)
31
32
        if (x) return query(b,0,x)*x+query(c,1,x-1);
33
        else return 0;
34
35
   long long sum(int l,int r)
36
37
        return sum(r)-sum(1-1);
```

4.3.3 多维树状数组的处理

```
1
   int N;
   int c[2005][2005];
2
 3
   inline int lowbit(int t)
4
5
        return t&(-t);
 6
7
   void update(int x,int y,int v)
8
9
        for (int i=x; i<=N; i+=lowbit(i))</pre>
            for (int j=y; j<=N; j+=lowbit(j))</pre>
10
11
                 c[i][j]+=v;
12
   int query(int x,int y)
13
14
15
        int s=0;
16
        for (int i=x; i>0; i-=lowbit(i))
17
            for (int j=y; j>0; j-=lowbit(j))
18
                 s+=c[i][j];
19
        return s;
20
   int sum(int x,int y,int xx,int yy)
21
22
   {
23
        x--,y--;
24
        return query(xx,yy)-query(xx,y)-query(x,yy)+query(x,y);
25
26
27
   int N;
28
   long long c[130][130][130]= {};
29
   inline int lowbit(int t)
30
   {
        return t&(-t);
31
32
   void update(int x,int y,int z,long long v)
33
34
35
        for (int i=x; i<=N; i+=lowbit(i))</pre>
36
            for (int j=y; j<=N; j+=lowbit(j))</pre>
37
                 for (int k=z; k<=N; k+=lowbit(k))</pre>
38
                     c[i][j][k]+=v;
39
   long long query(int x,int y,int z)
40
41
42
        long long s=0;
43
        for (int i=x; i>0; i-=lowbit(i))
44
            for (int j=y; j>0; j—=lowbit(j))
45
                 for (int k=z; k>0; k-=lowbit(k))
46
                     s+=c[i][j][k];
47
        return s;
48
   long long sum(int x,int y,int z,int xx,int yy,int zz)
49
50
51
        x--,y--,z--;
52
        return query(xx,yy,zz)
53
               -query(x,yy,zz)-query(xx,y,zz)-query(xx,yy,z)
54
               +query(x,y,zz)+query(xx,y,z)+query(x,yy,z)
55
               -query(x,y,z);
56
   }
```

4.4 RMQ

4.4.1 一维 RMQ

```
const int NV=50005;
1
   const int NVB=20;
2
   int mx[NVB][NV],mn[NVB][NV],a[NV];
   void init(int data[],int n)
5
6
        int k=log2(n);
7
        for (int i=1; i<=n; i++)
8
            mx[0][i]=mn[0][i]=data[i];
9
        for (int i=1; i<=k; i++)</pre>
            for (int j=1; j+(1<<i)-1<=n; j++)</pre>
10
11
                 mx[i][j]=max(mx[i-1][j],mx[i-1][j+(1<<i>>1)]);
12
                mn[i][j]=min(mn[i-1][j],mn[i-1][j+(1<<i>>1)]);
13
            }
14
15
16
   int query(int l,int r,int flag)
17
        int k=log2(r-l+1);
18
19
        if (flag) return max(mx[k][l], mx[k][r-(1<<k)+1]);</pre>
20
        else return min(mn[k][l],mn[k][r-(1<<k)+1]);
21
   }
```

4.4.2 二维 RMQ

```
1
   const int NV=255;
   const int NVB=20;
   int mx[NVB][NV][NV],mn[NVB][NV][NV],a[NV][NV],mxt,mnt;
 4
   void init(int data[][NV],int n)
5
        for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
 6
 7
            for(int j=1; j<=n; j++)</pre>
8
                 mx[0][i][j]=mn[0][i][j]=data[i][j];
9
        for(int k=1; (1<<k)<=n; k++)</pre>
            for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
10
11
                 for(int j=1; j+(1<<k)-1<=n; j++)
12
                 {
                     mx[k][i][j]=max(mx[k-1][i][j],mx[k-1][i][j+(1<<k>>1)]);
13
14
                     mn[k][i][j]=min(mn[k-1][i][j],mn[k-1][i][j+(1<<k>>1)]);
15
                 }
16
   ///行,列,矩阵宽度
17
   void query(int row,int col,int b)
18
19
        int k=log2(b);
20
21
        mxt=-1;
22
        mnt=inf;
23
        int l=col,r=col+b-1;
24
        for(int i=row; i<row+b; i++)</pre>
25
            mxt=max(mxt,max(mx[k][i][1],mx[k][i][r-(1<<k)+1]));</pre>
26
27
            mnt=min(mnt,min(mn[k][i][1],mn[k][i][r-(1<< k)+1]));
28
        }
29
   int main()
31
32
        int n,b,q;
        while(scanf("%d%d%d",&n,&b,&q)!=EOF)
33
```

```
34
        {
             for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
35
36
                  for(int j=1; j<=n; j++)</pre>
37
                      scanf("%d",&a[i][j]);
38
             init(a,n);
             while(q--)
39
40
             {
41
                  int r,c;
                  scanf("%d%d",&r,&c);
42
43
                  query(r,c,b);
44
                  printf("%d\n",mxt-mnt);
45
             }
46
47
        return 0;
48
```

4.5 线段树

4.5.1 单点更新

```
#define lson l,m,rt<<1
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
2
 3
    const int NV = 100005;
    int sum[NV<<2];</pre>
5
   void PushUp(int rt)
 6
7
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
8
   void build(int l,int r,int rt=1)
9
10
    {
11
        if (1 == r)
12
        {
13
            sum[rt]=0;
14
            return ;
15
        int m = (1 + r) >> 1;
16
        build(lson);
17
18
        build(rson);
19
        PushUp(rt);
20
   void update(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
21
   {
22
23
        if (L == 1 && 1 == r)
24
        {
25
            sum[rt] += c;
26
            return ;
27
28
        int m = (1 + r) >> 1;
29
        if (L <= m) update(L , c , lson);</pre>
30
        else update(L , c , rson);
        PushUp(rt);
31
32
   int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
33
34
35
        if (L <= 1 && r <= R)
36
            return sum[rt];
37
        int m = (1 + r) >> 1;
38
        int ret = 0;
39
        if (L <= m) ret += query(L , R , lson);</pre>
        if (m < R) ret += query(L , R , rson);</pre>
40
41
        return ret;
```

4.5.2 区间更新

```
|#define lson l,m,rt<<1
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
   const int NV = 100005;
3
   int add[NV<<2],sum[NV<<2];</pre>
5
   void PushUp(int rt)
6
7
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];</pre>
8
9
   void PushDown(int rt,int m)
10
11
        if (add[rt])
12
13
            add[rt<<1] += add[rt];
14
            add[rt<<1|1] += add[rt];
15
            sum[rt <<1] += add[rt] * (m - (m >> 1));
16
            sum[rt << 1|1] += add[rt] * (m >> 1);
17
            add[rt] = 0;
18
        }
19
20
   void build(int l,int r,int rt=1)
21
22
        add[rt] = 0;
23
        if (1 == r)
24
        {
25
            sum[rt]=0;
26
            return ;
27
28
        int m = (1 + r) >> 1;
29
        build(lson);
30
        build(rson);
31
        PushUp(rt);
32
   void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
33
34
        if (L <= 1 && r <= R)
35
36
        {
37
            add[rt] += c;
            sum[rt] += c * (r - l + 1);
38
39
            return ;
40
        PushDown(rt , r - l + 1);
41
42
        int m = (1 + r) >> 1;
43
        if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
        if (m < R) update(L , R , c , rson);
44
45
        PushUp(rt);
46
47
   int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
48
49
        if (L <= 1 && r <= R)
50
        {
51
            return sum[rt];
52
53
        PushDown(rt, r - 1 + 1);
54
        int m = (1 + r) >> 1;
55
        int ret = 0;
56
        if (L <= m) ret += query(L , R , lson);</pre>
        if (m < R) ret += query(L , R , rson);
57
58
        return ret;
```

4.5.3 对一棵树进行线段树操作

```
1
   const int NV=10005;
2
   const int NE=NV;
   int he[NV],ecnt;
   struct edge
5
 6
        int v,next;
 7
   } E[NE];
8
   void adde(int u,int v)
9
   {
10
        ecnt++;
11
        E[ecnt].v=v;
12
        E[ecnt].next=he[u];
13
        he[u]=ecnt;
14
15
   int 1[NV],r[NV],p;
16
   void dfs(int u)
17
18
        p++;
19
        1[u]=p;
20
        for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
21
            dfs(E[i].v);
22
        r[u]=p;
23
   void init()
24
25
26
        ecnt=p=0;
27
        memset(he,-1,sizeof(he));
28
   }
```

4.5.4 二维线段树区间更新单点求和

```
const int NV=1005;
1
   struct Nodey
 2
3
   {
4
        int l,r;
5
        int val;
 6
   };
7
   int n;
   int locx[NV],locy[NV];
   struct Nodex
9
10
   {
11
        int 1,r;
12
        Nodey sty[NV*3];
        void build(int _l,int _r,int i=1)
13
14
15
            sty[i].l = _l;
16
            sty[i].r = _r;
            sty[i].val = 0;
17
            if(_l == _r)
18
19
            {
                 locy[_1] = i;
20
21
                 return;
22
23
            int mid = (_l + _r)>>1;
            build(_l,mid,i<<1);</pre>
24
25
            build(mid+1,_r,(i<<1)|1);
```

```
26
        void add(int _l,int _r,int val,int i=1)
27
28
29
            if(sty[i].l == _l && sty[i].r == _r)
30
31
                 sty[i].val += val;
32
                return;
33
34
            int mid = (sty[i].l + sty[i].r)>>1;
35
            if(_r <= mid)add(_l,_r,val,i<<1);
36
            else if(_l > mid)add(_l,_r,val,(i<<1)|1);
37
            else
38
            {
                add(_l,mid,val,i<<1);</pre>
39
40
                add(mid+1,_r,val,(i<<1)|1);
41
            }
42
   } stx[NV*3];
43
44
   void build(int l,int r,int i=1)
45
46
        stx[i].l = l;
47
        stx[i].r = r;
48
        stx[i].build(1,n);
49
        if(1 == r)
50
51
            locx[1] = i;
52
            return;
53
54
        int mid = (l+r)>>1;
55
        build(l,mid,i<<1);</pre>
56
        build(mid+1,r,(i<<1)|1);
57
58
   void add(int x1,int x2,int y1,int y2,int val,int i=1)
59
60
        if(stx[i].l == x1 && stx[i].r == x2)
61
            stx[i].add(y1,y2,val);
62
63
            return;
64
65
        int mid = (stx[i].l + stx[i].r)/2;
66
        if(x2 <= mid)add(x1,x2,y1,y2,val,i<<1);
67
        else if(x1 > mid)add(x1,x2,y1,y2,val,(i<<1)|1);
68
        else
69
70
            add(x1,mid,y1,y2,val,i<<1);
71
            add(mid+1,x2,y1,y2,val,(i<<1)|1);
72
        }
73
   int sum(int x,int y)
74
75
        int ret = 0;
76
77
        for(int i = locx[x]; i; i >>= 1)
78
            for(int j = locy[y]; j; j >>= 1)
79
                ret += stx[i].sty[j].val;
80
        return ret;
81
   }
```

4.5.5 二维线段树单点更新区间求最大最小值

```
1 const int NV=1005;
2 struct Nodey
3 {
```

```
4
        int 1,r;
5
        int Max,Min;
 6
   };
7
   int locy[NV],locx[NV];
8
   struct Nodex
9
        int 1,r;
10
        Nodey sty[NV*4];
11
12
        void build(int _l,int _r,int i=1)
13
14
            sty[i].l = _l;
15
            sty[i].r = _r;
            sty[i].Max = -inf;
16
17
            sty[i].Min = inf;
18
            if(_1 == _r)
19
            {
20
                 locy[_1] = i;
21
                 return;
22
            int mid = (_1 + _r)/2;
23
24
            build(_1,mid,i<<1);
25
            build(mid+1,_r,(i<<1)|1);
26
        int queryMin(int _l,int _r,int i=1)
27
28
29
            if(sty[i].1 == _1 && sty[i].r == _r)
30
                 return sty[i].Min;
31
            int mid = (sty[i].l + sty[i].r)/2;
            if(_r <= mid)return queryMin(_l,_r,i<<1);</pre>
32
            else if(_l > mid)return queryMin(_l,_r,(i<<1)|1);</pre>
33
34
            else return min(queryMin(_1,mid,i<<1),queryMin(mid+1,_r,(i<<1)|1));</pre>
35
        int queryMax(int _l,int _r,int i=1)
36
37
38
            if(sty[i].l == _l && sty[i].r == _r)
                 return sty[i].Max;
39
40
            int mid = (sty[i].l + sty[i].r)/2;
41
            if(_r <= mid)return queryMax(_l,_r,i<<1);</pre>
42
            else if(_l > mid)return queryMax(_l,_r,(i<<1)|1);</pre>
43
            else return max(queryMax(_1,mid,i<<1),queryMax(mid+1,_r,(i<<1)|1));</pre>
44
45
   } stx[NV*4];
46
   int n;
   void build(int l,int r,int i=1)
47
48
49
        stx[i].l = 1;
50
        stx[i].r = r;
51
        stx[i].build(1,n);
52
        if(1 == r)
53
        {
54
            locx[1] = i;
55
            return;
56
57
        int mid = (1+r)/2;
        build(1,mid,i<<1);</pre>
58
59
        build(mid+1,r,(i<<1)|1);
60
   void modify(int x,int y,int val)
61
62
        int tx = locx[x];
63
64
        int ty = locy[y];
65
        stx[tx].sty[ty].Min = stx[tx].sty[ty].Max = val;
        for(int i = tx; i; i >>= 1)
66
```

```
67
            for(int j = ty; j; j >>= 1)
68
69
                 if(i == tx && j == ty)continue;
70
                 if(j == ty)
71
                 {
                     stx[i].sty[j].Min = min(stx[i<<1].sty[j].Min,stx[(i<<1)|1].sty[j
72
                         ].Min);
                     stx[i].sty[j].Max = max(stx[i<<1].sty[j].Max,stx[(i<<1)|1].sty[j
73
                         ].Max);
74
                 }
75
                 else
76
                 {
77
                     stx[i].sty[j].Min = min(stx[i].sty[j<<1].Min,stx[i].sty[(j<<1)</pre>
                         |1].Min);
78
                     stx[i].sty[j].Max = max(stx[i].sty[j<<1].Max,stx[i].sty[(j<<1)</pre>
                         |1].Max);
79
                 }
            }
80
81
   int queryMin(int x1,int x2,int y1,int y2,int i=1)
82
83
        if(stx[i].1 == x1 && stx[i].r == x2)
84
85
            return stx[i].queryMin(y1,y2);
86
        int mid = (stx[i].l + stx[i].r)/2;
87
        if(x2 <= mid)return queryMin(x1,x2,y1,y2,i<<1);</pre>
88
        else if(x1 > mid)return queryMin(x1,x2,y1,y2,(i<<1)|1);</pre>
89
        else return min(queryMin(x1,mid,y1,y2,i<<1),queryMin(mid+1,x2,y1,y2,(i<<1)</pre>
            |1));
90
   int queryMax(int x1,int x2,int y1,int y2,int i=1)
91
92
93
        if(stx[i].1 == x1 && stx[i].r == x2)
94
            return stx[i].queryMax(y1,y2);
95
        int mid = (stx[i].l + stx[i].r)/2;
        if(x2 <= mid)return queryMax(x1,x2,y1,y2,i<<1);</pre>
96
97
        else if(x1 > mid)return queryMax(x1,x2,y1,y2,(i<<1)|1);</pre>
98
        else return max(queryMax(x1,mid,y1,y2,i<<1),queryMax(mid+1,x2,y1,y2,(i<<1)</pre>
            1));
99
   }
```

4.5.6 线段树相关例题

单点增加,区间求和

```
#define lson l,m,rt<<1
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
 3
   const int NV = 100005;
   int sum[NV<<2];</pre>
5
   void PushUp(int rt)
6
   {
7
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
8
   }
9
   void build(int l,int r,int rt=1)
10
11
        if (1 == r)
12
        {
13
            sum[rt]=0;
14
            return ;
15
16
        int m = (1 + r) >> 1;
        build(lson);
17
18
        build(rson);
```

```
19
        PushUp(rt);
20
   }
21
   void update(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
22
   {
23
        if (L == 1 && 1 == r)
24
25
            sum[rt] += c;
26
            return ;
27
28
        int m = (1 + r) >> 1;
29
        if (L <= m) update(L , c , lson);</pre>
30
        else update(L , c , rson);
        PushUp(rt);
31
32
   int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
33
34
   {
35
        if (L <= 1 && r <= R)
36
            return sum[rt];
37
        int m = (1 + r) >> 1;
        int ret = 0;
38
39
        if (L <= m) ret += query(L , R , lson);
        if (m < R) ret += query(L , R , rson);
40
41
        return ret;
42
43
   int main()
44
   {
45
        int t, cas=0;
46
        cin>>t;
47
        while(t--)
48
49
            int n;
50
            scanf("%d",&n);
51
            int x,v;
52
            build(1,n);
53
            for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
54
                 scanf("%d",&v);
55
56
                 update(i,v,1,n);
57
58
            printf("Case %d:\n",++cas);
59
            char s[10];
60
            while(scanf("%s",s),s[0]!='E')
61
                 scanf("%d%d",&x,&v);
62
63
                 if (s[0]=='A')
                     update(x,v,1,n);
64
65
                 if (s[0]=='S')
66
                     update(x,-v,1,n);
                 if (s[0]=='Q')
67
68
                     printf("%d\n",query(x,v,1,n));
69
            }
70
71
        return 0;
72 | }
   单点修改,区间求最值
   |#define lson l,m,rt<<1
1
 2
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
   const int NV = 200005;
 3
   int mx[NV<<2];</pre>
 5
   void PushUp(int rt)
 6
   {
 7
        mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);</pre>
```

```
8
   }
9
   void build(int l,int r,int rt=1)
10
   {
        if (1 == r)
11
12
            scanf("%d",&mx[rt]);
13
14
            return ;
15
16
        int m = (1 + r) >> 1;
17
        build(lson);
18
        build(rson);
19
        PushUp(rt);
20
   void update(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
21
22
23
        if (L == 1 && 1 == r)
24
        {
25
            mx[rt] = c;
            return ;
26
27
        int m = (1 + r) >> 1;
28
        if (L <= m) update(L , c , lson);</pre>
29
30
        else update(L , c , rson);
31
        PushUp(rt);
32
33
   int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
34
35
        if (L <= 1 && r <= R)
36
            return mx[rt];
37
        int m = (1 + r) >> 1;
38
        int ret = -1;
39
        if (L <= m) ret = max(ret,query(L , R , lson));</pre>
40
        if (m < R) ret = max(ret,query(L , R , rson));</pre>
41
        return ret;
42
43
   int main()
44
   {
45
        int n,m;
46
        while(scanf("%d%d",&n,&m)!=EOF)
47
48
            build(1,n);
49
            char s[10];
50
            int a,b;
            while(m--)
51
52
                 scanf("%s%d%d",s,&a,&b);
53
54
                 if (s[0]=='U')
55
                     update(a,b,1,n);
56
                 else
57
                     printf("%d\n",query(a,b,1,n));
58
            }
59
60
        return 0;
61
   单点找最大值 \geq c 的第一个位置,同时单点更新
1
   |#define lson l,m,rt<<1
2
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
 3
   int h,w,n;
   const int NV = 200005;
 5
   int mx[NV<<2];
   void PushUp(int rt)
 6
   \{
 7
```

```
8
        mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);</pre>
9
   }
10
   void build(int l,int r,int rt=1)
11
   {
12
        if (1 == r)
13
14
            mx[rt]=w;
15
            return ;
16
17
        int m = (1 + r) >> 1;
18
        build(lson);
19
        build(rson);
20
        PushUp(rt);
21
   void update(int c,int l,int r,int rt=1)
22
23
   {
24
        if (1 == r)
25
        {
26
            mx[rt]-=c;
27
            printf("%d\n",1);
28
            return;
29
30
        int m = (1 + r) >> 1;
31
        if (mx[rt<<1]>=c) update(c , lson);
32
        else update(c , rson);
33
        PushUp(rt);
34
   }
   int main()
35
36
        while(~scanf("%d%d%d",&h,&w,&n))
37
38
            build(1,min(h,200000));
39
40
            for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
41
42
                 int x;
43
                 scanf("%d",&x);
44
                 if (x<=mx[1]) update(x,1,min(h,200000));</pre>
                 else puts("-1");
45
46
            }
47
48
        return 0;
49
   找第 K 大数, 同时单点更新。(使用 sum 数组)
   #define lson l,m,rt<<1
2
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
   const int NV = 200005;
3
   int sum[NV<<2];</pre>
5
   void PushUp(int rt)
6
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];</pre>
7
8
   }
9
   void build(int l,int r,int rt=1)
10
        if (1 == r)
11
12
        {
            sum[rt]=1;
13
14
            return ;
15
16
        int m = (1 + r) >> 1;
        build(lson);
17
18
        build(rson);
19
        PushUp(rt);
```

```
20
   }
   int update(int c,int l,int r,int rt=1)
21
22
   {
        if (1 == r)
23
24
25
            sum[rt]--;
26
            return 1;
27
28
        int m = (1 + r) >> 1;
29
        int ret;
30
        if (sum[rt<<1]>=c) ret=update(c, lson);
31
        else ret=update(c-sum[rt<<1] , rson);</pre>
32
        PushUp(rt);
33
        return ret;
34
35
   int a[200005];
36
   int q[200005];
   int w[200005];
37
   int main()
38
39
40
        int n;
        while(scanf("%d",&n)!=EOF)
41
42
43
            build(1,n);
44
            for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
45
                 scanf("%d%d",&q[i],&w[i]);
46
            for (int i=n; i>=1; i--)
47
                 a[update(q[i]+1,1,n)]=w[i];
48
            for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
                 printf("%d%c",a[i]," \n"[i==n]);
49
50
51
        return 0;
52 | }
```

 $1 \cdot add \times$ 表示往集合里添加数 $x \cdot 2 \cdot del \times$ 表示将集合中数 $x \cdot m$ 除。 $3 \cdot sum$ 求出从小到大排列的集合中下标模 $5 \cdot b \cdot 3$ 的数的和。集合中的数都是唯一的。

在线段树中维护当前这个集合中数的个数 sum,和所有的数模 5 为 $0\cdots 4$ 内的数的和设为 $ans[0\cdots 4]$ 。在进行区间合并的时候,父区间里的 $ans[0\cdots 4]$ 首先等于左子区间里的 $ans[0\cdots 4]$,设要加入的右子区间的数为 ans[i],则它应该加到父区间的 $ans[sum[rt \times 1]+i]$ 。

```
|#define lson l,m,rt<<1
2
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
   const int NV = 100005;
3
   int sum[NV<<2];</pre>
   long long ans[NV<<2][5];</pre>
6
   void PushUp(int rt)
7
8
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
        for (int i=0; i<5; i++)</pre>
9
10
            ans[rt][i]=ans[rt<<1][i]+ans[rt<<1|1][((i-sum[rt<<1])%5+5)%5];
11
12
   void build(int l,int r,int rt=1)
13
14
        if (1 == r)
15
16
            sum[rt]=0;
17
            memset(ans[rt],0,sizeof(ans[rt]));
18
            return ;
19
20
        int m = (1 + r) >> 1;
21
        build(lson);
22
        build(rson);
23
        PushUp(rt);
```

```
void update(int L,int t,int c,int l,int r,int rt=1)
25
26
   {
       if (L == 1 && 1 == r)
27
28
29
           sum[rt]+=t;
30
           ans[rt][1]+=t*c;
31
           return ;
32
33
       int m = (1 + r) >> 1;
34
       if (L <= m) update(L, t , c , lson);</pre>
35
       else update(L, t , c , rson);
       PushUp(rt);
36
37
38
   int discrete(int data[],int n,int dis[])
39
   {
40
       int sub[n+1];
41
       memcpy(sub,data,sizeof(sub));
42
       sort(sub+1,sub+n+1);
43
       int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
44
       for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
           dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
45
46
       return m;
47
48
   int op[100005],data[100005],dis[100005];
49
   int main()
50
51
       int n;
       while(~scanf("%d",&n))
52
53
54
           char s[5];
55
           int m=0;
           for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
56
57
58
               scanf("%s",s);
               if (s[0]=='a') op[i]=1,scanf("%d",&data[++m]);
59
               else if (s[0]=='d') op[i]=2,scanf("%d",&data[++m]);
60
61
               else op[i]=3;
62
           }
63
           m=discrete(data,m,dis);
64
           build(1,m);
65
           int x=0;
66
           for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
67
               if (op[i]==1) x++,update(dis[x],1,data[x],1,m);
68
69
               else if (op[i]==2) x++,update(dis[x],-1,data[x],1,m);
70
               else printf("%I64d\n",ans[1][3]);
71
           }
72
73
       return 0;
74
   有三种操作 "add \times y" 往平面上添加 (x,y) 这个点, "remove x y", 将平面上已经存在的点
   (x,y) 删除, "find x y" 找出平面上坐标严格大于 (x,y) 的点, 如果有多个点找 x 最小的, 再
   找 v 最小的。
   用线段树维护 y 的最大值。
1 |#define lson l,m,rt<<1
   const int NV = 200005;
4
   |set<int> stt[NV];
   int mx[NV<<2];</pre>
 6 | void PushUp(int rt)
```

```
7
   {
 8
        mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);</pre>
9
   }
   void build(int l,int r,int rt=1)
10
11
12
        if (1 == r)
13
        {
14
            mx[rt]=-1;
            return ;
15
16
17
        int m = (1 + r) >> 1;
        build(lson);
18
19
        build(rson);
20
        PushUp(rt);
21
22
   void add(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
23
        if (1 == r)
24
25
        {
26
            mx[rt] = max(mx[rt],c);
27
            stt[l].insert(c);
28
            return ;
29
30
        int m = (1 + r) >> 1;
31
        if (L <= m) add(L , c , lson);
32
        else add(L , c , rson);
33
        PushUp(rt);
34
   void remove(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
35
36
37
        if (1 == r)
38
39
            stt[l].erase(c);
40
            mx[rt]=stt[l].empty()?-1:*--stt[l].end();
41
            return ;
42
43
        int m = (1 + r) >> 1;
        if (L <= m) remove(L , c , lson);</pre>
44
45
        else remove(L , c , rson);
46
        PushUp(rt);
47
48
   pair<int,int> find(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
49
50
        if (mx[rt]<c||r<L) return make_pair(1,-1);</pre>
51
        if (1 == r) return make_pair(1,*stt[1].lower_bound(c));
52
        int m = (1 + r) >> 1;
53
        pair<int,int> p=find(L , c , lson);
54
        if (p.second!=-1) return p;
55
        else return find(L , c , rson);
56
57
   int discrete(int data[],int n,int dis[],int index[])
58
59
        int sub[n+1];
60
        memcpy(sub,data,sizeof(sub));
61
        sort(sub+1,sub+n+1);
        int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
62
63
        for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
64
            dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
65
            index[dis[i]]=data[i];
66
67
68
        return m;
69
   }
```

```
int dis[NV],op[NV],x[NV],y[NV],index[NV];
70
71
   int main()
72
    {
73
        int n;
74
        cin>>n;
75
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
76
            char s[10];
77
            scanf("%s%d%d",s,&x[i],&y[i]);
78
79
            if (s[0]=='a') op[i]=1;
80
            else if (s[0]=='r') op[i]=2;
81
            else op[i]=3;
82
        }
83
        int m=discrete(x,n,dis,index);
84
        build(1,m);
85
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
86
            if (op[i]==1)
87
88
                 add(dis[i],y[i],1,m);
89
            else if (op[i]==2)
90
                 remove(dis[i],y[i],1,m);
91
            else
92
            {
                 pair<int,int> p=find(dis[i]+1,y[i]+1,1,m);
93
                 if (p.second==-1) puts("-1");
94
95
                 else printf("%d %d\n",index[p.first],p.second);
96
            }
97
        }
98
        return 0;
99
    区间置值,区间求和
   #define lson l,m,rt<<1</pre>
 2
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
 3
    const int NV = 100005;
4
   int stt[NV<<2],sum[NV<<2];</pre>
 5
   void PushUp(int rt)
 6
    {
7
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
 8
9
    void PushDown(int rt,int m)
10
    {
11
        if (stt[rt])
12
        {
13
            stt[rt<<1] = stt[rt];
            stt[rt<<1|1] = stt[rt];
14
            sum[rt << 1] = stt[rt] * (m - (m >> 1));
15
            sum[rt << 1|1] = stt[rt] * (m >> 1);
16
17
            stt[rt] = 0;
18
        }
19
20
    void build(int l,int r,int rt=1)
21
22
        stt[rt] = 0;
        if (1 == r)
23
24
        {
25
            sum[rt]=1;
26
            return ;
27
28
        int m = (1 + r) >> 1;
        build(lson);
29
30
        build(rson);
31
        PushUp(rt);
```

```
32
   }
   void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
33
34
   {
        if (L <= 1 && r <= R)
35
36
37
            stt[rt] = c;
            sum[rt] = c * (r - 1 + 1);
38
39
            return ;
40
41
        PushDown(rt, r - l + 1);
42
        int m = (1 + r) >> 1;
        if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
43
        if (m < R) update(L , R , c , rson);</pre>
44
45
        PushUp(rt);
46
47
   int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
48
   {
        if (L <= 1 && r <= R)
49
50
        {
51
            return sum[rt];
52
53
        PushDown(rt , r - l + 1);
        int m = (1 + r) >> 1;
54
        int ret = 0;
55
56
        if (L <= m) ret += query(L , R , lson);</pre>
57
        if (m < R) ret += query(L , R , rson);
58
        return ret;
59
   int main()
60
61
   {
62
        int t;
63
        cin>>t;
64
        int cas=0;
65
        while(t--)
66
67
            int n,q;
68
            cin>>n>>q;
69
            build(1,n);
            while(q--)
70
71
            {
                 int 1,r,c;
72
73
                 scanf("%d%d%d",&1,&r,&c);
74
                 update(l,r,c,1,n);
75
            printf("Case %d: The total value of the hook is %d.\n",++cas,sum[1]);
76
77
78
        return 0;
79 | }
    区间置值,单点询问
1
   |#define lson l,m,rt<<1
 2
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
 3
   const int NV = 20005;
   int col[NV<<2];</pre>
4
   void PushDown(int rt,int m)
 5
 6
7
        if (col[rt])
8
9
            col[rt<<1] = col[rt];
10
            col[rt<<1|1] = col[rt];
11
            col[rt] = 0;
12
        }
13
```

```
void build(int l,int r,int rt=1)
14
15
16
        col[rt] = 0;
17
        if (1 == r)
18
19
            return ;
20
21
        int m = (1 + r) >> 1;
22
        build(lson);
23
        build(rson);
24
25
   void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
26
27
        if (L <= 1 && r <= R)
28
        {
29
            col[rt] = c;
30
            return ;
31
32
        PushDown(rt, r - 1 + 1);
        int m = (1 + r) >> 1;
33
        if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
34
35
        if (m < R) update(L , R , c , rson);
36
   int query(int L,int l,int r,int rt=1)
37
38
39
        if (L == 1 && 1 == r)
40
        {
            return col[rt];
41
42
        PushDown(rt , r - l + 1);
43
44
        int m = (1 + r) >> 1;
45
        if (L <= m) return query(L , lson);</pre>
        else return query(L , rson);
46
47
48
   int discrete(int data[],int n,int dis[])
49
50
        int sub[n+1];
        memcpy(sub,data,sizeof(sub));
51
52
        sort(sub+1,sub+n+1);
        int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
53
54
        for(int i=1; i<=n; i++)
55
            dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
        return m;
56
57
   int a[NV],dis[NV],co[NV];
58
59
   int main()
60
61
        int t;
62
        cin>>t;
63
        while(t--)
64
65
            int n;
            scanf("%d",&n);
66
67
            for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
                 scanf("%d%d",&a[i],&a[i+n]);
68
            discrete(a,2*n,dis);
69
70
            build(1,2*n);
71
            for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
72
                 update(dis[i],dis[i+n],i,1,2*n);
73
            memset(co,0,sizeof(co));
74
            for (int i=1; i<=2*n; i++)
75
                 co[query(i,1,2*n)]=1;
76
            printf("%d\n",accumulate(co+1,co+2*n+1,0));
```

```
77
78
        return 0;
79
    区间置值,区间查询有几种值
   #define lson l,m,rt<<1
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
 3
   const int NV = 8005;
   int stt[NV<<3];</pre>
   bool a[NV][NV];
6
   void PushDown(int rt,int m)
7
8
        if (stt[rt])
9
        {
10
            stt[rt<<1] = stt[rt];
            stt[rt<<1|1] = stt[rt];
11
12
            stt[rt] = 0;
13
        }
14
15
   void build(int l,int r,int rt=1)
16
17
        stt[rt] = 0;
18
        if (1 == r)
19
        {
20
            return ;
21
22
        int m = (1 + r) >> 1;
23
        build(lson);
24
        build(rson);
25
26
   void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
27
28
        if (L <= 1 && r <= R)
29
        {
30
            stt[rt] = c;
31
            return ;
32
33
        PushDown(rt, r - 1 + 1);
34
        int m = (1 + r) >> 1;
        if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
35
36
        if (m < R) update(L , R , c , rson);</pre>
37
38
   void query(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
39
   {
40
        if (stt[rt])
41
42
            a[stt[rt]][c]=1;
43
            return;
44
45
        if (1 == r)
46
        {
47
            return;
48
49
        PushDown(rt , r - l + 1);
        int m = (1 + r) >> 1;
50
51
        if (L <= m) query(L , R , c , lson);</pre>
52
        if (m < R) query(L , R , c , rson);
53
   struct node
54
55
56
        int x,y1,y2;
57
   } q[NV];
   bool cmp(node a, node b)
```

```
59
   {
60
        return a.x<b.x;</pre>
61
   int main()
62
63
        int t;
64
65
        cin>>t;
        while(t--)
66
67
        {
68
             int n;
             scanf("%d",&n);
69
70
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
71
                  scanf("%d%d%d",&q[i].y1,&q[i].y2,&q[i].x);
72
73
                  q[i].y1*=2;
74
                  q[i].y1++;
75
                  q[i].y2*=2;
                  q[i].y2++;
76
77
78
             sort(q+1,q+1+n,cmp);
79
             build(1,16001);
             memset(a,0,sizeof(a));
80
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
81
82
             {
83
                  query(q[i].y1,q[i].y2,i,1,16001);
84
                  update(q[i].y1,q[i].y2,i,1,16001);
85
86
             int ans=0:
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
87
                  for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
88
                       if (a[i][j])
89
90
                           for (int k=1; k<=n; k++)</pre>
                                ans+=a[i][k]&&a[j][k];
91
92
             printf("%d\n",ans);
93
        }
94
        return 0;
95
   }
```

有 N 根杆子,前后两根杆子通过一个节点连接,每个节点可以旋转一定的角度,每次给你一个操作(s,a)表示将第 S 与 S+1 之间的角度修改为 a 度,并且每次操作之后都需要求出第 N 个节点的位置。

首先,最后一个节点的坐标(即位置)可以通过所有杆子末尾的坐标相加得到(这跟向量相加很类似)。因为每次更新需要修改 S 和 S+1 的位置,所以我们需要知道每次更新之后 S 和 S+1 的角度——查询操作,知道之后,再根据这次需要修改的角度 a,得到 S+1 到最后一段杆子需要改变的角度——更新操作。最后输出答案即所有节点的 x 坐标和,y 坐标和。

add 为 ang 增加的 lazy 标记, ang 记录杆子末尾的角度, 每次更新前 query 角度, 就可以知 道此次更新的角度的相对值, 从而修改坐标 x,y。

```
#define lson l,m,rt<<1
1
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
2
 3
   const int NV = 10005;
   double add[NV<<2],x[NV<<2],y[NV<<2],ang[NV<<2];</pre>
   //ang不需要pushup, 因为查询是单点查询
   void PushUp(int rt)
 6
7
8
       x[rt]=x[rt<<1]+x[rt<<1|1];
9
       y[rt]=y[rt<<1]+y[rt<<1|1];
10
   void PushDown(int rt,int m)
11
12
       if (add[rt])
13
14
```

```
15
            ang[rt<<1] += add[rt];
            ang[rt<<1|1] += add[rt];
16
17
            add[rt<<1] += add[rt];
            add[rt<<1|1] += add[rt];
18
19
            double xx=x[rt<<1],yy=y[rt<<1];</pre>
            x[rt<<1] = cos(add[rt])*xx-sin(add[rt])*yy;</pre>
20
21
            y[rt<<1] = sin(add[rt])*xx+cos(add[rt])*yy;</pre>
22
            xx=x[rt<<1|1],yy=y[rt<<1|1];
23
            x[rt << 1|1] = cos(add[rt])*xx-sin(add[rt])*yy;
24
            y[rt<<1|1] = sin(add[rt])*xx+cos(add[rt])*yy;
25
            add[rt] = 0;
        }
26
27
   void build(int l,int r,int rt=1)
28
29
30
        add[rt] = ang[rt] = 0;
31
        if (1 == r)
32
33
            scanf("%lf",&y[rt]);
34
            x[rt] = 0;
35
    //
              ang[rt] = pi/2; //此处可以不加, 因为只需要相对值
36
            return ;
37
38
        int m = (1 + r) >> 1;
39
        build(lson);
40
        build(rson);
41
        PushUp(rt);
42
43
   void update(int L,int R,double c,int l,int r,int rt=1)
44
45
        if (L <= 1 && r <= R)
46
47
            ang[rt] += c;
48
            add[rt] += c;
49
            double xx=x[rt],yy=y[rt];
            x[rt] = cos(c)*xx-sin(c)*yy;
50
            y[rt] = sin(c)*xx+cos(c)*yy;
51
52
            return ;
53
54
        PushDown(rt , r - l + 1);
55
        int m = (1 + r) >> 1;
56
        if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
57
        if (m < R) update(L , R , c , rson);
58
        PushUp(rt);
59
   double query(int L,int l,int r,int rt=1)
60
61
62
        if (L == 1 && 1 == r)
63
        {
64
            return ang[rt];
65
        PushDown(rt, r - l + 1);
66
67
        int m = (1 + r) >> 1;
68
        if (L <= m) return query(L , lson);</pre>
69
        else return query(L , rson);
70
71
   int main()
72
73
        int n,q;
74
        while(scanf("%d%d",&n,&q)!=EOF)
75
        {
76
            build(1,n);
77
            while(q--)
```

```
78
            {
79
                int s,d;
80
                scanf("%d%d",&s,&d);
                update(s+1,n,d/180.0*pi-(query(s+1,1,n)-query(s,1,n)+pi),1,n);
81
82
                printf("%.2f %.2f\n",x[1],y[1]);
83
            puts("");
84
85
86
        return 0;
87
    给定 n 长的序列 m 个操作
   序列默认为 1, 2, 3...n
   操作 1: D [l,r] 把 [l,r] 区间增长: (1,2,3,4 进行 D [1,3] 变成 1,1,2,2,3,3,4 )
   操作 2: Q[l,r] 问区间 [l,r] 上出现最多次数的数的次数
   区间乘积,单点增加,区间求最值,找第 K 大数
   |#define lson l,m,rt<<1
 2
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
 3
   const int NV = 50005;
 4
   long long mul[NV<<2],sum[NV<<2],mx[NV<<2];</pre>
   void PushUp(int rt)
 6
7
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
 8
        mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);</pre>
9
10
   void PushDown(int rt,int m)
11
   {
        if (mul[rt]!=1)
12
13
14
            mul[rt<<1] *= mul[rt];</pre>
15
            mul[rt<<1|1] *= mul[rt];</pre>
            sum[rt<<1] *= mul[rt];</pre>
16
            sum[rt<<1|1] *= mul[rt];
17
18
            mx[rt<<1] *= mul[rt];</pre>
            mx[rt<<1|1] *= mul[rt];</pre>
19
20
            mul[rt] = 1;
21
        }
22
   void build(int l,int r,int rt=1)
23
24
25
        mul[rt] = 1;
        if (1 == r)
26
27
28
            sum[rt]=1;
29
            mx[rt]=1;
30
            return ;
31
32
        int m = (1 + r) >> 1;
33
        build(lson);
34
        build(rson);
35
        PushUp(rt);
36
37
   void update(int L,long long c,int l,int r,int rt)
38
        if (L == 1 && 1 == r)
39
40
        {
41
            sum[rt] += c;
42
            mx[rt] += c;
43
            return ;
44
45
        PushDown(rt, r - l + 1);
        int m = (1 + r) >> 1;
46
```

```
47
         if (L <= m) update(L , c , lson);</pre>
48
         else update(L , c , rson);
49
         PushUp(rt);
50
51
    void update(int L,int R,long long c,int l,int r,int rt)
52
53
         if (L <= 1 && r <= R)
54
         {
55
             mul[rt] *= c;
             sum[rt] *= c;
56
57
             mx[rt] *= c;
58
             return ;
59
         PushDown(rt, r - 1 + 1);
60
61
         int m = (1 + r) >> 1;
62
         if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
         if (m < R) update(L , R , c , rson);</pre>
63
64
         PushUp(rt);
65
66
    long long num;
67
    int query(long long c,int l,int r,int rt)
68
         if (1 == r)
69
70
         {
71
             num=c;
72
             return 1;
73
         }
74
         PushDown(rt, r - 1 + 1);
75
         int m = (1 + r) >> 1;
76
         if (sum[rt<<1]>=c) return query(c , lson);
77
         else return query(c-sum[rt<<1] , rson);</pre>
78
79
    long long query(int L,int R,int l,int r,int rt)
80
    {
81
         if (L <= 1 && r <= R)
82
         {
             return mx[rt];
83
84
85
         PushDown(rt, r - 1 + 1);
86
         int m = (1 + r) >> 1;
87
         long long ret = 0;
88
         if (L <= m) ret = max(ret,query(L , R , lson));</pre>
89
         if (m < R) ret = max(ret,query(L , R , rson));</pre>
90
         return ret;
91
92
    int main()
93
    {
94
         int t;
95
         cin>>t;
96
         int cas=0;
97
         while(t--)
98
             printf("Case #%d:\n",++cas);
99
             int n,m;
100
101
             scanf("%d%d",&n,&m);
             build(1,n);
102
103
             while(m--)
104
             {
105
                  char str[5];
                  long long a,b;
106
107
                  scanf("%s%I64d%I64d",str,&a,&b);
108
                  long long mx=0,s1,s2,mx1=0,mx2=0;
109
                  int l=query(a,1,n,1);
```

```
110
                  s1=num;
                 mx1=query(1,1,1,n,1)-s1+1;
111
112
                  int r=query(b,1,n,1);
113
114
                  s2=num;
115
                  mx2=s2;
116
                  r--;
117
                  if (str[0]=='Q')
118
119
                      if (l<=r) mx=query(l,r,1,n,1);</pre>
120
                      if (1-1!=r+1) mx=max(mx,max(mx1,mx2));
121
                      else mx=b-a+1;
122
                      printf("%I64d\n",mx);
123
                  }
                  else
124
125
                  {
126
                      if (l<=r) update(l,r,2,1,n,1);</pre>
127
                      if (1-1==r+1)
128
                          update(l-1,b-a+1,1,n,1);
129
                      else
130
131
                          if (mx1) update(l-1,mx1,1,n,1);
132
                          if (mx2) update(r+1,mx2,1,n,1);
133
                      }
134
                  }
135
             }
136
         }
137
         return 0;
138
    区间更新最值、单点查询最值
    |#define lson l,m,rt<<1
 2
    #define rson m+1,r,rt<<1|1
  3
    #define 11 long long
 4
    const int NV = 55555;
    long long stt[NV << 2], mn[NV << 2];</pre>
 5
 6
    void PushUp(int rt)
 7
 8
         mn[rt] = min(mn[rt << 1], mn[rt << 1 | 1]);</pre>
 9
10
    void PushDown(int rt, int m)
11
    {
12
         if (stt[rt] != inf)
13
         {
14
             stt[rt << 1] = min(stt[rt], stt[rt << 1]);
             stt[rt << 1 | 1] = min(stt[rt], stt[rt << 1 | 1]);
15
             mn[rt << 1] = min(mn[rt << 1], stt[rt << 1]);</pre>
16
             mn[rt << 1 | 1] = min(mn[rt << 1 | 1], stt[rt << 1 | 1]);</pre>
17
18
             stt[rt] = inf;
19
         }
20
21
    void build(int 1, int r, int rt = 1)
22
23
         stt[rt] = inf;
         if (1 == r)
24
25
         {
26
             mn[rt] = inf;
27
             return ;
28
29
         int m = (1 + r) >> 1;
         build(lson);
30
31
         build(rson);
32
         PushUp(rt);
```

```
33
   }
   void update(int L, int R, long long c, int l, int r, int rt = 1)
34
35
   {
        if (L <= 1 && r <= R)
36
37
            stt[rt] = min(c, stt[rt]);
38
39
            mn[rt] = min(mn[rt], stt[rt]);
40
            return ;
41
42
        PushDown(rt, r - l + 1);
43
        int m = (1 + r) >> 1;
        if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
44
45
        if (m < R) update(L , R , c , rson);
46
        PushUp(rt);
47
48
   ll query(int L, int l, int r, int rt = 1)
49
        if (L == 1 && 1 == r)
50
51
        {
52
            return mn[rt];
53
54
        PushDown(rt, r - l + 1);
55
        int m = (1 + r) >> 1;
56
        if (L <= m) return query(L , lson);</pre>
57
        else return query(L , rson);
58
59
    11 mon[NV];
60
    int day[NV], n;
61
   int main()
62
    {
63
        while(~scanf("%d", &n))
64
            for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%1ld", mon + i);</pre>
65
            for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%d", day + i);</pre>
66
67
            build(1, n, 1);
68
            11 get = 0;
            for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
69
70
                 update(i, min(i + day[i] - 1, n), get + mon[i], 1, n, 1);
71
72
                 get = query(i, 1, n, 1);
73
                 //cout<<get<<endl;</pre>
74
75
            printf("%lld\n", get);
76
77
        return 0;
78
```

4.6 左偏树

int finds(int x) 找到 x 的堆顶 int merge(int x, int y) 将以 x 和 y 为堆顶的两个堆合并,返回新堆顶编号 int pop(int x) 删除以 x 为堆顶的元素(merge 与 pop 都要用 finds 找到堆顶后才可操作) void init(int n) 对左偏树初始化

```
1 | struct node
2 | {
3          int l,r,dis,val,dad;
4          } heap[100005];
5          int finds(int x)
6           {
7                return heap[x].dad == x ? x : heap[x].dad = finds (heap[x].dad);
```

```
8
   }
   int merge(int x, int y)
9
10
   {
        if (!x) return y;
11
12
        if (!y) return x;
        if (heap[y].val > heap[x].val) swap (x, y);
13
14
        heap[x].r = merge (heap[x].r, y);
15
        heap[heap[x].r].dad = x;
16
        if (heap[heap[x].1].dis < heap[heap[x].r].dis)</pre>
17
            swap (heap[x].1, heap[x].r);
18
        if (heap[x].r == 0) heap[x].dis = 0;
19
        else heap[x].dis = heap[heap[x].r].dis + 1;
20
        return x;
21
   int pop(int x)
22
23
   {
24
        int 1 = heap[x].1;
25
        int r = heap[x].r;
26
        heap[1].dad = 1;
27
        heap[r].dad = r;
28
        heap[x].l = heap[x].r = heap[x].dis = 0;
29
        return merge(1, r);
30
   void init(int n)
31
32
33
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
34
35
            heap[i].l = heap[i].r = heap[i].dis = 0;
36
            heap[i].dad = i;
37
        }
38
39
   int main()
40
   {
41
        int n;
42
        while(cin>>n)
43
44
            init(n);
            for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
45
46
                 scanf("%d",&heap[i].val);
            int m;
47
48
            cin>>m;
49
            while(m--)
50
51
                 int x,y;
                 scanf("%d%d",&x,&y);
52
53
                x=finds(x);
54
                y=finds(y);
55
                 if (x==y) puts("-1");
56
                 else
57
                 {
58
                     heap[x].val>>=1;
59
                     heap[y].val>>=1;
                     x=merge(pop(x),x);//因为堆顶改变所以要重新pop再merge
60
61
                     y=merge(pop(y),y);
62
                     printf("%d\n",heap[merge(x,y)].val);
                 }
63
64
            }
65
        }
        return 0;
66
67
   }
```

4.7 划分树

在 $n \log n$ 的时间内离线处理一个序列,在 $\log n$ 的时间查询 [l, r] 区间内的第 K 大数。

```
const int NV=100005;
   int a[NV], sum[20][NV], s[20][NV];
2
   void build(int l,int r,int rt=0)
3
4
5
        int mid=l+r>>1;
 6
        int ln=1,rn=mid+1;
7
        int x=a[mid];
8
        sum[rt][1]=0;
9
        int cnt=mid-l+1;
10
        for (int i=1; i<=r; i++)</pre>
            if (s[rt][i]<x) cnt--;</pre>
11
12
        for (int i=1; i<=r; i++)</pre>
13
        {
14
            if (i>1) sum[rt][i]=sum[rt][i-1];
15
            if (ln<=mid&&(s[rt][i]<x||s[rt][i]==x&&cnt-->0))
16
                 s[rt+1][ln++]=s[rt][i],sum[rt][i]++;
17
            else s[rt+1][rn++]=s[rt][i];
18
        if (l<mid) build(l,mid,rt+1);</pre>
19
20
        if (mid+1<r) build(mid+1,r,rt+1);</pre>
21
   int query(int k,int L,int R,int l,int r,int rt=0)
22
   {
23
24
        if (l==r) return s[rt][1];
25
        int mid=l+r>>1;
        int lsum=0;
26
27
        if (L>1) lsum=sum[rt][L-1];
28
        int t=sum[rt][R]-lsum;
29
        if (t>=k) return query(k,l+lsum,l+sum[rt][R]-1,l,mid,rt+1);
30
        else return query(k-t,mid+1+L-l-lsum,mid+1+R-l-sum[rt][R],mid+1,r,rt+1);
31
   }
32
   void init(int n)
33
        for (int i=0; i<20; i++) sum[i][0]=0;</pre>
34
35
        for (int i=1; i<=n; i++) s[0][i]=a[i];</pre>
36
        sort(a+1,a+n+1);
37
        build(1,n);
38 | }
```

4.8 Size Balanced Tree

```
///以1为起始
   const int NV=200005;
   template<typename T>
4
   struct SBT
 5
   {
 6
        int sz[NV];
7
        T K[NV];
8
        int lc[NV];
9
        int rc[NV];
10
        int rt,tsz;
        void clear()
11
12
13
            tsz=0;
14
            lc[0]=rc[0]=0;
15
            sz[0]=0;
16
            rt=0;
        }
17
```

```
18
        SBT()
19
20
            clear();
21
22
        int Size()
23
        {
            return sz[rt];
24
25
        bool empty()
26
27
28
            return rt==0;
29
        }
        void Build(int s,int e)
30
31
            Build(rt,s,e);
32
33
        bool Find(T key)
34
35
        {
            return Find(rt ,key);
36
37
        }
38
        void Insert(T key)
39
        {
40
            Insert(rt,key);
41
42
        void Delete(T key)
43
        {
44
            Delete(rt,key);
45
46
        T DeleteSelect(int k)
47
            return DeleteSelect(rt,k);
48
49
        void DeleteLess(T key)
50
51
52
            DeleteLess(rt,key);
53
        void DeleteGreater(T key)
54
55
        {
56
            DeleteGreater(rt,key);
57
        int Rank(T key)
58
59
        {
            return Rank(rt,key);
60
61
        T Select(int k)
62
63
            return Select(rt,k);
64
65
        T pred(T key)
66
67
        {
            return pred(rt,key);
68
69
70
        T succ(T key)
71
        {
            return succ(rt,key);
72
73
        void inorder()
74
75
        {
76
            inorder(rt);
77
        T getMin()
78
79
80
            int t=rt;
```

```
81
             while (lc[t]) t=lc[t];
 82
              return K[t];
 83
 84
         T getMax()
 85
              int t=rt;
 86
 87
             while (rc[t]) t=rc[t];
 88
              return K[t];
 89
 90
         T DeleteMax()
 91
         {
 92
              int t=rt;
 93
              if(rc[rt]==0)
 94
              {
 95
                  rt=lc[rt];
 96
                  return K[t];
 97
98
             while (rc[rc[t]])
 99
                  sz[t]--;
100
                  t=rc[t];
101
              }
102
103
              sz[t]--;
104
             T ret=K[rc[t]];
105
              rc[t]=lc[rc[t]];
106
              return ret;
107
         T DeleteMin()
108
109
110
              int t=rt;
111
              if(lc[rt]==0)
112
113
                  rt=rc[rt];
114
                  return K[t];
115
             while (lc[lc[t]])
116
117
118
                  sz[t]--;
119
                  t=lc[t];
120
              }
121
              sz[t]--;
122
              T ret=K[lc[t]];
123
              lc[t]=rc[lc[t]];
124
              return ret;
         }
125
126
     private:
         void Build(int &rt,int s,int e)
127
128
129
              if(s>e) return;
130
              int mid=(s+e)/2;
131
              rt=++tsz;
             K[rt]=mid;
132
133
              lc[rt]=0;
134
              rc[rt]=0;
135
              sz[rt]=e-s+1;
136
              if(s==e) return;
137
              Build(lc[rt],s,mid-1);
138
              Build(rc[rt],mid+1,e);
139
         bool Find(int &rt,T key)
140
141
         {
              if (rt==0) return false;
142
143
              else if (key<K[rt]) return Find(lc[rt],key);</pre>
```

```
144
              else return K[rt]==key||Find(rc[rt],key);
145
146
         void Insert(int &rt,T key)
147
              if (rt==0)
148
149
              {
150
                  rt=++tsz;
151
                  lc[rt]=rc[rt]=0;
152
                  sz[rt]=1;
153
                  K[rt]=key;
154
                  return;
155
              }
156
              sz[rt]++;
157
              if (key<K[rt]) Insert(lc[rt],key);</pre>
158
              else Insert(rc[rt],key);
159
             maintain(rt,!(key<K[rt]));</pre>
160
         T Delete(int &rt,T key)
161
162
              sz[rt]--;
163
164
              if ((K[rt]==key)||(key<K[rt]&&lc[rt]==0)||(K[rt]<key&&rc[rt]==0))</pre>
165
166
                  T ret=K[rt];
                  if (lc[rt]==0||rc[rt]==0)
167
168
                       rt=lc[rt]+rc[rt];
169
                  else K[rt]=Delete(lc[rt],K[rt]+1);
170
                  return ret;
171
              }
172
             else
173
              {
174
                  if (key<K[rt]) return Delete(lc[rt],key);</pre>
175
                  else return Delete(rc[rt],key);
176
              }
177
178
         void DeleteLess(int &rt,T key)
179
              if (rt==0) return;
180
              if (K[rt]<key)</pre>
181
182
              {
183
                  rt=rc[rt];
184
                  DeleteLess(rt,key);
185
              }
186
             else
187
188
                  DeleteLess(lc[rt],key);
189
                  sz[rt]=1+sz[lc[rt]]+sz[rc[rt]];
190
              }
191
192
         void DeleteGreater(int &rt,T key)
193
              if (rt==0) return;
194
195
              if (K[rt]>key)
196
197
                  rt=lc[rt];
198
                  DeleteGreater(rt,key);
199
              }
200
              else
201
              {
202
                  DeleteGreater(rc[rt],key);
203
                  sz[rt]=1+sz[lc[rt]]+sz[rc[rt]];
              }
204
205
206
         int Rank(int &rt,T key)
```

```
207
208
             if (K[rt]==key) return sz[lc[rt]]+1;
209
             else if (key<K[rt]) return Rank(lc[rt], key);</pre>
210
             else return sz[lc[rt]]+1+Rank(rc[rt],key);
211
212
        T Select(int &rt,int k)
213
214
             if (sz[lc[rt]]+1==k) return K[rt];
215
             else if (k>sz[lc[rt]]) return Select(rc[rt],k-1-sz[lc[rt]]);
216
             else return Select(lc[rt],k);
217
218
        T DeleteSelect(int &rt,int k)
219
220
             sz[rt]--;
221
             if (sz[lc[rt]]+1==k)
222
223
                 T ret=K[rt];
                 if (lc[rt]==0||rc[rt]==0) rt=lc[rt]+rc[rt];
224
225
                 else K[rt]=Delete(lc[rt],K[rt]+1);
226
                 return ret;
227
             else if (k>sz[lc[rt]]) return DeleteSelect(rc[rt],k-1-sz[lc[rt]]);
228
229
             else return DeleteSelect(lc[rt],k);
230
231
        T pred(int &rt,T key)
232
233
             if (rt==0) return key;
             else if (key>K[rt])
234
235
236
                 T ret=pred(rc[rt],key);
237
                 if(ret==key) return K[rt];
238
                 return ret;
239
240
             else return pred(lc[rt],key);
241
242
        T succ(int &rt,T key)
243
             if (rt==0) return key;
244
             else if (K[rt]>key)
245
246
247
                 T ret=succ(lc[rt],key);
248
                 if (ret==key) return K[rt];
249
                 return ret;
250
251
             else return succ(rc[rt],key);
252
253
        void zag(int &rt)
                            //LeftRotate
254
255
             int t=rc[rt];
256
             rc[rt]=lc[t];
257
             lc[t]=rt;
258
             sz[t]=sz[rt];
259
             sz[rt]=1+sz[lc[rt]]+sz[rc[rt]];
260
             rt=t;
261
262
        void zig(int &rt) //RightRotate
263
264
             int t=lc[rt];
265
             lc[rt]=rc[t];
266
             rc[t]=rt;
267
             sz[t]=sz[rt];
             sz[rt]=1+sz[lc[rt]]+sz[rc[rt]];
268
269
             rt=t;
```

```
270
271
         void maintain(int &rt,bool flag)
272
273
             if (rt==0) return;
274
             if (!flag)
275
                  if (sz[lc[lc[rt]]]>sz[rc[rt]]) zig(rt);
276
277
                  else if (sz[rc[lc[rt]]]>sz[rc[rt]])
278
                  {
279
                      zag(lc[rt]);
280
                      zig(rt);
281
                  }
282
                  else return;
283
             }
284
             else
285
             {
286
                  if (sz[rc[rc[rt]]]>sz[lc[rt]]) zag(rt);
287
                  else if (sz[lc[rc[rt]]]>sz[lc[rt]])
288
                  {
289
                       zig(rc[rt]);
290
                      zag(rt);
                  }
291
292
                  else return;
293
             }
294
             maintain(lc[rt],false);
295
             maintain(rc[rt],true);
296
             maintain(rt, false);
297
             maintain(rt,true);
298
         }
299
         void inorder(int &rt)
300
             if(rt==0) return;
301
             else
302
303
             {
304
                  inorder(lc[rt]);
305
                  cout<<"rt:"<<rt<<" key:"<<K[rt]<<" size:"<<sz[rt]<<endl;</pre>
                  inorder(rc[rt]);
306
307
             }
308
         }
309
    };
310
    struct node
311
    {
312
         int key,id;
313
         node(int key=0,int id=0):key(key),id(id) {}
314
         bool operator <(node b)</pre>
315
         {
316
             return key<b.key;</pre>
317
318
         bool operator >(node b)
319
         {
             return key>b.key;
320
321
322
         bool operator ==(node b)
323
         {
324
             return key==b.key;
325
         }
326
         node operator +(int K)
327
         {
328
             return node(key+K,id);
329
         }
330
    };
```

4.9 可持久化线段树

4.9.1 可持久化线段树

```
1 | #define lson l,m
2
   #define rson m+1,r
 3
   const int NV = 100005;
   const int NN = NV*25;
   int sum[NN],ln[NN],rn[NN];
6
   int tot,root[NV];
7
   void PushUp(int k)
8
   {
9
        sum[k]=sum[ln[k]]+sum[rn[k]];
10
   }
11
   int build(int 1,int r)
12
        int k=++tot;
13
14
        if (1 == r)
15
        {
16
            sum[k]=0;
17
            return k;
18
19
        int m = (1 + r) >> 1;
20
        ln[k]=build(lson);
21
        rn[k]=build(rson);
22
        PushUp(k);
23
        return k;
24
25
   int update(int o,int L,int c,int l,int r)
   {
26
27
        int k=++tot;
28
        sum[k]=sum[o];
29
        ln[k]=ln[o];
30
        rn[k]=rn[o];
31
        if (L == 1 && 1 == r)
32
        {
33
            sum[k]+=c;
34
            return k;
35
        }
36
        int m = (1 + r) >> 1;
37
        if (L <= m) ln[k]=update(ln[o], L , c , lson);</pre>
38
        else rn[k]=update(rn[o], L , c , rson);
39
        PushUp(k);
40
        return k;
41
42
   int query(int a,int b,int L,int l,int r)
43
44
        if (l==r) return 1;
45
        int m = (1 + r) >> 1;
46
        int tmp=sum[ln[b]]-sum[ln[a]];
47
        if (L <= tmp) return query(ln[a], ln[b], L , lson);</pre>
48
        return query(rn[a], rn[b], L-tmp , rson);
49
50
   int main()
51
52
        root[0]=build(1,n);
53
        for (int i=1; i<=n; i++)
            root[i]=update(root[i-1],pos,val,1,n);
54
55
        query(root[a-1],root[b],pos,1,n);
56
        return 0;
57
  |}
```

4.9.2 树状数组套可持久化线段树

在 $\log n$ 的时间查询 [l,r] 区间内的第 K 大数,同时支持更新操作。

```
const int NV=60005;
1
2
   const int M=NV*40;
   int N,m,tot;
   int a[NV],T[NV],S[NV],use[NV];
   int lson[M],rson[M],c[M];
   int build(int l,int r)
6
7
8
        int rt = tot++;
9
        c[rt] = 0;
10
        if(1 != r)
11
        {
            int mid = l+r>>1;
12
13
            lson[rt] = build(1,mid);
            rson[rt] = build(mid+1,r);
14
15
16
        return rt;
17
18
   int insert(int rt,int pos,int val)
19
20
        int nrt = tot++, tmp = nrt;
        int l = 1, r = m;
21
22
        c[nrt] = c[rt] + val;
23
        while(1 < r)
24
25
            int mid = 1+r>>1;
            if(pos <= mid)</pre>
26
27
28
                 lson[nrt] = tot++;
29
                 rson[nrt] = rson[rt];
30
                nrt = lson[nrt];
                rt = lson[rt];
31
32
                 r = mid;
            }
33
34
            else
35
            {
                 rson[nrt] = tot++;
36
                 lson[nrt] = lson[rt];
37
38
                nrt = rson[nrt];
39
                 rt = rson[rt];
40
                l = mid+1;
41
42
            c[nrt] = c[rt] + val;
43
44
        return tmp;
45
46
   inline int lowbit(int x)
47
   {
48
        return x&(-x);
49
   }
50
   int sum(int x)
51
        int ans = 0;
52
53
        while(x > 0)
54
55
            ans += c[lson[use[x]]];
            x -= lowbit(x);
56
57
58
        return ans;
59
   void update(int x,int p,int d)
60
```

```
61
    {
 62
         while(x <= N)
 63
         {
 64
             S[x] = insert(S[x],p,d);
 65
             x += lowbit(x);
 66
 67
 68
    int query(int L,int R,int k)
 69
 70
         int lrt = T[L-1];
 71
         int rrt = T[R];
 72
         int l = 1, r = m;
 73
         for(int i = L-1; i; i = lowbit(i)) use[i] = S[i];
 74
         for(int i = R; i ; i -= lowbit(i)) use[i] = S[i];
 75
         while(1 < r)
 76
 77
             int mid = 1+r>>1;
             int tmp = sum(R) - sum(L-1) + c[lson[rrt]] - c[lson[lrt]];
 78
 79
             if(tmp >= k)
 80
             {
81
                 r = mid;
                 for(int i = L-1; i; i = lowbit(i))
 82
                      use[i] = lson[use[i]];
 83
 84
                 for(int i = R; i; i -= lowbit(i))
 85
                      use[i] = lson[use[i]];
 86
                 lrt = lson[lrt];
 87
                 rrt = lson[rrt];
 88
             }
             else
 89
 90
             {
 91
                 l = mid+1;
 92
                 k = tmp;
                 for(int i = L-1; i; i = lowbit(i))
 93
 94
                      use[i] = rson[use[i]];
 95
                 for(int i = R; i; i -= lowbit(i))
                      use[i] = rson[use[i]];
 96
                 lrt = rson[lrt];
97
 98
                 rrt = rson[rrt];
99
             }
100
101
         return 1;
102
103
    int op[NV],ql[NV],qr[NV],qk[NV],data[NV];
    void inithash()
104
105
106
         sort(data+1,data+m+1);
107
         m=unique(data+1,data+m+1)-data;
108
109
    int hash(int x)
110
    {
111
         return lower_bound(data+1, data+m+1, x)-data;
112
113
    void init(int n,int q)
114
115
         N=n;
116
         tot=0;
117
118
         for(int i = 1; i <= n; i++)</pre>
119
             scanf("%d",&a[i]),data[++m]=a[i];
         char s[10];
120
121
         for(int i = 1; i <= q; i++)
122
123
             scanf("%s",s);
```

```
124
              if(s[0] == 'Q')
125
              {
126
                  op[i]=0;
127
                  scanf("%d%d%d",&ql[i],&qr[i],&qk[i]);
128
              }
129
             else
130
              {
131
                  op[i]=1;
132
                  scanf("%d%d",&ql[i],&data[++m]);
133
                  qk[i]=data[m];
134
              }
135
         }
136
         inithash();
137
         T[0] = build(1,m);
138
         for(int i = 1; i <= n; i++)</pre>
139
              T[i] = insert(T[i-1], hash(a[i]), 1);
140
         for(int i = 1; i <= n; i++)</pre>
141
             S[i] = T[0];
142
143
     int main()
144
145
         int t;
146
         cin>>t;
147
         while(t--)
148
         {
149
              int n,q;
150
              scanf("%d%d",&n,&q);
151
              init(n,q);
152
             for(int i = 1; i <= q; i++)
153
154
                  if(op[i])
155
                  {
156
                       update(ql[i],hash(a[ql[i]]),-1);
157
                       update(ql[i],hash(qk[i]),1);
158
                       a[ql[i]]=qk[i];
159
                  else printf("%d\n",data[query(ql[i],qr[i],qk[i])]);
160
161
              }
162
163
         return 0;
164
    }
```

4.9.3 相关例题

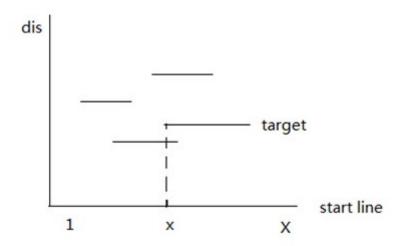
区间第 K 大数

```
|#define lson l,m
   #define rson m+1,r
 3
   const int NV = 100005;
 4
   const int NN = NV*25;
   int sum[NN],ln[NN],rn[NN];
 6
   int tot,root[NV];
7
   void PushUp(int k)
 8
   {
        sum[k]=sum[ln[k]]+sum[rn[k]];
9
10
11
   int build(int 1,int r)
   {
12
13
        int k=++tot;
14
        if (1 == r)
15
16
            sum[k]=0;
```

```
17
            return k;
        }
18
19
        int m = (1 + r) >> 1;
        ln[k]=build(lson);
20
21
        rn[k]=build(rson);
22
        PushUp(k);
23
        return k;
24
25
   int update(int o,int L,int c,int l,int r)
26
27
        int k=++tot;
28
        sum[k]=sum[o];
29
        ln[k]=ln[o];
30
        rn[k]=rn[o];
31
        if (L == 1 && 1 == r)
32
33
            sum[k]+=c;
34
            return k;
35
        int m = (1 + r) >> 1;
36
        if (L \leftarrow m) ln[k] = update(ln[o], L, c, lson);
37
38
        else rn[k]=update(rn[o], L , c , rson);
39
        PushUp(k);
40
        return k;
41
42
   int query(int a,int b,int L,int l,int r)
43
44
        if (l==r) return 1;
45
        int m = (l + r) >> 1;
46
        int tmp=sum[ln[b]]-sum[ln[a]];
47
        if (L <= tmp) return query(ln[a], ln[b], L , lson);</pre>
48
        return query(rn[a], rn[b], L-tmp , rson);
49
50
   int discrete(int data[],int n,int dis[],int idx[])
51
    {
52
        int sub[n+1];
53
        memcpy(sub,data,sizeof(sub));
54
        sort(sub+1,sub+n+1);
55
        int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
56
        for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
57
58
            dis[i]=lower bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
59
            idx[dis[i]]=data[i];
        }
60
61
        return m;
62
63
    int a[NV],dis[NV],idx[NV];
   int main()
64
65
66
        int n,m;
67
        scanf("%d%d",&n,&m);
68
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
            scanf("%d",&a[i]);
69
        discrete(a,n,dis,idx);
70
71
        root[0]=build(1,n);
72
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
73
            root[i]=update(root[i-1],dis[i],1,1,n);
74
        while(m--)
75
        {
76
            int aa,bb,k;
            scanf("%d%d%d",&aa,&bb,&k);
77
78
            printf("%d\n",idx[query(root[aa-1],root[bb],k,1,n)]);
79
        }
```

```
80 | return 0;
81 |}
```

区间更新单点求和,求第 K 大,二分



```
#define lson l,m
1
 2
   #define rson m+1,r
   const int NV = 200005;
   const int NN = NV*25;
   int cnt[NN],ln[NN],rn[NN];
   long long sum[NN];
7
   int tot,root[NV];
   void PushUp(int k)
8
9
        sum[k]=sum[ln[k]]+sum[rn[k]];
10
11
        cnt[k]=cnt[ln[k]]+cnt[rn[k]];
12
13
   int build(int l,int r)
14
   {
15
        int k=++tot;
16
        if (1 == r)
17
18
            sum[k]=0;
19
            cnt[k]=0;
20
            return k;
21
22
        int m = (1 + r) >> 1;
23
        ln[k]=build(lson);
24
        rn[k]=build(rson);
25
        PushUp(k);
26
        return k;
27
28
   int M, data[NV];
29
   int update(int o,int L,int c,int l,int r)
30
31
        int k=++tot;
32
        sum[k]=sum[o];
33
        cnt[k]=cnt[o];
34
        ln[k]=ln[o];
35
        rn[k]=rn[o];
        if (L == 1 && 1 == r)
36
37
38
            sum[k]+=c*data[1];
39
            cnt[k]+=c;
40
            return k;
```

```
41
42
         int m = (1 + r) >> 1;
43
         if (L <= m) ln[k]=update(ln[o], L , c , lson);</pre>
44
         else rn[k]=update(rn[o], L , c , rson);
45
         PushUp(k);
46
         return k;
47
48
    long long query(int a,int L,int l,int r)
49
50
         if (l==r) return (long long)data[l]*L; //注意不能是sum[a]
51
         int m = (1 + r) >> 1;
52
         if (L <= cnt[ln[a]]) return query(ln[a], L , lson);</pre>
53
         return sum[ln[a]]+query(rn[a], L-cnt[ln[a]] , rson);
54
55
    int inithash(int n)
56
    {
57
         sort(data+1,data+n+1);
         return unique(data+1, data+n+1)-data-1;
58
59
60
    int hash(int x)
61
         return lower_bound(data+1,data+M+1,x)-data;
62
63
64
    struct node
65
    {
66
         int d,x;
67
         node(int d=0,int x=0):d(d),x(x) {}
68
         int sgn() const
69
70
             if (d>0) return 1;
71
             if (d==0) return 0;
72
             return -1;
73
74
         bool operator <(const node &b) const</pre>
75
76
             if (x!=b.x) return x<b.x;</pre>
77
             else if (sgn()!=b.sgn()) return sgn()>b.sgn();
78
             return abs(d)<abs(b.d);</pre>
79
    } a[NV];
80
81
    int main()
82
83
         int n,m,x,P;
        while(~scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&x,&P))
84
85
86
             tot=0;
87
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
88
89
                 int l,r;
90
                 scanf("%d%d%d",&1,&r,&data[i]);
                 a[i].d=data[i];
91
92
                 a[i].x=1;
                 // 在 r 处 加 负 的 , 但 在 排 序 时 把 负 的 的 全 排 到 最 后
93
94
                 // 二分时, 如果当前位置没有点, 那么会找到x后面的一个位置
95
                 // 如 果 有 很 多 点 , 肯 定 会 找 到 正 数 后 面 的 一 个 位 置 ( 下 个 x 或 当 前 x 但 为 负 的 点
                     )
                 //最后位置减1即可
96
97
                 a[i+n].d=-data[i];
98
                 a[i+n].x=r;
99
             }
100
             sort(a+1,a+2*n+1);
101
             M=inithash(n);
             root[0]=build(1,M);
102
```

34

35

36

```
103
             for (int i=1; i<=2*n; i++)</pre>
104
             {
105
                 int d=a[i].d;
106
                 if (d>0) root[i]=update(root[i-1],hash(d),1,1,M);
107
                 else root[i]=update(root[i-1],hash(-d),-1,1,M);
108
             long long pre=1;
109
110
             while(m--)
111
             {
112
                 int X,aa,bb,cc;
                  scanf("%d%d%d%d",&X,&aa,&bb,&cc);
113
114
                 int k=(aa%cc*pre%cc+bb)%cc;
115
                 int p=lower\_bound(a+1,a+2*n+1,node(0,X))-a-1;
116
                 long long ans;
117
                 if (k) ans=query(root[p],k,1,M);
118
                 else ans=0;
119
                 if (pre>P) ans*=2;
120
                 pre=ans;
                 printf("%I64d\n",ans);
121
122
             }
123
124
         return 0;
125
    4.10 splay
   |#define keyTree (ch[ch[rt][1]][0])
 1
    const int NV=100005;
  3
    struct SplayTree
 4
  5
         int sz[NV];
  6
         int ch[NV][2];
  7
         int pre[NV];
 8
         int rt,top,tops;
 9
         int stk[NV],que[NV];
10
         SplayTree():rt(0),top(0) {}
11
         void Rotate(int x,int c)
12
13
             int y=pre[x];
14
             push_down(y);
15
             push_down(x);
             ch[y][!c]=ch[x][c];
16
17
             pre[ch[x][c]]=y;
18
             pre[x]=pre[y];
             if(pre[x]) ch[pre[y]][ch[pre[y]][1]==y]=x;
19
20
             ch[x][c]=y;
21
             pre[y]=x;
22
             push_up(y);
23
24
         void Splay(int x,int f)
25
26
             if (x==f) return;
27
             push_down(x);
28
             while(pre[x]!=f)
29
30
                 if(pre[pre[x]]==f)
31
                      Rotate(x,ch[pre[x]][0]==x);
                 else
32
33
                 {
```

int y=pre[x],z=pre[y];

if(ch[y][t]==x) Rotate(x,!t),Rotate(x,t);

int t=(ch[z][0]==y);

```
37
                     else Rotate(y,t),Rotate(x,t);
                 }
38
39
            }
40
            push_up(x);
41
            if(f==0) rt=x;
42
        void Select(int k,int f) //把第k位的数转到f下边
43
44
45
            int x=rt;
46
            push_down(x);
47
            while(sz[ch[x][0]]!=k)
48
49
                 if(k<sz[ch[x][0]]) x=ch[x][0];
50
                 else
51
                 {
52
                     k=(sz[ch[x][0]]+1);
53
                     x=ch[x][1];
54
55
                 push_down(x);
56
57
            Splay(x,f);
58
        void Erase(int x) //把以x为祖先结点删掉放进内存池, 回收内存
59
60
61
            int father=pre[x];
62
            int head=0,tail=0;
            for (que[tail++]=x; head<tail; head++)</pre>
63
64
65
                 stk[tops++]=que[head];
                 if(ch[que[head]][0]) que[tail++]=ch[que[head]][0];
66
67
                 if(ch[que[head]][1]) que[tail++]=ch[que[head]][1];
68
69
            ch[father][ch[father][1]==x]=0;
70
            push_up(father);
71
72
        int Find(int c)
73
74
            int x=rt;
75
            while(x)
76
            {
77
                 if (c==val[x])
78
                 {
79
                     Splay(x,rt);
80
                     return x;
81
82
                 else if (c<val[x]) x=ch[x][0];</pre>
83
                 else x=ch[x][1];
84
85
            return 0;
86
87
        void Insert(int c)
88
            int p=rt;
89
            int *t=&p;
90
91
            int f=0;
            while(*t)
92
93
            {
94
                 f=*t;
95
                 if (c<val[*t]) t=&ch[*t][0];</pre>
96
                else t=&ch[*t][1];
97
98
            int &x=*t;
99
            if (tops) x=stk[--tops];
```

```
100
             else x=++top;
             ch[x][0]=ch[x][1]=pre[x]=0;
101
102
             sz[x]=1;
103
             val[x]=sum[x]=c;
104
             pre[x]=f;
            while(f)
105
106
             {
107
                 push_up(f);
108
                 f=pre[f];
109
110
             Splay(x,rt);
111
         }
112
        void Debug()
113
114
             cout<<rt<<endl;</pre>
115
             Inorder(rt);
116
117
        void Inorder(int x)
118
119
             if(x)
120
             {
121
                 Inorder(ch[x][0]);
                 printf("结点%2d:左儿子 %2d 右儿子 %2d 父结点 %2d size=%2d ,val=%2d\n
122
                     ",x,ch[x][0],ch[x][1],pre[x],sz[x],val[x]);
123
                 Inorder(ch[x][1]);
124
             }
125
         }
126
127
        //以下是题目的特定函数
128
        void newnode(int &x,int c)
129
         {
130
             if (tops) x=stk[--tops];
131
             else x=++top;
132
             ch[x][0]=ch[x][1]=pre[x]=0;
133
             sz[x]=1;
134
             ///题目特定
135
             val[x]=sum[x]=c;
136
             add[x]=0;
137
        void push down(int x) ///题目特定
138
139
140
             if(add[x])
141
             {
142
                 val[x]+=add[x];
143
                 add[ch[x][0]]+=add[x];
144
                 add[ch[x][1]]+=add[x];
145
                 sum[ch[x][0]]+=(long long)sz[ch[x][0]]*add[x];
146
                 sum[ch[x][1]]+=(long long)sz[ch[x][1]]*add[x];
147
                 add[x]=0;
148
             }
149
150
        void push_up(int x)
151
152
             sz[x]=1+sz[ch[x][0]]+sz[ch[x][1]];
             ///题目特定
153
             sum[x]=val[x]+sum[ch[x][0]]+sum[ch[x][1]];
154
155
        }
156
        void build(int &x,int l,int r,int f)
157
158
             if(1>r) return;
159
             int m=(l+r)>>1;
160
             newnode(x,num[m]); ///题目特定
161
             build(ch[x][0],1,m-1,x);
```

```
162
             build(ch[x][1], m+1, r, x);
163
             pre[x]=f;
164
             push_up(x);
165
166
         void init(int n)
167
168
             rt=top=0;
169
             // 为了方便处理边界, 加两个边界顶点
170
             newnode(rt,-1);
171
             newnode(ch[rt][1],-1);
172
             pre[top]=rt;
173
             sz[rt]=2;
174
             build(keyTree,1,n,ch[rt][1]);
175
             push_up(ch[rt][1]);
176
             push_up(rt);
177
178
         void update(int l,int r,int c)
179
180
             Select(l-1,0);
181
             Select(r+1,rt);
182
             ///题目特定
             add[keyTree]+=c;
183
184
             sum[keyTree]+=(long long)c*sz[keyTree];
185
186
         long long query(int 1,int r)
187
188
             Select(l-1,0);
189
             Select(r+1,rt);
190
             return sum[keyTree];
191
192
         /// 题 目 特 定 变 量
193
         int num[NV];
         int val[NV];
194
195
         int add[NV];
196
         long long sum[NV];
197
    } sp;
198
    int main()
199
200
         sp.Insert(5);
201
         sp.Insert(8);
202
         sp.Insert(2);
203
         sp.Insert(8);
204
         sp.Insert(6);
205
         sp.Insert(1);
206
         sp.Debug();
207
         cout<<sp.Find(8)<<endl;</pre>
208
         cout<<sp.Find(2)<<endl;</pre>
209
         cout<<sp.Find(5)<<endl;</pre>
210
         return 0;
211 | }
```

4.11 KD-tree

离线处理一堆点,在线询问一个点到这一堆点最近的是哪个点。

4.11.1 二维 KD-tree

```
1 | const int NV=100005;
2 | struct point
3 | {
4 | int x, y;
```

```
void in()
5
6
7
            scanf("%d%d",&x,&y);
8
        }
9
   } p[NV];
   bool Div[NV];
10
11
   bool cmpX(const point &p1,const point &p2)
12
13
        return p1.x<p2.x;</pre>
14
   bool cmpY(const point &p1,const point &p2)
15
16
        return p1.y<p2.y;</pre>
17
18
19
   long long dis(const point &p1,const point &p2)
20
   {
21
        return (long long)(p1.x-p2.x)*(p1.x-p2.x)+(long long)(p1.y-p2.y)*(p1.y-p2.y)
           ;
22
   void build(int 1, int r, point p[])
23
24
25
        if (1 > r) return;
        int mid = 1 + r >> 1;
26
27
        int minX, minY, maxX, maxY;
       minX = min_element(p + 1, p + r + 1, cmpX) -> x;
28
29
       minY = min_element(p + 1, p + r + 1, cmpY)->y;
30
       maxX = max_element(p + 1, p + r + 1, cmpX) -> x;
31
       maxY = max_element(p + 1, p + r + 1, cmpY) -> y;
       Div[mid] = (maxX - minX >= maxY - minY);
32
        nth_element(p + 1, p + mid, p + r + 1, Div[mid] ? cmpX : cmpY);
33
34
        build(1, mid - 1, p);
35
        build(mid + 1, r, p);
36
37
   void find(long long &res, int l, int r, point &a, point p[])
38
39
       if (1 > r) return;
        int mid = 1 + r >> 1;
40
41
        long long dist = dis(a, p[mid]);
        if (dist > 0) ///NOTICE
42
43
            res = min(res, dist);
44
        long long d = Div[mid]? (a.x - p[mid].x): (a.y - p[mid].y);
45
        int 11, 12, r1, r2;
        11 = 1, 12 = mid + 1;
46
47
        r1 = mid - 1, r2 = r;
        if (d > 0) swap(11, 12), swap(r1, r2);
48
49
        find(res, l1, r1, a, p);
        if (d * d < res) find(res, 12, r2, a, p);</pre>
50
51
52
   long long find(int 1,int r, point &a, point p[])
53
   {
54
        long long res=INF;
55
        find(res,1,r,a,p);
56
        return res;
57
58
   point pp[NV];
59
   int main()
60
   {
61
        int t;
62
        cin>>t;
63
       while(t--)
64
65
            int n;
            cin>>n;
66
```

```
67
             for (int i=1; i<=n; i++) p[i].in(),pp[i]=p[i];</pre>
68
             build(1,n,p);
69
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
                 printf("%I64d\n",find(1,n,pp[i],p));
70
71
72
        return 0;
73
```

K 维 KD-tree 4.11.2

```
|#define sqr(x) (x)*(x)
1
2
   const int NV=50005,K=5;
   //k为维数,n为点数,idx为当前比较的维度
   int k,n,idx;
5
   struct point
 6
 7
        int x[K];
8
        bool operator <(const point &u) const</pre>
9
        {
10
            return x[idx]<u.x[idx];</pre>
11
        }
    } po[NV]; //输入的点
12
   priority_queue<pair<double,point> >nq;
13
   //线段树节点
14
15
   point pt[NV<<2];</pre>
   int son[NV<<2];</pre>
16
17
   void build(int l,int r,int rt=1,int dep=0)
18
   {
19
        if(l>r) return;
20
        son[rt]=r-l;
21
        son[rt <<1]=son[rt <<1|1]=-1;
22
        idx=dep%k;
23
        int mid=l+r>>1;
24
        nth_element(po+l,po+mid,po+r+1);
25
        pt[rt]=po[mid];
26
        build(l,mid-1,rt<<1,dep+1);</pre>
27
        build(mid+1,r,rt<<1|1,dep+1);
28
29
   void query(point &p,int m,int rt=1,int dep=0)
30
        if(son[rt]==-1) return;
31
32
        pair<double,point> nd(0,pt[rt]);
33
        for(int i=0; i<k; i++) nd.first+=sqr(nd.second.x[i]-p.x[i]);</pre>
        int dim=dep%k,x=rt<<1,y=rt<<1|1,fg=0;</pre>
34
35
        if(p.x[dim]>=pt[rt].x[dim]) swap(x,y);
36
        if(~son[x]) query(p,m,x,dep+1);
37
        if(nq.size()<m) nq.push(nd),fg=1;</pre>
38
        else
39
        {
40
            if(nd.first<nq.top().first) nq.pop(),nq.push(nd);</pre>
41
            if(sqr(p.x[dim]-pt[rt].x[dim])<nq.top().first) fg=1;</pre>
42
43
        if(~son[y]&&fg) query(p,m,y,dep+1);
44
45
   int main()
46
   {
47
        while(scanf("%d%d",&n,&k)!=EOF)
48
        {
49
            for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
50
                 for(int j=0; j<k; j++)</pre>
                     scanf("%d",&po[i].x[j]);
51
52
            build(1,n);
```

```
int t;
53
            scanf("%d",&t);
54
55
           while(t--)
56
            {
57
                point ask;
                for(int j=0; j<k; j++) scanf("%d",&ask.x[j]);</pre>
58
59
                int m;
                scanf("%d",&m);
60
61
                query(ask,m);
62
                printf("the closest %d points are:\n", m);
63
                point ans[20];
64
                int cnt=0;
                while(!nq.empty())
65
66
67
                    ans[++cnt]=nq.top().second;
68
                    nq.pop();
69
70
                for(int i=cnt; i>=1; i--)
71
                    for(int j=0; j<k; j++)
                        printf("%d%c",ans[i].x[j]," n"[j==k-1]);
72
73
            }
74
75
       return 0;
76
   4.12
           树链剖分
   'I' 区间增加
   'D' 区间减少
   'Q' 单点查询
   点权, change(update) 区间更新, query 单点查询
1
  const int NV=50005;
   //num为初始数组, rank只在为初始数组build时使用
2
   int num[NV],siz[NV],top[NV],son[NV];
   int dep[NV],w[NV],rank[NV],fa[NV];
   int he[NV],to[2*NV],next[2*NV],ecnt,tot;
   void adde(int u,int v)
 6
7
8
       to[ecnt]=v,next[ecnt]=he[u],he[u]=ecnt++;
9
       to[ecnt]=u,next[ecnt]=he[v],he[v]=ecnt++;
10
11
   void dfs1(int u,int father,int d)
12
13
       dep[u]=d;
14
       fa[u]=father;
15
       siz[u]=1;
16
       for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
17
18
            int v=to[i];
19
            if(v!=father)
20
                dfs1(v,u,d+1);
21
22
                siz[u]+=siz[v];
23
                if(son[u]==-1||siz[v]>siz[son[u]])
24
                    son[u]=v;
25
            }
26
       }
27
28
   void dfs2(int u,int tp)
   {
29
```

```
30
        top[u]=tp;
31
        w[u]=++tot;
32
        rank[w[u]]=u;
33
        if(son[u]==-1) return;
34
        dfs2(son[u],tp);
35
        for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
36
        {
37
            int v=to[i];
38
            if(v!=son[u]&&v!=fa[u])
39
                 dfs2(v,v);
40
        }
41
42
   #define lson l,m,rt<<1
43
    #define rson m+1,r,rt<<1|1
44
    int add[NV<<2],sum[NV<<2];</pre>
45
   void PushUp(int rt)
46
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];</pre>
47
48
   void PushDown(int rt,int m)
49
50
        if (add[rt])
51
52
        {
53
            add[rt<<1] += add[rt];
            add[rt<<1|1] += add[rt];
54
55
            sum[rt <<1] += add[rt] * (m - (m >> 1));
56
            sum[rt << 1|1] += add[rt] * (m >> 1);
57
            add[rt] = 0;
58
        }
59
60
   void build(int l,int r,int rt=1)
61
62
        add[rt] = 0;
63
        if (1 == r)
64
65
            sum[rt]=num[rank[1]];
66
            return ;
67
        int m = (1 + r) >> 1;
68
69
        build(lson);
70
        build(rson);
71
        PushUp(rt);
72
73
   void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
74
75
        if (L <= 1 && r <= R)
76
77
            add[rt] += c;
78
            sum[rt] += c * (r - l + 1);
79
            return ;
80
81
        PushDown(rt , r - 1 + 1);
82
        int m = (1 + r) >> 1;
83
        if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
84
        if (m < R) update(L , R , c , rson);</pre>
85
        PushUp(rt);
86
87
    int query(int L,int l,int r,int rt=1)
88
        if (L == 1 && 1 == r)
89
90
        {
91
            return sum[rt];
92
        }
```

```
93
         PushDown(rt , r - 1 + 1);
         int m = (1 + r) >> 1;
94
95
         if (L <= m) return query(L , lson);</pre>
96
         return query(L , rson);
97
98
    void change(int x,int y,int l,int r,int c)
99
100
         while(top[x]!=top[y])
101
         {
102
             if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
103
             update(w[top[x]],w[x],c,l,r);
             x=fa[top[x]];
104
105
         if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
106
107
         update(w[x],w[y],c,l,r);
108
109
    void init(int n)
    {
110
         memset(he,-1,sizeof(he));
111
         memset(son,-1,sizeof(son));
112
113
         tot=0;
114
         ecnt=0;
115
         for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
             scanf("%d",&num[i]);
116
117
         for(int i=1; i<n; i++)</pre>
118
119
             int u,v;
120
             scanf("%d%d",&u,&v);
121
             adde(u,v);
122
123
         dfs1(1,0,0);
124
         dfs2(1,1);
125
         build(1,n);
126
127
    int main()
128
129
         int n,q;
         while(~scanf("%d%*d%d",&n,&q))
130
131
         {
132
             init(n);
133
             while(q--)
134
             {
                  int a,b,c;
135
                  char op[5];
136
                  scanf("%s",op);
137
138
                  if(op[0]=='Q')
139
140
                      scanf("%d",&a);
141
                      printf("%d\n",query(w[a],1,n));
142
                  }
143
                  else
144
145
                       scanf("%d%d%d",&a,&b,&c);
146
                      if(op[0]=='D') c=-c;
147
                      change(a,b,1,n,c);
148
                  }
149
             }
150
         }
151
         return 0;
152
```

Message A: 0 u

A kid in hut u calls Wind. She should go to hut u from her current position.

Message B: 1 i w

The time required for i-th road is changed to w. 边权, update 单点更新, getsum(query) 区间求和

```
const int NV=100005;
   //num为初始数组, rank只在为初始数组build时使用
   int num[NV],siz[NV],top[NV],son[NV];
3
   int dep[NV],w[NV],rank[NV],fa[NV];
   int he[NV],to[2*NV],next[2*NV],ecnt,tot;
   void adde(int u,int v)
6
7
8
        to[ecnt]=v,next[ecnt]=he[u],he[u]=ecnt++;
       to[ecnt]=u,next[ecnt]=he[v],he[v]=ecnt++;
9
10
   void dfs1(int u,int father,int d)
11
12
13
        dep[u]=d;
14
       fa[u]=father;
15
        siz[u]=1;
16
        for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
17
18
            int v=to[i];
19
            if(v!=father)
20
            {
21
                dfs1(v,u,d+1);
22
                siz[u]+=siz[v];
23
                if(son[u]==-1||siz[v]>siz[son[u]])
24
                    son[u]=v;
25
            }
26
        }
27
28
   void dfs2(int u,int tp)
29
30
        top[u]=tp;
31
       w[u]=++tot;
32
        rank[w[u]]=u;
33
        if(son[u]==-1) return;
34
        dfs2(son[u],tp);
35
        for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
36
37
            int v=to[i];
38
            if(v!=son[u]&&v!=fa[u])
39
                dfs2(v,v);
40
        }
41
42
   #define lson l,m,rt<<1
43
   #define rson m+1,r,rt<<1|1
44
   int sum[NV<<2];</pre>
   void PushUp(int rt)
45
46
   {
47
        sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
48
49
   void build(int l,int r,int rt=1)
50
   {
51
       if (1 == r)
52
        {
53
            sum[rt]=num[1];
54
            return ;
55
56
        int m = (1 + r) >> 1;
        build(lson);
57
58
        build(rson);
```

```
59
         PushUp(rt);
60
    }
61
    void update(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
62
    {
63
         if (L == 1 && 1 == r)
64
         {
65
             sum[rt] = c;
             return ;
66
67
68
         int m = (1 + r) >> 1;
69
         if (L <= m) update(L , c , lson);</pre>
70
         else update(L , c , rson);
71
         PushUp(rt);
72
    int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
73
74
    {
75
         if (L <= 1 && r <= R)
76
         {
77
             return sum[rt];
78
         }
79
         int m = (1 + r) >> 1;
         int ret = 0;
80
         if (L <= m) ret += query(L , R , lson);</pre>
81
82
         if (m < R) ret += query(L , R , rson);
83
         return ret;
84
85
    int getsum(int x,int y,int l,int r)
86
87
         int ret=0;
88
         while(top[x]!=top[y])
89
         {
90
             if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
91
             ret+=query(w[top[x]],w[x],1,r);
92
             x=fa[top[x]];
93
         }
94
         if (x==y) return ret; ///Notice! 防止产生son[x]为-1的情况
95
         if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
         ret+=query(w[son[x]],w[y],l,r); ///Notice! 比点权多了个son
96
97
         return ret;
98
99
    int uu[NV], vv[NV], 11[NV];
100
    void init(int n)
101
102
         memset(he,-1,sizeof(he));
103
         memset(son,-1,sizeof(son));
104
         tot=0;
105
         ecnt=0;
106
         for(int i=1; i<n; i++)</pre>
107
108
             scanf("%d%d%d",&uu[i],&vv[i],&ll[i]);
109
             adde(uu[i],vv[i]);
110
         dfs1(1,0,0);
111
         dfs2(1,1);
112
113
         num[1]=0;
114
         for (int i=1; i<n; i++)</pre>
115
116
             if (dep[uu[i]]<dep[vv[i]]) num[w[vv[i]]]=ll[i];</pre>
117
             else num[w[uu[i]]]=ll[i];
118
119
         build(1,n);
120
    int main()
121
```

```
122
     {
123
         int n,q,s;
         while(~scanf("%d%d%d",&n,&q,&s))
124
125
126
              init(n);
              while(q--)
127
128
              {
129
                  int a,b;
130
                  int op;
                  scanf("%d",&op);
131
132
                  if(op==0)
133
134
                       scanf("%d",&a);
135
                       printf("%d\n",getsum(a,s,1,n));
136
137
                  }
138
                  else
139
                  {
                       scanf("%d%d",&a,&b);
140
141
                       if (dep[uu[a]]<dep[vv[a]]) a=w[vv[a]];</pre>
142
                       else a=w[uu[a]];
143
                       update(a,b,1,n);
144
                  }
145
              }
146
147
         return 0;
148
```

CHANGE iv Change the weight of the ith edge to v
NEGATE ab Negate the weight of every edge on the path from a to b
QUERY ab Find the maximum weight of edges on the path from a to b
边权, change 单点更新, Negate(update) 区间更新, getmax(query) 区间求最值

```
1
   const int NV=10005;
   //num为初始数组, rank只在为初始数组build时使用
2
   int num[NV],siz[NV],top[NV],son[NV];
   int dep[NV],w[NV],rank[NV],fa[NV];
   int he[NV],to[2*NV],next[2*NV],ecnt,tot;
   void adde(int u,int v)
 6
7
8
       to[ecnt]=v,next[ecnt]=he[u],he[u]=ecnt++;
9
       to[ecnt]=u,next[ecnt]=he[v],he[v]=ecnt++;
10
11
   void dfs1(int u,int father,int d)
12
13
       dep[u]=d;
14
       fa[u]=father;
15
       siz[u]=1;
       for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
16
17
18
            int v=to[i];
19
            if(v!=father)
20
21
                dfs1(v,u,d+1);
22
                siz[u]+=siz[v];
                if(son[u]==-1||siz[v]>siz[son[u]])
23
24
                    son[u]=v;
25
            }
26
       }
27
28
   void dfs2(int u,int tp)
29
```

```
30
        top[u]=tp;
31
        w[u]=++tot;
32
        rank[w[u]]=u;
        if(son[u]==-1) return;
33
34
        dfs2(son[u],tp);
        for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
35
36
        {
37
             int v=to[i];
             if(v!=son[u]\&&v!=fa[u])
38
39
                 dfs2(v,v);
40
        }
41
42
   #define lson l,m,rt<<1</pre>
    #define rson m+1,r,rt<<1|1
43
44
    int sgn[NV<<2],mx[NV<<2],mn[NV<<2];</pre>
45
    void PushUp(int rt)
46
        mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);</pre>
47
48
        mn[rt]=min(mn[rt<<1],mn[rt<<1|1]);</pre>
49
50
   void PushDown(int rt,int m)
51
    {
52
        if (sgn[rt]==-1)
53
        {
54
             sgn[rt <<1] *= -1;
55
             swap(mx[rt<<1],mn[rt<<1]);</pre>
56
             mx[rt <<1] = -mx[rt <<1];
57
             mn[rt << 1] = -mn[rt << 1];
58
             sgn[rt << 1|1] *= -1;
59
             swap(mx[rt<<1|1],mn[rt<<1|1]);</pre>
60
             mx[rt << 1|1] = -mx[rt << 1|1];
61
             mn[rt << 1|1] = -mn[rt << 1|1];
62
             sgn[rt] = 1;
63
        }
64
   void build(int l,int r,int rt=1)
65
66
67
        sgn[rt] = 1;
        if (1 == r)
68
69
        {
70
             mx[rt]=num[1];
71
             mn[rt]=num[1];
72
             return ;
73
        }
74
        int m = (1 + r) >> 1;
75
        build(lson);
76
        build(rson);
77
        PushUp(rt);
78
79
   void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
80
81
        if (L <= 1 && r <= R)
82
        {
83
             sgn[rt] *= c;
84
             swap(mx[rt],mn[rt]);
85
             mx[rt] = -mx[rt];
86
             mn[rt] = -mn[rt];
87
             return ;
88
        }
        PushDown(rt, r - 1 + 1);
89
90
        int m = (1 + r) >> 1;
91
        if (L <= m) update(L , R , c , lson);</pre>
92
        if (m < R) update(L , R , c , rson);
```

```
PushUp(rt);
93
94
    }
95
    void change(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
96
97
        if (L == 1 && 1 == r)
98
99
             mx[rt] = c;
100
             mn[rt] = c;
             return ;
101
102
103
        PushDown(rt, r - l + 1);
104
         int m = (1 + r) >> 1;
        if (L <= m) change(L , c , lson);</pre>
105
106
         else change(L , c , rson);
107
        PushUp(rt);
108
109
    int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
110
    {
111
        if (L <= 1 && r <= R)
112
         {
113
             return mx[rt];
114
115
        PushDown(rt , r - l + 1);
116
        int m = (1 + r) >> 1;
117
        int ret = -inf;
118
         if (L <= m) ret = max(ret,query(L , R , lson));
119
         if (m < R) ret = max(ret,query(L , R , rson));
120
        return ret;
121
    void Negate(int x,int y,int l,int r)
122
123
124
        while(top[x]!=top[y])
125
         {
126
             if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
127
             update(w[top[x]], w[x], -1, l, r);
128
             x=fa[top[x]];
129
        if (x==y) return; ///Notice! 防止产生son[x]为-1的情况
130
131
         if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
132
        update(w[son[x]],w[y],-1,1,r); ///Notice! 比点权多了个son
133
134
    int getmax(int x,int y,int l,int r)
135
136
         int ret=-inf;
137
        while(top[x]!=top[y])
138
139
             if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
140
             ret=max(ret,query(w[top[x]],w[x],1,r));
141
             x=fa[top[x]];
142
        if (x==y) return ret; ///Notice! 防止产生son[x]为-1的情况
143
144
         if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
         ret=max(ret,query(w[son[x]],w[y],l,r)); ///Notice! 比点权多了个son
145
146
        return ret;
147
148
    int uu[NV], vv[NV], ll[NV];
149
    void init(int n)
150
151
        memset(he,-1,sizeof(he));
        memset(son,-1,sizeof(son));
152
153
        tot=0;
154
         ecnt=0;
155
        for(int i=1; i<n; i++)</pre>
```

```
156
         {
157
              scanf("%d%d%d",&uu[i],&vv[i],&ll[i]);
158
              adde(uu[i],vv[i]);
159
         dfs1(1,0,0);
160
         dfs2(1,1);
161
         num[1]=0;
162
163
         for (int i=1; i<n; i++)</pre>
164
165
              if (dep[uu[i]]<dep[vv[i]]) num[w[vv[i]]]=ll[i];</pre>
166
              else num[w[uu[i]]]=ll[i];
167
168
         build(1,n);
169
     int main()
170
171
     {
172
         int t;
173
         cin>>t;
         while(t--)
174
175
176
              int n;
              scanf("%d",&n);
177
178
              init(n);
179
              char op[10];
              while(scanf("%s",op),op[0]!='D')
180
181
182
                  int a,b;
183
                  scanf("%d%d",&a,&b);
                  if (op[0]=='C')
184
185
186
                       if (dep[uu[a]]<dep[vv[a]]) a=w[vv[a]];</pre>
187
                       else a=w[uu[a]];
188
                       change(a,b,1,n);
189
190
                  else if (op[0]=='N') Negate(a,b,1,n);
191
                  else printf("%d\n",getmax(a,b,1,n));
192
              }
193
194
         return 0;
195 | }
```

5 字符串

5.1 KMP

```
1
   const int LEN=1000005;
   int next[LEN];
   char s[LEN];
 3
4
   char sub[LEN];
5
   void getnext(char sub[],int next[],int len2)
6
7
        int i=0, j=-1;
8
        next[0]=-1;
        while(i<len2)</pre>
9
10
        {
            if (j==-1||sub[i]==sub[j])
11
12
                 i++,j++,next[i]=j;
13
            else j=next[j];
14
        }
15
   int kmp(char s[],char sub[],int len1,int len2,int next[])
16
```

```
17
    {
        int i=0,j=0;
18
19
        while(i<len1&&j<len2)</pre>
20
21
             if (j==-1||s[i]==sub[j])
22
                 i++,j++;
23
             else j=next[j];
24
        if (j>=len2) return i-len2;
25
26
        else return -1;
27
   }
```

5.2 扩展 KMP

```
const int LEN = 100005;
   char s[LEN], sub[LEN];
   int next[LEN], ret[LEN];
3
   void exkmp(char *a, char *b, int M, int N, int *next, int *ret)
4
5
6
       int i, j, k;
7
       //得到A关于A的后缀的最长公共前缀, 存在next数组中
8
       for (j = 0; 1 + j < M && a[j] == a[1 + j]; j++);
       next[1] = j;
9
10
       k = 1;
       for (i = 2; i < M; i++)
11
12
13
           int len = k + next[k], L = next[i - k];
14
           if (L < len - i) next[i] = L;
           else
15
16
           {
17
               for (j = max(0, len - i); i + j < M && a[j] == a[i + j]; j++);
               next[i] = j;
18
19
               k = i;
20
           }
21
       }
       //得到A关于B的后缀的最长公共前缀, 存在ret数组中
22
23
       for (j = 0; j < N && j < M && a[j] == b[j]; j++);
       ret[0] = j;
24
25
       k = 0;
       for (i = 1; i < N; i++)
26
27
28
           int len = k + ret[k], L = next[i - k];
29
           if (L < len - i) ret[i] = L;
30
           else
31
           {
               for (j = max(0, len - i); j < M && i + j < N && a[j] == b[i + j]; j
32
                   ++);
33
               ret[i] = j;
34
               k = i;
35
           }
36
       }
  | }
37
```

5.3 trie 字典树

```
1 | const int NS=1005*25;
2 | int c[NS][128];
3 | struct trie
4 | {
5 | // int val[NS];
```

```
6
        int cnt[NS];
7
        int sz;
 8
        trie()
 9
        {
10
             sz=1;
             memset(c[0],0,sizeof(c[0]));
11
12
            memset(cnt,0,sizeof(cnt));
13
        void insert(char s[],int v=0)
14
15
             int u=0;
16
17
             for (int i=0; s[i]; i++)
18
19
                 if (!c[u][s[i]])
20
                 {
21
                      memset(c[sz],0,sizeof(c[sz]));
22
                        val[sz]=0;
    //
23
                      c[u][s[i]]=sz++;
24
25
                 u=c[u][s[i]];
26
                 cnt[u]++;
27
28
    //
               val[u]=v;
29
30
        int query(char s[])
31
32
             int u=0,n=strlen(s);
33
             for (int i=0; i<n; i++)</pre>
34
                 if (!c[u][s[i]]||u!=0&&cnt[u]<=1)</pre>
35
36
                      return i;
37
                 u=c[u][s[i]];
38
             }
39
             return n;
40
    //
               return cnt[u];
41
        }
42
   };
```

5.4 AC 自动机

```
1
   struct trie
2
    {
        int next[500010][26],fail[500010],ed[500010];
 3
 4
        int root,L;
 5
        int newnode()
 6
 7
             for(int i = 0; i < 26; i++)</pre>
 8
                 next[L][i] = -1;
9
             ed[L++] = 0;
10
             return L-1;
11
        }
12
        void init()
13
14
             L = 0;
15
             root = newnode();
16
17
        void insert(char buf[])
18
19
             int len = strlen(buf);
20
             int now = root;
21
             for(int i = 0; i < len; i++)</pre>
22
```

```
if(next[now][buf[i]-'a'] == -1)
23
                     next[now][buf[i]-'a'] = newnode();
24
25
                 now = next[now][buf[i]-'a'];
26
            }
27
            ed[now]++;
28
        void build()
29
30
31
            queue<int> q;
32
            fail[root] = root;
            for(int i = 0; i < 26; i++)
33
34
                 if(next[root][i] == -1)
                     next[root][i] = root;
35
36
                 else
37
                 {
38
                     fail[next[root][i]] = root;
39
                     q.push(next[root][i]);
40
            while(!q.empty())
41
42
43
                 int now = q.front();
44
                 q.pop();
45
                 for(int i = 0; i < 26; i++)
46
                     if(next[now][i] == -1)
47
                          next[now][i] = next[fail[now]][i];
48
                     else
49
                     {
50
                          fail[next[now][i]]=next[fail[now]][i];
51
                          q.push(next[now][i]);
52
                     }
            }
53
54
55
        int query(char buf[])
56
57
            int len = strlen(buf);
58
            int now = root;
59
            int res = 0;
            for(int i = 0; i < len; i++)</pre>
60
61
            {
62
                 now = next[now][buf[i]-'a'];
63
                 int temp = now;
64
                 while(temp != root)
65
                     res += ed[temp];
66
67
                     ed[temp] = 0;
68
                     temp = fail[temp];
69
                 }
70
71
            return res;
72
73
        void Debug()
74
75
            for(int i = 0; i < L; i++)
76
            {
77
                 printf("id = %3d,fail = %3d,end = %3d,chi = [",i,fail[i],ed[i]);
78
                 for(int j = 0; j < 26; j++)
79
                     printf("%2d",next[i][j]);
80
                 printf("]\n");
81
            }
        }
82
83
   char buf[1000010];
84
   trie ac;
```

```
int main()
 86
 87
 88
         int t;
 89
         int n;
         scanf("%d",&t);
 90
91
         while(t--)
 92
 93
              scanf("%d",&n);
 94
              ac.init();
 95
              for(int i = 0; i < n; i++)</pre>
 96
 97
                  scanf("%s",buf);
 98
                  ac.insert(buf);
99
              }
100
              ac.build();
              scanf("%s",buf);
101
102
              printf("%d\n",ac.query(buf));
103
104
         return 0;
105
    }
```

5.5 哈希

5.5.1 字符串哈希

```
1
   const int LEN=100005;
   unsigned long long f[LEN],r[LEN],pw[LEN];
2
 3
   int len;
4
   void init(char *s)
5
6
        pw[0]=1;
7
        len=1;
8
       f[0]=s[0];
9
        for (int i=1; s[i]; i++)
10
            f[i] = f[i-1] * 131 + s[i], len++, pw[i]=pw[i-1]*131;
11
        r[len-1]=s[len-1];
12
        for (int i=len-2; i>=0; i--)
            r[i] = r[i+1] * 131 + s[i];
13
14
15
   unsigned long long fwd(int i,int j)
16
17
        if (i<0||j>=len) return 0;
18
        if (i==0) return f[j];
19
       return f[j]-f[i-1]*pw[j-i+1];
20
   }
   unsigned long long rev(int i,int j)
21
22
        if (i<0||j>=len) return 0;
23
24
        if (j==len-1) return r[i];
25
        return r[i]-r[j+1]*pw[j-i+1];
   }
26
```

5.5.2 字符串矩阵哈希

```
1 | const int NN=1005;
2 | const int NM=1005;
3 | unsigned long long hash[NN][NM],pw1[NM],pw2[NN],seed1=131,seed2=1313;
4 | void init(char s[][NM],int n,int m)
5 | {
6 | int mx=max(n,m);
```

```
7
        pw1[0]=pw2[0]=1;
8
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
9
            pw1[i]=pw1[i-1]*seed1;
10
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
11
            pw2[i]=pw2[i-1]*seed2;
12
        hash[0][1]=hash[1][0]=hash[0][0]=0;
13
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
14
15
            for (int j=1; j<=m; j++)</pre>
                 hash[i][j] = hash[i][j-1] * seed1 + s[i][j];
16
17
            for (int j=1; j<=m; j++)</pre>
                 hash[i][j] = hash[i-1][j] * seed2 + hash[i][j];
18
19
        }
20
21
   unsigned long long query(int x,int y,int xx,int yy,int n,int m)
22
        if (x<1||x>n||xx<1||x>n||y<1||y>m||yy<1||yy>m||x>xx||y>yy)
23
24
            return 0;
25
        unsigned long long t1,t2;
26
        t1=hash[xx][y-1]-hash[x-1][y-1]*pw2[xx-x+1];
        \label{t2} \verb+t2=+ \verb+hash[xx][yy]-+ \verb+hash[x-1][yy]*pw2[xx-x+1];
27
28
        return t2-t1*pw1[yy-y+1];
29
            哈希函数
   5.5.3
   // BKDR Hash Function
1
2
   unsigned long long BKDRHash(char *str)
3
4
        unsigned long long seed = 131; // 31 131 1313 13131 131313 etc..
5
        unsigned long long hash = 0;
6
        while (*str)
7
            hash = hash * seed + (*str++);
8
        return hash;
9
   }
10
11
   // BKDR Hash Function
   unsigned int BKDRHash(char *str)
12
13
14
        unsigned int seed = 131; // 31 131 1313 13131 131313 etc..
15
        unsigned int hash = 0;
16
        while (*str)
17
            hash = hash * seed + (*str++);
18
        return (hash & 0x7FFFFFFF);
19
   }
20
    // AP Hash Function
21
22
   unsigned int APHash(char *str)
23
   {
24
        unsigned int hash = 0;
25
        for (int i=0; *str; i++)
26
        {
27
            if ((i \& 1) == 0)
28
                 hash ^= ((hash << 7) ^ (*str++) ^ (hash >> 3));
29
30
            }
31
            else
32
            {
33
                 hash ^= (~((hash << 11) ^ (*str++) ^ (hash >> 5)));
34
            }
35
```

return (hash & 0x7FFFFFFF);

36

```
37
   }
38
39
   // DJB Hash Function
   unsigned int DJBHash(char *str)
40
41
42
        unsigned int hash = 5381;
43
        while (*str)
44
            hash += (hash << 5) + (*str++);
45
        return (hash & 0x7FFFFFFF);
46
   }
47
   // JS Hash Function
48
49
   unsigned int JSHash(char *str)
50
51
        unsigned int hash = 1315423911;
52
        while (*str)
53
54
            hash ^= ((hash << 5) + (*str++) + (hash >> 2));
55
56
        return (hash & 0x7FFFFFFF);
57
58
59
    // RS Hash Function
60
   unsigned int RSHash(char *str)
61
62
        unsigned int b = 378551;
63
        unsigned int a = 63689;
64
        unsigned int hash = 0;
65
        while (*str)
66
67
            hash = hash * a + (*str++);
            a *= b;
68
69
70
        return (hash & 0x7FFFFFFF);
71
   }
72
73
   unsigned int SDBMHash(char *str)
74
75
        unsigned int hash = 0;
76
        while (*str)
77
78
            // equivalent to: hash = 65599*hash + (*str++);
79
            hash = (*str++) + (hash << 6) + (hash << 16) - hash;
80
81
        return (hash & 0x7FFFFFFF);
82
   }
83
84
   // P. J. Weinberger Hash Function
   unsigned int PJWHash(char *str)
85
86
   {
87
        unsigned int BitsInUnignedInt = (unsigned int)(sizeof(unsigned int) * 8);
        unsigned int ThreeQuarters
                                        = (unsigned int)((BitsInUnignedInt * 3) / 4);
88
                                        = (unsigned int)(BitsInUnignedInt / 8);
89
        unsigned int OneEighth
90
        unsigned int HighBits
                                        = (unsigned int)(0xFFFFFFFF) << (</pre>
           BitsInUnignedInt - OneEighth);
91
        unsigned int hash
                                        = 0;
92
        unsigned int test
                                        = 0;
93
        while (*str)
94
95
            hash = (hash << OneEighth) + (*str++);
96
            if ((test = hash & HighBits) != 0)
97
            {
98
                hash = ((hash ^ (test >> ThreeQuarters)) & (~HighBits));
```

```
99
             }
100
101
         return (hash & 0x7FFFFFFF);
102
103
     // ELF Hash Function
104
105
     unsigned int ELFHash(char *str)
106
107
         unsigned int hash = 0;
108
         unsigned int x
                             = 0;
109
         while (*str)
110
111
             hash = (hash << 4) + (*str++);
112
             if ((x = hash & 0xF0000000L) != 0)
113
114
                  hash ^= (x >> 24);
115
                  hash \&= \sim x;
116
             }
117
         return (hash & 0x7FFFFFFF);
118
119
```

5.6 字符串的最小表示法

```
1
   int getmin(char s[],int len)
 2
 3
        int i=0, j=1, k=0;
 4
        while(i<len&&j<len&&k<len)</pre>
 5
 6
             int t=s[(i+k)%len]-s[(j+k)%len];
 7
             if (!t) k++;
 8
             else
9
10
                 if (t>0) i+=k+1;
11
                 else j+=k+1;
12
                 if (i==j) j++;
13
                 k=0;
             }
14
15
        return min(i,j);
16
17
   }
```

6 动态规划

6.1 最大子段和

```
int a[100005];
1
 2
   int dp[100005]= {};
 3
   for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
4
        dp[i]=max(a[i],dp[i-1]+a[i]);
   for (int i=2; i<=n; i++)</pre>
5
        dp[i]=max(dp[i-1],dp[i]);
 6
7
   ///输出子段起始点
8
   while(scanf("%d",&n),n)
9
   {
10
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
            scanf("%d",&a[i]);
11
12
        memset(dp,-1,sizeof(dp));
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
13
```

```
14
        {
15
             if (dp[i-1]<0)
16
             {
17
                 b[i]=i;
18
                 dp[i]=a[i];
             }
19
20
             else
21
             {
22
                 b[i]=b[i-1];
23
                 dp[i]=dp[i-1]+a[i];
24
             }
25
        }
26
        int index,mx=-1;
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
27
28
             if (dp[i]>mx)
29
             {
30
                 mx=dp[i];
31
                 index=i;
32
33
        if (mx<0) printf("%d %d %d\n",0,a[1],a[n]);</pre>
        else printf("%d %d %d\n",mx,a[b[index]],a[index]);
34
   }
35
```

6.2 二维最大子段和

```
1
    int main()
 2
    {
 3
         int t[500][500];
 4
        int n;
 5
        while(cin>>n)
 6
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
 7
                  for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
 8
                       scanf("%d",&t[i][j]);
 9
10
             int a[500][500]= {};
11
             int mx=0;
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
12
13
                  for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
14
15
                       a[i][j]+=t[i][j]+a[i-1][j];
16
                  for (int j=1; j<=i; j++)</pre>
17
                  {
18
                       int sum=0;
19
                       for (int k=1; k<=n; k++)
20
                           if (sum<0)
21
                                sum=a[i][k]-a[j-1][k];
22
23
24
                                sum+=a[i][k]-a[j-1][k];
25
                           mx=max(mx,sum);
26
                       }
27
                  }
28
29
             printf("%d\n",mx);
30
31
        return 0;
32 | }
```

6.3 最长上升子序列 (LIS)

```
///0(n^2)
 1
    int dp[5000]= {};
 2
 3
    dp[1]=1;
    for (int i=2; i<=n; i++)</pre>
 5
 6
        int mx=0;
 7
         for (int j=1; j<i; j++)</pre>
 8
             if (a[j]<a[i])</pre>
 9
                  mx=max(mx,dp[j]);
10
        dp[i]=mx+1;
11
12
    int mx=0;
13
    for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
14
        mx=max(mx,dp[i]);
15
16
    ///0(nlogn)
17
    int dp[5000]= {};
    dp[1]=a[1];
18
19
    int ans=1;
    for (int i=2; i<=n; i++)</pre>
20
21
22
         if (a[i]>=dp[ans]) dp[++ans]=a[i];
23
         else *lower_bound(dp+1,dp+ans+1,a[i])=a[i];
24
   }
```

6.4 最长公共子序列 (LCS)

```
const int LEN=1005;
 2
   int dp[LEN][LEN],res;
 3
   int a[LEN],b[LEN];
   int n,m;
 5
   int lcs()
6
7
        memset(dp,0,sizeof(dp));
8
        for (int i=1; i<=n; i++)
9
            for (int j=1; j<=m; j++)</pre>
10
                 if (a[i]==b[j]) dp[i][j]=dp[i-1][j-1]+1;
11
                 else dp[i][j]=max(dp[i-1][j],dp[i][j-1]);
12
        return res=dp[n][m];
13
   int ans[LEN];
14
15
   void getans()
16
17
        int num=res;
18
        for (int i=n,j=m; i>=1&&j>=1;)
19
            if (a[i]==b[j])
20
21
                 ans[num--]=a[i];
22
                 i--;
23
                 j--;
24
            }
25
            else
26
27
                 if (dp[i-1][j]>dp[i][j-1]) i--;
28
                 else j--;
29
            }
30
   }
```

6.5 最长公共上升子序列 (LCIS)

```
const int LEN=1005;
1
   int dp[LEN][LEN],path[LEN][LEN],res;
2
   int a[LEN],b[LEN];
   int n,m,ai,aj;
5
   int lcis()
 6
7
        memset(dp,0,sizeof(dp));
8
9
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
10
11
             int mx=0,t;
             for (int j=1; j<=m; j++)</pre>
12
13
14
                 dp[i][j]=dp[i-1][j];
15
                 path[i][j]=-1;
16
                 if (a[i]>b[j]\&\&mx<dp[i-1][j]) mx=dp[i-1][j],t=j;
17
                 if (a[i]==b[j]) dp[i][j]=mx+1,path[i][j]=t;
                 if(res<dp[i][j])</pre>
18
19
20
                      res=dp[i][j];
21
                      ai=i;
                      aj=j;
22
23
                 }
24
             }
25
26
        return res;
27
28
   int ans[LEN];
29
   void getans()
30
31
        int num=res;
32
        while(num)
33
34
             if (path[ai][aj]!=-1)
35
36
                 ans[num--]=b[aj];
37
                 aj=path[ai][aj];
38
39
             ai--;
40
        }
41
   }
```

6.6 数位 DP

```
int dfs(int pos, int s, bool e) //e==1表示满了(当前pos之前的数位都相同)
1
2
      if (pos==-1) return s==target_s; //返回 当前状态==目标状态
3
4
      if (~f[pos][s] && !e ) return f[pos][s]; //
         如果值已经算过并且没满则返回记录的值
5
      int ans = 0;
6
      int u = e ? bit[pos] : 9; //9可以相应改成进制
7
      for (int i = 0; i <= u; ++i)
8
          ans += dfs(pos-1, new_s(s, i), e&&i==u); //new_s 表示新的状态。 另外,
             肯定不符合目标状态"的状态可以直接 continue 掉
      return e ? ans : f[pos][s]=ans; //如果满了就直接返回, 否则记录再返回
9
10
   int solve(int n)
11
   {
12
13
      memset(f,-1,sizeof(f));
14
      int pos=-1;
15
      while(n)
16
      {
```

```
17
            bit[++pos]=n%10; //10为进制
18
            n/=10;
19
20
        return dfs(pos,0,1); //初始状态
21
22
   int f[20][5];
23
24
   int bit[20];
25
   int dfs(int pos, int s, bool e)
26
27
        if (pos==-1) return s==0 | |s==1;
28
        if (~f[pos][s]&&!e) return f[pos][s];
29
        int ans=0;
30
        int u=e?bit[pos]:9;
31
        for (int i=0; i<=u; ++i)</pre>
32
33
            if(i==4||s==1&&i==2)
34
                 continue;
35
            ans+=dfs(pos-1,i==6,e&&i==u);
        }
36
37
        return e?ans:f[pos][s]=ans;
38
39
   int solve(int n)
40
41
        memset(f,-1,sizeof(f));
42
        int pos=-1;
43
        while(n)
44
45
            bit[++pos]=n%10;
46
            n/=10;
47
48
        return dfs(pos,0,1);
49
   }
```

7 数论

7.1 筛法打质数表

```
1
   const int NP=1000005;
   int ispri[NP]= {},prime[NP],pcnt=0;
 3
   void getprime()
4
 5
        ispri[0]=ispri[1]=1;
 6
        for (long long i=2; i<NP; i++)</pre>
7
             if (ispri[i]==0)
8
             {
9
                 prime[++pcnt]=i;
10
                 for (long long j=i*i; j<NP; j+=i)</pre>
11
                      ispri[j]=1;
             }
12
13
```

7.2 区间筛质数

```
1 | const int NP=100005;
2 | int ispri[NP]= {},prime[NP],pcnt=0;
3 | void getprime()
4 | {
5 | ispri[0]=ispri[1]=1;
```

```
for (long long i=2; i<NP; i++)</pre>
6
             if (ispri[i]==0)
7
8
9
                 prime[++pcnt]=i;
10
                 for (long long j=i*i; j<NP; j+=i)</pre>
                      ispri[j]=1;
11
             }
12
13
    const int NI=1000005;
14
15
    int iispri[NI],iprime[NI],icnt;
   void igetprime(int l,int r)
16
17
18
        memset(iispri,0,sizeof(iispri));
19
        if (1<2) 1=2;
        for (int i=1; i<=pcnt&&(long long)prime[i]*prime[i]<=r; i++)</pre>
20
21
22
             int s=1/prime[i]+(1%prime[i]>0);
             if (s==1)s=2;
23
24
             for (long long j=s; j*prime[i]<=r; j++)</pre>
25
                 if(j*prime[i]>=1)
26
                      iispri[j*prime[i]-l]=1;
27
28
        icnt=0;
29
        for(int i=0; i<=r-1; i++)</pre>
30
             if(!iispri[i])
31
                 iprime[++icnt]=i+1;
32
   }
```

7.3 分解质因数

```
int a[1000000]= {},pcnt=0;
1
 2
   void pdec(int n)
 3
4
        for (int i=1; prime[i]*prime[i]<=n; i++)</pre>
 5
            if (n%prime[i]==0)
 6
            {
7
                 a[++pcnt]=prime[i];
 8
                 n/=prime[i];
9
                 i--;
10
11
        if (n!=1) a[++pcnt]=n;
   }
12
```

7.4 因数个数打表

```
int y[500005]= {};
   void getfactor(int n)
 2
 3
 4
        int x=sqrt(n);
 5
        for (int i=1; i<=x; i++)</pre>
 6
 7
             for (int j=i+1; j*i<=n; j++)</pre>
 8
                 y[i*j]+=2;
 9
             y[i*i]++;
        }
10
11
```

7.5 快速乘法

```
const long long M=1000000007;
1
   long long quickmul(long long a, long long b)
2
3
   {
4
        long long ret = 0;
5
        for (; b; b >>= 1, a = (a << 1) % M)
            if (b & 1)
6
7
                ret = (ret + a) \% M;
8
        return ret;
9
   }
10
   ///What the fuck is this??!! It works!!
11
   long long quickmul(long long a,long long b)
12
13
14
        return (a*b-(long long)(a/(long double)M*b+1e-3)*M+M)%M;
15
   }
```

7.6 快速幂

```
1
   const long long M=1000000007;
2
   long long quickpow(long long a, long long b)
3
4
        if(b < 0) return 0;
5
        long long ret = 1;
        a %= M;
6
7
        for (; b; b >>= 1, a = (a * a) % M)
8
            if (b & 1)
9
                ret = (ret * a) % M;
10
        return ret;
11
   }
```

7.7 费马小定理求逆元

M 必须是质数

```
1
   const long long M=1000000007;
2
   long long quickpow(long long a, long long b)
3
4
        if(b < 0) return 0;
5
       long long ret = 1;
        a %= M;
6
7
        for (; b; b >>= 1, a = (a * a) % M)
8
              (b & 1)
9
                ret = (ret * a) % M;
10
        return ret;
11
   long long inv(long long a)
12
13
14
        return quickpow(a,M-2);
15
   }
```

7.8 扩展欧几里得

7.9 扩展欧几里得求逆元

需要与 M 互质

```
const long long M=1000000007;
2
   long long exgcd(long long a,long long b,long long &x,long long &y)
 3
   {
4
        if (b==0)
5
        {
 6
            x=1;
7
            y=0;
8
            return a;
9
10
        long long ans=exgcd(b,a%b,x,y);
11
        long long temp=x;
12
        x=y;
13
        y=temp-(a/b)*y;
14
        return ans;
15
16
   long long inv(long long a)
17
18
        long long x,y;
19
        long long t=exgcd(a,M,x,y);
20
        if(t!=1)
21
            return -1;
22
        return (x%M+M)%M;
   }
23
```

7.10 欧拉函数

```
1
   long long phi(long long n)
 2
 3
        long long ans=n;
 4
        long long x=sqrt(n);
 5
        for (long long i=2; i<=x; i++)</pre>
 6
        {
 7
             if (n%i==0)
 8
             {
                 while(n%i==0)
 9
10
                      n/=i;
                 ans=ans/i*(i-1);
11
             }
12
13
        if (n>1)
14
             ans=ans/n*(n-1);
15
16
        return ans;
   }
17
```

7.11 欧拉函数打表

```
1
    const int MAXN=10005;
    long long phi[MAXN];
 2
 3
    void getphi()
 5
        for (int i=1; i<MAXN; i++)</pre>
 6
             phi[i]=i;
 7
        for (int i=2; i<MAXN; i++)</pre>
             if (phi[i]==i)
 8
 9
                  for (int j=i; j<MAXN; j+=i)</pre>
10
                      phi[j]=phi[j]/i*(i-1);
11
   }
```

7.12 中国剩余定理不互质

```
void crt()
1
2
 3
        int t;
4
        while(cin>>t)
5
        {
 6
            int flag=1;
 7
            long long n1,a1;
 8
            if (t) scanf("%lld%lld",&n1,&a1),t--;
9
            while(t--)
10
11
                 long long n2,a2,k1,k2;
12
                 scanf("%11d%11d",&n2,&a2);
13
                 if (flag==0)
14
                     continue;
15
                 long long d=exgcd(n1,n2,k1,k2);
                 if ((a2-a1)%d!=0)
16
17
                     flag=0;
18
                 if (flag)
19
                 {
20
                     k1=(k1*(a2-a1)/d%(n2/d)+n2/d)%(n2/d);
21
                     long long a=n1*k1+a1;
22
                     long long n=n1/d*n2;
23
                     n1=n;
24
                     a1=a;
25
                 }
26
27
            if (flag) return a1;
28
            else return -1;
29
        }
30
   }
```

7.13 组合数打表

```
1
   const int CN=20;
   long long c[CN][CN]= {};
 2
   void cinit()
 3
 4
 5
        for(int i=0; i<CN; i++)</pre>
 6
 7
             c[i][0]=c[i][i]=1;
 8
             for(int j=1; j<i; j++)</pre>
9
                  c[i][j]=c[i-1][j]+c[i-1][j-1];
10
        }
   }
11
```

7.14 组合数在线

```
const int fcnt=100005;
   const long long M=1000000007;
2
   long long fac[fcnt];
 3
   void getfac()
5
 6
        fac[0]=1;
7
        for (int i=1; i<fcnt; i++)</pre>
8
            fac[i]=fac[i-1]*i%M;
9
   long long C(long long n,long long m)
10
11
12
        if (n<m)
13
            return 0;
        return fac[n]*inv(fac[m])%M*inv(fac[n-m])%M;
14
15
   }
```

7.15 lucas 定理

```
const int fcnt=100005;
1
   const long long M=1000000007;
   long long fac[fcnt];
   void getfac()
5
        fac[0]=1;
 6
7
        for (int i=1; i<fcnt; i++)</pre>
8
            fac[i]=fac[i-1]*i%M;
9
10
   long long C(long long n,long long m)
11
12
        if (n<m)
13
            return 0;
        return fac[n]*inv(fac[m])%M*inv(fac[n-m])%M;
14
15
   long long lucas(long long n,long long m)
16
17
   {
18
        if (m==0)
19
            return 1;
20
        return (lucas(n/M,m/M)*C(n%M,m%M))%M;
21
   }
```

7.16 指数循环节

```
a^b \mod c = a^{b \mod phi(c) + phi(c)} \mod c
    输入 m, n, a_1, a_2, a_3, \dots, a_n, 求 a_{123} \dots n \mod m
    long long phi(long long n)
 1
 2
 3
         long long ans=n;
 4
         long long x=sqrt(n);
         for (long long i=2; i <= x; i++)
 5
 6
 7
              if (n%i==0)
 8
              {
 9
                   while(n%i==0)
10
                        n/=i;
                   ans=ans/i*(i-1);
11
              }
12
```

```
13
        if (n>1)
14
15
            ans=ans/n*(n-1);
16
        return ans;
17
   long long quickpow(long long a, long long b, long long c)
18
19
20
        if(b < 0) return 0;
21
        long long ret = 1;
22
        a %= c;
23
        for (; b; b >>= 1, a = (a * a) % c)
            if (b & 1)
24
                ret = (ret * a) % c;
25
26
        return ret;
27
28
   long long solve(long long a[],int i,int n,long long c)
29
30
        if (i==n)
31
            return a[i]%c;
32
        long long p=phi(c);
33
        return quickpow(a[i],solve(a,i+1,n,p)%p+p,c);
34
35
   int main()
36
37
        int m,n;
38
        int cas=0;
39
        while(scanf("%d%d",&m,&n)!=0)
40
41
            long long a[50];
42
            for (int i=1; i<=n; i++)
43
                 scanf("%lld",&a[i]);
44
            printf("Case #%d: %lld\n",++cas,solve(a,1,n,m));
45
46
        return 0;
47
   }
```

7.17 Miller Rabbin 大素数测试

```
1
2
       Miller Rabbin大素数测试
3
        (不能计算long * long)
        复杂度: O(logN) * 测试次数
4
5
6
   long long pow_mod(long long a, long long x, long long p)
7
8
       long long res = 1;
9
       while(x)
10
        {
11
            if (x & 1) res = res * a % p;
12
           x >>= 1;
13
           a = a * a % p;
14
        }
15
       return res;
16
17
   bool test(long long n, long long a, long long d)
18
19
       if (n == 2) return true;
20
        if (n == a) return true;
21
       if ((n & 1) == 0) return false;
22
       while(!(d & 1)) d = d >> 1;
        long long t = pow_mod(a, d, n);
23
       while ((d != n - 1) \& \& (t != 1) \& \& (t != n - 1))
24
```

```
25
       {
           t = t * t % n;
26
27
           d = d \ll 1;
28
       return (t == n - 1 \mid \mid (d & 1) == 1);
29
30
   bool Miller Rabbin(long long n)
31
32
33
       if (n < 2) return false;</pre>
       int a[] = {2, 7, 61}; //测试集
34
35
       for (int i = 0; i <= 2; i++)
           if (!test(n, a[i], n - 1)) return false;
36
37
       return true;
38
   }
39
40
41
       Miller Rabbin 算法进行素数测试
42
       速度快, 而且可以判断 <2^63的数
43
       复杂度: O(logN) * 测试次数 由于要处理long * long, 所以略慢
44
45
   const int S = 20; //随机算法判定次数, S越大, 判错概率越小
46
47
   //计算 (a*b)%c.
                     a,b都是long long的数, 直接相乘可能溢出的
48
49
   // a,b,c <2^63
50
   long long mult_mod(long long a, long long b, long long c)
51
   {
52
       a %= c;
53
       b %= c;
54
       long long ret = 0;
55
       while(b)
56
           if(b & 1)
57
58
           {
59
               ret += a;
               ret %= c;
60
           }
61
62
           a <<=1;
           if(a >= c)a \%= c;
63
64
           b >>= 1;
65
66
       return ret;
67
68
   //计算 x^n %c
69
70
   long long pow_mod(long long x, long long n, long long mod)
                                                              //x^n%c
71
72
       if(n == 1)return x % mod;
73
       x \% = mod;
74
       long long tmp = x;
75
       long long ret = 1;
       while(n)
76
77
78
           if(n & 1) ret = mult_mod(ret, tmp, mod);
79
           tmp = mult_mod(tmp, tmp, mod);
80
           n >>= 1;
81
82
       return ret;
83
84
   //以a为基,n-1=x*2^t
                            a^{(n-1)=1} \pmod{n}
                                              验证n是不是合数
85
   //一定是合数返回true,不一定返回false
86
   |bool check(long long a, long long n, long long x, long long t)
```

```
88
    {
89
        long long ret = pow_mod(a, x, n);
90
        long long last = ret;
91
        for(int i = 1; i <= t; i++)</pre>
92
93
             ret = mult_mod(ret, ret, n);
             if(ret == 1 && last != 1 && last != n - 1) return true; //合数
94
95
             last = ret;
96
97
        if(ret != 1) return true;
98
        return false;
99
100
    // Miller_Rabin()算法素数判定
101
102
    // 是素数返回true.(可能是伪素数, 但概率极小)
103
    //合数返回false;
104
    bool Miller_Rabbin(long long n)
105
    {
106
        if(n < 2)return false;</pre>
107
        if(n == 2)return true;
108
        if((n & 1) == 0) return false; //偶数
109
        long long x = n - 1;
110
        long long t = 0;
111
        while((x \& 1) == 0)
112
113
            x >>= 1;
114
            t++;
115
        for(int i = 0; i < S; i++)
116
117
118
             long long a = rand() \% (n - 1) + 1;
119
             if(check(a, n, x, t))
120
                 return false;//合数
121
122
        return true;
123
    }
```

8 图论

8.1 邻接表

```
typedef int mytype;
   const int NV=105;
   const int NE=10005*2;
 4
   int he[NV],ecnt;
 5
   struct edge
 6
7
        int v,next;
8
        mytype 1;
9
   } E[NE];
10
   void adde(int u,int v,mytype 1)
11
12
        E[++ecnt].v=v;
13
        E[ecnt].l=1;
14
        E[ecnt].next=he[u];
15
        he[u]=ecnt;
16
   ///初始化:
17
   ecnt=0;
18
19
   memset(he,-1,sizeof(he));
   ///调用:
20
```

```
21 | for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next);
```

8.2 spfa

```
typedef int mytype;
   const int NV=105;
   const int NE=10005*2;
3
   mytype dis[NV];
   int pre[NV], vis[NV], vcnt[NV], he[NV], ecnt, flag;
6
   struct edge
7
8
        int v,next;
9
        mytype 1;
10
   } E[NE];
11
   void adde(int u,int v,mytype 1)
12
13
        E[++ecnt].v=v;
14
        E[ecnt].1=1;
15
        E[ecnt].next=he[u];
16
        he[u]=ecnt;
17
   }
18
   void init(int n,int m,int s)
19
20
        ecnt=0;
21
        memset(pre,0,sizeof(pre));
22
        memset(vis,0,sizeof(vis));
23
        memset(vcnt,0,sizeof(vcnt));
24
        memset(he,-1,sizeof(he));
25
        for (int i=0; i<=n; i++)</pre>
26
            dis[i]=inf;
27
        dis[s]=0;
28
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
29
        {
30
            int u,v;
31
            mytype 1;
32
            scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
33
            adde(u,v,1);
34
            adde(v,u,1);
        }
35
36
37
   void spfa(int n,int m,int s)
38
39
        queue<int> q;
40
        vis[s]=1;
41
        q.push(s);
42
        flag=0;
43
        while(!q.empty())
44
        {
45
            int u=q.front();
46
            q.pop();
47
            vis[u]=0;
48
            if(vcnt[u]>=n)
49
50
                 flag=1;
51
                 break;
52
53
            for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
54
                 if (dis[u]+E[i].l<dis[E[i].v])</pre>
55
                 {
                     dis[E[i].v]=dis[u]+E[i].1;
56
57
                     pre[E[i].v]=u;
58
                     if (!vis[E[i].v])
```

```
59
                       {
                            vis[E[i].v]=1;
60
61
                            q.push(E[i].v);
                            vcnt[E[i].v]++;
62
63
                       }
                  }
64
65
         }
    }
66
```

8.3 dijkstra

```
typedef int mytype;
 1
    const int NV=1005;
 2
 3
    int pre[NV], vis[NV];
    mytype dis[NV],g[NV][NV];
    void init(int n,int m,int s)
 6
 7
        memset(pre,0,sizeof(pre));
 8
        memset(vis,0,sizeof(vis));
 9
        for (int i=0; i<=n; i++)</pre>
10
             dis[i]=inf;
11
         dis[s]=0;
12
         for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
             for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
13
14
                  g[i][j]=inf;
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
15
16
17
             int u,v,l;
             scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
18
19
             g[u][v]=1;
20
             g[v][u]=1;
21
         }
22
    void dijkstra(int n)
23
24
25
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
26
27
             int u=0;
             for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
28
29
                  if (!vis[j]&&dis[j]<dis[u])</pre>
30
                       u=j;
31
             vis[u]=1;
32
             for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
                  if (g[u][j]!=inf&&!vis[j]&&dis[u]+g[u][j]<dis[j])</pre>
33
34
35
                       dis[j]=dis[u]+g[u][j];
36
                       pre[j]=u;
37
                  }
        }
38
39
```

8.4 dijkstra+heap

```
typedef int mytype;
const int NV=105;
const int NE=10005*2;
mytype dis[NV];
int pre[NV], vis[NV], he[NV], ecnt;
struct edge
{
f | {
```

```
8
        int v,next;
9
        mytype 1;
10
   } E[NE];
   void adde(int u,int v,mytype 1)
11
12
13
        E[++ecnt].v=v;
14
        E[ecnt].l=1;
15
        E[ecnt].next=he[u];
16
        he[u]=ecnt;
17
    void init(int n,int m,int s)
18
19
20
        ecnt=0;
21
        memset(pre,0,sizeof(pre));
22
        memset(vis,0,sizeof(vis));
23
        memset(he,-1,sizeof(he));
24
        for (int i=0; i<=n; i++)</pre>
25
             dis[i]=inf;
26
        dis[s]=0;
27
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
28
29
             int u,v;
30
            mytype 1;
             scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
31
32
             adde(u,v,1);
33
             adde(v,u,1);
34
        }
35
36
    struct point
37
38
        int u;
39
        mytype 1;
40
        point(int u, mytype 1):u(u),l(1) {}
41
        bool operator<(const point &p) const</pre>
42
43
             return 1>p.1;
44
        }
45
46
    void dijkstra_heap(int s)
47
48
        priority_queue<point> q;
49
        q.push(point(s,0));
50
        while(!q.empty())
51
52
             point p=q.top();
53
             q.pop();
54
             int u=p.u;
55
             if (vis[u]) continue;
56
            vis[u]=1;
57
             for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
58
                 if (!vis[E[i].v]&&p.l+E[i].l<dis[E[i].v])</pre>
59
                      dis[E[i].v]=dis[u]+E[i].1;
60
61
                      pre[E[i].v]=u;
62
                      q.push(point(E[i].v,dis[E[i].v]));
63
                 }
64
        }
65
   }
```

8.5 floyd-warshall

```
1 | const int NV=1005;
```

```
int g[NV][NV];
 2
    int path[NV][NV];
 3
 4
   void init(int n,int m)
 6
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
7
             for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
 8
9
                  g[i][j]=inf;
10
                  if (i==j) g[i][j]=0;
11
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
12
13
             int u, v, 1;
14
             scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
15
16
             if (l<g[u][v]) g[u][v]=1;</pre>
17
             if (l<g[v][u]) g[v][u]=1;</pre>
18
19
   void floyd_warshall(int n)
20
21
22
        for (int k=1; k<=n; k++)</pre>
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
23
24
                  for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
25
                      if (g[i][k]!=inf&&g[k][j]!=inf&&g[i][k]+g[k][j]<g[i][j])</pre>
                           g[i][j]=g[i][k]+g[k][j],path[i][j]=path[i][k];
26
27
28
   void out(int u,int v)
29
30
        int tmp=u;
        printf("%d",u);
31
32
        while(tmp!=v)
33
             printf("-->%d",path[tmp][v]);
34
35
             tmp=path[tmp][v];
36
        }
37
   }
```

8.6 kruskal

```
1
   typedef int mytype;
 2
   const int NV=105;
   const int NE=10005;
 3
   struct edge
 5
6
        int u,v;
7
        mytype 1;
        bool operator<(const edge e) const</pre>
8
9
        {
10
            return 1<e.1;
11
12
   } E[NE];
13
   int f[NV],rk[NV];
14
   int finds(int x)
15
    {
        return f[x]==x?x:f[x]=finds(f[x]);
16
17
18
   void uni(int a,int b)
19
20
        a=finds(a);
21
        b=finds(b);
22
        if (a==b) return;
        if (rk[a]>rk[b]) f[b]=a;
23
```

```
else
24
25
        {
26
             if (rk[a]==rk[b]) rk[b]++;
27
             f[a]=b;
28
        }
29
    void init(int n,int m)
30
31
        memset(rk,0,sizeof(rk));
32
33
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
34
             f[i]=i;
35
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
36
             scanf("%d%d%d",&E[i].u,&E[i].v,&E[i].1);
37
38
   mytype kruskal(int n,int m)
39
40
        sort(E+1,E+m+1);
41
        mytype ans=0;
42
        for (int i=1; i<=m; i++)
43
            if (finds(E[i].u)!=finds(E[i].v))
44
45
                 uni(E[i].u,E[i].v);
46
                 ans+=E[i].l;
47
48
        return ans;
49
50
   bool judge(int n)
51
52
        int flag=0;
53
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
54
             if (finds(i)==i)
55
                 flag++;
        return flag==1;
56
57
   | }
   8.7
          prim
   typedef int mytype;
1
    const int NV=1005;
 2
 3
    int pre[NV], vis[NV];
   mytype dis[NV],g[NV][NV];
   void init(int n,int m,int s)
 5
 6
 7
        memset(pre,0,sizeof(pre));
8
        memset(vis,0,sizeof(vis));
9
        for (int i=0; i<=n; i++)</pre>
10
             dis[i]=inf;
11
        dis[s]=0;
12
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
13
             for (int j=1; j<=n; j++)
14
                 g[i][j]=inf;
15
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
16
17
             int u,v,l;
             scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
18
19
             g[u][v]=1;
20
             g[v][u]=1;
        }
21
22
23
   mytype prim(int n)
24
    {
25
        mytype ans=0;
```

```
8.8
        prim+heap
26
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
27
28
             int u=0;
29
             for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
30
                  if (!vis[j]&&dis[j]<dis[u])</pre>
31
32
             vis[u]=1;
             ans+=dis[u];
33
             for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
34
35
                  if (!vis[j]&&g[u][j]<dis[j])</pre>
36
                  {
37
                       dis[j]=g[u][j];
38
                       pre[j]=u;
39
                  }
40
41
        return ans;
42
43
    bool judge(int n)
44
45
         int cnt=0;
46
         for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
47
             cnt+=vis[i];
48
         return cnt==n;
49
    }
    8.8
          prim+heap
   typedef int mytype;
    const int NV=105;
```

```
3
   const int NE=10005*2;
   mytype dis[NV];
   int pre[NV], vis[NV], he[NV], ecnt, pcnt;
 6
   struct edge
7
8
        int v,next;
9
        mytype 1;
10
   } E[NE];
   void adde(int u,int v,mytype 1)
11
12
13
        E[++ecnt].v=v;
14
        E[ecnt].1=1;
15
        E[ecnt].next=he[u];
16
        he[u]=ecnt;
17
   void init(int n,int m,int s)
18
19
20
        ecnt=0;
21
        memset(pre,0,sizeof(pre));
22
        memset(vis,0,sizeof(vis));
23
        memset(he,-1,sizeof(he));
24
        for (int i=0; i<=n; i++)
25
            dis[i]=inf;
26
        dis[s]=0;
27
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
28
29
            int u,v;
30
            mytype 1;
            scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
31
32
            adde(u,v,1);
33
            adde(v,u,1);
34
        }
   }
35
```

```
struct point
36
37
38
        int u;
39
        mytype 1;
40
        point(int u,mytype 1):u(u),l(1) {}
41
        bool operator<(const point &p) const</pre>
42
        {
43
             return 1>p.1;
44
45
    };
    mytype prim_heap(int s)
46
47
48
        priority_queue<point> q;
49
        q.push(point(s,0));
50
        mytype ans=0;
51
        pcnt=0;
52
        while(!q.empty())
53
54
             point p=q.top();
55
             q.pop();
56
             int u=p.u;
57
             if (vis[u])
58
                 continue;
59
             vis[u]=1;
60
             ans+=p.1;//==dis[x]
61
             pcnt++;
62
             for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
                 if (!vis[E[i].v]&&E[i].l<dis[E[i].v])</pre>
63
64
                 {
65
                      dis[E[i].v]=E[i].1;
66
                      pre[E[i].v]=u;
67
                      q.push(point(E[i].v,dis[E[i].v]));
68
                 }
69
70
        return ans;
71
72
   bool judge(int n)
73
    {
74
        return pcnt==n;
   }
75
```

8.9 最小树形图朱刘算法

```
typedef int mytype;
   const int NV=1005:
   const int NE=NV*NV;
 3
   struct edge
4
 5
 6
        int u,v;
7
        mytype 1;
8
   } E[NE];
9
   int pre[NV],ID[NV],vis[NV];
10
   mytype In[NV];
   void init(int m)
11
12
   {
13
        for(int i=1; i<=m; i++)</pre>
14
            scanf("%d%d%d",&E[i].u,&E[i].v,&E[i].1);
15
   mytype Directed MST(int root,int NV,int NE)
16
   {
17
          memset(pre,0,sizeof(pre));
18
   //
19
        mytype ret = 0;
```

```
20
        while(1)
21
        {
22
            //1. 找最小入边
            for(int i=1; i<=NV; i++)</pre>
23
24
                 In[i] = inf;
25
            for(int i=1; i<=NE; i++)</pre>
26
            {
27
                 int u = E[i].u;
28
                 int v = E[i].v;
29
                 if(E[i].1 < In[v] && u != v)</pre>
30
                 {
31
                     pre[v] = u;
32
                     In[v] = E[i].1;
33
                 }
34
35
            for(int i=1; i<=NV; i++)</pre>
36
                 if(i == root)
37
38
                     continue;
39
                 if(fabs(In[i]-inf)<eps)</pre>
40
                     return -1;//除了跟以外有点没有入边,则根无法到达它
            }
41
42
            //2.找环
43
            int cntnode = 0;
44
            memset(ID,-1,sizeof(ID));
45
            memset(vis,-1,sizeof(vis));
46
            In[root] = 0;
            for(int i=1; i<=NV; i++) //标记每个环
47
48
49
                 ret += In[i];
50
                 int v = i;
51
                while(vis[v] != i && ID[v] == -1 && v != root)
52
                 {
53
                     vis[v] = i;
54
                     v = pre[v];
55
56
                 if(v != root \&\& ID[v] == -1)
57
58
                     ID[v] = ++cntnode;
59
                     for(int u = pre[v] ; u != v ; u = pre[u])
60
                          ID[u] = cntnode;
61
                 }
62
            if(cntnode == 0)
63
                 break;//无环
64
            for(int i=1; i<=NV; i++)</pre>
65
66
                 if(ID[i] == -1)
67
                     ID[i] = ++cntnode;
            //3.缩点,重新标记
68
69
            for(int i=1; i<=NE; i++)</pre>
70
71
                 int v = E[i].v;
72
                 E[i].u = ID[E[i].u];
73
                 E[i].v = ID[E[i].v];
74
                 if(E[i].u != E[i].v)
75
                 {
76
                     E[i].1 -= In[v];
77
                 }
78
79
            NV = cntnode;
80
            root = ID[root];
81
82
        return ret;
```

8.10 树的直径

```
typedef int mytype;
   const int NV=40005;
 3
   const int NE=2*NV;
   int vis[NV],he[NV],ecnt;
    struct edge
 6
7
        int v,next;
 8
        mytype 1;
9
   } E[NE];
10
   void adde(int u,int v,mytype 1)
11
        E[++ecnt].v=v;
12
13
        E[ecnt].1=1;
14
        E[ecnt].next=he[u];
15
        he[u]=ecnt;
16
17
    void init(int n,int m)
18
19
        ecnt=0;
20
        memset(he,-1,sizeof(he));
21
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
22
23
            int u,v;
24
            mytype 1;
            scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
25
26
            adde(u,v,1);
27
            adde(v,u,1);
28
        }
29
30
    int U;
31
    mytype L;
32
    void dfs(int u,int uu,mytype 1)
33
34
        if (1>L)
35
        {
36
            U=u;
37
            L=1;
38
39
        for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
40
            if (E[i].v!=uu)
41
                 dfs(E[i].v,u,l+E[i].1);
42
43
    mytype solve()
44
45
        dfs(1,0,0);
46
        dfs(U,0,0);
47
        return L;
48
   }
```

8.11 二分图最大匹配匈牙利算法

1、一个二分图中的最大匹配数等于这个图中的最小点覆盖数

König 定理是一个二分图中很重要的定理,它的意思是,一个二分图中的最大匹配数等于这个图中的最小点覆盖数。

最小点覆盖:假如选了一个点就相当于覆盖了以它为端点的所有边,你需要选择最少的点来 覆盖所有的边。

2、最小路径覆盖 =|G|-最大匹配数

在一个 N*N 的有向图中,路径覆盖就是在图中找一些路经,使之覆盖了图中的所有顶点,且任何一个顶点有且只有一条路径与之关联。(如果把这些路径中的每条路径从它的起始点走到它的终点,那么恰好可以经过图中的每个顶点一次且仅一次)。如果不考虑图中存在回路,那么每条路径就是一个弱连通子集。

由上面可以得出:

- 1. 一个单独的顶点是一条路径
- 2. 如果存在一路径 p_1, p_2, \ldots, p_k ,其中 p_1 为起点, p_k 为终点,那么在覆盖图中,顶点 p_1, p_2, \ldots, p_k 不再与其它的顶点之间存在有向边最小路径覆盖就是找出最小的路径条数,使之成为 G 的一个路径覆盖。
- 2、二分图最大独立集 = 顶点数 -最大匹配数 独立集: 图中任意两个顶点都不相连的顶点集合。

```
const int NV=505;
1
   const int NE=10005;
2
   int he[NV],ecnt,pre[NV],vis[NV];
   struct edge
5
        int v,next;
 6
7
   } E[NE];
   void adde(int u,int v)
8
9
10
        E[++ecnt].v=v;
11
        E[ecnt].next=he[u];
12
        he[u]=ecnt;
13
   int dfs(int u)
14
15
16
        for(int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
17
18
            int v=E[i].v;
19
            if(!vis[v])
20
            {
21
                 vis[v]=1;
                 if(pre[v]==0||dfs(pre[v]))
22
23
                 {
24
                     pre[v]=u;
25
                     return 1;
26
                 }
27
            }
28
        }
29
        return 0;
30
31
   void init(int m)
32
33
        ecnt=0;
34
        memset(he,-1,sizeof(he));
35
        memset(pre,0,sizeof(pre));
36
        while(m--)
37
```

```
int u,v;
38
39
             scanf("%d%d",&u,&v);
40
             adde(u,v);
41
        }
42
    int hungary(int n)
43
44
45
        int ans=0;
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
46
47
             memset(vis,0,sizeof(vis));
48
49
             ans+=dfs(i);
50
        return ans;
51
52
    }
```

8.12 网络流 Dinic 算法

```
1
   const int NV=20005;
   const int NE=500005;
   int he[NV],ecnt;
 4
   int src,sink;
   struct edge
 5
 6
 7
        int v,next,f;
 8
   } E[2*NE];
9
   void adde(int u,int v,int c)
10
   {
        E[++ecnt].v=v;
11
12
        E[ecnt].f=c;
13
        E[ecnt].next=he[u];
14
        he[u]=ecnt;
15
        E[++ecnt].v=u;
        E[ecnt].f=0;
16
        E[ecnt].next=he[v];
17
18
        he[v]=ecnt;
19
   void init()
20
21
   {
22
        ecnt=0;
23
        memset(he,-1,sizeof(he));
24
25
   queue<int> que;
   bool vis[NV];
26
   int dis[NV];
27
28
   void bfs()
29
   {
30
        memset(dis,0,sizeof(dis));
31
        while(!que.empty()) que.pop();
32
        vis[src]=1;
33
        que.push(src);
34
        while(!que.empty())
35
            int u=que.front();
36
37
            que.pop();
            for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
38
                if (E[i].f&&!vis[E[i].v])
39
40
                 {
41
                     que.push(E[i].v);
42
                     dis[E[i].v]=dis[u]+1;
43
                     vis[E[i].v]=1;
                 }
44
```

```
45
        }
46
47
   int dfs(int u,int delta)
48
        if (u==sink)
49
50
            return delta;
51
        else
52
        {
53
            int ret=0;
54
            for (int i=he[u]; delta&&i!=-1; i=E[i].next)
55
                 if (E[i].f&&dis[E[i].v]==dis[u]+1)
56
57
                     int dd=dfs(E[i].v,min(E[i].f,delta));
58
                     E[i].f-=dd;
59
                     E[(i+1)^1-1].f+=dd;
60
                     delta-=dd;
61
                     ret+=dd;
62
                 }
63
            return ret;
        }
64
65
   int maxflow()
66
67
68
        int ret=0;
69
        while(1)
70
        {
71
            memset(vis,0,sizeof(vis));
            bfs();
72
73
            if (!vis[sink]) return ret;
74
            ret+=dfs(src,inf);
75
        }
76
   }
```

8.13 LCA 的 tarjan 离线算法

```
typedef int mytype;
   const int NV=40005;
 2
   const int NE=NV;
 3
   const int NQ=10005;
5
   mytype dis[NV],ans[NV];
 6
   int vis[NV],he[NV],hq[NV],ecnt,qcnt;
7
   struct edge
8
   {
9
        int v,next;
10
        mytype 1;
11
   } E[2*NE];
12
   struct quer
13
14
        int v,next,i;
15
   } q[2*NQ];
16
   void adde(int u,int v,mytype 1)
17
18
        E[++ecnt].v=v;
19
        E[ecnt].1=1;
20
        E[ecnt].next=he[u];
21
        he[u]=ecnt;
22
23
   void addq(int u,int v,int i)
24
25
        q[++qcnt].v=v;
26
        q[qcnt].i=i;
27
        q[qcnt].next=hq[u];
```

```
hq[u]=qcnt;
28
29
30
   int fa[NV],rk[NV];
    void init(int n,int m)
31
32
33
        ecnt=0;
34
        qcnt=0;
35
        memset(vis,0,sizeof(vis));
36
        memset(rk,0,sizeof(rk));
37
        memset(he,-1,sizeof(he));
38
        memset(hq,-1,sizeof(hq));
39
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
40
41
            int u,v;
42
            mytype 1;
43
            scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
44
            adde(u,v,1);
45
            adde(v,u,1);
46
        }
47
48
   int finds(int x)
49
        int k,j,r;
50
        r=x;
51
52
        while(r!=fa[r])
53
            r=fa[r];
54
        k=x;
55
        while(k!=r)
56
57
            j=fa[k];
58
            fa[k]=r;
59
            k=j;
60
61
        return r;
62
   void tarjan(int u,mytype d)
63
64
        dis[u]=d;
65
66
        fa[u]=u;
67
        vis[u]=1;
        for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
68
69
            if (!vis[E[i].v])
70
                 tarjan(E[i].v,d+E[i].l),fa[E[i].v]=u;
        for (int i=hq[u]; i!=-1; i=q[i].next)
71
72
            if (vis[q[i].v])
73
                 ans[q[i].i]=dis[u]+dis[q[i].v]-2*dis[finds(q[i].v)];
74
75
   void solve(int n,int m)
76
    {
77
        init(n,m);
78
        int k;
        scanf("%d",&k);
79
        for (int i=1; i<=k; i++)
80
81
        {
82
            int u,v;
            scanf("%d%d",&u,&v);
83
84
            addq(u,v,i);
85
            addq(v,u,i);
86
        }
        tarjan(1,0);
87
        for (int i=1; i<=k; i++)</pre>
88
            printf("%d\n",ans[i]);
89
90
   }
```

8.14 2-SAT

```
/*
1
 2
    Х
                <x', x >
 3
    ~x
                 <x , x'>
 4
    x&y
                 \langle x', x \rangle \langle y', y \rangle
 5
                <x , y'> <y , x'>
    ~(x&y)
    x | y
 6
                \langle x', y \rangle \langle y', x \rangle
    \sim (x|y)
                <x , x'> <y , y'>
 7
    x^y
                \langle x , y' \rangle \langle y , x' \rangle \langle x' , y \rangle \langle y' , x \rangle
 8
                \langle x , y \rangle \langle y , x \rangle \langle x', y' \rangle \langle y', x' \rangle
 9
    \sim(x^y)
10
    const int NV=1005;
    const int NE=2000005:
 3
    int low[2*NV],dfn[2*NV],stk[2*NV],instk[2*NV],he[2*NV],belong[2*NV],sol[2*NV];
    int idcnt,ecnt,ccnt,top;
    vector<int> c[2*NV];
 6
    struct edge
7
    {
 8
         int v,next;
9
    } E[2*NE];
10
    void adde(int u,int v)
11
12
         E[++ecnt].v=v;
13
         E[ecnt].next=he[u];
14
         he[u]=ecnt;
15
16
    int getvalue(int n,int x)
17
         int r=x>n?x-n:x;
18
19
         if (sol[r]==-1)
20
              return -1;
21
         return x>n?!sol[r]:sol[r];
22
    void dfs(int u)
23
24
25
         low[u]=dfn[u]=++idcnt;
26
         stk[++top]=u;
27
         instk[u]=1;
28
         for (int i=he[u],v; i!=-1; i=E[i].next)
29
              if (!dfn[v=E[i].v])
30
                   dfs(v);
31
32
                   low[u]=min(low[u],low[v]);
33
              }
34
              else if (instk[v])
35
                   low[u]=min(low[u],dfn[v]);
36
         if (dfn[u]==low[u])
37
              stk[top+1]=-1;
38
39
              for (++ccnt; stk[top+1]!=u; --top)
40
              {
41
                   c[ccnt].push_back(stk[top]);
                   instk[stk[top]]=0;
42
43
                   belong[stk[top]]=ccnt;
44
              }
45
         }
46
47
    bool two_sat(int n,int m)
48
49
         ecnt=idcnt=ccnt=top=0;
50
         for (int i=1; i<=2*n; i++)</pre>
```

```
51
         {
52
             he[i]=-1;
53
             dfn[i]=instk[i]=0;
54
             c[i].clear();
55
56
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
57
             sol[i]=-1;
58
         for (int i=0; i<m; i++)</pre>
59
         {
             ///TODO: adde
60
61
         }
62
        adde(1,n+1);
        for (int i=1; i<=2*n; i++)</pre>
63
64
             if (!dfn[i])
65
                  dfs(i);
66
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
             if (belong[i]==belong[i+n])
67
68
                  return 0;
69
        for (int i=1; i<=ccnt; i++)</pre>
70
71
             int val=1;
72
             for (int j=0; j<c[i].size(); j++)</pre>
73
             {
                  int cur=c[i][j];
74
75
                  if (getvalue(n,cur)==0)
76
                      val=0;
77
                  for (int k=he[cur]; k!=-1; k=E[k].next)
78
                      if (getvalue(n,E[k].v)==0)
79
                           val=0;
                  if (val==0)
80
81
                      break;
82
83
             for (int j=0; j<c[i].size(); j++)</pre>
84
                  if (c[i][j]>n)
85
                       sol[c[i][j]-n]=!val;
86
                  else
87
                       sol[c[i][j]]=val;
88
89
         return 1;
90 | }
```

8.15 拓扑排序

一般有两种算法:零入度算法(Kahn)和零出度算法。零入度算法一般用 queue 实现,类似 BFS,但选点顺序不重要。零出度算法一般用 DFS 实现。

零入度算法

```
const int NV=10005;
   const int NE=20005;
   int he[NV],ecnt,ind[NV],ord[NV],acnt;
3
   struct edge
4
 5
6
       int v,next;
7
   } E[NE];
 8
   void adde(int u,int v)
9
10
        E[++ecnt].v=v;
        E[ecnt].next=he[u];
11
12
        he[u]=ecnt;
```

```
13
        ind[v]++;
14
   }
15
   void init(int n,int m)
16
17
        ecnt=0;
18
        acnt=0;
19
        memset(he,-1,sizeof(he));
20
        memset(ind,0,sizeof(ind));
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
21
22
23
            int u,v;
24
            scanf("%d%d",&u,&v);
25
            adde(u,v);
26
        }
27
28
   int toposort(int n)
29
30
        queue<int> q;
31
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
            if (ind[i]==0) q.push(i);
32
33
        while(!q.empty())
34
35
            int u=q.front();
36
            q.pop();
37
            ord[++acnt]=u;
38
            for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
39
                 if (ind[E[i].v])
40
                 {
41
                     ind[E[i].v]--;
                     if (ind[E[i].v]==0) q.push(E[i].v);
42
43
                 }
44
45
        if (acnt!=n) return -1;
46
        return acnt;
47
    零出度算法
1
   const int NV=10005;
 2
   const int NE=20005;
 3
   int he[NV],ecnt,vis[NV],ord[NV],acnt; ///这里ord顺序是反过来的
4
   struct edge
 5
 6
        int v,next;
 7
   } E[NE];
8
   void adde(int u,int v)
9
10
        E[++ecnt].v=v;
11
        E[ecnt].next=he[u];
12
        he[u]=ecnt;
13
14
   void init(int n,int m)
15
16
        ecnt=0;
17
        acnt=0;
18
        memset(he,-1,sizeof(he));
19
        memset(vis,0,sizeof(vis));
20
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
21
        {
22
            int u,v;
            scanf("%d%d",&u,&v);
23
24
            adde(u,v);
        }
25
```

```
26
   }
   int dfs(int u)
27
28
   {
29
        vis[u]=1;
30
        for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
31
            if (vis[E[i].v]==1) return -1;
32
            else if (!vis[E[i].v]\&\&dfs(E[i].v)==-1) return -1;
33
34
35
        vis[u]=2;
36
        ord[++acnt]=u;
37
        return 0;
38
39
   int toposort(int n)
40
    {
41
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
42
            if (!vis[i]&&dfs(i)==-1)
43
                 return -1;
44
        return acnt;
45
   }
```

9 数学

9.1 高斯消元

```
const int MAXN=105;
   double a[MAXN][MAXN],b[MAXN]; ///要注意 -0.000的情况 +eps
 3
   int gauss_elimination(int n,double a[][MAXN],double b[])
4
5
        int i,j,k,row;
6
        double mx,t;
7
        for(k=1; k<=n; k++)
8
9
             for(mx=0,i=k; i<=n; i++)</pre>
                 if (fabs(a[i][k])>fabs(mx))
10
11
                      mx=a[row=i][k];
12
             if(fabs(mx)<eps)</pre>
13
                 return 0;
             if(row!=k)
14
15
             {
                 for(j=k; j<=n; j++)</pre>
16
                      swap(a[k][j],a[row][j]);
17
18
                 swap(b[k],b[row]);
19
20
             for(j=k+1; j<=n; j++)</pre>
21
                 for(a[k][j]/=mx,i=k+1; i<=n; i++)</pre>
22
                      a[i][j]-=a[i][k]*a[k][j];
23
             for(b[k]/=mx,i=k+1; i<=n; i++)</pre>
                 b[i]-=b[k]*a[i][k];
24
25
        for(i=n; i>=1; i--)
26
27
             for(j=i+1; j<=n; j++)</pre>
28
                 b[i]-=a[i][j]*b[j];
29
        return 1;
30
   }
```

9.2 二进制下的高斯消元

```
1 | const int MAXN=105;
```

```
int a[MAXN][MAXN],b[MAXN];
 2
   void gauss(int n,int a[][MAXN],int b[])
 3
 4
   {
 5
        for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
 6
7
             int k;
             for (int j=i; j<=n; j++)</pre>
 8
9
                  if (a[j][i])
10
                  {
11
                      k=j;
12
                      break;
13
             for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
14
15
                  swap(a[i][j],a[k][j]);
16
             swap(b[i],b[k]);
17
             for (int j=1; j<=n; j++)</pre>
                  if (i!=j&&a[j][i])
18
19
                  {
20
                       for (k=1; k<=n; k++)
21
                           a[j][k]^=a[i][k];
22
                      b[j]^=b[i];
                  }
23
24
        }
25
   }
```

9.3 高精度整数类

在进行大数的其他操作时要注意输出字符串为空的情况

WARNING! integer 类型与 long long 大小的整数进行乘除操作时,非常有可能溢出,尤其是除法。最好使用 integer 与 integer 的乘除操作。

另外,使用 integer 会产生大量开销,使用适当的数组长度可以很大程度上减少这种开销。

9.3.1 栈分配内存版

```
const int ra=10;
1
   int ten[4]= {1,ra,ra*ra,ra*ra*ra};
 2
   int radix=ra*ra*ra*ra;
   const int NV=1000;
   struct integer
5
 6
   {
7
        int d[NV];
8
        integer()
9
        {
             *this=integer(0);
10
11
12
        integer(int x)
13
14
             for (int i=0; i<NV; i++) d[i]=0;</pre>
15
             if (!x) d[0]=1;
            while(x)
16
17
                 d[++d[0]]=x%radix;
18
19
                 x/=radix;
20
             }
21
22
        integer(long long x)
23
24
             for (int i=0; i<NV; i++) d[i]=0;</pre>
             if (!x) d[0]=1;
25
```

```
26
            while(x)
27
            {
28
                 d[++d[0]]=x%radix;
29
                 x/=radix;
30
            }
31
        integer(const char s[])
32
33
            int len=strlen(s),i,j,k;
34
35
            d[0]=(len-1)/4+1;
36
            for (i=1; i<NV; i++) d[i]=0;
37
            for (i=len-1; i>=0; i--)
38
39
                 j=(len-i-1)/4+1;
40
                 k=(len-i-1)\%4;
41
                 d[j]+=ten[k]*(s[i]-'0');
42
            while(d[0]>1&&d[d[0]]==0) d[0]--;
43
44
45
        string tostring()
46
47
             string s;
48
            int i,j,temp;
            for (i=3; i>=1; i--) if (d[d[0]]>=ten[i]) break;
49
50
            temp=d[d[0]];
51
            for (j=i; j>=0; j--)
52
            {
53
                 s+=(char) (temp/ten[j]+'0');
54
                 temp%=ten[j];
55
56
            for (i=d[0]-1; i>0; i--)
57
58
                 temp=d[i];
59
                 for (j=3; j>=0; j--)
60
                 {
                     s+=(char) (temp/ten[j]+'0');
61
                     temp%=ten[j];
62
63
                 }
64
            }
65
            return s;
66
67
        void output()
68
69
            int k=d[0];
            printf("%d",d[k--]);
70
71
            while(k) printf("\%04d",d[k--]);
72
            putchar('\n');
73
        }
74
    } d,mid1[15];
75
   bool operator <(const integer &a,const integer &b)</pre>
76
77
        if (a.d[0]!=b.d[0]) return a.d[0]<b.d[0];</pre>
78
        for (int i=a.d[0]; i>0; i--)
79
             if (a.d[i]!=b.d[i])
80
                 return a.d[i]<b.d[i];</pre>
81
        return 0;
82
83
    integer operator +(const integer &a,const integer &b)
84
85
        integer c;
        c.d[0]=max(a.d[0],b.d[0]);
86
87
        int i,x=0;
88
        for (i=1; i<=c.d[0]; i++)</pre>
```

```
89
             x+=a.d[i]+b.d[i];
90
91
             c.d[i]=x%radix;
92
             x/=radix;
93
94
         while(x)
95
96
             c.d[++c.d[0]]=x%radix;
97
             x/=radix;
98
99
         return c;
100
101
    integer operator -(const integer &a,const integer &b)
102
103
         integer c;
104
         c.d[0]=a.d[0];
105
         int i,x=0;
         for (i=1; i<=c.d[0]; i++)</pre>
106
107
108
             x+=radix+a.d[i]-b.d[i];
109
             c.d[i]=x%radix;
110
             x=x/radix-1;
111
112
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
113
         return c;
114
115
    integer operator *(const integer &a,const integer &b)
116
117
         integer c;
         c.d[0]=a.d[0]+b.d[0];
118
119
         int i,j,x=0;
120
         for (i=1; i<=a.d[0]; i++)</pre>
121
122
             x=0;
123
             for (j=1; j<=b.d[0]; j++)</pre>
124
125
                  x=a.d[i]*b.d[j]+x+c.d[i+j-1];
126
                  c.d[i+j-1]=x%radix;
127
                  x/=radix;
128
             c.d[i+b.d[0]]=x;
129
130
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
131
132
         return c;
133
134
    integer operator *(const integer &a,const long long &k)
135
136
         integer c;
137
         c.d[0]=a.d[0];
138
         int i;
139
         long long x=0;
         for (i=1; i<=a.d[0]; i++)</pre>
140
141
142
             x+=a.d[i]*k;
143
             c.d[i]=x%radix;
144
             x/=radix;
145
         }
146
         while(x>0)
147
148
             c.d[++c.d[0]]=x%radix;
149
             x/=radix;
150
151
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
```

```
152
         return c;
153
154
    long long rem;
    integer operator /(const integer &a,const long long &k)
155
156
157
         integer c;
158
         c.d[0]=a.d[0];
159
         long long x=0;
         for (int i=a.d[0]; i>=1; i--)
160
161
162
             x+=a.d[i];
163
             c.d[i]=x/k;
164
             x\%=k;
165
             rem=x;
166
             x*=radix;
167
168
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
169
         return c;
170
171
    bool smaller(const integer &a,const integer &b,int delta)
172
         if (a.d[0]+delta!=b.d[0]) return a.d[0]+delta<b.d[0];</pre>
173
174
         for (int i=a.d[0]; i>0; i--)
175
             if (a.d[i]!=b.d[i+delta])
176
                  return a.d[i]<b.d[i+delta];</pre>
177
         return 1;
178
    void Minus(integer &a,const integer &b,int delta)
179
180
181
         int i,x=0;
182
         for (i=1; i<=a.d[0]-delta; i++)</pre>
183
184
             x+=radix+a.d[i+delta]-b.d[i];
185
             a.d[i+delta]=x%radix;
186
             x=x/radix-1;
187
         while(a.d[0]>1&&a.d[a.d[0]]==0) a.d[0]--;
188
189
190
    integer operator /(const integer &a,const integer &b)
191
192
         integer c;
193
         d=a;
194
         int i,j,temp;
195
         mid1[0]=b;
196
         for (i=1; i<=13; i++) mid1[i]=mid1[i-1]*2;</pre>
197
         for (i=a.d[0]-b.d[0]; i>=0; i--)
198
199
             temp=8192;
200
             for (j=13; j>=0; j--)
201
             {
                  if (smaller(mid1[j],d,i))
202
203
204
                      Minus(d,mid1[j],i);
205
                      c.d[i+1]+=temp;
206
207
                  temp/=2;
208
             }
209
         }
210
         c.d[0]=max(1,a.d[0]-b.d[0]+1);
211
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
212
         return c;
213
    bool operator ==(const integer &a,const integer &b)
```

```
215
    {
         if (a.d[0]!=b.d[0]) return 0;
216
217
         for (int i=1; i<=a.d[0]; i++)</pre>
             if (a.d[i]!=b.d[i])
218
219
                 return 0;
220
         return 1;
221
222
    void init(int b) /// 将大数切换至任意 <=10进制
223
         for (int i=1; i<=3; i++)</pre>
224
225
             ten[i]=ten[i-1]*b;
226
         radix=b*b*b*b;
227
    }
    9.3.2
             堆分配内存版
    const int ra=10;
  2
    int ten[4] = {1,ra,ra*ra,ra*ra*ra};
  3
    int radix=ra*ra*ra*ra;
  4
    const int NV=1000;
  5
    struct integer
  6
 7
         int *d=NULL;
 8
         integer():integer(0) {}
 9
         ~integer()
10
         {
             delete []d;
11
12
         /// 将 数 组 分 配 在 堆 上 后 , 默 认 的 赋 值 运 算 符 只 会 复 制 指 针 , 在 析 构 时 会 出 现 问 题 ,
13
             因此需要重载
14
         /// 但 应 尽 量 避 免 赋 值 操 作 , 以 免 导 致 效 率 损 失
15
         integer &operator =(const integer &a)
16
         {
17
             memcpy(d,a.d,(a.d[0]+1)*sizeof(int));
18
             memset(d+d[0]+1,0,(NV-d[0]-1)*sizeof(int));
19
             return *this;
20
         }
         integer(int x)
21
22
             d=new int[NV];
23
24
             for (int i=0; i<NV; i++) d[i]=0;</pre>
25
             if (!x) d[0]=1;
26
             while(x)
27
             {
28
                 d[++d[0]]=x%radix;
29
                 x/=radix;
30
31
32
         integer(long long x)
33
34
             d=new int[NV];
35
             for (int i=0; i<NV; i++) d[i]=0;</pre>
36
             if (!x) d[0]=1;
37
             while(x)
38
             {
39
                 d[++d[0]]=x%radix;
40
                 x/=radix;
             }
41
42
43
         integer(const char s[])
44
45
             d=new int[NV];
```

```
46
             int len=strlen(s),i,j,k;
47
             d[0]=(len-1)/4+1;
48
             for (i=1; i<NV; i++)</pre>
49
                  d[i]=0;
50
             for (i=len-1; i>=0; i--)
51
52
                  j=(len-i-1)/4+1;
53
                  k = (len-i-1)\%4;
54
                  d[j]+=ten[k]*(s[i]-'0');
55
56
             while(d[0]>1&&d[d[0]]==0) d[0]--;
57
         }
58
         string tostring()
59
60
             string s;
61
             int i,j,temp;
             for (i=3; i>=1; i--) if (d[d[0]]>=ten[i]) break;
62
63
             temp=d[d[0]];
64
             for (j=i; j>=0; j--)
65
             {
                  s+=(char) (temp/ten[j]+'0');
66
67
                  temp%=ten[j];
68
69
             for (i=d[0]-1; i>0; i--)
70
71
                  temp=d[i];
72
                  for (j=3; j>=0; j--)
73
74
                      s+=(char) (temp/ten[j]+'0');
75
                      temp%=ten[j];
76
                  }
77
78
             return s;
79
80
         void output()
81
82
             int k=d[0];
83
              ///for int d[]
84
             printf("%d",d[k--]);
             while(k) printf("%04d",d[k--]);
85
86
             putchar('\n');
87
         }
    } d,mid1[15];
88
89
    bool operator <(const integer &a,const integer &b)</pre>
90
91
         if (a.d[0]!=b.d[0]) return a.d[0]<b.d[0];</pre>
92
         for (int i=a.d[0]; i>0; i---)
93
             if (a.d[i]!=b.d[i])
94
                  return a.d[i]<b.d[i];</pre>
95
         return 0;
96
97
    integer operator +(const integer &a,const integer &b)
98
         integer c;
99
100
         c.d[0]=max(a.d[0],b.d[0]);
101
         int i,x=0;
102
         for (i=1; i<=c.d[0]; i++)</pre>
103
104
             x+=a.d[i]+b.d[i];
105
             c.d[i]=x%radix;
106
             x/=radix;
107
         while(x)
108
```

```
109
             c.d[++c.d[0]]=x%radix;
110
111
             x/=radix;
112
113
         return c;
114
115
     integer operator -(const integer &a,const integer &b)
116
117
         integer c;
118
         c.d[0]=a.d[0];
119
         int i,x=0;
120
         for (i=1; i<=c.d[0]; i++)</pre>
121
122
             x+=radix+a.d[i]-b.d[i];
123
             c.d[i]=x%radix;
124
             x=x/radix-1;
125
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
126
127
128
129
     integer operator *(const integer &a,const integer &b)
130
         integer c;
131
132
         c.d[0]=a.d[0]+b.d[0];
133
         int i,j,x=0;
134
         for (i=1; i<=a.d[0]; i++)</pre>
135
136
             x=0:
137
             for (j=1; j<=b.d[0]; j++)</pre>
138
139
                  x=a.d[i]*b.d[j]+x+c.d[i+j-1];
140
                  c.d[i+j-1]=x%radix;
141
                  x/=radix;
142
143
             c.d[i+b.d[0]]=x;
144
145
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
146
         return c;
147
148
     integer operator *(const integer &a,const long long &k)
149
150
         integer c;
         c.d[0]=a.d[0];
151
152
         int i;
153
         long long x=0;
154
         for (i=1; i<=a.d[0]; i++)</pre>
155
156
             x+=a.d[i]*k;
157
             c.d[i]=x%radix;
158
             x/=radix;
159
         while(x>0)
160
161
162
             c.d[++c.d[0]]=x%radix;
163
             x/=radix;
164
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
165
166
         return c;
167
168
     long long rem;
169
     integer operator /(const integer &a,const long long &k)
170
171
         integer c;
```

```
172
         c.d[0]=a.d[0];
173
         long long x=0;
174
         for (int i=a.d[0]; i>=1; i--)
175
176
             x+=a.d[i];
177
             c.d[i]=x/k;
178
             x%=k;
179
             rem=x;
180
             x*=radix;
181
182
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
183
         return c;
184
185
    bool smaller(const integer &a,const integer &b,int delta)
186
187
         if (a.d[0]+delta!=b.d[0]) return a.d[0]+delta<b.d[0];</pre>
188
         for (int i=a.d[0]; i>0; i---)
189
             if (a.d[i]!=b.d[i+delta])
190
                  return a.d[i]<b.d[i+delta];</pre>
191
         return 1;
192
193
    void Minus(integer &a,const integer &b,int delta)
194
195
         int i,x=0;
196
         for (i=1; i<=a.d[0]-delta; i++)</pre>
197
198
             x+=radix+a.d[i+delta]-b.d[i];
199
             a.d[i+delta]=x%radix;
200
             x=x/radix-1;
201
202
         while(a.d[0]>1&&a.d[a.d[0]]==0) a.d[0]--;
203
204
    integer operator /(const integer &a,const integer &b)
205
206
         integer c;
207
         d=a;
         int i,j,temp;
208
209
         mid1[0]=b;
210
         for (i=1; i<=13; i++) mid1[i]=mid1[i-1]*2;</pre>
211
         for (i=a.d[0]-b.d[0]; i>=0; i--)
212
213
             temp=8192;
214
             for (j=13; j>=0; j--)
215
                  if (smaller(mid1[j],d,i))
216
217
                  {
                      Minus(d,mid1[j],i);
218
219
                      c.d[i+1]+=temp;
220
221
                  temp/=2;
222
             }
223
224
         c.d[0]=max(1,a.d[0]-b.d[0]+1); ///for int d[]
225
         while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
226
         return c;
227
228
    bool operator ==(const integer &a,const integer &b)
229
230
         if (a.d[0]!=b.d[0]) return 0;
231
         for (int i=1; i<=a.d[0]; i++)</pre>
232
             if (a.d[i]!=b.d[i])
233
                  return 0;
234
         return 1;
```

```
235 | }
236 | void init(int b) /// 将大数切换至任意 <=10进制
237 | {
    for (int i=1; i<=3; i++)
        ten[i]=ten[i-1]*b;
    radix=b*b*b;
241 | }
```

9.3.3 快速傅里叶变换乘法

```
│/// 由于 使 用 万 进 制 , NV 可 以 除 以 4 。 但 又 由 于 答 案 长 度 是 原 来 的 2 倍 , 再 加 上 补 到 2
       的某次方的最坏情况是到2倍, 因此NV的大小跟数的十进制长度相同即可。
   #include < complex >
 3
   /// 使用 double 也 可 以
 4
   complex<long double> epsilon[NV],repsilon[NV],buffera[NV],bufferb[NV],ffttemp[NV
 5
   void init_epsilon(int n)
 6
7
        for (int i=0; i<n; i++)
 8
 9
            epsilon[i]=complex<long double>(cos(2*pi*i/n), sin(2*pi*i/n));
10
            repsilon[i]=conj(epsilon[i]);
        }
11
12
13
   void fft(int n, complex<long double> *buffer, int offset, int step, complex<long</pre>
        double> *epsilon)
   {
14
15
        if(n==1) return;
16
        int m=n>>1;
17
        fft(m,buffer,offset,step<<1,epsilon);</pre>
18
        fft(m,buffer,offset+step,step<<1,epsilon);</pre>
19
        for(int k=0; k<m; k++)</pre>
20
        {
21
            int pos=2*step*k;
            ffttemp[k]=buffer[pos+offset]+epsilon[k*step]*buffer[pos+offset+step];
22
23
            ffttemp[k+m]=buffer[pos+offset]-epsilon[k*step]*buffer[pos+offset+step];
24
        for(int i=0; i<n; i++)</pre>
25
26
            buffer[i*step+offset]=ffttemp[i];
27
28
   integer fftmul(const integer &a,const integer &b)
29
30
        ///high bit
31
        int n=max(a.d[0],b.d[0]);
32
        ///1
33
        n=2*n-1;
34
        ///2
35
        n|=n>>1;
36
        n|=n>>2;
37
        n = n > 4;
38
        n = n > 8;
39
        n|=n>>16;
40
        n++;
        ///似乎也可以1、2调换但1变成n=2*n
41
42
        init epsilon(n);
        for (int i=0; i<n; i++) buffera[i]=a.d[i+1],bufferb[i]=b.d[i+1];</pre>
43
44
        fft(n,buffera,0,1,epsilon);
45
        fft(n,bufferb,0,1,epsilon);
        for (int i=0; i<n; i++) buffera[i]*=bufferb[i];</pre>
46
47
        fft(n,buffera,0,1,repsilon);
48
        integer ans;
49
        ans.d[0]=0;
```

```
50
        long long intrem=0;
        for (int i=0; i<n; i++)</pre>
51
52
            long long x=buffera[i].real()/n+0.5;
53
54
            x+=intrem;
            ans.d[++ans.d[0]]=x%radix;
55
56
            intrem=x/radix;
57
        while(ans.d[0]>1&&ans.d[ans.d[0]]==0) ans.d[0]--;
58
59
        return ans;
60
   }
```

9.3.4 快速数论变换乘法

关于 r、k、q 的选值问题:

2281701377 平方不会超过 long long, 1004535809 相加不会超过 int。

```
1 | / / / double 型的精度有十进制的15位, 在万进制下, 要存储10000*10000*n
       以及计算中可能会产生精度问题,可以使用快速数论变换
 2
   long long epsilon[NV],repsilon[NV],buffera[NV],bufferb[NV],ffttemp[NV];
   ///p = r * 2^k + 1
3
   ///4179340454199820289 = 29 * 2^57 + 1, g = 3, 要保证fftmul处理后的n<2^k且10000
4
       *10000*n<p且M+M<2^63-1, 这个数完全符合
5
   const long long M=417934045419982028911;
   ///两个long long相乘要用快速乘
6
7
   //long long quickmul(long long a, long long b)
8
   //{
9
   //
         long long ret = 0;
10
   //
         for (; b; b >>= 1, a = (a << 1) % M)
   //
             if (b & 1)
11
12
   //
                 ret = (ret + a) % M;
13
   //
         return ret;
14
   //}
15
   /// 下面 这 个 神 奇 的 做 法 暂 时 还 没 发 现 会 出 问 题 的 地 方 , 而 且 效 率 很 高
16
   long long quickmul(long long a, long long b)
17
   {
18
       return (a*b-(long long)(a/(long double)M*b+1e-3)*M+M)%M;
19
20
   long long quickpow(long long a, long long b)
21
   {
22
       if(b < 0) return 0;
23
       long long ret = 1;
24
       a \%= M;
25
       for (; b; b >>= 1, a = quickmul(a,a))
26
           if (b & 1)
27
               ret = quickmul(ret,a);
28
       return ret;
29
30
   long long inv(long long a)
31
   {
32
       return quickpow(a,M-2);
33
   void init_epsilon(int n)
34
35
       epsilon[0]=repsilon[0]=1;
36
37
       long long gr=quickpow(3,(M-1)/n);
       for (int i=1; i<n; i++)</pre>
38
39
40
           epsilon[i]=quickmul(epsilon[i-1],gr);
41
           repsilon[i]=inv(epsilon[i]);
42
       }
```

7 8 9 3 1 1 2 5 1 2 2 17 1 4 3 97 3 5 5 193 3 6 5 257 1 8 3 7681 15 9 17 12289 3 12 11 40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 <th>$r \cdot 2^k + 1$</th> <th></th> <th>1_</th> <th></th>	$r \cdot 2^k + 1$		1_	
5 1 2 2 17 1 4 3 97 3 5 5 193 3 6 5 257 1 8 3 7681 15 9 17 12289 3 12 11 40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 104535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3		1 1	<u>k</u>	$\frac{g}{2}$
17 1 4 3 97 3 5 5 193 3 6 5 257 1 8 3 7681 15 9 17 12289 3 12 11 40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 104535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 <td><u> </u></td> <td></td> <td></td> <td></td>	<u> </u>			
97 3 5 5 193 3 6 5 257 1 8 3 7681 15 9 17 12289 3 12 11 40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 16772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 104535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 321225473 3 30 5 75161927681 35 31 3				
193 3 6 5 257 1 8 3 7681 15 9 17 12289 3 12 11 40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 104535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 7248779069441 5 39 3 6597069766657 3 41				
257 1 8 3 7681 15 9 17 12289 3 12 11 40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 7248779069441 5 39 3 6597069766657 3 41 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>				
7681 15 9 17 12289 3 12 11 40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 7309411329 9 33 7 2061584302091 3 36 22 2061584302081 15		l		
12289 3 12 11 40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 7309411329 9 33 7 2061584302091 3 36 22 2061584302081 15 37 7 2748779069441 5 39 3 6597069766657 3<				
40961 5 13 3 65537 1 16 3 786433 3 18 10 5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 7309411329 9 33 7 206158430209 3 36 22 2061584302091 3 36 22 2061584302081 15 37 7 2748779069441 <td< td=""><td></td><td></td><td></td><td></td></td<>				
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$				
786433 3 18 10 5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 7309411329 9 33 7 206158430209 3 36 22 2061584302081 15 37 7 2748779069441 5 39 3 6597069766657 3 41 5 39582418599937 9 42 5 79164837199873				
5767169 11 19 3 7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 7309411329 9 33 7 206158430209 3 36 22 2061584302081 15 37 7 2748779069441 5 39 3 6597069766657 3 41 5 79164837199873 9 42 5 79164837199873 9 43 5 2638827				
7340033 7 20 3 23068673 11 21 3 104857601 25 22 3 167772161 5 25 3 469762049 7 26 3 998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 7506158430209 3 36 22 2061584302091 3 36 22 2061584302081 15 37 7 2748779069441 5 39 3 6597069766657 3 41 5 39582418599937 9 42 5 79164837199873 9 43 5 263882790666241 15 44 7				
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$				
998244353 119 23 3 1004535809 479 21 3 2013265921 15 27 31 2281701377 17 27 3 3221225473 3 30 5 75161927681 35 31 3 77309411329 9 33 7 206158430209 3 36 22 2061584302081 15 37 7 2748779069441 5 39 3 6597069766657 3 41 5 39582418599937 9 42 5 79164837199873 9 43 5 263882790666241 15 44 7 1231453023109121 35 45 3 1337006139375617 19 46 3 3799912185593857 27 47 5 4222124650659841 15 48 19 7881299347898369 7 50				
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	998244353	119		
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1004535809		21	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2013265921	15	27	31
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2281701377	17	27	3
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	3221225473	3	30	5
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	75161927681	35	31	3
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	77309411329	9	33	7
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	206158430209	3	36	22
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2061584302081	15	37	7
39582418599937 9 42 5 79164837199873 9 43 5 263882790666241 15 44 7 1231453023109121 35 45 3 1337006139375617 19 46 3 3799912185593857 27 47 5 4222124650659841 15 48 19 7881299347898369 7 50 6 31525197391593473 7 52 3 180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	2748779069441	5	39	3
79164837199873 9 43 5 263882790666241 15 44 7 1231453023109121 35 45 3 1337006139375617 19 46 3 3799912185593857 27 47 5 4222124650659841 15 48 19 7881299347898369 7 50 6 31525197391593473 7 52 3 180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	6597069766657	3	41	5
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	39582418599937	9	42	5
1231453023109121 35 45 3 1337006139375617 19 46 3 3799912185593857 27 47 5 4222124650659841 15 48 19 7881299347898369 7 50 6 31525197391593473 7 52 3 180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	79164837199873	9	43	5
1337006139375617 19 46 3 3799912185593857 27 47 5 4222124650659841 15 48 19 7881299347898369 7 50 6 31525197391593473 7 52 3 180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	263882790666241	15	44	7
3799912185593857 27 47 5 4222124650659841 15 48 19 7881299347898369 7 50 6 31525197391593473 7 52 3 180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	1231453023109121	35	45	3
4222124650659841 15 48 19 7881299347898369 7 50 6 31525197391593473 7 52 3 180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	1337006139375617	19	46	3
7881299347898369 7 50 6 31525197391593473 7 52 3 180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	3799912185593857	27	47	5
31525197391593473 7 52 3 180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	4222124650659841	15	48	19
180143985094819841 5 55 6 1945555039024054273 27 56 5	7881299347898369	7	50	6
1945555039024054273 27 56 5	31525197391593473	7	52	3
	180143985094819841	5	55	6
4179340454199820289 29 57 3	1945555039024054273	27	56	5
	4179340454199820289	29	57	3

```
43
   }
   void fft(int n, long long *buffer, int offset, int step, long long *epsilon)
44
45
   {
        if(n==1) return;
46
47
        int m=n>>1;
        fft(m,buffer,offset,step<<1,epsilon);</pre>
48
49
        fft(m,buffer,offset+step,step<<1,epsilon);</pre>
50
        for(int k=0; k<m; k++)</pre>
51
        {
52
            int pos=2*step*k;
53
            ffttemp[k]=(buffer[pos+offset]+quickmul(epsilon[k*step],buffer[pos+
                offset+step]))%M;
54
            ffttemp[k+m]=(buffer[pos+offset]-quickmul(epsilon[k*step],buffer[pos+
                offset+step])+M)%M;
55
56
        for(int i=0; i<n; i++)</pre>
57
            buffer[i*step+offset]=ffttemp[i];
58
   integer fftmul(const integer &a,const integer &b)
59
60
61
        ///high bit
        int n=max(a.d[0],b.d[0]);
62
63
        n=2*n-1;
64
        n | =n >>1;
65
        n | =n>>2;
66
        n | =n > >4;
67
        n = n > 8;
68
        n|=n>>16;
69
        n++;
70
        init_epsilon(n);
71
        for (int i=0; i<n; i++) buffera[i]=a.d[i+1],bufferb[i]=b.d[i+1];</pre>
72
        fft(n,buffera,0,1,epsilon);
73
        fft(n,bufferb,0,1,epsilon);
        for (int i=0; i<n; i++) buffera[i]=quickmul(buffera[i],bufferb[i]);</pre>
74
75
        fft(n,buffera,0,1,repsilon);
76
        integer ans;
77
        ans.d[0]=0;
78
        long long invn=inv(n);
79
        long long intrem=0;
80
        for (int i=0; i<n; i++)</pre>
81
82
            long long x=quickmul(buffera[i],invn)+intrem;
83
            ans.d[++ans.d[0]]=x%radix;
84
            intrem=x/radix;
85
86
        while(ans.d[0]>1&&ans.d[ans.d[0]]==0) ans.d[0]--;
87
        return ans;
88
   }
```

9.4 分数类

num 为 0 则为 0, den 为 0 则不存在, 都为 0 无法构造

```
struct frac
1
2
       long long num,den;
3
4
       frac(long long num=0,long long den=1)
5
6
           if (den<0) num=-num,den=-den;</pre>
           long long g=__gcd(abs(num),den);
7
           this->num=num/g;
8
           this->den=den/g;
9
```

```
10
        frac operator +(const frac &o) const
11
12
        {
            return frac(num*o.den+den*o.num,den*o.den);
13
14
        frac operator -(const frac &o) const
15
16
        {
17
            return frac(num*o.den-den*o.num,den*o.den);
18
19
        frac operator *(const frac &o) const
20
        {
21
            return frac(num*o.num,den*o.den);
22
23
        frac operator /(const frac &o) const
24
25
            return frac(num*o.den,den*o.num);
26
        bool operator <(const frac &o) const</pre>
27
28
        {
            return num*o.den<den*o.num;</pre>
29
30
        bool operator ==(const frac &o) const
31
32
        {
33
            return num*o.den==den*o.num;
34
35
        void out()
36
        {
37
            printf("%11d/%11d",num,den);
38
        }
39
   };
          矩阵类
   9.5
```

```
typedef long long mytype;
1
2
   const int SZ=105;
   const long long M=1000000007;
4
   long long quickpow(long long a, long long b)
5
6
        if(b < 0) return 0;
7
        long long ret = 1;
8
        a %= M;
9
        for (; b; b >>= 1, a = (a * a) % M)
10
            if (b & 1)
                ret = (ret * a) % M;
11
12
        return ret;
13
14
   long long inv(long long a)
15
       return quickpow(a,M-2);
16
17
18
   struct mat
19
20
        int n,m;
       mytype a[SZ][SZ];
21
22
       void init()
23
        {
24
            memset(a,0,sizeof(a));
25
26
       mat(int n=SZ,int m=SZ):n(n),m(m) {}
       mat unit()
27
28
29
            mat t(n,n);
```

```
30
             t.init();
             for (int i=0; i<n; i++)</pre>
31
32
                  t.a[i][i]=1;
33
             return t;
34
        mytype *operator [](int n)
35
36
         {
37
             return *(a+n);
38
39
        mat operator +(const mat &b)
40
41
             mat t(n,m);
42
             for (int i=0; i<n; i++)</pre>
                  for (int j=0; j<m; j++)</pre>
43
44
                       t.a[i][j]=(a[i][j]+b.a[i][j]+M)%M;
45
             return t;
46
         }
47
        mat operator -(const mat &b)
48
49
             mat t(n,m);
50
             for (int i=0; i<n; i++)</pre>
                  for (int j=0; j<m; j++)</pre>
51
52
                       t.a[i][j]=(a[i][j]-b.a[i][j]+M)%M;
53
             return t;
54
55
        mat operator *(const mat &b)
56
         {
57
             mat t(n,b.m);
58
             for(int i=0; i<n; i++)</pre>
59
                  for(int j=0; j<b.m; j++)</pre>
60
                  {
61
                       t.a[i][j]=0;
                       for(int k=0; k<m; k++)</pre>
62
                           t.a[i][j]=(t.a[i][j]+(a[i][k]*b.a[k][j])%M)%M;
63
64
                  }
             return t;
65
66
        mat operator *(const mytype &b)
67
68
         {
69
             mat t(n,m);
70
             for(int i=0; i<n; i++)</pre>
71
                  for(int j=0; j<m; j++)</pre>
                       t.a[i][j]=a[i][j]*b%M;
72
73
             return t;
74
        }
75
        mat operator /(const mytype &b)
76
77
             mat t(n,m);
78
             for(int i=0; i<n; i++)</pre>
79
                  for(int j=0; j<m; j++)</pre>
80
                      t.a[i][j]=a[i][j]*inv(b)%M;
81
             return t;
82
83
        mat operator !()
84
         {
85
             mat t(m,n);
86
             for(int i=0; i<m; i++)</pre>
87
                  for(int j=0; j<n; j++)</pre>
88
                       t.a[i][j]=a[j][i];
89
             return t;
90
         }
91
        mytype det()
92
```

```
93
94
        mat invm(mat &a)
95
         {
96
97
         friend mat quickpow(mat a, mytype b)
98
99
             if(b<0) return a.unit();</pre>
100
             mat ret=a.unit();
101
             for (; b; b>>=1,a=a*a)
102
                 if (b&1)
103
                     ret=ret*a;
104
             return ret;
105
         }
106
        void in()
107
108
             for (int i=0; i<n; i++)</pre>
109
                 for (int j=0; j<m; j++)</pre>
                     scanf("%11d",&a[i][j]);
110
111
        void out()
112
113
             for (int i=0; i<n; i++)</pre>
114
115
                 for (int j=0; j<m; j++)</pre>
                     116
117
         }
118
    };
```

9.6 分治法等比数列求和

```
1+q^1+\cdots+q^n
1
   long long qsum(long long q,long long n)
2
 3
        n++;
4
        long long ans=0,temp=1;
5
        while(n>0)
6
7
            if (n&1)
8
                 ans=((ans*q)%M+temp%M)%M;
9
            temp=(temp*(1+q))%M;
10
            q=(q*q)%M;
11
            n>>=1;
12
13
        return ans;
14
15
16
   mat qsum(mat q,long long n)
17
18
        n++;
19
        mat unit=q.unit();
20
        mat ans(q.n,q.m),temp=unit;
21
        ans.init();
22
        while(n>0)
23
24
            if (n&1) ans=ans*q+temp;
25
            temp=temp*(unit+q);
26
            q=q*q;
27
            n>>=1;
28
29
        return ans;
30
   }
```

9.7 自适应 Simpson 积分法

```
double simpson(double a, double b)
1
2
 3
        double c = a + (b-a)/2;
4
        return (f(a)+4*f(c)+f(b))*(b-a)/6;
5
   }
   double asr(double a,double b,double epss,double A)
6
7
8
        double c = a+(b-a)/2;
9
       double L = simpson(a,c) , R = simpson(c,b);
10
        if (fabs(L+R-A) \leftarrow 15*epss) return L+R+(L+R-A)/15;
11
        return asr(a,c,epss/2,L) + asr(c,b,epss/2,R);
12
   double solve(double l,double r)
13
14
15
        return asr(l,r,eps,simpson(l,r));
   }
16
```

9.8 Romberg 积分法

```
1
   double romberg(double 1,double r,double epss=eps)
2
    {
 3
        vector<double> t;
 4
        double h=r-l,last,curr;
 5
        int k=1,i=1;
        t.push_back(h*(f(1)+f(r))/2);
 6
 7
        do
 8
        {
9
             last=t.back();
10
             curr=0;
11
             double x=1+h/2;
             for (int j=0; j<k; j++)</pre>
12
13
                 curr+=f(x);
14
15
                 x+=h;
16
17
             curr=(t[0]+h*curr)/2;
18
             double k1=4.0/3, k2=1.0/3;
19
             for (int j=0; j<i; j++)</pre>
20
                 double temp=k1*curr-k2*t[j];
21
22
                 t[j]=curr;
23
                 curr=temp;
24
                 k2/=4*k1-k2;
25
                 k1=k2+1;
26
             }
             t.push_back(curr);
27
28
             k*=2;
             h/=2;
29
30
             i++;
31
32
        while(fabs(last-curr)>epss);
        return t.back();
33
34 | }
```

9.9 De Bruijn 序列

k 为元素值范围, n 为串长度。

```
1
   void db(int n,int k,vector<int> &v,int a[],int t=1,int p=1)
2
    {
 3
        if (t>n)
 4
        {
 5
             if (n%p==0)
 6
                 for (int i=1; i<=p; i++)</pre>
 7
                      v.push back(a[i]);
 8
9
        else
10
        {
11
             a[t]=a[t-p];
12
             db(n,k,v,a,t+1,p);
             for (int i=a[t-p]+1; i<k; i++)</pre>
13
14
15
                 a[t]=i;
16
                 db(n,k,v,a,t+1,t);
17
             }
        }
18
19
20
   vector<int> de_bruijn(int n,int k)
21
22
        vector<int> v;
23
        int a[n*k];
24
        memset(a,0,sizeof(a));
25
        db(n,k,v,a);
26
        return v;
27
   }
```

9.10 格雷码

```
vector<unsigned long> gray(int n)
1
2
        vector<unsigned long> res;
3
 4
        for (unsigned long i=0; i<(1<<n); i++)</pre>
 5
             res.push_back(i^(i>>1));
 6
        return res;
7
8
   int main()
9
10
        vector<unsigned long> v=gray(8);
        for (int i=0; i<v.size(); i++)</pre>
11
             cout<<bitset<8>(v[i])<<endl;</pre>
12
13
        return 0;
14
   }
```

9.11 表达式求值

```
1
  | char str1[1005], str2[1005];
   int s1[1005], s2[1005];
   int nei[300], wai[300]; //运算符优先级
   int cust[1005]; //自定义变量
5
   stack<int> optr;
 6
   stack<long long> opnd;
7
   stack<int> neg;
8
   bool flag;
   long long calculate(long long x, long long y, char c)
9
10
11
       switch(c)
12
       case '+':
13
```

```
14
            return x + y;
        case '-':
15
16
            return x - y;
17
        case '*':
            return x * y;
18
19
        case '/':
20
            return x / y;
        case '^':
21
22
            long long tmp = 1;
            for(int i = 0; i < y; i++) tmp *= x;</pre>
23
24
            return tmp;
25
        }
26
27
   char cmp(char a, char b)
28
29
        if(nei[a] > wai[b]) return '>';
30
        else if(nei[a] == wai[b]) return '=';
31
        return '<';
32
   long long calc(int *s)
33
34
35
        flag=1;
36
        int i = 0;
37
        long long num;
38
        int sgn=0;
        while(s[i] != '#' || optr.top() != '#')
39
40
        {
41
            num = 0:
42
            if(!flag) return -1;
            if(s[i] >= '0' && s[i] <= '9')</pre>
43
44
            {
45
                 while(s[i] >= '0' && s[i] <= '9')
46
                 {
47
                     num *= 10;
                     num += s[i] - '0';
48
49
                     i++;
50
51
                 opnd.push(num);
52
                 sgn++;
53
            }
            else if(s[i] >= 300)
54
55
            {
                 opnd.push(cust[s[i] - 300]);
56
57
                 i++;
58
                 sgn++;
59
            }
60
            else
61
            {
                 if (s[i]=='(') neg.push(sgn),sgn=0;
62
63
                 switch(cmp(optr.top(), s[i]))
64
                 case '<' :
65
                     optr.push(s[i]);
66
67
                     i++;
68
                     break;
                 case '=' :
69
70
                     optr.pop();
71
                     if (s[i]==')') sgn=neg.top()+1,neg.pop();
72
                     i++;
73
                     break;
                 case '>' :
74
75
                     if(opnd.empty())
76
                     {
```

```
77
                         flag = false;
                         return -1;
 78
 79
                     long long ta = opnd.top();
 80
 81
                     opnd.pop();
                     if ((opnd.empty()||sgn==1)&&(optr.top()=='+'||optr.top()=='-'))
 82
 83
                         if (optr.top()=='-') opnd.push(-ta);
 84
 85
                         else opnd.push(ta);
 86
                         optr.pop();
 87
                         break;
 88
 89
                     if(opnd.empty())
 90
 91
                         flag = false;
 92
                         return -1;
 93
 94
                     long long tb = opnd.top();
 95
                     opnd.pop();
 96
                     opnd.push(calculate(tb, ta, optr.top()));
 97
                     optr.pop();
98
                     break;
 99
                 }
100
             }
101
102
         return opnd.top();
103
    void init()
104
105
        nei['+'] = 2,wai['+'] = 1;
106
             '-'] = 2,wai['-'] = 1;
107
         nei[
108
        nei['*'] = 4,wai['*'] = 3;
109
        nei['/'] = 4,wai['/'] = 3;
         /// 乘方自右向左结合, 内外交换后可变成自左向右结合
110
        nei['^'] = 5,wai['^'] = 6;
111
        nei[')'] = 8,wai[')'] = 0;
112
        nei['('] = 0,wai['('] = 8;
113
        nei['#'] = -1, wai['#'] = -1;
114
115
116
    void initstr(int *s,char *str)
117
118
         int len = 0;
        for(int i = 0; str[i]; i++)
119
120
             if(!isspace(str[i]))
121
122
             {
                 s[len++] = str[i];
123
                 // 在栈中计算时, 超过300的数视为自定义数
124
                 //cust数组从0开始
125
                 ///'a'-'z'之间的数用 cust 数组的数计算
126
127
                 if (isalpha(s[len-1])) s[len-1]+=-'a'+300;
             }
128
129
        s[len++] = '#';
130
131
        s[len] = 0;
132
    void initstack()
133
134
135
        while(!opnd.empty()) opnd.pop();
136
        while(!optr.empty()) optr.pop();
137
        optr.push('#');
138
    int main()
139
```

```
140
    {
141
         init();
142
         int t;
143
         scanf("%d\n", &t);
         srand(time(0));
144
145
         while(t--)
146
147
             gets(str1);
             initstr(s1,str1);
148
149
             gets(str2);
150
             initstr(s2,str2);
151
             flag = 1;
152
             for(int i = 0; i < 10; i++)
153
                  for(int j = 0; j < 26; j++) cust[j] = abs(rand()) % 100;
154
155
                  initstack();
                  long long t1 = calc(s1);
156
157
                  initstack();
158
                  long long t2 = calc(s2);
                  if(t1 != t2)
159
160
                      flag = 0;
161
162
                      break;
163
                  }
164
             if(flag) puts("YES");
165
166
             else puts("NO");
167
         }
         return 0;
168
169
```

9.12 卡特兰数

 $\frac{1}{n+1}C_{2n}^n$

 $\substack{n+1\\1,2,5,14,42,132,429,1430,4862,16796,58786,208012,742900,2674440,9694845,35357670,129644790,477638700,1767263190,6564120420,24466267020,91482563640,343059613650,1289904147324,4861946401452}$

递推式: h(n)=h(n-1)*(4*n-2)/(n+1);

9.13 求和公式

```
\begin{array}{l} \sum k = \frac{n\times(n+1)}{2} \\ \sum 2k-1 = n^2 \\ \sum k^2 = \frac{n\times(n+1)\times(2n+1)}{6} \\ \sum (2k-1)^2 = \frac{n\times(4n^2-1)}{3} \\ \sum k^3 = (\frac{n\times(n+1)}{2})^2 \\ \sum (2k-1)^3 = n^2\times(2n^2-1) \\ \sum k^4 = \frac{n\times(n+1)\times(2n+1)\times(3n^2+3n-1)}{30} \\ \sum k^5 = \frac{n^2\times(n+1)^2\times(2n^2+2n-1)}{12} \\ \sum k\times(k+1) = \frac{n\times(n+1)\times(n+2)}{3} \\ \sum k\times(k+1)\times(k+2) = \frac{n\times(n+1)\times(n+2)\times(n+3)}{4} \\ \sum k\times(k+1)\times(k+2)\times(k+3) = \frac{n\times(n+1)\times(n+2)\times(n+3)}{4} \end{array}
```

9.14 小公式

```
球扇形:
```

全面积: $T = \pi r(2h + r_0)$, h 为球冠高, r_0 为球冠底面半径

体积: $V = \frac{2\pi r^2 h}{3}$

Pick 公式: $A = E \times 0.5 + I - 1$ (A 是多边形面积, E 是边界上的整点, I 是多边形内部的整点)

海伦公式: $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$, 其中 $p = \frac{(a+b+c)}{2}$, abc 为三角形的三条边长

求 $\binom{n}{k}$ 中素因子 P 的个数:

- 1. 把 n 转化为 P 进制,并记它每个位上的和为 S1
- 2. 把 n-k, k 做同样的处理,得到 S2, S3

则 $\binom{n}{k}$ 中素因子 P 的个数: $\frac{S2+S3-S1}{P-1}$

部分错排公式:

n+m 个数中 m 个数必须错排求排列数

```
1 | dp[i] = n*dp[i-1]+(i-1)*(dp[i-1]+dp[i-2]);
2 | dp[0] = n!;
3 | dp[1] = n*n!;
```

dp[m] 为所求解

9.15 快速傅里叶变换

快速数论变换参见高精度整数类

```
1 | #include < complex >
   const int NV=100005;
   complex<double> epsilon[NV],repsilon[NV],buffera[NV],bufferb[NV],ffttemp[NV];
4
   void init_epsilon(int n)
5
        for (int i=0; i<n; i++)</pre>
 6
7
8
            epsilon[i]=complex<double>(cos(2*pi*i/n),sin(2*pi*i/n));
9
            repsilon[i]=conj(epsilon[i]);
10
        }
11
   void fft(int n, complex<double> *buffer, int offset, int step, complex<double> *
12
       epsilon)
13
   {
        if(n==1) return;
14
15
        int m=n>>1;
16
        fft(m,buffer,offset,step<<1,epsilon);</pre>
17
        fft(m,buffer,offset+step,step<<1,epsilon);</pre>
18
        for(int k=0; k<m; k++)</pre>
19
20
            int pos=2*step*k;
21
            ffttemp[k]=buffer[pos+offset]+epsilon[k*step]*buffer[pos+offset+step];
            ffttemp[k+m]=buffer[pos+offset]-epsilon[k*step]*buffer[pos+offset+step];
22
23
        for(int i=0; i<n; i++)</pre>
24
            buffer[i*step+offset]=ffttemp[i];
25
26
27
   void fftmul(int n,double a[],double b[],double ans[])
28
```

```
29
        /// 因为乘出来是2n-1个项
30
        n=2*n-1;
31
        ///high bit
32
        n | =n >>1;
33
        n | =n>>2;
34
        n = n > 4;
35
        n = n > 8;
36
        n = n > 16;
        n++;
37
        ///注意a和b要memset或者补零
38
        init_epsilon(n); ///n不变就可以不用重新init
39
40
        for (int i=0; i<n; i++) buffera[i]=a[i],bufferb[i]=b[i];</pre>
41
        fft(n,buffera,0,1,epsilon);
42
        fft(n,bufferb,0,1,epsilon);
43
        for (int i=0; i<n; i++) buffera[i]*=bufferb[i];</pre>
44
        fft(n,buffera,0,1,repsilon);
45
        for (int i=0; i<n; i++) ans[i]=buffera[i].real()/n;</pre>
   }
46
```

10 博弈

10.1 巴什博弈

只有一堆 n 个物品,两个人轮流从这堆物品中取物,规定每次至少取一个,最多取 m 个。最后取光者得胜。

```
int bash(int n, int m)
   {
2
 3
        if(n%(m+1) != 0) return 1;
 4
        else return 0;
 5
   int main()
 6
7
8
        int n,m;
        while(~scanf("%d%d",&n,&m))
9
10
             if (bash(n,m))
11
12
             {
                 if (n>m)
13
                      printf("%d",n%(m+1));
14
15
                 else
16
                 {
                      printf("%d",n);
17
                      for (int i=n+1; i<=m; i++)</pre>
18
                          printf(" %d",i);
19
20
                 puts("");
21
22
23
             else puts("none");
24
        }
25
        return 0;
   }
26
```

10.2 尼姆博弈

有 m 堆各若干个物品,两个人轮流从某一堆取任意多的物品,规定每次至少取一个,多者不限,最后取光者得胜。

```
1 | int sg(int n,int numsg[])
2 | {
3 | int ans = 0;
```

```
4
        for(int i=1; i <= n; i++)</pre>
5
             ans ^= numsg[i];
 6
        if(ans == 0)
 7
             printf("No\n");
 8
        else
9
             printf("Yes\n");
10
11
             for(int i = 1; i <= n; i++)
12
             {
                  int x = ans ^ numsg[i];
13
14
                  if(x < numsg[i])</pre>
                      printf("%d %d\n", numsg[i], x);
15
             }
16
        }
17
18
   }
```

10.3 威佐夫博弈

有两堆各若干个物品,两个人轮流从某一堆或同时从两堆中取同样多的物品,规定每次至少取一个,多者不限,最后取光者得胜。

```
int wzf(int n, int m)
1
2
3
        if(n > m)
            swap(n, m);
4
 5
        int k = m-n;
        int a = (k * (1.0 + sqrt(5.0))/2.0);
 6
 7
        if(a == n)
8
            return 0;
9
        else
10
            return 1;
11
12
   int main()
13
   {
14
        int a,b;
15
        while(scanf("%d%d",&a,&b),a|b)
16
17
            if (wzf(a,b))
18
            {
19
                puts("1");
20
                if(a>b)
21
                     swap(a,b);
                //第一种
22
23
                int k=b-a;
24
                double q=(1+sqrt(5.0))/2;
25
                int ak=k*q;
                 / / 特殊情况
26
27
                if(a==0)
28
                     puts("0 0");
                 //同时减
29
30
                if(a>=ak)
31
                     printf("%d %d\n",ak,ak+k);
32
                for (int i=1; i<=b; i++)</pre>
33
                     //b减一点
34
                     if(a==(int)(i*q)&&b>a+i)
35
36
                         printf("%d %d\n",a,a+i);
                     //b减很多
37
38
                     if(a==(int)(i*q)+i)
                         printf("%d %d\n",a-i,a);
39
40
                     //a减一点
41
                     if(b==(int)(i*q)+i&b-i<a)
```

```
printf("%d %d\n",b-i,b);
42
43
                 }
                 //第二种
44
45
                 //同时减
46
                 for(int i=a-1,j=b-1; i>=0,j>=0; i--,j--)
47
                      if(wzf(i,j)==0)
48
                      {
                           cout<<i<<' '<<j<<endl;</pre>
49
50
                           break;
51
52
                 //a减一点
53
                 for(int i=a-1; i>=0; i--)
54
                      if(wzf(i,b)==0)
55
                      {
                           cout<<i<<' '<<b<<endl;</pre>
56
57
                           break;
58
59
                 for(int i=b-1; i>=0; i--)
60
                      if(wzf(i,a)==0)
61
                      {
62
                           //b减很多
                           if (i<a)</pre>
63
                               cout<<i<<' '<<a<<endl;
64
                           //b减一点
65
                           else
66
67
                               cout<<a<<' '<<i<<endl;</pre>
68
                      }
69
70
             }
             else
71
                 puts("0");
72
73
74
        return 0;
75
   }
```

11 计算几何

```
|#include<cstdio>
1
 2
   #include<cstdlib>
3
   #include<cstring>
   #include < cmath >
4
   #include<ctime>
 5
   #include<cassert>
7
   #include<climits>
   #include<iostream>
8
   #include<algorithm>
9
10
   #include < string >
11
   #include<vector>
12
   #include<deque>
13
   #include<list>
14
   #include<set>
15
   #include<map>
   #include<stack>
16
17
   #include<queue>
18
   #include<numeric>
19
   #include<iomanip>
   #include<bitset>
20
21
   #include<sstream>
   #include<fstream>
22
   #define debug puts("----")
23
24 | #define pi (acos(-1.0))
```

```
25
   #define eps (1e-8)
   #define inf (1<<30)
26
27
   #define INF (111<<62)</pre>
28
   using namespace std;
29
   inline double sqr(const double &x)
30
31
        return x * x;
32
33
   inline int sgn(const double &x)
34
   {
35
        return x \leftarrow -eps ? -1 : x > eps;
36
   }
37
   struct point
38
   {
39
        double x, y;
40
        point(const double &x = 0, const double &y = 0): x(x), y(y) {}
41
        friend point operator + (const point &a, const point &b)
42
43
            return point(a.x + b.x, a.y + b.y);
44
45
        friend point operator - (const point &a, const point &b)
46
        1
47
            return point(a.x - b.x, a.y - b.y);
48
49
        friend point operator * (const point &a, const double &b)
50
            return point(a.x * b, a.y * b);
51
52
53
        friend point operator * (const double &a, const point &b)
54
55
            return point(a * b.x, a * b.y);
56
        friend point operator / (const point &a, const double &b)
57
58
59
            return point(a.x / b, a.y / b);
60
        friend bool operator == (const point &a, const point &b)
61
62
            return !sgn(a.x - b.x) \&\& !sgn(a.y - b.y);
63
64
        friend bool operator < (const point &a, const point &b)</pre>
65
66
            return sgn(a.x - b.x) < 0 \mid | (sgn(a.x - b.x) == 0 && sgn(a.y - b.y) < 0)
67
68
69
        double norm()
70
71
            return sqrt(sqr(x) + sqr(y));
72
73
        friend double det(const point &a, const point &b)
74
75
            return a.x * b.y - a.y * b.x;
76
77
        friend double dot(const point &a, const point &b)
78
            return a.x * b.x + a.y * b.y;
79
80
81
        friend double dist(const point &a, const point &b)
82
            return (a - b).norm();
83
84
85
        double arg()
86
        {
```

```
87
            return atan2(y, x);
    //
88
              double res = atan2(y, x);
                                         //(-pi, pi]
89
    //
              if(res < -pi / 2 + eps) res += 2 * pi; //eps修正精度
90
    //
               return res;
91
92
        //逆时针旋转 angle 弧度
        point rotate(const double &angle)
93
94
        {
95
            return rotate(cos(angle), sin(angle));
96
        }
        point rotate(const point &p, const double &angle)
97
98
99
            return (*this-p).rotate(angle)+p;
100
        point rotate(const double &cosa, const double &sina)
101
102
103
            return point(x * cosa - y * sina, x * sina + y * cosa);
104
105
        int in()
106
        {
107
            return scanf("%lf %lf", &x, &y);
108
109
        void out()
110
        {
111
            printf("%.2f %.2f\n", x, y);
112
        }
113
    };
114
115
    struct line
116
117
        point s, t;
118
        line(const point &s = point(), const point &t = point()): s(s), t(t) {}
119
        point vec() const
120
121
            return t - s;
122
123
        double norm() const
124
        {
125
            return vec().norm();
126
        //点在直线上
127
128
        bool ispointonline(const point &p) const
129
130
            return sgn(det(p - s, t - s)) == 0;
131
132
        //点在线段上
133
        bool ispointonseg(const point &p) const
134
            return ispointonline(p) && sgn(dot(p - s, p - t)) \le 0;
135
136
        }
        // 点在线段上不含端点
137
        bool ispointonsegex(const point &p)
138
139
        {
140
            return ispointonline(p) && sgn(dot(p - s, p - t)) < 0;
141
142
        //点到直线的垂足
143
        point pointprojline(const point &p)
144
145
            return s + vec() * ((dot(p - s, vec()) / norm()) / (norm()));
146
        //点到直线的距离
147
148
        double pointdistline(const point &p)
149
        {
```

```
150
            return fabs(det(p - s, vec()) / norm());
        }
151
        //点到线段的距离
152
        double pointdistseg(const point &p)
153
154
            if (sgn(dot(p-s, t-s)) < 0) return (p-s).norm();
155
            if (sgn(dot(p-t, s-t)) < 0) return (p-t).norm();
156
157
            return pointdistline(p);
158
        // 判断两直线是否平行
159
        friend bool parallel(const line &11, const line &12)
160
161
            return !sgn(det(l1.vec(), l2.vec()));
162
163
        //判断两个点是否在直线的同一侧
164
165
        friend bool sameside(const line &1, const point &a, const point &b)
166
            return sgn(det(b-1.s, 1.vec())) * sgn(det(a-1.s, 1.vec())) > 0;
167
168
        }
        //两直线的交点
169
170
        friend point linexline(const line 11, const line 12) //
            利 用 相 似 三 角 形 对 应 边 成 比 例
171
172
            double s1 = det(11.s - 12.s, 12.vec());
173
            double s2 = det(11.t - 12.s, 12.vec());
174
            return (11.t * s1 - 11.s * s2) / (s1 - s2);
175
        }
        //判断线段交
176
        friend bool issegxseg(const line &11, const line &12)
177
178
179
            if(!sgn(det(12.s - 11.s, 11.vec())) & !sgn(det(12.t - 11.s, 11.vec())))
180
            {
181
                return 11.ispointonseg(12.s) ||
182
                       11.ispointonseg(12.t) ||
183
                       12.ispointonseg(l1.s) ||
184
                       12.ispointonseg(11.t);
185
            return !sameside(11, 12.s, 12.t) && !sameside(12, 11.s, 11.t);
186
187
188
        // 直线沿法线方向移动d距离
189
        friend line move(const line &1, const double &d)
190
191
            point t = 1.vec();
            t = t / t.norm();
192
193
            t = t.rotate(pi / 2);
194
            return line(l.s + t * d, l.t + t * d);
195
196
        int in()
197
        {
198
            s.in();
199
            return t.in();
200
201
        void out()
202
        {
203
            s.out(), t.out();
204
        }
205
    };
206
207
    // *** 多边形点的顺序可能会引发正负号问题 ***
208
    struct polygon
209
210
    #define next(i) ((i+1)%n)
211
        int n;
```

```
212
        vector<point> p;
213
         polygon(int n = 0): n(n)
214
215
             p.resize(n);
216
        }
217
    //
           polygon(vector<point> &v):p(v){}
         //多边形周长
218
219
        double perimeter()
220
         {
221
             double sum = 0;
222
             for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
223
                 sum += (p[next(i)] - p[i]).norm();
224
             return sum;
225
         }
         //多边形面积
226
227
        double area()
228
229
             double sum = 0;
230
             for (int i = 0; i < n; i++)
                 sum += det(p[i], p[next(i)]);
231
232
             return sum / 2 + eps; //要加eps吗?
233
         // 判断点与多边形的位置关系, 0外, 1内,2边上
234
        int pointin(const point &t)
235
236
237
             int num = 0;
238
             for (int i = 0; i < n; i++)
239
240
                 if (line(p[i], p[next(i)]).ispointonseg(t))
241
                     return 2;
242
                 int k = sgn(det(p[next(i)] - p[i], t - p[i]));
243
                 int d1 = sgn(p[i].y - t.y);
244
                 int d2 = sgn(p[next(i)].y - t.y);
245
                 if (k > 0 \&\& d1 <= 0 \&\& d2 > 0) num++;
246
                 if (k < 0 && d2 <= 0 && d1 > 0) num--;
247
248
             return num != 0;
249
         //多边形重心
250
251
         point masscenter()
252
253
             point ans;
254
             if (sgn(area()) == 0) return ans;
255
             for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
                 ans = ans + (p[i] + p[next(i)]) * det(p[i], p[next(i)]);
256
257
             return ans / area() / 6 + point(eps,eps); //要加eps吗?
258
         }
         //多边形边界上格点的数量
259
260
        int borderpointnum()
261
         {
262
             int num = 0;
             for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
263
264
265
                 int a = fabs(p[next(i)].x - p[i].x);
266
                 int b = fabs(p[next(i)].y - p[i].y);
267
                 num += __gcd(a, b);
268
             }
269
             return num;
270
        //多边形内格点数量
271
272
        int insidepointnum()
273
274
             return int(area()) + 1 - borderpointnum() / 2;
```

```
275
        void in()
276
277
         {
278
             for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
279
                 p[i].in();
280
281
        void out()
282
         {
283
             for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
284
                 p[i].out();
285
        }
286
    };
287
288
    struct convex : public polygon
289
290
        convex(int n = 0): polygon(n) {}
291
           convex(vector<point> &v):polygon(v){}
    //
292
         // 需要先求凸包, 若凸包每条边除端点外都有点, 则可唯一确定凸包
293
        bool isunique(vector<point> &v)
294
295
             if (sgn(area()) == 0)
296
                 return 0;
297
             for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
298
             {
299
                 line l(p[i], p[next(i)]);
300
                 bool flag = 0;
301
                 for (int j = 0; j < v.size(); j++)</pre>
302
                     if (l.ispointonsegex(v[j]))
303
                      {
304
                          flag = 1;
305
                          break;
306
                 if (!flag)
307
308
                     return 0;
309
310
             return 1;
311
         //0(n) 时间内判断点是否在凸包内
312
313
         bool containon(const point &a)
314
315
             int sign = 0;
316
             for (int i = 0; i < n; i++)
317
318
                 int x = sgn(det(p[i] - a, p[next(i)] - a));
                 if (x)
319
320
                 {
                     if (sign)
321
322
                     {
323
                          if (sign != x)
324
                              return 0;
325
                     }
326
                     else
327
                          sign = x;
328
                 }
329
330
             return 1;
331
332
        //0(logn)时间内判断点是否在凸包内
333
        bool containologn(const point &a)
334
             point g = (p[0] + p[n / 3] + p[2 * n / 3]) / 3.0;
335
336
             int 1 = 0, r = n;
             while(1 + 1 < r)
337
```

```
338
            {
339
                 int m = (1 + r) / 2;
340
                 if (sgn(det(p[1] - g, p[m] - g)) > 0)
341
342
                     if (sgn(det(p[1] - g, a - g)) >= 0 \& sgn(det(p[m] - g, a - g))
                         r = m;
343
344
                     else
345
                         1 = m;
346
                 }
347
                 else
348
                 {
349
                     if (sgn(det(p[1] - g, a - g)) < 0 \& sgn(det(p[m] - g, a - g))
                        >= 0)
350
                         1 = m;
351
                     else
352
                         r = m;
                 }
353
354
            return sgn(det(p[r % n] - a, p[1] - a)) - 1;
355
356
        //最远点对(直径)
357
        int first, second; //最远的两个点对应标号
358
        double diameter()
359
360
361
            double mx = 0;
362
            if (n == 1)
363
                 first = second = 0;
364
365
                 return mx;
366
367
            for (int i = 0, j = 1; i < n; i++)
368
                 while(sgn(det(p[next(i)] - p[i], p[j] - p[i]) -
369
370
                           det(p[next(i)] - p[i], p[next(j)] - p[i])) < 0)
371
                     j = next(j);
                 double d = dist(p[i], p[j]);
372
                 if (d > mx)
373
374
                 {
375
                     mx = d;
376
                     first = i;
377
                     second = j;
                 }
378
379
                d = dist(p[next(i)], p[next(j)]);
380
                 if (d > mx)
381
                 {
382
                     mx = d;
383
                     first = next(i);
                     second = next(j);
384
385
                 }
386
387
            return mx;
388
        // 凸包是否与直线有交点O(log(n)), 需要On的预处理, 适合判断与直线集是否有交点
389
390
        vector<double> ang; //角度
391
        bool isinitangle;
392
        int finda(const double &x)
393
394
            return upper_bound(ang.begin(), ang.end(), x) - ang.begin();
395
        double getangle(const point &p) // 获取向量角度[0, 2pi]
396
397
398
            double res = atan2(p.y, p.x);
                                             //(-pi, pi]
```

```
399
    //
              if (res < 0) res += 2 * pi; //为何不可以
400
            if(res < -pi / 2 + eps) res += 2 * pi; //eps修正精度
401
            return res;
402
403
        void initangle()
404
405
            for(int i = 0; i < n; i++)</pre>
406
                ang.push_back(getangle(p[next(i)] - p[i]));
407
            isinitangle = 1;
408
409
        bool isxline(const line &1)
410
411
            if(!isinitangle) initangle();
412
            int i = finda(getangle(1.t - 1.s));
413
            int j = finda(getangle(l.s - l.t));
414
            if(sgn(det(1.t - 1.s, p[i] - 1.s) * det(1.t - 1.s, p[j] - 1.s) >= 0)) //
                可以不写sgn,不过还是先这样吧,不改了
415
                return 0;
416
            return 1;
        }
417
418
419
    convex convexhull(vector<point> &a)
420
421
        //从一个vector获取凸包
422
        convex res(2 * a.size() + 5); //为何? 经测试好像只需要a.size()?
423
        sort(a.begin(), a.end());
424
        a.erase(unique(a.begin(), a.end()), a.end());
425
        int m = 0;
        for (int i = 0; i < a.size(); i++)</pre>
426
427
428
            //<=0则不含边界, <0则含边界
429
            while(m > 1 && sgn(det(res.p[m-1] - res.p[m-2]), a[i] - res.p[m-2])
                \rangle <= 0
                m--;
430
431
            res.p[m++] = a[i];
432
433
        int k = m;
434
        for (int i = a.size() -2; i >= 0; i—)
435
            while(m > k && sgn(det(res.p[m-1] - res.p[m-2]), a[i] - res.p[m-2])
436
                ) <= 0)
437
                m--;
438
            res.p[m++] = a[i];
439
        }
        if (m > 1) m—;
440
441
        res.p.resize(m);
442
        res.n = m;
443
        return res;
444
445
446
    struct halfplane: public line
447
    {
448
        //ax+by+c<=0
449
        double a, b, c;
        //s->t的左侧表示半平面
450
        halfplane(const point &s = point(), const point &t = point()): line(s, t)
451
452
        {
453
            a = t.y - s.y;
454
            b = s.x - t.x;
455
            c = det(t, s);
456
        halfplane(double a, double b, double c): a(a), b(b), c(c) {}
457
458
        // 求点p带入直线方程的值
```

```
459
        double calc(const point &p) const
460
461
            return p.x * a + p.y * b + c;
        }
462
        //好像跟linexline一样,那个是4个点计算。这个是用abc与两点进行计算
463
464
        friend point halfxline(const halfplane &h, const line &l)
465
466
            point res;
467
            double t1 = h.calc(1.s), t2 = h.calc(1.t);
            res.x = (t2 * 1.s.x - t1 * 1.t.x) / (t2 - t1);
468
469
            res.y = (t2 * l.s.y - t1 * l.t.y) / (t2 - t1);
470
            return res;
471
        }
        //用abc进行计算 尚未测试
472
        friend point halfxhalf(const halfplane &h1, const halfplane&h2)
473
474
475
            return point((h1.b * h2.c - h1.c * h2.b) / (h1.a * h2.b - h2.a * h1.b) +
                 eps,
                          (h1.a * h2.c - h2.a * h1.c) / (h1.b * h2.a - h1.a * h2.b) +
476
                               eps);
477
        // 凸多边形与半平面交(cut)
478
        friend convex halfxconvex(const halfplane &h, const convex &c)
479
480
481
            convex res;
482
            for (int i = 0; i < c.n; i++)</pre>
483
                 if (h.calc(c.p[i]) < -eps)</pre>
484
485
                     res.p.push_back(c.p[i]);
486
                 else
487
                 {
488
                     int j = i - 1;
489
                     if (j < 0) j = c.n - 1;
490
                     if (h.calc(c.p[j]) < -eps)
491
                         res.p.push_back(halfxline(h, line(c.p[j], c.p[i])));
492
                     j = i + 1;
                     if (j == c.n) j = 0;
493
                     if (h.calc(c.p[j]) < -eps)</pre>
494
495
                         res.p.push back(halfxline(h, line(c.p[i], c.p[j])));
496
                 }
497
            }
498
            res.n = res.p.size();
            return res;
499
500
        }
        // 点在半平面内
501
502
        friend int satisfy(const point &p, const halfplane &h)
503
504
            return sgn(det(p - h.s, h.t - h.s)) <= 0;
505
506
        friend bool operator <(const halfplane &h1, const halfplane &h2)
507
508
            int res = sgn(h1.vec().arg() - h2.vec().arg());
509
            return res == 0 ? satisfy(h1.s, h2) : res < 0;</pre>
510
        // 半平面交出的凸多边形
511
        friend convex halfx(vector<halfplane> &v)
512
513
514
            sort(v.begin(), v.end());
515
            deque<halfplane> q;
516
            deque<point> ans;
517
            q.push back(v[0]);
518
            for (int i = 1; i < v.size(); i++)</pre>
519
            {
```

```
520
                 if (sgn(v[i].vec().arg() - v[i - 1].vec().arg()) == 0)
521
                     continue;
522
                 while(ans.size() > 0 && !satisfy(ans.back(), v[i]))
523
524
                     ans.pop_back();
525
                     q.pop_back();
526
                 while(ans.size() > 0 && !satisfy(ans.front(), v[i]))
527
528
529
                     ans.pop_front();
530
                     q.pop_front();
531
                 }
532
                 ans.push_back(linexline(q.back(), v[i]));
533
                 q.push_back(v[i]);
534
535
            while(ans.size() > 0 && !satisfy(ans.back(), q.front()))
536
537
                 ans.pop_back();
538
                 q.pop_back();
539
540
            while(ans.size() > 0 && !satisfy(ans.front(), q.back()))
541
542
                 ans.pop_front();
543
                 q.pop_front();
544
             }
545
             ans.push_back(linexline(q.back(), q.front()));
546
             convex c(ans.size());
547
             int i = 0;
548
             for (deque<point>::iterator it = ans.begin(); it != ans.end(); it++, i
                ++)
549
                 c.p[i] = *it;
550
             return c;
        }
551
552
    };
553
    //多边形的核, 逆时针
554
    convex core(const polygon &a)
555
    {
556
         convex res;
        res.p.push_back(point(-inf, -inf));
557
558
        res.p.push_back(point(inf, -inf));
559
        res.p.push_back(point(inf, inf));
560
        res.p.push back(point(-inf, inf));
        res.n = 4;
561
562
        for (int i = 0; i < a.n; i++)
563
             res = halfxconvex(halfplane(a.p[i], a.p[(i + 1) % a.n]), res);
564
        return res;
565
566
    // 凸多边形交出的凸多边形
567
    convex convexxconvex(convex &c1, convex &c2)
568
    {
569
        vector<halfplane> h;
570
        for (int i = 0; i < c1.p.size(); i++)</pre>
571
             h.push_back(halfplane(c1.p[i], c1.p[(i + 1) % c1.p.size()]));
572
         for (int i = 0; i < c2.p.size(); i++)</pre>
573
             h.push_back(halfplane(c2.p[i], c2.p[(i + 1) % c2.p.size()]));
574
        return halfx(h);
575
576
    double mysqrt(double n) // 防止出现 sqrt(-eps)的情况
577
578
        return sqrt(max(0.0, n));
579
580
    struct circle
581
    {
```

```
582
        point o;
583
        double r;
584
        circle(point o = point(), double r = 0): o(o), r(r) {}
585
        bool operator ==(const circle &c)
586
587
            return o == c.o \&\& !sgn(r - c.r);
588
589
        double area()
590
        {
591
            return pi * r * r;
592
593
        // 圆与线段交 用参数方程表示直线: P=A+t*(B-A), 带入圆的方程求解t
594
        friend vector<point> cirxseg(const circle &c, const line &l)
595
            double dx = 1.t.x - 1.s.x, dy = 1.t.y - 1.s.y;
596
597
            double A = dx * dx + dy * dy;
598
            double B = 2 * dx * (1.s.x - c.o.x) + 2 * dy * (1.s.y - c.o.y);
599
            double C = sqr(1.s.x - c.o.x) + sqr(1.s.y - c.o.y) - sqr(c.r);
            double delta = B * B - 4 * A * C;
600
            vector<point> res;
601
602
            if(sgn(delta) >= 0) //or delta > -eps ?
603
604
                //可能需要注意delta接近—eps的情况, 所以使用mysqrt
                double w1 = (-B - mysqrt(delta)) / (2 * A);
605
606
                double w2 = (-B + mysqrt(delta)) / (2 * A);
607
                if(sgn(w1 - 1) <= 0 \&\& sgn(w1) >= 0)
608
                    res.push_back(l.s + w1 * (l.t - l.s));
                if(sgn(w2 - 1) \le 0 \& sgn(w2) >= 0)
609
610
                    res.push_back(1.s + w2 * (1.t - 1.s));
611
612
            return res;
613
        //圆与直线交
614
615
        friend vector<point> cirxline(const circle &c, const line &l)
616
617
            double dx = 1.t.x - 1.s.x, dy = 1.t.y - 1.s.y;
            double A = dx * dx + dy * dy;
618
            double B = 2 * dx * (1.s.x - c.o.x) + 2 * dy * (1.s.y - c.o.y);
619
620
            double C = sqr(1.s.x - c.o.x) + sqr(1.s.y - c.o.y) - sqr(c.r);
            double delta = B * B - 4 * A * C;
621
622
            vector<point> res;
623
            if(sgn(delta) >= 0) //or delta > -eps ?
624
                double w1 = (-B - mysqrt(delta)) / (2 * A);
625
                double w2 = (-B + mysqrt(delta)) / (2 * A);
626
                res.push_back(l.s + w1 * (l.t - l.s));
627
                res.push_back(1.s + w2 * (1.t - 1.s));
628
629
630
            return res;
631
        }
        //扇形面积 a->b
632
633
        double sectorarea(const point &a, const point &b) const
634
635
            double theta = atan2(a.y, a.x) - atan2(b.y, b.x);
636
            while (theta < 0) theta += 2 * pi;</pre>
            while (theta > 2 * pi) theta -= 2 * pi;
637
            theta = min(theta, 2 * pi - theta);
638
            return sgn(det(a, b)) * theta * r * r / 2.0; //此处上海交大的板子有误,
639
                已修正
640
        //与线段AB的交点计算面积 a->b
641
642
        double calcarea(const point &a, const point &b) const
643
        {
```

```
644
            vector<point> p = cirxseg(*this, line(a, b));
            bool ina = sgn((a - o).norm() - r) < 0;
645
646
            bool inb = sgn((b - o).norm() - r) < 0;
647
            if (ina)
648
649
                 if (inb) return det(a - o, b - o) / 2;
650
                 else return det(a - o, p[0] - o) / 2 + sectorarea(p[0] - o, b - o);
651
            }
652
            else
653
            {
654
                 if (inb) return det(p[0] - o, b - o) / 2 + sectorarea(a <math>- o, p[0] -
                else
655
656
                 {
657
                     if (p.size() == 2)
658
                         return sectorarea(a - o, p[0] - o) + sectorarea(p[1] - o, b
                            - 0)
                                + det(p[0] - o, p[1] - o) / 2;
659
660
                     else
661
                         return sectorarea(a - o, b - o);
                 }
662
            }
663
664
        // 圆与多边形交, 结果可以尝试+eps, 要注意多边形点的顺序可能会引发正负号问题
665
666
        friend double cirxpolygon(const circle &c, const polygon &a)
667
668
            int n = a.p.size();
669
            double ans = 0;
            for(int i = 0; i < n; i++)</pre>
670
671
672
                 if(sgn(det(a.p[i] - c.o, a.p[next(i)] - c.o)) == 0)
                     continue;
673
                 ans += c.calcarea(a.p[i], a.p[next(i)]);
674
675
676
            return ans;
677
        //点在圆内, 不包含边界
678
679
        bool pointin(const point &p)
680
        {
            return sgn((p - o).norm() - r) < 0;
681
682
        }
683
    };
    //三点求圆
684
    circle getcircle3(const point &p0, const point &p1, const point &p2)
685
686
687
        double a1 = p1.x - p0.x, b1 = p1.y - p0.y, c1 = (a1 * a1 + b1 * b1) / 2;
688
        double a2 = p2.x - p0.x, b2 = p2.y - p0.y, c2 = (a2 * a2 + b2 * b2) / 2;
689
        double d = a1 * b2 - a2 * b1;
        point o(p0.x + (c1 * b2 - c2 * b1) / d, p0.y + (a1 * c2 - a2 * c1) / d);
690
691
        return circle(o, (o - p0).norm());
692
    //直径上两点求圆
693
694
    circle getcircle2(const point &p0, const point &p1)
695
696
        point o((p0.x + p1.x) / 2, (p0.y + p1.y) / 2);
697
        return circle(o, (o - p0).norm());
698
699
    //最小圆覆盖 用之前可以随机化random shuffle
700
    circle mincircover(vector<point> &a)
701
702
        int n = a.size();
        circle c(a[0], 0);
703
704
        for (int i = 1; i < n; i++)</pre>
```

```
705
            if (!c.pointin(a[i]))
706
            {
707
                 c.o = a[i];
708
                 c.r = 0;
709
                 for (int j = 0; j < i; j++)</pre>
                     if (!c.pointin(a[j]))
710
711
                     {
                         c = getcircle2(a[i], a[j]);
712
713
                         for (int k = 0; k < j; k++)
714
                             if (!c.pointin(a[k]))
715
                                 c = getcircle3(a[i], a[j], a[k]);
716
                     }
717
718
        return c;
719
720
    int main()
721
    {
722
        return 0;
723 | }
 1
    const int MAXN=100005;
    // 分治算法求最近点对
 3
    struct point
 4
    {
 5
        double x,y;
 6
    };
 7
    point p[MAXN];
    int index[MAXN]; //保存筛选的坐标点的索引
 8
    int cmpx(const point &a,const point &b)
 9
 10
 11
        return a.x<b.x;</pre>
 12
    int cmpy(int a,int b) //这里用的是下标索引
 13
 14
    {
 15
        return p[a].y<p[b].y;</pre>
 16
 17
    inline double dis(point &a , point &b)
 18
 19
        return sqrt((a.x-b.x)*(a.x-b.x) + (a.y-b.y)*(a.y-b.y));
 20
    inline double min(double a , double b)
 21
 22
    {
 23
        return a<b?a:b;
 24
    double closest(int low , int high)
 25
 26
 27
        if(low+1==high)
 28
             return dis(p[low],p[high]);
 29
        if(low+2==high)
            return min( dis(p[low],p[high]) , min(dis(p[low],p[low+1]),dis(p[low+1],
 30
                p[high])) );
 31
        int mid = (low + high)>>1;//求中点
 32
        double ans = min( closest(low,mid),closest(mid+1,high) ); //
            分治法进行递归求解
 33
        int cnt = 0;
        for(int i=low; i<=high; i++) //把x坐标在p[mid].x-ans~p[mid].x+ans
 34
            范围内的点取出来
 35
        {
 36
            if(p[i].x >= p[mid].x - ans && p[i].x <= p[mid].x + ans)
 37
                 index[cnt++]=i;
                                     //保存的是下标索引
 38
 39
                                       //按y坐标进行升序排序
        sort(index,index+cnt,cmpy);
        for(int i=0; i<cnt; i++)</pre>
 40
```

```
41
            for(int j=i+1; j<cnt; j++)</pre>
42
43
                 if(p[index[j]].y - p[index[i]].y >= ans)
                                                                //注意下标索引
44
45
                ans = min( ans,dis(p[index[i]],p[index[j]]) );
46
47
        return ans;
48
49
   void init(int n)
50
   {
51
        for (int i=0; i<n; i++)
            scanf("%lf%lf",&p[i].x,&p[i].y);
52
53
        sort(p,p+n,cmpx);
54
        return;
55
56
   int main()
57
   {
58
        int n;
59
        while(cin>>n,n!=0)
60
61
            init(n);
            printf("%.21f\n", closest(0, n-1)/2);
62
63
64
        return 0;
65 | }
```

12 其他

12.1 编译器相关

12.1.1 强制 O2 优化

1 | #pragma GCC optimize(2)

12.1.2 G++(MinGW32) 扩栈

```
int SIZE_OF_STACK = 256 << 20; // 256MB
char *p = (char*)malloc(SIZE_OF_STACK) + SIZE_OF_STACK;
    __asm__("mov1 %0, %%esp\n" :: "r"(p));</pre>
```

12.1.3 G++(64 位 linux) 扩栈

```
│/// 只在会爆栈的函数前后使用汇编语句会更安全
   /// 但要注意避免使用局部变量保存函数返回值
3
   long rsp;
4
   int main()
5
6
       int SIZE_OF_STACK = 256 << 20; // 256MB</pre>
7
       char *p = (char*)malloc(SIZE_OF_STACK) + SIZE_OF_STACK;
8
       __asm__("movq %%rsp, %0" :: "m"(rsp));
       __asm__("movq %0, %%rsp" :: "r"(p));
9
10
       //程序体
11
12
       __asm__("movq %0, %%rsp\n" :: "m"(rsp));
13
14
       return 0;
15
   }
```

12.1.4 C++ 扩栈

1 | #pragma comment(linker, "/STACK:102400000,102400000")

12.2 输入输出优化

```
inline void RD(int &ret)
2
 3
        char c;
 4
        do c=getchar();
        while(c<'0'||c>'9');
 5
        ret=c-'0';
 6
 7
        while((c=getchar())>='0'&&c<='9')</pre>
 8
            ret=ret*10+(c-'0');
 9
   inline void OT(int a)
10
11
   {
12
        if(a>=10) OT(a/10);
        putchar(a%10+'0');
13
14
   ///有前导零的OT, 主要在输出前要将输出数值加上1zexp
15
16
   const int lznum=4;
17
   const int lzexp=pow(10,lznum)+0.5;
   inline void OTO(int a,int x=lznum-1)
18
19
20
        if(a>=10||x) OTO(a/10,x-1);
21
        putchar(a%10+'0');
22
23
   /// 负数 RD
   inline void RD(int &ret)
24
25
26
        char c;
27
        int sgn;
28
        while(c!='-'&&(c<'0'||c>'9')) c=getchar();
29
        sgn=(c=='-')?-1:1;
        ret=(c=='-')?0:(c-'0');
30
        while(c=getchar(),c>='0'&&c<='9') ret=ret*10+(c-'0');</pre>
31
32
        ret*=sgn;
33
   ///设置设置I/0缓存
34
   setvbuf(stdin,new char[1<<20],_IOFBF,1<<20);</pre>
36 | setvbuf(stdout,new char[1<<20],_IOFBF,1<<20);</pre>
```

12.3 位反转

```
1
   inline int reversebits(int x)
2
3
      x = ((x >> 1) \& 0x55555555) | ((x << 1) \& 0xaaaaaaaa);
4
      x = ((x >> 2) \& 0x33333333) | ((x << 2) \& 0xccccccc);
5
      x = ((x >> 4) \& 0x0f0f0f0f) | ((x << 4) \& 0xf0f0f0f0);
6
      x = ((x >> 8) \& 0x00ff00ff) | ((x << 8) \& 0xff00ff00);
      x = ((x >> 16) \& 0x0000ffff) | ((x << 16) \& 0xffff0000);
7
8
       return x;
9
   }
10
   inline long long reversebits(long long x)
11
12
13
      x = ((x >> 1) \& 0x555555555555555551L) | ((x << 1) \& 0xaaaaaaaaaaaaaaaLL);
      14
       x = ((x >> 4) \& 0x0f0f0f0f0f0f0f0f1L) | ((x << 4) \& 0xf0f0f0f0f0f0f0f0LL);
15
```

12.4 蔡勒公式

```
w = \left(y + \left[\frac{y}{4}\right] + \left[\frac{c}{4}\right] - 2c + \left[\frac{26(m+1)}{10}\right] + d - 1\right) \mod 7若要计算的日期是在 1582 年 10 月 4 日或之前,公式则为: w = \left(y + \left[\frac{y}{4}\right] + \left[\frac{c}{4}\right] - 2c + \left[\frac{26(m+1)}{10}\right] + d + 2\right) \mod 7
```

公式中的符号含义如下:

w: 星期(计算所得的数值对应的星期: 0-星期日; 1-星期一; 2-星期二; 3-星期三; 4-星期四; 5-星期五; 6-星期六)

- c: 年份前两位数
- v: 年份后两位数

m: 月(m 的取值范围为 3 至 14,即在蔡勒公式中,某年的 1、2 月要看作上一年的 13、14 月来计算,比如 2003 年 1 月 1 日要看作 2002 年的 13 月 1 日来计算)

d: 日

(因罗马教宗额我略十三世颁布新历法 (公历), 把 1582 年 10 月 4 日的后一天改为 1582 年 10 月 15 日)

```
int zeller(int y,int m,int d,int flag)
1
 2
   {
3
        if (m==1 | m==2)
4
            y--,m+=12;
5
        int c=y/100;
 6
        y%=100;
 7
        int w=((c/4-2*c+y+y/4+13*(m+1)/5+d-1)\%7+7)\%7;
8
        if (flag) return (w+3)%7;
9
        return w;
10
```

12.5 坐标旋转变换

要注意在处理多个点的时候, n 和 m 要存副本。

```
void rotate(int &x,int &y,int &n,int &m,int t)
2
   {
        t%=4:
 3
4
        while(t--)
 5
6
            swap(x,y);
7
            y=n-y+1;
8
            swap(n,m);
9
        }
10
   }
11
   void rotate(int &x,int &y,int &n,int &m,int t)
12
13
14
        int a,b;
15
        if (t==1)
16
            a=y,b=n-x+1;
        if (t==2)
17
18
            a=n-x+1, b=m-y+1;
        if (t==3)
19
20
            a=m-y+1,b=x;
```

```
21 | if (t) x=a,y=b;
22 | if (t&&t!=2) swap(n,m);
23 |}
```

12.6 归并排序求逆序数

```
int a[500005],b[500005];
1
   long long mergesort(int left,int right)
 2
 3
 4
        if (left==right)
 5
             return 0;
 6
        long long cnt=0;
 7
        int mid=(left+right)/2;
 8
        cnt=mergesort(left,mid)+mergesort(mid+1,right);
9
        int i=left,j=mid+1,k=left;
10
        while(i<=mid&&j<=right)</pre>
11
             if(a[i]<=a[j])
12
                 b[k++]=a[i++];
             else
13
14
             {
                 b[k++]=a[j++];
15
16
                 cnt+=(mid-i+1);
17
        while(i<=mid)</pre>
18
19
             b[k++]=a[i++];
20
        while(j<=right)</pre>
21
             b[k++]=a[j++];
22
        for(i=left; i<=right; i++)</pre>
23
             a[i]=b[i];
24
        return cnt;
25
   }
```

12.7 奇怪的东西

```
格式化 html 标签
```

```
char str[500000];
1
    inline void jump()
 2
 3
4
        char c;
 5
        while(isspace(c=getchar()));
 6
        ungetc(c,stdin);
 7
 8
   inline string gtag()
9
10
        jump();
11
        str[0]=0;
12
        scanf("%[^>]",str);
13
        string s=str;
14
        s+=getchar();
15
        return s;
16
17
    inline void ptag(string &s)
18
    {
19
        puts(s.c_str());
20
21
   inline string gstr()
22
23
        jump();
24
        str[0]=0;
        scanf("%[^ <\n]",str);</pre>
25
```

```
26
        return str;
27
28
   inline void pstr(string &s)
29
        printf("%s",s.c_str());
30
31
    inline int judge(string &s)
32
33
34
        if (s[1]=='/') return -1;
35
        int flag=0;
36
        for (int i=0; i<s.length(); i++)</pre>
37
             if (s[i]=='\"') flag=!flag;
38
             if (flag==0&&s[i]=='/') return 0;
39
40
41
        return 1;
42
   inline void pspace(int x)
43
44
    {
        for (int i=0; i<x; i++)</pre>
45
46
            putchar(' ');
47
48
    inline bool ishtml(string &s)
49
    {
50
        return s=="</html>";
51
   }
52
   void dostr(int k)
53
54
        string s=gstr();
        if (s!="")
55
56
        {
57
             pspace(k);
58
             pstr(s);
59
            while(1)
60
             {
61
                 s=gstr();
                 if (s=="") break;
62
                 putchar(' ');
63
64
                 pstr(s);
65
             puts("");
66
67
        }
68
   void solve()
69
70
71
        int k=0,x;
72
        while(1)
73
74
             string s=gtag();
75
            x=judge(s);
76
            if (x==-1) pspace(k-1);
77
            else pspace(k);
78
             k+=x;
79
            if (ishtml(s))
80
             {
81
                 ptag(s);
82
                 break;
83
             }
84
             ptag(s);
85
             dostr(k);
86
        }
87
   }
```

输出数字的英文表示

```
char a[50][15]= {"","one","two","three","four","five","six","seven","eight","
                   ,"eleven","twelve","thirteen","fourteen","fifteen","sixteen","
       nine","ten"
       seventeen","eighteen","nineteen","twenty"};
   char b[50][15]= {"","ten","twenty","thirty","forty","fifty","sixty","seventy","
 2
       eighty", "ninety"};
   char c[50][15]= {"","thousand","million","billion"};
3
 4
   void gao(int n)
5
 6
        int t=n/100,t1=n/10%10,t2=n%10,t3=n%100;
7
        if (t) printf("%s hundred",a[t]);
        if (t3)
8
9
        {
            if (t) printf(" and ");
10
11
            if (t3<=20) printf("%s",a[t3]);</pre>
12
            else
13
            {
                printf("%s",b[t3/10]);
14
                if (t2) printf("-%s",a[t2]);
15
16
            }
17
        }
18
19
   int main()
20
   {
21
        int n;
22
        while(scanf("%d",&n),n!=-1)
23
24
            if (n==0)
25
            {
                puts("zero");
26
27
                continue;
28
            }
29
            int q[5];
            int x=-1;
30
31
            while(n) q[++x]=n%1000,n/=1000;
            for (int i=x; i>=0; i--)
32
                if (q[i])
33
34
                {
35
                     gao(q[i]);
                     if (i) printf(" %s",c[i]);
36
37
                     int flag=0;
38
                     for (int j=i-1; j>=0; j--)
39
                         if (q[j]) flag=1;
40
                     if (flag) printf(", ");
41
            puts("");
42
43
        }
44
        return 0;
45
   }
```

13 一些题目

Description

M 公司是一个非常庞大的跨国公司,在许多国家都设有它的下属分支机构或部门。为了让分布在世界各地的 N 个部门之间协同工作,公司搭建了一个连接整个公司的通信网络。该网络的结构由 N 个路由器和 N-1 条高速光缆组成。每个部门都有一个专属的路由器,部门局域网内的所有机器都联向这个路由器,然后再通过这个通信子网与其他部门进行通信联络。该网络结构保证网络中的任意两个路由器之间都存在一条直接或间接路径以进行通信。高速光缆的数据传输速度非常快,以至于利用光缆传输的延迟时间可以忽略。但

是由于路由器老化,在这些路由器上进行数据交换会带来很大的延迟。而两个路由器之间的通信延迟时间则与这两个路由器通信路径上所有路由器中最大的交换延迟时间有关。作为 M 公司网络部门的一名实习员工,现在要求你编写一个简单的程序来监视公司的网络状况。该程序能够随时更新网络状况的变化信息(路由器数据交换延迟时间的变化),并且根据询问给出两个路由器通信路径上延迟第 k 大的路由器的延迟时间。【任务】你的程序从输入文件中读入 M 个路由器和 M-1 条光缆的连接信息,每个路由器初始的数据交换延迟时间 M-1 以及 M-2 条询问(或状态改变)的信息。并依次处理这 M-2 条询问信息,它们可能是: M-3 由于更新了设备,或者设备出现新的故障,使得某个路由器的数据交换延迟时间发生了变化。 M-2 查询某两个路由器。和 M-2 之间的路径上延迟第 M-3 大的路由器的延迟时间。

Input

第一行为两个整数 N 和 Q,分别表示路由器总数和询问的总数。第二行有 N 个整数,第 i 个数表示编号为 i 的路由器初始的数据延迟时间 Ti。紧接着 N-1 行,每行包含两个整数 x 和 y。表示有一条光缆连接路由器 x 和路由器 y。紧接着是 Q 行,每行三个整数 k、a、b。如果 k=0,则表示路由器 a 的状态发生了变化,它的数据交换延迟时间由 Ta 变为 b。如果 k>0,则表示询问 a 到 b 的路径上所经过的所有路由器(包括 a 和 b)中延迟第 k 大的路由器的延迟时间。注意 a 可以等于 b,此时路径上只有一个路由器。

Output

对于每一个第二种询问(k>0),输出一行。包含一个整数为相应的延迟时间。如果路径上的路由器不足 k 个,则输出信息 "invalid request!"(全部小写不包含引号,两个单词之间有一个空格)。

Sample Input

5 5

 $5\ 1\ 2\ 3\ 4$

3 1

2 1

4 3

5 3

 $2\ 4\ 5$

0 1 2

 $2\ 2\ 3$

 $2\ 1\ 4$

3 3 5

Sample Output

3

2

2

invalid request!

Hint

10

40

100

一样对树进行划分,对于一条链我们需要支持的操作就是修改一个数,以及查询区间第 k 大。这是一个经典问题,可以用树套树。具体的说就是链用一个线段树维护,对于线段树中的每个节点,维护当前区间节点的一个平衡树,这样首先内存是 NlogN 的,然后对于修改,最多涉及到 O(logN) 个区间,所以复杂度是 O(log2N)。对于查询,和普通的区间第 k 大问题一样,首先二分答案,然后将问题转化成一个判定性问题,从而在区间中查找比这个二分答案小的有几个,复杂度就是 O(N+Qlog4N)。

1 | const int maxn=100010;

```
const int maxnode=8000010;
 2
 3
 4
   int lc[maxnode],rc[maxnode],num[maxnode],cnt;
   int ins(int old,int pos,int l,int r,int k)
 6
7
8
        int mid;
        int n=++cnt,t=n;
9
10
        num[n]=num[old]+k;
11
        lc[n]=lc[old],rc[n]=rc[old];
12
13
        while(l<r)</pre>
14
15
            mid=(1+r)/2;
16
             if(pos<=mid)</pre>
17
                 lc[n]=++cnt,n=lc[n],old=lc[old],r=mid;
             else
18
                 rc[n]=++cnt,n=rc[n],old=rc[old],l=mid+1;
19
20
             num[n]=num[old]+k,lc[n]=lc[old],rc[n]=rc[old];
21
        }
22
        return t;
23
24
    int build(int l,int r)
25
        int mid=(1+r)/2, n=++cnt;
26
27
        num[n]=0;
28
        if(l==r)
29
30
             return n;
31
        lc[n]=build(1,mid);
32
        rc[n]=build(mid+1,r);
33
        return n;
34
    }
35
36
   int get(int 1,int r,int *a,int numa,int *b,int numb,int k)
37
38
        int t=0,i,tt=0;
        for(i=0; i<numa; i++)</pre>
39
             t+=num[rc[a[i]]],tt+=num[a[i]];
40
41
        for(i=0; i<numb; i++)</pre>
42
             t-=num[rc[b[i]]],tt-=num[b[i]];
43
        if(tt<k)</pre>
44
             return -1;
45
        if(l==r)
46
             return 1;
47
        if(t>=k)
48
49
             for(i=0; i<numa; i++)</pre>
50
                 a[i]=rc[a[i]];
51
             for(i=0; i<numb; i++)</pre>
52
                 b[i]=rc[b[i]];
53
             return get((l+r)/2+1,r,a,numa,b,numb,k);
54
        for(i=0; i<numa; i++)</pre>
55
56
             a[i]=lc[a[i]];
57
        for(i=0; i<numb; i++)
58
             b[i]=lc[b[i]];
59
        return get(1,(1+r)/2,a,numa,b,numb,k-t);
60
    int root[maxn],c[maxn];
61
62
    int a[1100], numa, b[1100], numb;
63
   int lft[maxn],rht[maxn];
64
```

```
65
    void gao(int n,int is)
66
67
         if(is)
68
         {
69
             a[numa++]=root[n];
70
             n=lft[n];
71
             while(n)
72
                  a[numa++]=c[n],n-=n&(-n);
73
         }
74
         else
75
         {
             b[numb++]=root[n];
76
77
             n=lft[n];
78
             while(n)
79
                  b[numb++]=c[n],n-=n&(-n);
80
         }
81
    }
82
83
    vector<pair<int,int> >V[maxn];
    int lca[maxn],fa[maxn],w[maxn],first[maxn],nxt[maxn<<1],vv[maxn<<1],M,tim;</pre>
84
85
    int f[maxn], vis[maxn];
86
87
    int fin(int n)
88
    {
89
         if(n==fa[n])
90
             return n;
91
         return fa[n]=fin(fa[n]);
92
93
    void dfs(int n)
94
         root[n]=ins(root[f[n]],w[n],1,M,1);
95
96
         lft[n]=++tim;
97
         fa[n]=n;
98
99
         for(int e=first[n]; e; e=nxt[e])if(vv[e]-f[n])
100
                  f[vv[e]]=n,dfs(vv[e]),fa[vv[e]]=n;
101
         vis[n]=1;
102
         rht[n]=tim;
103
104
         for(int i=0; i<V[n].size(); i++)if(vis[V[n][i].first])</pre>
105
106
                  int v=V[n][i].first;
107
                  lca[V[n][i].second]=fin(v);
             }
108
109
110
    int A[maxn],B[maxn],C[maxn],wa[maxn<<1];</pre>
111
    int N;
112
113
    void upd(int n,int pos,int k)
114
    {
115
         while(n<=N)</pre>
116
             c[n]=ins(c[n],pos,1,M,k),n+=n&(-n);
117
118
    int main()
119
120
         int n,q,i,j;
121
122
         cin>>n>>q;
123
         for(i=1; i<=n; i++)</pre>
              scanf("%d",&w[i]),wa[i]=w[i];
124
125
         N=n;
         M=n;
126
127
         int e=2;
```

```
128
129
         for(i=1; i<n; i++)</pre>
130
131
             int u,v;
             scanf("%d%d",&u,&v);
132
             nxt[e]=first[u],vv[e]=v,first[u]=e++;
133
134
             nxt[e]=first[v],vv[e]=u,first[v]=e++;
135
         for(i=1; i<=q; i++)</pre>
136
137
138
             scanf("%d%d%d",&A[i],&B[i],&C[i]);
139
             if(A[i])
140
                  V[B[i]].push_back(make_pair(C[i],i)),V[C[i]].push_back(make_pair(B[i
                      ],i));
141
             else
142
                  wa[++M]=C[i];
143
144
         sort(wa+1,wa+1+M);
145
         M=unique(wa+1,wa+1+M)-wa-1;
146
         for(i=1; i<=n; i++)</pre>
147
             w[i]=lower_bound(wa+1,wa+1+M,w[i])-wa;
148
         root[0]=build(1,M);
149
         dfs((n+1)/2);
150
         for(i=1; i<=N; i++)</pre>
151
             c[i]=root[0];
152
153
         for(i=1; i<=q; i++)</pre>
154
155
             if(A[i])
156
157
                  int u=B[i],v=C[i],l=lca[i];
158
                  numa=numb=0;
159
                  gao(u,1),gao(v,1),gao(1,0),gao(f[1],0);
160
                  u=get(1,M,a,numa,b,numb,A[i]);
161
                  if(u<0)
162
                       puts("invalid request!");
163
                  else
                      printf("%d\n",wa[u]);
164
165
             }
             else
166
167
             {
168
                  int u=B[i], v=C[i];
169
                  v=lower_bound(wa+1,wa+1+M,v)-wa;
170
                  upd(lft[u],w[u],-1);
171
                  upd(rht[u]+1,w[u],1);
172
                  upd(lft[u],v,1);
173
                  upd(rht[u]+1,v,-1);
174
                  w[u]=v;
175
             }
176
         }
177
    }
 1
    inline int readint()
  2
         char c = getchar();
  3
  4
         while (!isdigit(c)) c = getchar();
  5
         int x = 0;
  6
         while (isdigit(c))
  7
  8
             x = x * 10 + c - '0';
  9
             c = getchar();
 10
 11
         return x;
```

```
12
   }
13
14
   inline long long readlong()
15
        char c = getchar();
16
17
        while (!isdigit(c)) c = getchar();
18
        long long x = 0;
19
        while (isdigit(c))
20
21
            x = x * 10 + c - '0';
22
            c = getchar();
23
        }
24
        return x;
25
26
27
   #define FOR(i, n) for (int i = 0; i < (int)(n); i++)
   #define REP(i, a, b) for (int i = (int)(a); i \leftarrow (int)(b); i++)
28
   #define CIR(i, a, b) for (int i = (int)(b); i >= (int)(a); i--)
29
   #define PII pair<int, int>
31
   #define FI first
   #define SE second
32
33
   #define MP make_pair
   #define PB push_back
34
35
   #define SZ(v) v.size();
36
   #define ALL(v) v.begin(), v.end()
37
   #define CLR(v, a) memset(v, a, sizeof(v));
38
   #define IT iterator
39
   #define LL long long
   #define DB double
40
   #define PI 3.1415926
41
42
   #define INF 1000000000
43
44
   #define N 80005
45
   #define M N * 60
46
47
   int dep[N], W[N], top[N], idx[N], size[N], fa[N], id;
48
   int son[N], head[N], to[N << 1], next[N << 1];</pre>
49
   int n, E, it;
50
   int test;
51
52
   void init()
53
54
        for (int i = 1; i <= n; i++)
55
            head[i] = -1, son[i] = 0, dep[i] = 0;
56
57
58
        id = 0;
59
        E = 0, it = 1;
60
61
62
   void addEdge(int u, int v)
63
64
        to[E] = v, next[E] = head[u], head[u] = E++;
65
        to[E] = u, next[E] = head[v], head[v] = E++;
66
67
68
   void dfs(int u, int p)
69
70
        fa[u] = p;
71
        size[u] = 1, son[u] = 0;
72
73
        for (int i = head[u]; i != -1; i = next[i])
74
        {
```

```
75
             int v = to[i];
76
77
             if (v != p)
78
             {
79
                  dep[v] = dep[u] + 1;
80
                  dfs(v, u);
                  if (size[v] > size[son[u]]) son[u] = v;
81
82
                  size[u] += size[v];
83
             }
84
         }
85
86
    void dfs(int u, int p, int tu)
87
88
89
90
         idx[u] = ++id, top[u] = tu;
91
         if (son[u]) dfs(son[u], u, tu);
92
         for (int i = head[u]; i != -1; i = next[i])
93
94
             int v = to[i];
95
             if (v == p || son[u] == v) continue;
96
             dfs(v, u, v);
97
         }
98
99
100
    int lca(int u, int v)
101
102
         int tu = top[u], tv = top[v];
103
         while (tu != tv)
104
105
             if (dep[tu] < dep[tv])</pre>
106
107
                  swap(tu, tv);
108
                  swap(u, v);
109
110
             u = fa[tu], tu = top[u];
111
         }
112
113
         if (dep[u] > dep[v]) swap(u, v);
114
         return u;
115
116
117
    int root[N], r[M], v[M], ch[M][2], sz[M];
118
    #define lch ch[rt][0]
119
120
    #define rch ch[rt][1]
121
122
    inline void push_up(int rt)
123
    {
124
         sz[rt] = sz[lch] + sz[rch] + 1;
125
126
127
    inline int cmp(int rt, int x)
128
129
         if (v[rt] == x) return -1;
130
         else if (x < v[rt])</pre>
131
             return 0;
132
         else
133
             return 1;
134
135
136
    void rotate(int& rt, int d)
137
    {
```

```
138
         int t = ch[rt][d ^ 1];
139
         ch[rt][d ^ 1] = ch[t][d];
140
         ch[t][d] = rt;
141
         push_up(rt);
142
         push_up(t);
143
         rt = t;
144
145
146
    void insert(int&rt, int x)
147
148
         if (!rt)
149
         {
150
             rt = it++;
151
             sz[rt] = 1;
152
             1ch = rch = 0;
153
             v[rt] = x;
154
             r[rt] = rand();
155
         }
156
         else
157
         {
158
             int d = x < v[rt] ? 0 : 1;
             insert(ch[rt][d], x);
159
160
             if (r[ch[rt][d]] > r[rt])
161
                  rotate(rt, d ^ 1);
162
163
         push_up(rt);
164
    }
165
    int kth(int rt, int k)
166
167
168
         int t = sz[rch] + 1;
169
         if (k == t)
170
             return v[rt];
171
         else if (k < t)
172
             return kth(rch, k);
173
         else
174
             return kth(lch, k - t);
175
176
177
    int upper(int rt, int val)
178
179
         if (!rt) return 0;
180
         int res = 0;
         if (v[rt] == val)
181
182
183
             res++;
184
             res += upper(lch, val);
185
             res += upper(rch, val);
186
187
         else if (val < v[rt])</pre>
188
189
             res += sz[rch] + 1;
190
             res += upper(lch, val);
191
         }
192
         else
193
         {
194
             res += upper(rch, val);
195
         }
196
         return res;
197
198
199
    void remove(int& rt, int x)
200
    {
```

```
201
         int d = cmp(rt, x);
202
         if (d == -1)
203
204
             if (1ch && rch)
205
                  int d2 = r[1ch] > r[rch] ? 0 : 1;
206
                  rotate(rt, d2 ^ 1);
207
208
                  remove(ch[rt][d2 ^ 1], x);
209
                  push_up(rt);
210
             }
211
             else
212
             {
                  rt = 1ch ? 1ch : rch;
213
214
             }
215
         }
216
         else
217
         {
218
             remove(ch[rt][d], x);
219
             push_up(rt);
220
         }
221
222
     int gao(int L, int R, int val)
223
224
225
         int res = 0;
226
         int p = R;
227
         while (p)
228
229
             res += upper(root[p], val);
230
             p = p \& (-p);
231
232
233
         p = L - 1;
234
235
         while (p)
236
237
             res -= upper(root[p], val);
238
             p = p \& (-p);
239
240
241
         return res;
242
    }
243
244
    int solve(int u, int v, int val)
245
246
         int res = 0;
247
         int tu = top[u], tv = top[v];
248
         while (tu != tv)
249
             if (dep[tu] < dep[tv])</pre>
250
251
252
                  swap(tu, tv);
253
                  swap(u, v);
254
255
             res += gao(idx[tu], idx[u], val);
             u = fa[tu], tu = top[u];
256
257
         }
258
259
         if (dep[u] > dep[v]) swap(u, v);
260
         res += gao(idx[u], idx[v], val);
261
262
         return res;
263 | }
```

```
264
265
    void modify(int u, int val)
266
    {
267
        if (W[u] == val) return;
268
269
         int p = idx[u];
270
        while (p <= n)
271
272
             remove(root[p], W[u]);
273
             insert(root[p], val);
274
             p += p & (-p);
275
         }
276
277
         remove(root[N - 1], W[u]);
278
         insert(root[N-1], val);
279
        W[u] = val;
280
281
282
    int query(int u, int v, int k)
283
284
         int pa = lca(u, v);
285
         int temp = dep[u] + dep[v] - 2 * dep[pa] + 1;
286
         if (k > temp) return -1;
287
         int L = 1, R = n;
288
289
        while (L <= R)
290
291
             int mid = L + R \gg 1;
292
             int tmp = kth(root[N-1], mid);
293
294
             if (solve(u, v, tmp) >= k)
295
                 R = mid - 1;
296
             else
297
                 L = mid + 1;
298
         }
299
300
         return kth(root[N-1], L);
301
302
303
    int main()
304
305
         int k, a, b, m;
        while (~scanf("%d%d", &n, &m))
306
307
             REP(i, 1, n) scanf("%d", &W[i]);
308
309
310
             init();
311
312
             FOR (i, N) root[i] = 0;
313
314
             FOR (i, n - 1)
315
                 scanf("%d%d", &a, &b);
316
317
                 addEdge(a, b);
318
             }
319
320
             dfs(1, -1);
321
             dfs(1, -1, 1);
322
             REP(i, 1, n)
323
324
325
                 int p = idx[i];
326
                 insert(root[N-1], W[i]);
```

```
327
                  while (p <= n)
328
                  {
329
                       insert(root[p], W[i]);
                       p += p & (-p);
330
331
                  }
              }
332
333
334
              FOR (i, m)
335
                  scanf("%d%d%d", &k, &a, &b);
336
337
                  if (k == 0)
338
                       modify(a, b);
339
                  else
340
                  {
                       int res = query(a, b, k);
341
342
                       if (res == -1)
343
                           puts("invalid request!");
344
                       else
345
                           printf("%d\n", res);
                  }
346
347
348
              }
349
350
         return 0;
351 | }
```

SAT 问题就是说我现在有一个 n 个布尔值组成的序列 a, 每个元素可取 0 或 1, 现有一些限制条件,例如 a[1] or a[5], a[5] xor not a[8], a[3] and a[4] or a[5], π a 的一个取值序列可以使这些式子都为真。即求使这些式子的合取式为真的一组解。

而 2-SAT 问题就是所有限制条件中最多有两个元素,在上面的那个例子中 a[3] and a[4] or a[5] 有 3 个元素,所以这个例子是 3-SAT 问题不是 2-SAT。3-SAT 及以上是 NPC 问题,目前还没有多项式级别的算法。

2-SAT 问题关键在于建图。若图中存在边 <i, j>, 则表示若选了 i 必须选 j。

如果我们必须选 x,则只需连边 $\langle x', x \rangle$ 即可。因为这样的话如果我们选了 x' 即不选 x,那么我们就必须选 x,这就导致了矛盾。所以我们只能选 x。

有一对新人结婚,邀请 n 对夫妇去参加婚礼。有一张很长的桌子,人只能坐在桌子的两边,还要满足下面的要求: 1. 每对夫妇不能坐在同一侧 2.n 对夫妇之中可能有通奸关系(包括男男,男女,女女),有通奸关系的不能同时坐在新娘的对面,可以分开坐,也可以同时坐在新娘这一侧。如果存在一种可行的方案,输出与新娘同侧的人。

所以分成 4 种情况来建图。1-n 的点为 h(usband), n+1 到 2n 的点为 w(ife)。

```
for (int i=0; i<m; i++)</pre>
1
2
 3
        ///TODO: adde
4
        int x,y;
5
        char c1,c2;
        scanf("%d%c%d%c",&x,&c1,&y,&c2);
6
        x++,y++;
7
8
        if (c1=='h'&&c2=='h')
9
10
            adde(x+n,y);
11
            adde(y+n,x);
12
        else if (c1=='h'&&c2=='w')
13
14
```

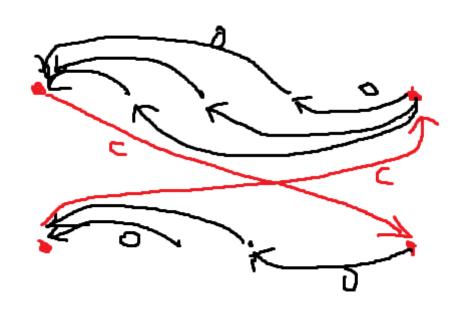
```
15
             adde(x+n,y+n);
             adde(y,x);
16
17
        else if (c1=='w'&&c2=='h')
18
19
20
             adde(x,y);
21
             adde(y+n,x+n);
22
        }
        else
23
24
25
             adde(x,y+n);
26
             adde(y,x+n);
27
        }
28
```

题意:有 n 层,有 n 个点分布在这 n 层上(一层可以有多个点,也可以有 0 个)。层与层之间的点可以互相走,权为 c。另外还有 m 条无向边,从某个点到某个点,权为 w。求 1 到 n 的最短路。

此题的关键在于建图。如果采用朴素建图法,相邻两层的点两两加边,复杂度高达 N2。如果用下面的这个方法,可以将复杂度降到 N。

每层虚拟出来两个点,入点和出点。像图中所示连接(省略了 m 条给定的边)。黑线的权都为 $\mathrm{0}$,红线权为 c 。这样借助两个点,可以实现层与层连接。

一开始想只用一个点,但是这样的话同一层的点就可以通过权为 0 的路连接起来了。 (后来发现图中最下面少画了一条边······)



```
1 | typedef int mytype;
 2
   const int NV=300005;
   const int NE=300005*2;
 3
   mytype dis[NV];
 5
   int pre[NV], vis[NV], he[NV], ecnt;
   struct edge
 6
7
   {
 8
        int v,next;
9
        mytype 1;
10
   } E[NE];
   void adde(int u,int v,mytype 1)
11
12
   {
13
        ecnt++;
14
        E[ecnt].v=v;
15
        E[ecnt].l=1;
```

```
E[ecnt].next=he[u];
16
17
        he[u]=ecnt;
18
19
   void init(int n,int m,int s)
20
        for (int i=0; i<=n; i++)</pre>
21
22
             dis[i]=inf;
23
        dis[s]=0;
24
        for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
25
26
             int u,v;
27
             mytype 1;
             scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
28
29
             adde(u,v,1);
30
             adde(v,u,1);
31
        }
32
33
   struct point
34
    {
        int u;
35
36
        mytype 1;
37
        point(int a, mytype b):u(a),l(b) {}
38
        bool operator<(const point p) const</pre>
39
        {
40
             return 1>p.1;
41
        }
42
   };
   void dijkstra_heap(int s)
43
44
45
        priority_queue<point> q;
46
        q.push(point(s,0));
47
        while(!q.empty())
48
49
             point p=q.top();
50
             q.pop();
51
             int u=p.u;
52
             if (vis[u])
53
                 continue;
54
             vis[u]=1;
55
             for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
56
                 if (!vis[E[i].v]&&p.l+E[i].l<dis[E[i].v])</pre>
57
                 {
                      dis[E[i].v]=dis[u]+E[i].1;
58
59
                      pre[E[i].v]=u;
                      q.push(point(E[i].v,dis[E[i].v]));
60
61
                 }
        }
62
63
   int main()
64
65
    {
        int t;
66
67
        cin>>t;
        int cas=0;
68
69
        while(t--)
70
        {
71
             int n,m,c;
             scanf("%d%d%d",&n,&m,&c);
72
73
             ecnt=0;
74
             memset(pre,0,sizeof(pre));
75
            memset(vis,0,sizeof(vis));
76
            memset(he,-1,sizeof(he));
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
77
78
             {
```

```
79
                int x;
                scanf("%d",&x);
80
81
                adde(i,n+x,0);
                adde(2*n+x,i,0);
82
83
            for (int i=1; i<n; i++)</pre>
84
85
            {
86
                adde(n+i,2*n+i+1,c);
                adde(n+i+1,2*n+i,c);
87
88
89
            init(n*3,m,1);
90
            dijkstra_heap(1);
91
            int ans=dis[n];
92
            if (ans==inf)
93
                ans=-1;
94
            printf("Case #%d: %d\n",++cas,ans);
95
96
        return 0;
97
    一个次短路问题。题目是要求最短路和比最短路距离长 1 的次短路的个数。
   typedef int mytype;
   const int NV=1005;
 2
   const int NE=10005;
 3
   mytype dis[NV][2];
 5
   int vis[NV][2],he[NV],ecnt,cnt[NV][2];
   struct edge
 6
7
 8
        int v,next;
9
        mytype 1;
10
   } e[NE];
   void adde(int u,int v,mytype 1)
11
12
    {
13
        ecnt++;
14
        e[ecnt].v=v;
15
        e[ecnt].l=1;
16
        e[ecnt].next=he[u];
17
        he[u]=ecnt;
18
19
   struct point
20
21
        int u,flag;
22
        mytype 1;
23
        point(int a, mytype b, int c):u(a),l(b),flag(c) {}
24
        bool operator<(const point p) const</pre>
25
26
            return 1>p.1;
27
28
29
   int dijkstra_heap(int n,int m,int s,int E)
30
   {
31
        priority_queue<point> q;
32
        q.push(point(s,0,0));
33
        while(!q.empty())
34
35
            point p=q.top();
36
            q.pop();
37
            int u=p.u;
38
            if (vis[u][p.flag])
39
                continue;
40
            vis[u][p.flag]=1;
41
            for (int i=he[u]; i!=-1; i=e[i].next)
42
```

```
43
                  int v=e[i].v;
44
                  int dist=p.l+e[i].l;
45
                  if (dist<dis[v][0])</pre>
46
                      if (dis[v][0]!=inf)
47
48
49
                           dis[v][1]=dis[v][0];
50
                           cnt[v][1]=cnt[v][0];
51
                           q.push(point(v,dis[v][1],1));
52
                      }
53
                      dis[v][0]=dist;
54
                      cnt[v][0]=cnt[u][p.flag];
55
                      q.push(point(v,dis[v][0],0));
56
                  }
                  else if (dist==dis[v][0])
57
58
                  {
59
                      cnt[v][0]+=cnt[u][p.flag];
60
                  }
                  else if (dist<dis[v][1])</pre>
61
62
                  {
63
                      dis[v][1]=dist;
                      cnt[v][1]=cnt[u][p.flag];
64
                      q.push(point(v,dis[v][1],1));
65
66
                  }
                  else if (dist==dis[v][1])
67
68
69
                      cnt[v][1]+=cnt[u][p.flag];
70
                  }
71
             }
72
73
         if (dis[E][0]+1==dis[E][1])
74
             return cnt[E][0]+cnt[E][1];
75
         return cnt[E][0];
76
77
    int main()
78
79
         int t;
80
         cin>>t;
81
         while(t--)
82
         {
             int n,m;
83
84
             scanf("%d%d",&n,&m);
85
             ecnt=0;
86
             memset(he,-1,sizeof(he));
87
             memset(vis,0,sizeof(vis));
88
             memset(cnt,0,sizeof(cnt));
89
             for (int i=1; i<=m; i++)</pre>
90
             {
91
                  int u,v;
92
                  mytype 1;
93
                  scanf("%d%d%d",&u,&v,&1);
94
                  adde(u,v,1);
95
             int s,E;
96
             scanf("%d%d",&s,&E);
97
             for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
98
99
                  dis[i][0]=dis[i][1]=inf;
100
             dis[s][0]=0;
101
             cnt[s][0]=1;
             printf("%d\n",dijkstra_heap(n,m,s,E));
102
103
         return 0;
104
105
```


T P 2 T A 3-24 _ 4公下入内中間/ 5人口 T P 2 工 旧 / 5		
操作编号₽	输入文件中的格式₽	说明↩
1. 插入₽	INSERT_posi_tot_c1_c2cwe	在当前数列的第 <i>posi</i> 个数字后插入 <i>tot</i> 个数字: c ₁ , c ₂ ,, c _{tot} ; 若在数列首插 入,则 <i>posi</i> 为 0+
2. 删除₽	DELETE_posi_tot+	从当前数列的第 posi 个数字开始连续 删除 tot 个数字₽
3. 修改₽	MAKE-SAME_posi_tot_c+	将当前数列的第 posi 个数字开始的连 续 tot 个数字统一修改为 c+
4. 翻转₽	REVERSE_posi_tot₽	取出从当前数列的第 posi 个数字开始的 tot 个数字,翻转后放入原来的位置。
5. 求和₽	GET-SUM_posi_tot₽	计算从当前数列开始的第 posi 个数字 开始的 tot 个数字的和并输出₽
6. 求和最 大的子列₽	MAX-SUM₽	求出当前数列中和最大的一段子列, 并输出最大和₽

```
1 | #define Key_value ch[ch[root][1]][0]
   const int MAXN = 500010;
   const int INF = 0x3f3f3f3f3;
   int pre[MAXN], ch[MAXN][2], key[MAXN], size[MAXN];
  int root,tot1;
  int sum[MAXN],rev[MAXN],same[MAXN];
7
   int lx[MAXN],rx[MAXN],mx[MAXN];
8
  int s[MAXN],tot2;//内存池和容量
   int a[MAXN];
9
10
   int n,q;
   11
   void Treavel(int x)
12
13
   {
14
      if(x)
15
       {
16
          Treavel(ch[x][0]);
          printf("结点: %2d: 左儿子 %2d 右儿子 %2d 父结点 %2d size = %2d\n",x,ch[x
17
             ][0],ch[x][1],pre[x],size[x]);
18
          Treavel(ch[x][1]);
19
      }
20
21
   void debug()
22
       printf("root:%d\n",root);
23
24
      Treavel(root);
25
   26
   void NewNode(int &r,int father,int k)
27
28
29
       if(tot2) r = s[tot2--];// 取的时候是tot2--,存的时候就是++tot2
30
      else r = ++tot1;
       pre[r] = father;
31
32
       ch[r][0] = ch[r][1] = 0;
33
      key[r] = k;
34
      sum[r] = k;
35
      rev[r] = same[r] = 0;
36
      lx[r] = rx[r] = mx[r] = k;
37
      size[r] = 1;
38
39
  void Update_Rev(int r)
```

```
40
    {
41
        if(!r)return;
42
         swap(ch[r][0],ch[r][1]);
43
         swap(lx[r],rx[r]);
44
         rev[r] ^= 1;
45
    void Update Same(int r,int v)
46
47
48
        if(!r)return;
49
        key[r] = v;
50
        sum[r] = v*size[r];
51
        lx[r] = rx[r] = mx[r] = max(v,v*size[r]);
52
        same[r] = 1;
53
54
    void push_up(int r)
55
    {
        int lson = ch[r][0], rson = ch[r][1];
56
        size[r] = size[lson] + size[rson] + 1;
57
58
         sum[r] = sum[lson] + sum[rson] + key[r];
59
        lx[r] = max(lx[lson], sum[lson] + key[r] + max(0,lx[rson]));
60
        rx[r] = max(rx[rson], sum[rson] + key[r] + max(0, rx[lson]));
        mx[r] = max(0,rx[lson]) + key[r] + max(0,lx[rson]);
61
62
        mx[r] = max(mx[r],max(mx[lson],mx[rson]));
63
    void push_down(int r)
64
65
        if(same[r])
66
67
68
             Update_Same(ch[r][0],key[r]);
69
             Update_Same(ch[r][1],key[r]);
70
             same[r] = 0;
71
        if(rev[r])
72
73
             Update_Rev(ch[r][0]);
74
75
             Update_Rev(ch[r][1]);
76
             rev[r] = 0;
77
        }
78
79
    void Build(int &x,int l,int r,int father)
80
81
        if(1 > r)return;
82
        int mid = (1+r)/2;
        NewNode(x,father,a[mid]);
83
        Build(ch[x][0],1,mid-1,x);
84
85
         Build(ch[x][1],mid+1,r,x);
86
        push_up(x);
87
    void Init()
88
89
    {
90
         root = tot1 = tot2 = 0;
91
        ch[root][0] = ch[root][1] = size[root] = pre[root] = 0;
92
         same[root] = rev[root] = sum[root] = key[root] = 0;
93
        lx[root] = rx[root] = mx[root] = -INF;
94
        NewNode(root, 0, -1);
95
        NewNode(ch[root][1],root,-1);
96
        for(int i = 0; i < n; i++)</pre>
97
             scanf("%d",&a[i]);
98
         Build(Key_value,0,n-1,ch[root][1]);
99
         push_up(ch[root][1]);
100
         push up(root);
101
    │//旋转,0 为左旋, 1 为右旋
```

```
103
    void Rotate(int x,int kind)
104
105
         int y = pre[x];
106
         push_down(y);
107
         push_down(x);
         ch[y][!kind] = ch[x][kind];
108
109
         pre[ch[x][kind]] = y;
110
         if(pre[y])
111
             ch[pre[y]][ch[pre[y]][1]==y] = x;
112
         pre[x] = pre[y];
113
         ch[x][kind] = y;
114
         pre[y] = x;
115
         push_up(y);
116
     //Splay调整, 将r结点调整到goal下面
117
118
    void Splay(int r,int goal)
119
120
         push_down(r);
121
         while(pre[r] != goal)
122
123
             if(pre[pre[r]] == goal)
124
125
                 push_down(pre[r]);
126
                  push_down(r);
127
                 Rotate(r,ch[pre[r]][0] == r);
128
             }
129
             else
130
131
                  push_down(pre[pre[r]]);
132
                  push_down(pre[r]);
133
                 push_down(r);
134
                 int y = pre[r];
135
                 int kind = ch[pre[y]][0]==y;
136
                 if(ch[y][kind] == r)
137
                 {
138
                      Rotate(r,!kind);
139
                      Rotate(r,kind);
140
                 }
141
                 else
142
                 {
143
                      Rotate(r,kind);
144
                      Rotate(r,kind);
145
                 }
146
             }
147
148
         push_up(r);
149
         if(goal == 0) root = r;
150
151
    int Get_kth(int r,int k)
152
153
         push_down(r);
154
         int t = size[ch[r][0]] + 1;
155
         if(t == k)return r;
156
         if(t > k)return Get_kth(ch[r][0],k);
157
         else return Get_kth(ch[r][1],k-t);
158
159
    // 在第 pos 个数后面插入 tot 个数
160
    void Insert(int pos,int tot)
161
         for(int i = 0; i < tot; i++)scanf("%d",&a[i]);</pre>
162
163
         Splay(Get_kth(root,pos+1),0);
164
         Splay(Get_kth(root,pos+2),root);
165
         Build(Key_value,0,tot-1,ch[root][1]);
```

```
166
        push_up(ch[root][1]);
167
        push_up(root);
168
169
    //删除子树
170
    void erase(int r)
171
172
        if(!r)return;
173
        s[++tot2] = r;
174
        erase(ch[r][0]);
175
        erase(ch[r][1]);
176
177
    // 从第 pos 个 数 开 始 连 续 删 除 tot 个 数
178
    void Delete(int pos,int tot)
179
180
        Splay(Get_kth(root,pos),0);
181
        Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
182
        erase(Key_value);
183
        pre[Key_value] = 0;
184
        Key value = 0;
        push_up(ch[root][1]);
185
186
        push_up(root);
187
    // 将从第 pos 个数 开始的连续的 tot 个数修改为 c
188
189
    void Make_Same(int pos,int tot,int c)
190
191
        Splay(Get_kth(root,pos),0);
192
        Splay(Get kth(root,pos+tot+1),root);
193
        Update_Same(Key_value,c);
194
        push_up(ch[root][1]);
195
        push_up(root);
196
197
    //将第pos个数开始的连续tot个数进行反转
198
    void Reverse(int pos,int tot)
199
200
        Splay(Get_kth(root,pos),0);
201
        Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
202
        Update_Rev(Key_value);
203
        push up(ch[root][1]);
204
        push up(root);
205
    // 得到第 pos 个数 开始的 tot 个数的和
206
207
    int Get Sum(int pos,int tot)
208
209
        Splay(Get_kth(root,pos),0);
        Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
210
211
        return sum[Key_value];
212
213
    // 得到第 pos 个数 开始的 tot 个数 中最 大的 子段 和
214
    int Get_MaxSum(int pos,int tot)
215
    {
216
        Splay(Get_kth(root,pos),0);
217
        Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
218
        return mx[Key_value];
219
220
    void InOrder(int r)
221
222
        if(!r)return;
223
        push down(r);
224
        InOrder(ch[r][0]);
225
        printf("%d ",key[r]);
226
        InOrder(ch[r][1]);
227
    int main()
228
```

```
229
    {
         //freopen("in.txt","r",stdin);
230
         //freopen("out.txt","w",stdout);
231
232
         while(scanf("%d%d",&n,&q) == 2)
233
234
             Init();
235
             char op[20];
236
             int x,y,z;
             while(q--)
237
238
             {
239
                 scanf("%s",op);
                 if(strcmp(op,"INSERT") == 0)
240
241
                      scanf("%d%d",&x,&y);
242
243
                      Insert(x,y);
244
                 }
245
                 else if(strcmp(op, "DELETE") == 0)
246
247
                      scanf("%d%d",&x,&y);
                      Delete(x,y);
248
249
250
                 else if(strcmp(op, "MAKE-SAME") == 0)
251
252
                      scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
253
                      Make_Same(x,y,z);
254
                 }
255
                 else if(strcmp(op, "REVERSE") == 0)
256
                      scanf("%d%d",&x,&y);
257
258
                      Reverse(x,y);
259
260
                 else if(strcmp(op, "GET-SUM") == 0)
261
                      scanf("%d%d",&x,&y);
262
263
                      printf("%d\n",Get_Sum(x,y));
264
                 else if(strcmp(op,"MAX-SUM") == 0)
265
                      printf("%d\n",Get_MaxSum(1,size[root]-2));
266
267
             }
268
269
         return 0;
270 | }
```

14 现场赛宝典

- 1、比赛前晚一定要睡眠充足,至少保证8-10个小时睡眠时间。
- 2、热身赛不要纠结 AK 什么的,保证 A 掉一题就可以了。其他时间测试下编译器打表(多长能编译通过)、内存空间、快捷键等等。
- 3、热身赛每个人都轮流适应一下比赛机器。同时测试一下打印代码的流程,和提问、提交流程。要求每个队员都熟悉流程,保证提交不会出现错误。
- 4、热身赛后及时调节心情,如果一定要想出这道题怎么做,要果断问身边的大牛,没有疑惑和纠结度过周六。
- 5、赛前的心情非常非常重要!队友之间一定要互相开玩笑,保持愉快的心情开场。实在所有人都没有心情娱乐,那就脸部保持微笑状态三分钟,保证能改变心情。(强颜欢笑也是乐)
- 6、开场后分配好题目(一般前中后三部分),英语好要迅速读完题目,并且指定一个人每两三分钟看一次 rank,保证 FB 后迅速换题)
- 7、如果读题过程中能确定某题可出,并且为队友的擅长题型,迅速通知队友,并说清题意、题目条件,讨论是否可敲。如果敲题,这时候读完自己题目后,还继续把队友没读的题读完。8、看到有人出题后一定要第一时间阅读该题,有条件最好两人同时读,并且保证题目描述、条件和输入输出都没有异议。讨论该题的可行性,如果完全没有思路,并且是神校出题,再观望一段时间,别盲目敲题。
- 9、一定一定要记住!比赛有五个小时,开场一定要淡定,保证好首次提交,很影响士气。两人仔细检查输入输出范围,多跑几遍样例,保证多 case 考虑了,保证输出格式、没多余空格、空行。可能的 trick 还有提交流程。
- 10、提交后有一段等待时间,这时候不要全部盯着屏幕等,不管对错,直接打印代码,然后再检查一遍输入输出和数据,检查代码有没有问题。空闲的人继续读题或看榜。
- 11、如果提交没过,有其他题在开着,换人敲。之前的人拿着打印的代码检查 bug。如不能保证 bug 很快找到,至少两个人同时 debug,不需要双开。
- 12、如果某题 2 次 WA,并且找不到原因,这时候一边 debug 一边让别人重新读一遍题目,逐字分析条件和输入输出,不受其他人影响,然后交流题意等等是否出现问题。题意和算法没问题的情况下,想 trick 出数据。
- 13、YES 了一道题后,主敲队员最好的放松方法就是去趟洗手间!不管想不想方便,去洗个脸,呼吸一下新鲜空气也是很有必要的。清醒一下,把 YES 的那道题抛到脑后,关注其他题。还有就是在脑子非常乱的时候,非常憋屈的时候,也去趟洗手间,说不定还能偷瞄到大神的思路······
- 14、比赛士气和心情很重要,一定要有一个队员心理素质够硬,负责调动全队状态。小口喝水、身体坐正,双手交叉,互相打气能快速帮你调整状态。
- 15、比赛期间以观察 rank 为出题标准,但是如果认定该题不适合你们,要果断先选择另外一道过的人较多的题!
- 16、在没有两个人都足够主敲的情况下,切忌双开敲题,尤其到了最后一两个小时,一般三人全力攻题! 出题的同时,空闲队员想好 trick 数据等等。
- 17、封榜后一定不能乱,不要盲目交题,不要重复交同样代码!! 参考 11、12
- 18、记得比赛比的是心态和状态,如果浮躁,自己就先输了,一定要淡定!如果开始自己或 队友发现出现浮躁慌乱,一定要提醒大家,参考 13、14
- 19、相信自己,相信队友,和谐相处,共同拿牌!!!
- 20、欢迎补充