# Approche pratique de la théorie des langages formels. Rapport de TIPE

#### Charlotte THOMAS

#### 18 mars 2022

#### Résumé

L'informatique théorique et principalement dans l'analyse théorique des langages formels m'a toujours intéressé, l'idée de créer un langage et d'en implémenter moimême sa grammaire, son lexer, parser, interpreter et en calculer les propriétés théoriques m'a vraiment intéressée et motivée.

Les erreurs de compilation peuvent coûter cher, et parfois se compter en vies humaines, il est donc nécessaire de développer des outils et des théories dans le domaine de la théorie des langages formels pour prévenir les bugs en amont, et protéger des vies et la société.

Pour illustrer ceci ce rapport va parler de la création du Baguette# (à prononcer "Baguette Sharp") un langage de programmation exotique avec une syntaxe proche d'un BASIC, basé sur des pâtisseries. Le REPL est disponible sur OPAM opam install baguette-sharp, le code source est sur GitHub sous licence MIT, enfin le site web est disponible à cette adresse https://www.baguettesharp.fr

Finalement, ce rapport traitera essentiellement de l'implémentation d'une Binary Turing Machine en B# pour plus de renseignements généraux merci de voir les liens au ci-dessus.

### Table des matières

	Le Baguette#			
	1.1	Syntaxe vu par un exemple		
		Librairie Standard		
2 Machine de Turing Binaire en B#				
	2.1	Spécification		
	2.2	Initialisation		
	2.3	Lecture du programme		
	2.4	Étape		
	2.5	Runtime de la machine		

	Exemple de programmes		
	3.1	left bit-shift	
	3.2	Binary adder	
	3.3	Programme sans fin	
Ta	ble	e des figures	
	1	Résultat dans le REPL de l'opération $1+2$	
	2	Initialisation de la machine	
	3	Runtime de la machine	
	4	Automate représentant le bitshift	
	5	Exécution du left-bitshift	
	6	Automate représentant l'addition binaire	
	7	Dernières lignes de l'exécution de l'addition binaire	
	8	Trace d'un programme sans fin	

## 1 Le Baguette#

#### 1.1 Syntaxe vu par un exemple

La syntaxe du Baguette# est très inspiré d'un BASIC, la plus grande différence est l'absence complète d'opérateur INFIX, là où un langage "classique" sera comme ça

```
int a = 1 + 2;
```

afin de calculer la somme de 1 et 2 (l'affectation sera discuté plus tard) le B# utilise une instruction comme ceci

```
ADD ( 1 2 );
```

la différence étant qu'en B# l'instruction ADD se nomme CANELE, et que les parenthèses ouvrante et fermantes sont respectivement CHOUQUETTE et CLAFOUTIS finalement le point-virgule est BAGUETTE donc la somme est notée

```
CANELE CHOUQUETTE 1 2 CLAFOUTIS BAGUETTE
```

Le résultat est visualisé ici sur le REPL

```
### Welcome to Baguette# REPL; type help for help ###

>> CANELE CHOUQUETTE 1 2 CLAFOUTIS BAGUETTE

val: Int{3}

>> Propport tipe.pdf
```

FIGURE 1 – Résultat dans le REPL de l'opération 1 + 2

La liste des mots clé de définitions est assez courte, il s'agit de IF, LABEL, JUMP leur utilisation est expliquée ici à l'exception de ces mots clé, toutes les instructions doivent avoir leur paramètre entre parenthèse, les paramètres peuvent être séparés par une virgule le lexer ne les vois pas. Mais ils doivent être séparés par un espace au minimum (y compris avec une virgule)

```
CANELE CHOUQUETTE 1 , 2 CLAFOUTIS BAGUETTE
```

est équivalent à

```
CANELE CHOUQUETTE 1 2 CLAFOUTIS BAGUETTE
```

Une explication complète de la syntaxe est disponible sur le wiki-syntaxe

#### 1.2 Librairie Standard

Une liste complète des instructions est visible sur le wiki et un tutoriel sur l'utilisation basique est disponible ici. La librairie standard du langage implémente les usages suivants :

- Opération Mathématiques sur les entiers et flottant
- Algèbre booléenne

- Lecture de l'entrée standard, écriture sur la sortie standard
- Manipulation de tableaux
- Manipulation de chaînes de caractère

Le langage est typé faiblement, et avec inférence de type, les types primitifs suivants sont implémentés

- Nombres entiers, flottants (NB : aucune distinction n'est faite entre les deux en général)
- Chaînes de caractères (NB : les caractères sont des chaînes de caractère de longueur
   1)
- Booléans (CUPCAKE est true et POPCAKE est false)
- Null (le *unit* de OCaml)

Enfin le langage implémente les tableaux, à savoir qu'ils peuvent être non-homogène donc vous pouvez faire un tableau contenant deux entiers, trois flottants et quatre chaînes de caractère cependant comme ce sont des tableaux ils sont de taille fixe et ils héritent du caractère mutable des tableaux de OCaml

## 2 Machine de Turing Binaire en B#

Un moyen simple et ludique de montrer qu'un langage est Turing-complet est d'implémenter un émulateur d'une machine de Turing universelle dans ce langage.

La machine de Turing et les programmes ont été adapté depuis ce tutoriel sur une machine de turing universelle binaire en python.

#### 2.1 Spécification

Malheureusement on ne peut pas avoir une RAM infinie dans la réalité, voici la spécification de la machine qui est implémentée :

- Le ruban est de longueur 1000, initialisée avec 1000 "2" comme la machine est binaire le 2 est considéré comme étant le caractère nul (une case vide)
- L'input est placée à partir de la place 500 dans le ruban, on place la tête au rang 500, au début de l'input.
- Les programmes sont une suite d'instruction de la forme STATE-READ-WRITE-TRANSLATION-NEWSTATE par exemple pour dire que si on lit un 1 en étant dans l'état 0 alors on écrit un 2, on va à droite et on passe dans l'état 1 on écrira 0-1-2-r-1
- On limite le tout à 100 states différents pour des raisons de performance, mais on peut augmenter en changeant la taille de la matrice.
- On appelle l'état de sortie "H", pour les déplacements 'r' déplace la tête d'une case vers la droite, 'l' d'une case vers la gauche et '\*' ne bouge pas la tête

#### 2.2 Initialisation

Ici est mise une image du code de l'initialisation.

```
//Turing machine initialization
//Creation of three 100 by 3 matrices to represent the transition function
//Declaraton of three 100 by 3 matrices to represent the transition function
//Declaraton of the initial state and the tape with the head at the first bit of the input
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST state PARISBREST, PARISBREST 0 PARISBREST CLAFOUTIS BAGUETTE
CROISSANT CHOUQUETTE PARISBREST Please type the input tape PARISBREST CLAFOUTIS BAGUETTE
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST tape PARISBREST, GAUFFREDELIEGE CHOUQUETTE GAUFFREDELIEGE CHOUQUETTE BUCHE CHOUQUETTE BUCHE CHOUQUETTE PARISBREST head PARISBREST, 500 CLAFOUTIS BAGUETTE
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST hears type the number of line of the program PARISBREST CLAFOUTIS BAGUETTE
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST in PARISBREST, ECLAIR CHOUQUETTE CLAFOUTIS CLAFOUTIS BAGUETTE
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST in PARISBREST, CLAFOUTIS BAGUETTE
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST in PARISBREST, TARTEALARHUBARBE CHOUQUETTE 100, 3, 0 CLAFOUTIS BAGUETTE
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST delta0 PARISBREST, TARTEALARHUBARBE CHOUQUETTE 100, 3, 0 CLAFOUTIS BAGUETTE
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST delta1 PARISBREST, TARTEALARHUBARBE CHOUQUETTE 100, 3, 0 CLAFOUTIS BAGUETTE
QUATREQUART CHOUQUETTE PARISBREST delta2 PARISBREST, TARTEALARHUBARBE CHOUQUETTE 100, 3, 0 CLAFOUTIS BAGUETTE
```

FIGURE 2 – Initialisation de la machine

En première ligne on initialise l'état initial de la machine à 0, puis on demande l'input tape (donc l'input) la ligne suivante n'est pas affichée entièrement, elle initialise le ruban comme étant de longueur 500 puis on met l'input puis on remet 500 caractères vides (donc des 2) le plus important ici est les appels à l'instruction TARTEALARHUBARBE qui construit une matrice de taille  $n \times p$  (ici 100 par 3) initialisée avec des 0. Ces trois matrices serviront à stocker le programme. Deux autres variable qui vont aider pour la boucle de lecture du programme sont initialisées il s'agit de n le nombre de lignes du programme et de i à 0.

#### 2.3 Lecture du programme

Pour lire le programme sur l'entrée standard, il nous faut émuler une boucle conditionnelle. Que le langage n'implémente pas nativement. Pour cela nous aurons besoin des deux variables déclarés précédemment, n et i. De l'instruction permettant de construire des labels ICECREAM, de l'instruction permettant de JUMP à un label PAINVIENNOIS ainsi que d'un test conditionnel ici SABLE.

La boucle fait ceci dans l'ordre:

- Lit l'entrée standard
- Découpe la chaîne de caractère à tous les caractères "-"
- Rempli les 3 matrices avec les programmes correspondant
- Incrémente i
- Vérifie si i est supérieur ou égal à n
- Si  $i \geq n$  alors il quitte le programme
- Sinon il exécute un JUMP à lui-même

ces étapes rendent ceci une fois codées en B# rendent 23 lignes de code (longues) disponible ici jusqu'à la ligne 23.

Ces étapes terminées le programme est lu et stocké dans les 3 matrices.

## 2.4 Étape

Il est ensuite nécessaire d'implémenter une étape du programme. Là aussi, implémenté utilisant un label pour faire plus "propre" et pour séparer les différentes fonctionnalités du programme – les labels ne sont pas des fonctions à proprement parler, et ensuite le scopes des variables est global, permettant d'émuler un peu le fonctionnement de véritables fonctions avec uniquement des labels. L'instruction la plus utilisée sera TAR-TEAUXFRAISES qui permet d'accéder à l'élément n d'un tableau.

Une étape doit faire ceci :

- Vérifier qu'on est bien dans un état différent de "H". La suite est dans le cas ou cette assertion est vraie
- Lire le ruban avec la tête de lecture pour obtenir l'état du ruban appelé e, l'état de la machine est s
- Récupérer ce que l'on doit écrire depuis la première matrice aux coordonnées (s, e)
- Récupérer dans quelle direction aller depuis la seconde matrice aux coordonnées (s,e)
- Récupérer le nouvel état de la machine depuis la troisième matrice aux coordonéées (s,e)
- Modifier le ruban en écrivant ce que l'on doit écrire
- Mettre à jour l'état de la machine avec le nouvel état
- Mettre à jour la position de la tête selon si on a lu r l ou \*
- Afficher le ruban (en enlevant les 2) et l'état de la machine

L'implémentation en B# de ce code est disponible une fois encore sur GitHub ici jusqu'à la ligne 58 Ce morceau de code fait uniquement une étape. Il faut maintenant implémentée la boucle principale

#### 2.5 Runtime de la machine

Maintenant qu'une étape de la machine a été implémentée il faut répéter les étapes tant que l'état de la machine n'est pas "H". On verra dans les exemples comment le programme se comporte face à un programme qui ne s'arrête pas. Là encore nous avons affaire à une boucle conditionnelle que l'on peut implémenter à l'aide d'un label et d'un test conditionnel

```
ICECREAM PARISBREST run PARISBREST
NUFFIN
PAINVIENNOIS PARISBREST Step PARISBREST
SABLE CHAUSSONAUXPOWNES CHOUQUETTE TIRAMISU CHOUQUETTE MADELEINE CHOUQUETTE PARISBREST STATE PARISBREST CLAFOUTIS , PARISBREST H PARISBREST CLAFOUTIS CLAFOUTIS
FRAMBOISIER NUFFIN
PAINVIENNOIS PARISBREST run PARISBREST
COOKIES BAGUETTE
COOKIES BAGUETTE
COOKIES BAGUETTE
```

FIGURE 3 – Runtime de la machine

Qui peut se traduire par "tant que l'état n'est pas 'H', on exécute step" Enfin, nous avons besoin d'ajouter un "JUMP "run"" juste après l'initialisation pour lancer le programme :

# 3 Exemple de programmes

#### 3.1 left bit-shift

Le left-bitshift est une multiplication par 2 en binaire, c'est "bouger" tous les bits vers la gauche et ajouter un 0 à la fin. On peut faire ceci avec l'algorithme suivant

- Si on est dans l'état 0 et qu'on lit un 0 on écrit un 0, on bouge à droite, et on reste dans l'état 0
- Si on est dans l'état 1 et qu'on lit un 1 on écrit un 1, on bouge à droite, et on reste dans l'état 0
- Si on est dans l'état 0 et qu'on lit un 2 on écrit un 0, on ne bouge pas et passe en état "H"

Sous forme d'automate (les transitions sont d'état de machine à état de machine, étiquetées par l'état du ruban lu)

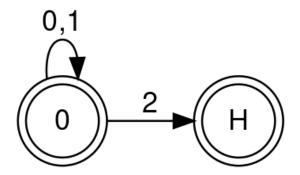


FIGURE 4 – Automate représentant le bitshift

Et sous forme de programme pour notre machine

0 - 0 - 0 - r - 0

0 - 1 - 1 - r - 0

0-2-0-\*-H

Dont l'exécution donne

```
>> load examples/turing.baguette

Please type the input tape

101

Please type the number of line of the program

3

0-0-0-r-0

0-1-1-r-0

0-2-0-*-H

Step (tape, state): (101,0)

Step (tape, state): (101,0)

Step (tape, state): (101,0)

Step (tape, state): (1010,H)

Final (tape, state, head): (1010,H,503)
```

FIGURE 5 – Exécution du left-bitshift

## 3.2 Binary adder

Un additionneur binaire est bien plus complexe, le programme fait 17 lignes (et ne sera pas expliqué ici), rapidement il se sert du deuxième chiffre comme d'un compteur pour additionner un par un au premier chiffre jusqu'à ce que le compteur atteigne 0. La représentation sous forme d'automate donne ceci

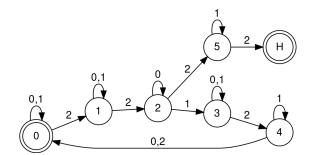


FIGURE 6 – Automate représentant l'addition binaire

Les 17 lignes du programme sont disponibles ici l'exécution pour l'addition de 10 et 8 en (en binaire 1010 et 1000) donne 10010 ce qui est bien 16+2=18.

```
Step (tape, state): (100100111,2)
Step (tape, state): (100101111,2)
Step (tape, state): (100101111,5)
Step (tape, state): (10010111,5)
Step (tape, state): (1001011,5)
Step (tape, state): (100101,5)
Step (tape, state): (10010,5)
Step (tape, state): (10010,H)
Final (tape, state, head): (10010,H,509)
```

FIGURE 7 – Dernières lignes de l'exécution de l'addition binaire

#### 3.3 Programme sans fin

Prenons un programme simple qui ne s'arrête pas :

$$0-0-0-*-1$$
 $1-0-0-*-0$ 

Qui n'écris rien reste sur place et constamment passe de l'état 0 à 1 et vice versa. L'exécuter fait que l'interpréteur affiche pleins d'erreur jusqu'à s'arrêter et retourner sur le REPL.

abel do not existlabel do not existlabel do t existlabel do not existlabel not existlabel do not exist

Figure 8 – Trace d'un programme sans fin