

순차논리회로

HANYANG UNIV.

SOFT COMPUTING AND NEXT GENERATION NETWORK
LAB.

01 동기 순서논리회로 개요

□ 조합논리회로와 순서논리회로

조합논리회로
(combinational
logic circuit)

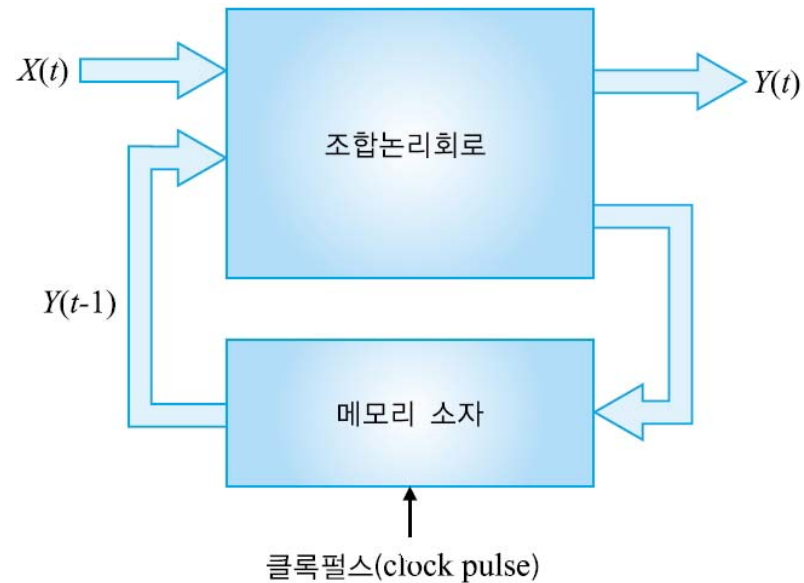
- 출력이 현재의 입력에 의해서만 결정되는 논리회로

순서논리회로
(sequential logic
circuit)

- 현재의 입력과 이전의 출력상태에 의해서 출력이 결정되는 논리회로.
- 순서논리회로는 신호의 타이밍(timing)에 따라 동기 순서논리회로와 비동기 순서논리회로로 분류.
- 동기 순서회로에서 상태(state)는 단지 이산된(discrete) 각 시점 즉, 클록펄스가 들어오는 시점에서 상태가 변화하는 회로
- 클록펄스에 의해서 동작하는 회로를 동기순서논리회로 또는 단순히 동기순서회로라 한다.
- 비동기 순서회로는 시간에 관계없이 단지 입력이 변화하는 순서에 따라 동작하는 논리회로

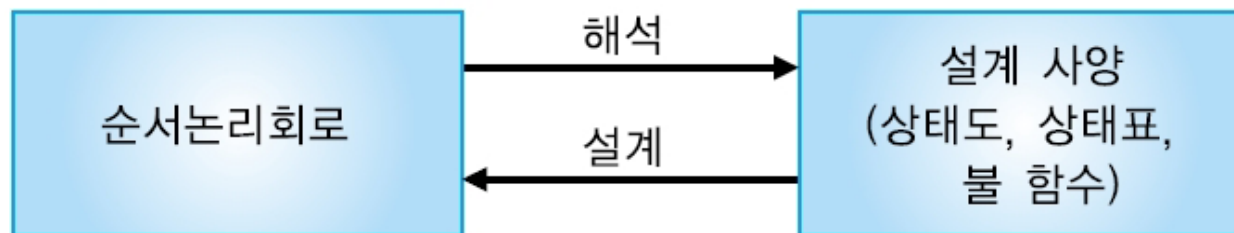
01 동기 순서논리회로 개요

• 순서논리회로의 블록도



출력 $Y(t)$ 는 현재 상태의 입력 $X(t)$ 와 이전 상태의 출력 $Y(t-1)$ 에 의하여 결정

• 순서논리회로의 해석과 설계 관계



02 동기 순서논리회로의 해석과정

- ❖ 순서논리회로의 동작은 입력과 출력 및 플립플롭의 현재상태에 의해 결정
- ❖ 출력과 차기상태는 현재상태의 함수가 된다.
- ❖ 순서논리회로의 해석은 입력과 출력 및 현재상태에 의해 결정되는 차기상태의 시간순서를 상태표나 상태로 나타냄으로써 해석이 가능

• 순서논리회로의 해석과정

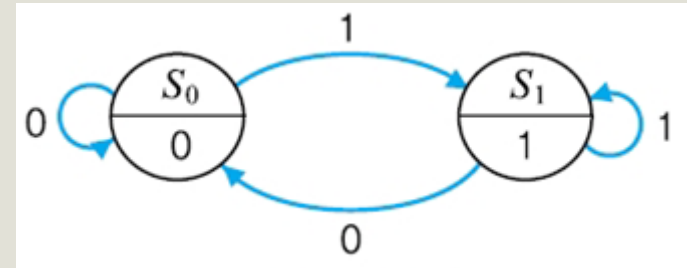
- [단계 1] 회로 입력과 출력에 대한 변수 명칭 부여
- [단계 2] 조합논리회로가 있으면 조합논리회로의 부울대수식 유도
- [단계 3] 회로의 상태표 작성
- [단계 4] 상태표를 이용하여 상태도 작성
- [단계 5] 상태방정식 유도
- [단계 6] 상태표와 상태도를 분석하여 회로의 동작 설명

02 동기 순서논리회로의 해석과정

□ 상태도 종류

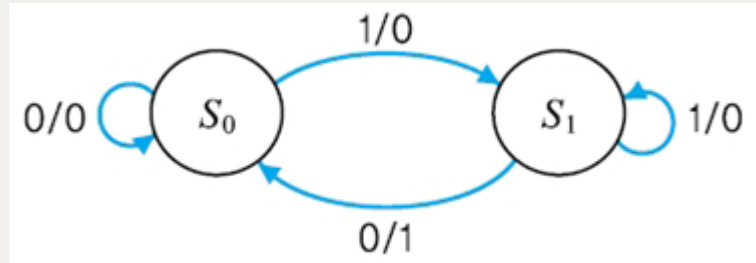
무어머신 (Moore machine)

순서논리회로의 출력이
플립플롭들의 현재 상태만의
함수인 회로. 출력이 상태 내에
결합되어 표시된다.
오직 현재의 상태에만
의존하여 결과 값이 도출



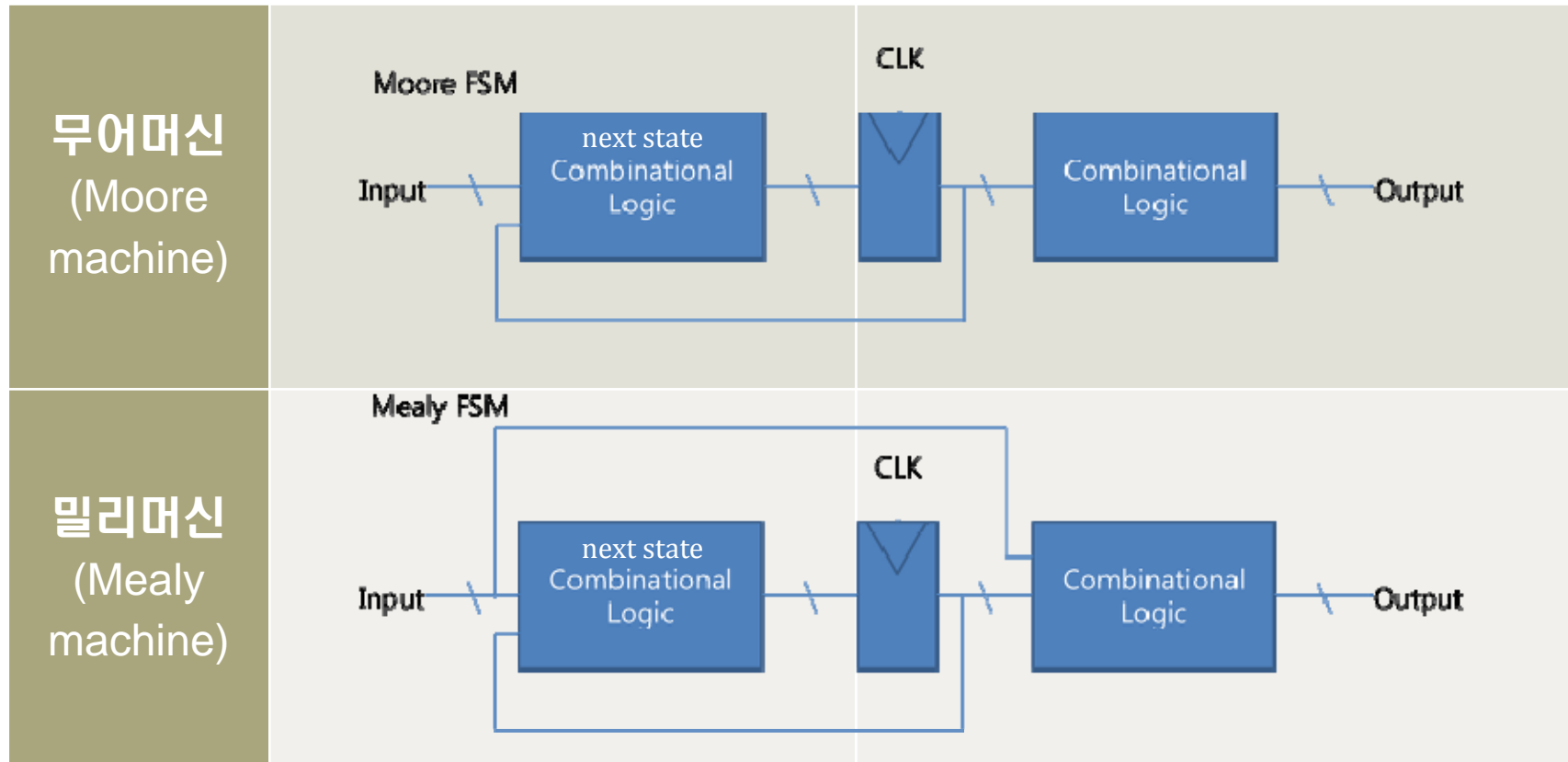
밀리머신 (Mealy machine)

출력이 현재 상태와 입력의
함수인 회로. 출력은
상태간을 지나가는
화살선의 위에 표시된다.
현재의 결과값과 입력값의
조합으로 결과 값이 도출



02 동기 순서논리회로의 해석과정

□ 상태도 종류



무어머신 (Moore machine)

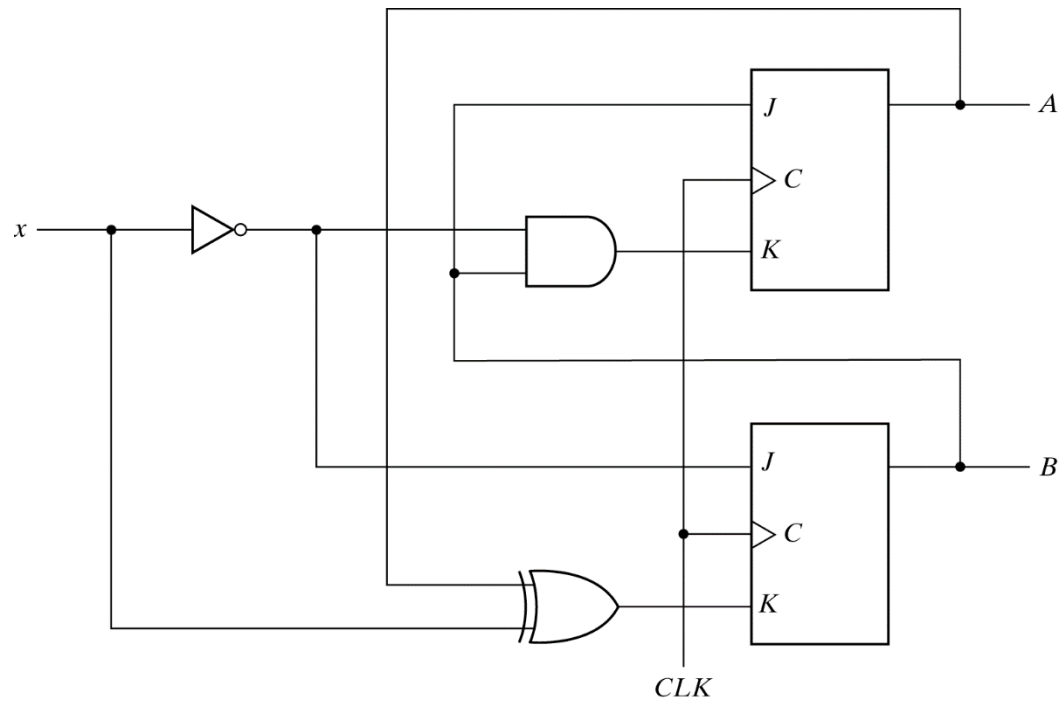


Fig. 5-18 Sequential Circuit with JK Flip-Flop

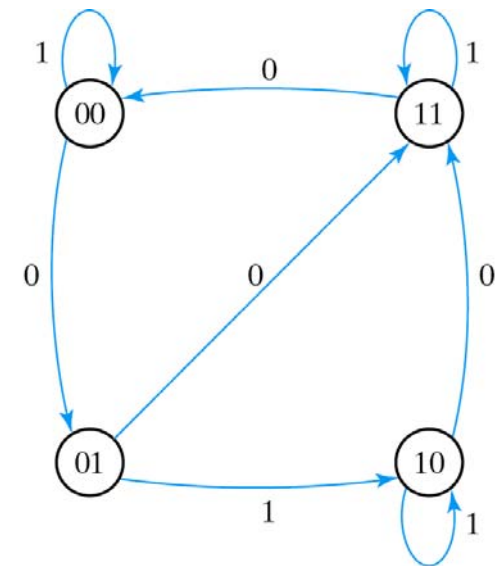


Fig. 5-19 State Diagram of the Circuit of Fig. 5-18

무어머신 (Moore machine)

```
module Moore_Model_Fig_5_19 (output [1: 0] y_out, input x_in, clock, reset);  
  reg [1: 0] state;  
  parameter S0 = 2'b00, S1 = 2'b01, S2 = 2'b10, S3 = 2'b11;
```

```
  always @ (posedge clock, negedge reset)  
    if (reset == 0) state <= S0; // Initialize to state S0  
    else case (state)  
      S0: if (~x_in) state <= S1; else state <= S0;  
      S1: if (x_in) state <= S2; else state <= S3;  
      S2: if (~x_in) state <= S3; else state <= S2;  
      S3: if (~x_in) state <= S0; else state <= S3;  
    endcase
```

```
  assign y_out = state;           // Output of flip-flops
```

```
endmodule
```

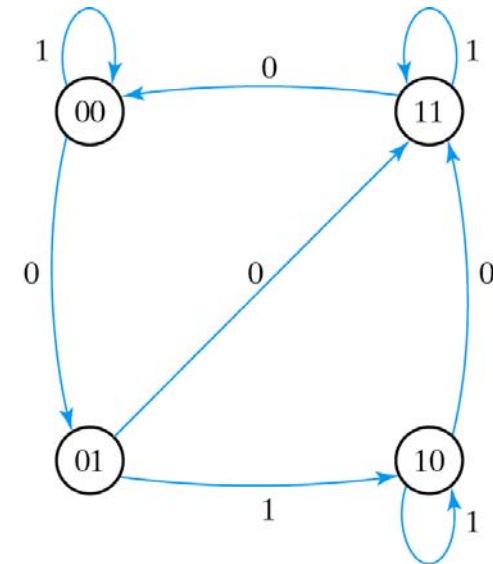


Fig. 5-19 State Diagram of the Circuit of Fig. 5-18

무어머신 (Moore machine)

```
module t_Moore_Fig_5_19;
  wire [1: 0]      t_y_out;
  reg              t_x_in, t_clock, t_reset;

  Moore_Model_Fig_5_19 M0 (t_y_out, t_x_in, t_clock, t_reset);

  initial #200 $finish;
  initial begin t_clock = 0; forever #5 t_clock = ~t_clock; end

  initial fork
    t_reset = 0; #2 t_reset = 1; #87 t_reset = 0; #89 t_reset = 1; #10 t_x_in = 1;
    #30 t_x_in = 0; #40 t_x_in = 1; #50 t_x_in = 0; #52 t_x_in = 1; #54 t_x_in = 0;
    #70 t_x_in = 1; #80 t_x_in = 1; #70 t_x_in = 0; #90 t_x_in = 1; #100 t_x_in = 0;
    #120 t_x_in = 1; #160 t_x_in = 0; #170 t_x_in = 1;
  join
endmodule
```

밀리머신 (Mealy machine)

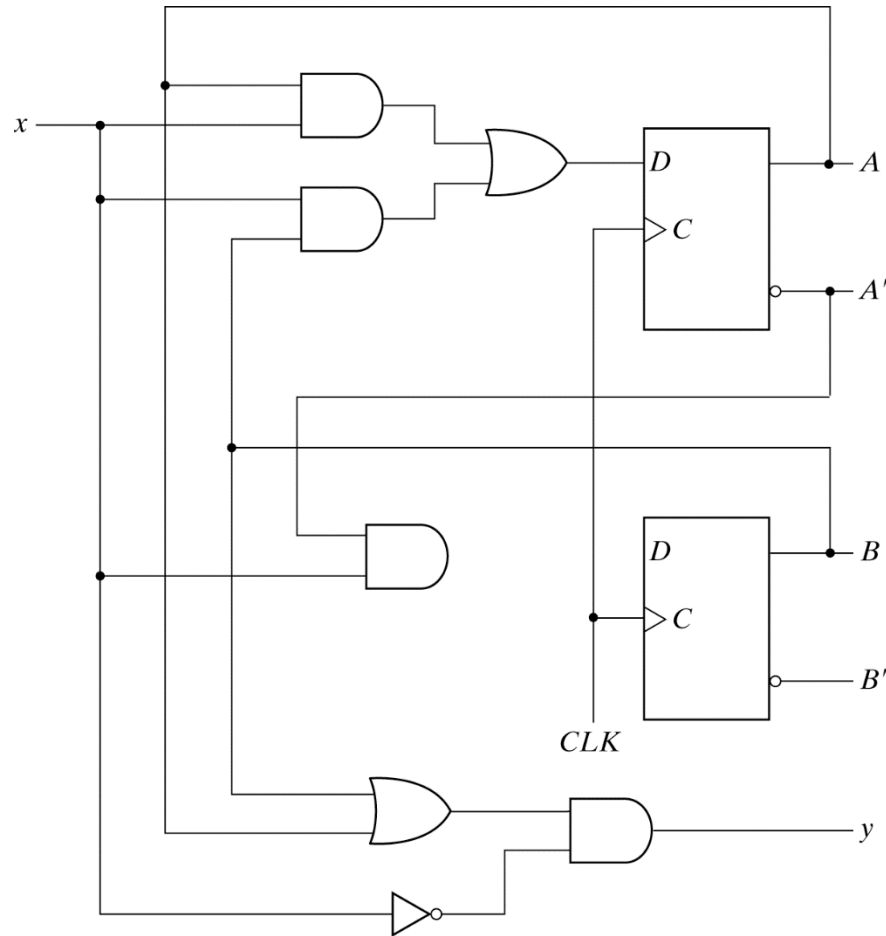


Fig. 5-15 Example of Sequential Circuit

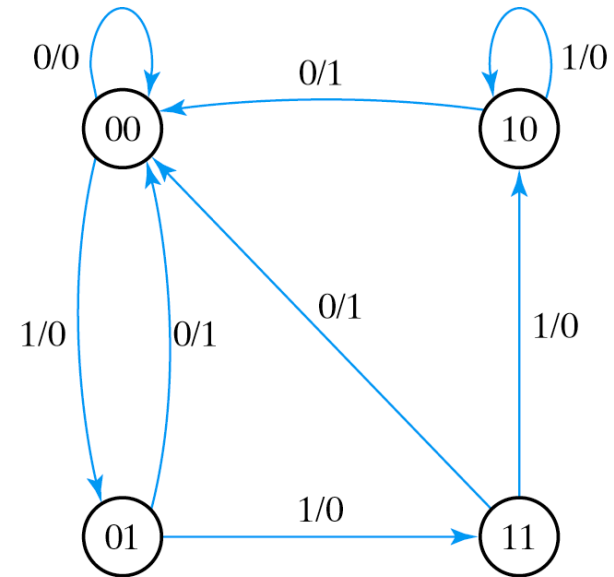


Fig. 5-16 State Diagram of the Circuit of Fig. 5-15

밀리머신 (Mealy machine)

```
module Mealy_Zero_Detector (output reg y_out, input x_in, clock, reset);
```

```
  reg [1: 0]  state, next_state;
```

```
  parameter S0 = 2'b00, S1 = 2'b01, S2 = 2'b10, S3 = 2'b11;
```

```
  always @ (posedge clock, negedge reset)      // state transition
```

```
    if (reset == 0) state <= S0;
```

```
    else state <= next_state;
```

```
  always @ (state, x_in) // Form the next state
```

```
    case (state)
```

```
      S0: if (x_in)  next_state = S1; else next_state = S0;
```

```
      S1: if (x_in)  next_state = S3; else next_state = S0;
```

```
      S2: if (~x_in) next_state = S0; else next_state = S2;
```

```
      S3: if (x_in)  next_state = S2; else next_state = S0;
```

```
    endcase
```

```
  always @ (state, x_in) // Form the output
```

```
    case (state)
```

```
      S0: y_out = 0;
```

```
      S1, S2, S3: y_out = ~x_in;
```

```
    endcase
```

```
endmodule
```

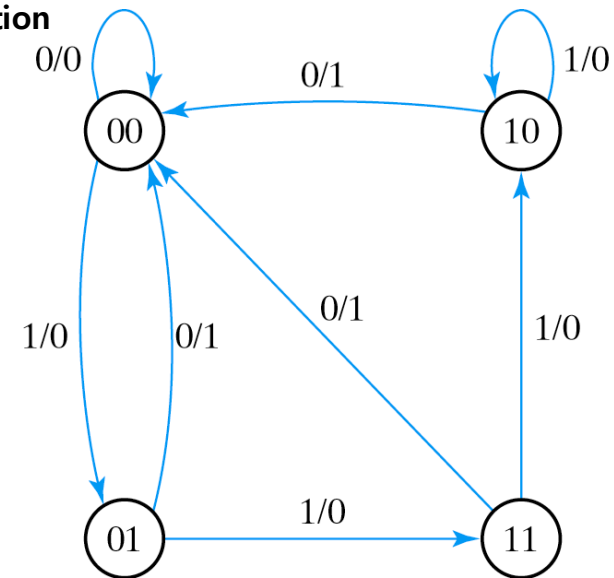


Fig. 5-16 State Diagram of the Circuit of Fig. 5-15

밀리머신 (Mealy machine)

```
module t_Mealy_Zero_Detector;  
  wire t_y_out;  
  reg t_x_in, t_clock, t_reset;
```

```
Mealy_Zero_Detector M0 (t_y_out, t_x_in, t_clock, t_reset);
```

```
initial #200 $finish;
```

```
initial begin t_clock = 0; forever #5 t_clock = ~t_clock; end
```

```
initial fork
```

```
    t_reset = 0; #2 t_reset = 1; #87 t_reset = 0; #89 t_reset = 1; #10 t_x_in = 1;
```

```
    #30 t_x_in = 0; #40 t_x_in = 1; #50 t_x_in = 0; #52 t_x_in = 1; #54 t_x_in = 0;
```

```
    #70 t_x_in = 1; #80 t_x_in = 1; #70 t_x_in = 0; #90 t_x_in = 1; #100 t_x_in = 0;
```

```
    #120 t_x_in = 1; #160 t_x_in = 0; #170 t_x_in = 1;
```

```
  join
```

```
endmodule
```

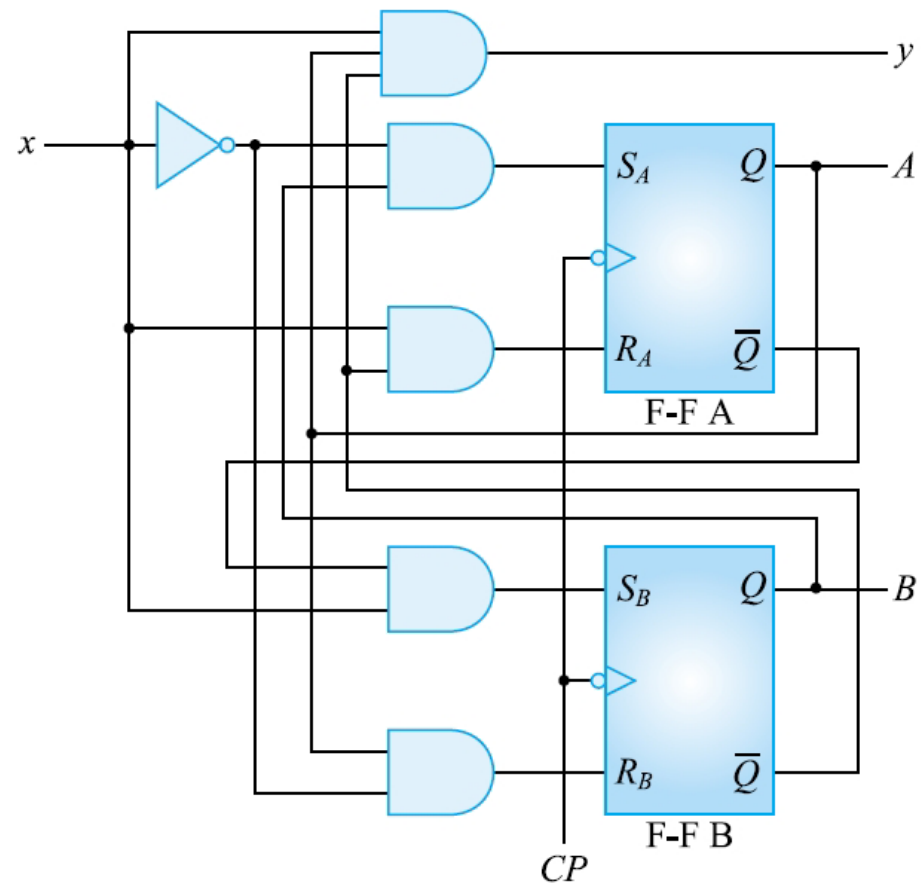
02 동기 순서논리회로의 해석과정

1. 변수명칭 부여

- 입력변수 : x
- 출력 변수 : y
- F-F A 플립플롭의 입력 : S_A, R_A
- F-F B 플립플롭의 입력 : S_B, R_B
- F-F A 플립플롭의 출력 : A
- F-F B 플립플롭의 출력 : B

2. 부울 대수식 유도

- F-F A 플립플롭의 입력
 $S_A = B\bar{x}, \quad R_A = \bar{B}x$
- F-F B 플립플롭의 입력
 $S_B = \bar{A}x, \quad R_B = Ax$
- 시스템 출력
 $y = A\bar{B}x$



02 동기 순서논리회로의 해석과정

3. 상태표 작성

- ❖ 상태표(state table)는 현재상태와 외부 입력의 변화에 따라 차기상태와 출력의 변화를 정의한 것
- ❖ 현재상태란 클록펄스(CP)의 인가 전을 나타내며, 차기상태란 클록펄스의 인가 후를 나타낸다.

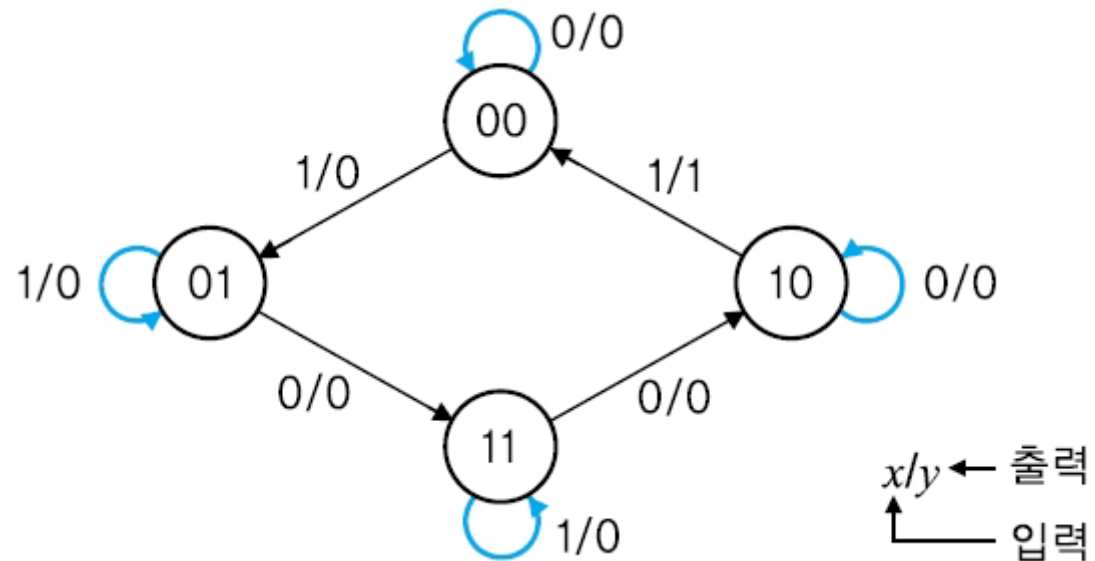
현재상태	차기상태		출력	
	$x=0$	$x=1$	$x=0$	$x=1$
A B	A B	A B	y	y
0 0	0 0	0 1	0	0
0 1	1 1	0 1	0	0
1 0	1 0	0 0	0	1
1 1	1 0	1 1	0	0

상태표

02 동기 순서논리회로의 해석과정

4. 상태도 작성

❖ 상태표로부터 상태도를 그린다.



상태도

02 동기 순서논리회로의 해석과정

5. 상태방정식 유도

- ❖ 상태 방정식(state equation)은 플립플롭 상태 천이에 대한 조건을 지정하는 대수식
- ❖ 상태표로부터 플립플롭 A 와 B 가 논리 1이 되는 상태 방정식은 각각 다음과 같다.

$$A(t+1) = (\bar{A}B + A\bar{B} + AB)\bar{x} + ABx$$

$$B(t+1) = \bar{A}B\bar{x} + (\bar{A}\bar{B} + \bar{A}B + AB)x$$

- ❖ 카르노 도표를 이용하여 간소화한 상태 방정식

$$A(t+1) = B\bar{x} + AB + A\bar{x}$$

		Bx			
		00	01	11	10
A	0				1
	1	1		1	1

$$B(t+1) = \bar{A}x + \bar{A}B + Bx$$

		Bx			
		00	01	11	10
A	0		1	1	1
	1			1	

02 동기 순서논리회로의 해석과정

- ❖ S-R 플립플롭의 특성방정식과 비교

$A(t+1) = B\bar{x} + AB + A\bar{x}$ $= B\bar{x} + (B + \bar{x})A = B\bar{x} + (\overline{\bar{B}x})A$		$A(t+1) = (S_A) + (\bar{R}_A)A$
$B(t+1) = \bar{A}x + \bar{A}B + Bx$ $= \bar{A}x + (\bar{A} + x)B = \bar{A}x + (\overline{Ax})B$	\Leftrightarrow	$B(t+1) = (S_B) + (\bar{R}_B)B$

$$S_A = B\bar{x} \quad R_A = \bar{B}x$$

$$S_B = \bar{A}x \quad R_B = Ax$$

6. 회로의 동작설명

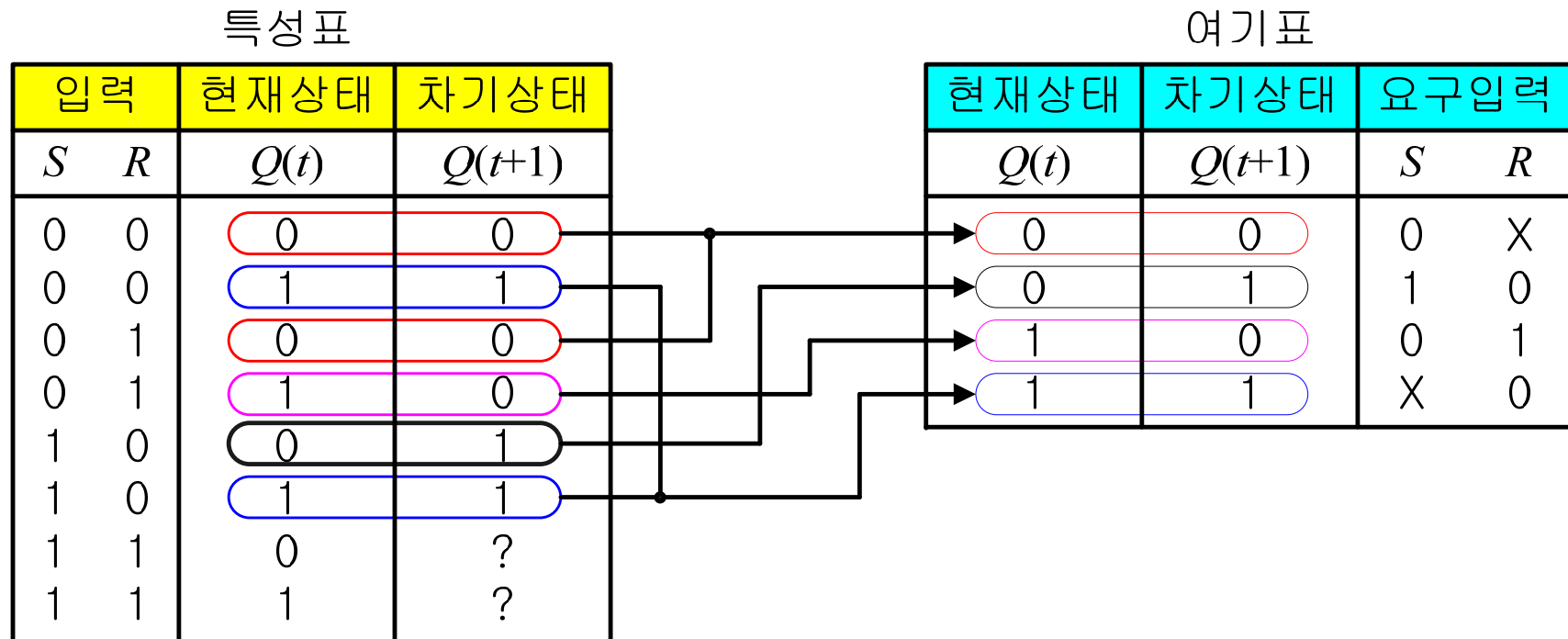
- ❖ 순서논리회로의 동작은 상태도나 상태표를 이용하여 설명 가능
- ❖ 입력의 값에 따라 클록펄스가 한번씩 인가될 때마다
0(00)→1(01)→3(11)→2(10)의 순으로 순차적으로 동작하는 순서논리회로

03 플립플롭의 여기표

- ❖ 플립플롭의 특성표는 현재상태와 입력값이 주어졌을 때, 차기상태가 어떻게 변하는가를 나타내는 표.
- ❖ 플립플롭의 여기표(excitation table)는 현재상태에서 차기상태로 변했을 때 플립플롭의 입력조건이 어떤 상태인가를 나타내는 표.
- ❖ 플립플롭의 여기표는 순서논리회로를 설계할 때 자주 사용

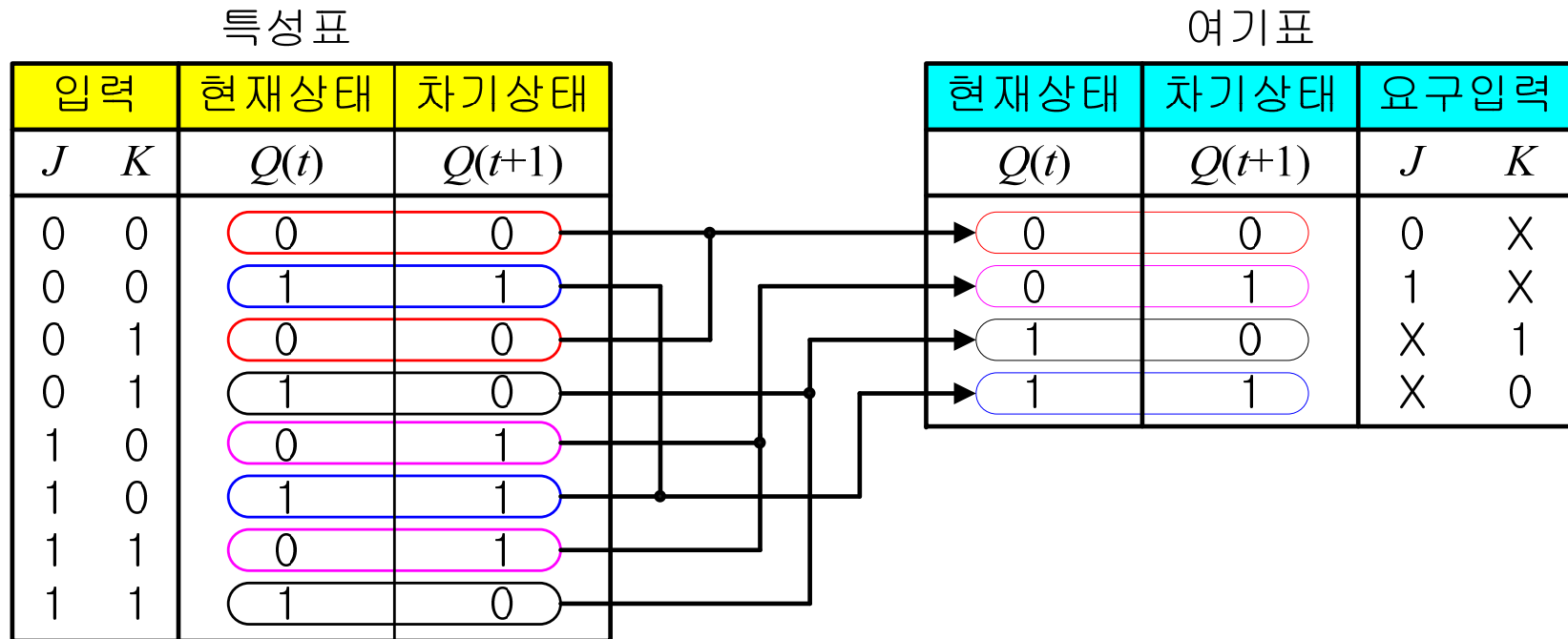
03 플립플롭의 여기표

1. S-R 플립플롭의 여기표



03 플립플롭의 여기표

2. J-K 플립플롭의 여기표



03 플립플롭의 여기표

3. D 플립플롭의 여기표

특성표

입력	현재상태	차기상태
D	$Q(t)$	$Q(t+1)$
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	1

여기표

현재상태	차기상태	요구입력
$Q(t)$	$Q(t+1)$	D
0	0	0
0	1	1
1	0	0
1	1	1

4. T 플립플롭의 여기표

특성표

입력	현재상태	차기상태
T	$Q(t)$	$Q(t+1)$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

여기표

현재상태	차기상태	요구입력
$Q(t)$	$Q(t+1)$	T
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

04 동기 순서논리회로의 설계 과정

□ 순서논리회로의 설계 과정

[단계 1] 회로 동작 기술(상태도 작성)

[단계 2] 정의된 회로의 상태표 작성

[단계 3] 필요한 경우 상태 축소 및 상태 할당

[단계 4] 플립플롭의 수와 플립플롭의 종류 결정

[단계 5] 플립플롭의 입력, 출력 및 각각의 상태에 문자기호 부여

[단계 6] 상태표를 이용하여 회로의 여기표 작성

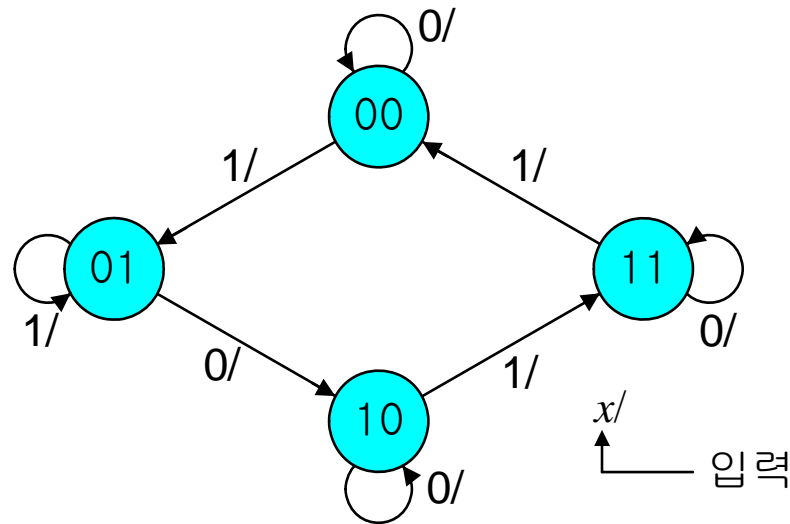
[단계 7] 간략화 방법을 이용하여 출력 함수 및 플립플롭의 입력함수 유도

[단계 8] 순서논리회로도 작성

04 동기 순서논리회로의 설계 과정

1. 회로 동작 기술

- ❖ 입력 변수만 있고 출력 변수는 없는 상태에서 상태 변화가 일어난다.



동기 순서논리회로에 대한 상태도

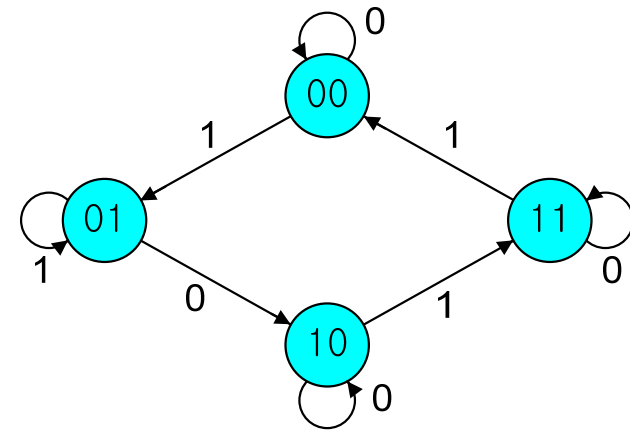
04 동기 순서논리회로의 설계 과정

2. 상태표 작성

❖ 상태도로부터 상태표 유도

현재상태		차기상태			
		$x=0$		$x=1$	
A	B	A	B	A	B
0	0	0	0	0	1
0	1	1	0	0	1
1	0	1	0	1	1
1	1	1	1	0	0

상태표



상태도

04 동기 순서논리회로의 설계 과정

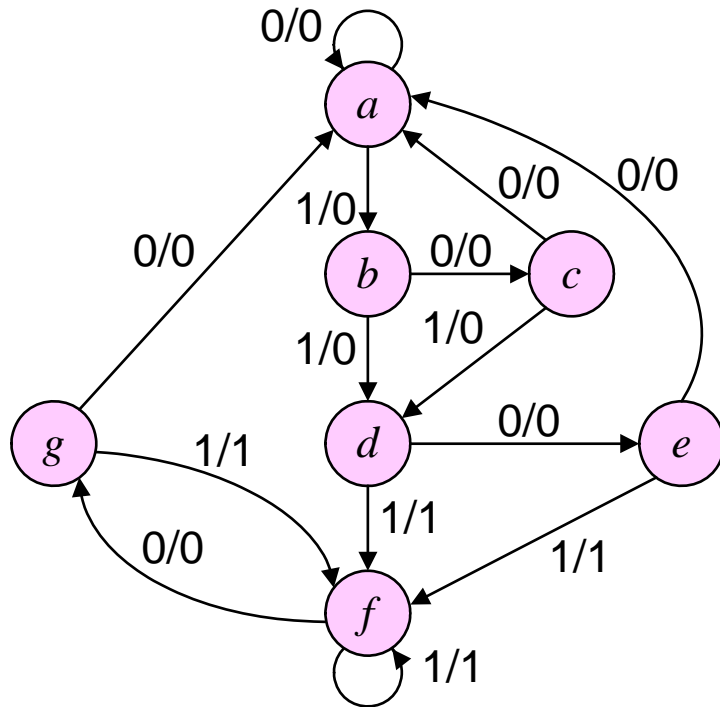
3. 상태 축소 및 상태 할당

- ❖ 문자 기호에 의해서 표시된 상태를 가진 상태로로부터 간략화된 상태표를 유도하기 위한 절차에 대해서 알아보기로 한다.
- ❖ 상태로로부터 얻어진 상태표는 하나 또는 그 이상의 불필요한 상태 (redundant state)를 가질 수 있다.
- ❖ 축소된 최소 상태표(minimal state table)를 유도하기 위한 과정은 상태 축소와 상태 할당의 2단계에 의해서 수행된다.

• 상태 축소

- ❖ 순서논리회로에서 플립플롭의 수를 줄이는 것
- ❖ 플립플롭의 수가 m 이라 가정하면, 이때 요구되는 상태는 2^m 이 되므로 상태의 수를 줄임으로써 플립플롭의 수를 줄일 수 있다. 그러나 경우에 따라 상태의 수는 감소되지만 플립플롭의 수는 변화하지 않는 경우도 있다.

04 동기 순서논리회로의 설계 과정



상태도

현재상태	차기상태		출력	
	$x=0$	$x=1$	$x=0$	$x=1$
a	a	b	0	0
b	c	d	0	0
c	a	d	0	0
d	e	f	0	1
e	a	f	0	1
f	g	f	0	1
g	a	f	0	1

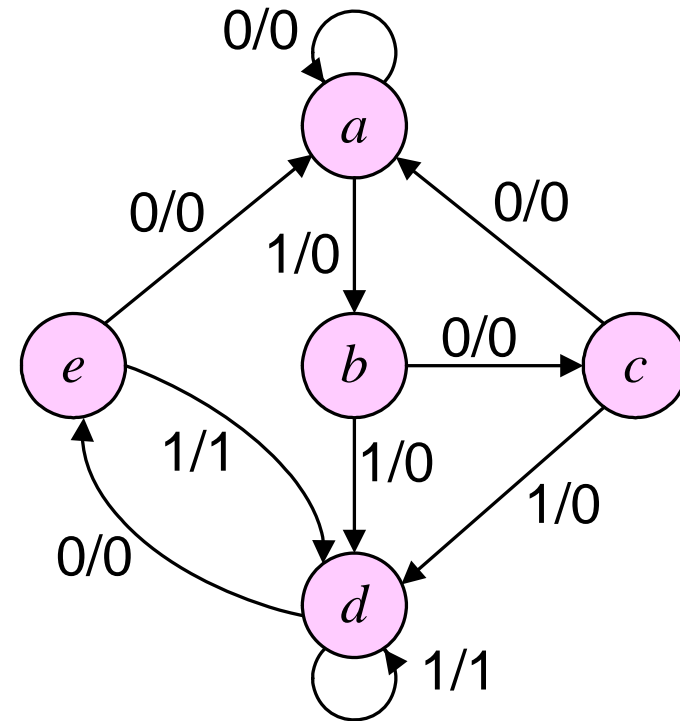
상태표

04 동기 순서논리회로의 설계 과정

현재 상태	차기상태		출력	
	$x=0$	$x=1$	$x=0$	$x=1$
a	a	b	0	0
b	c	d	0	0
c	a	d	0	0
d	e	$f d$	0	1
e	a	$f d$	0	1
f	$g e$	f	0	1
g	a	f	0	1

최종 상태표

현재 상태	차기상태		출력	
	$x=0$	$x=1$	$x=0$	$x=1$
a	a	b	0	0
b	c	d	0	0
c	a	d	0	0
d	e	d	0	1
e	a	d	0	1



축소된 상태도

04 동기 순서논리회로의 설계 과정

• 상태 할당

- ❖ 기호 형태로 표현된 각각의 상태에 대해서 2진수(2진 코드)의 값을 할당하는 과정

상태	할당1	할당2	할당3
<i>a</i>	0 0 1	0 0 0	0 0 0
<i>b</i>	0 1 0	0 1 0	1 0 0
<i>c</i>	0 1 1	0 1 1	0 1 0
<i>d</i>	1 0 0	1 0 1	1 0 1
<i>e</i>	1 0 1	1 1 1	0 1 1

현재 상태	차기상태		출력	
	<i>x</i> =0	<i>x</i> =1	<i>x</i> =0	<i>x</i> =1
0 0 1	0 0 1	0 1 0	0	0
0 1 0	0 1 1	1 0 0	0	0
0 1 1	0 0 1	1 0 0	0	0
1 0 0	1 0 1	1 0 0	0	1
1 0 1	0 0 1	1 0 0	0	1

할당 1에 의한
최소 상태표

04 동기 순서논리회로의 설계 과정

4. 플립플롭의 수와 형태의 결정[참고]

- ❖ 정의해야 할 상태의 수가 n 가지이면 $\lceil \log_2 n \rceil$ 개의 플립플롭이 필요.
- ❖ 예를 들어 $n=16$ 이면, $\lceil \log_2 16 \rceil = 4 \log_2 2 = 4$
- ❖ 예를 들어 $n=4$ 이면, $\lceil \log_2 4 \rceil = 2 \log_2 2 = 2$

04 동기 순서논리회로의 설계 과정

5. 상태 여기표의 유도

조합회로의 입력			차기상태		조합회로의 출력			
현재상태		입력			플립플롭 입력			
A	B	x	A	B	J_A	K_A	J_B	K_B
0	0	0	0	0	0	x	0	x
0	0	1	0	1	0	x	1	x
0	1	0	1	0	1	x	x	1
0	1	1	0	1	0	x	x	0
1	0	0	1	0	x	0	0	x
1	0	1	1	1	x	0	1	x
1	1	0	1	1	x	0	x	0
1	1	1	0	0	x	1	x	1

$Q(t)$	$Q(t+1)$	J	K
0	0	0	x
0	1	1	x
1	0	x	1
1	1	x	0

J - K 플립플롭의 여기표

6. 플립플롭의 출력 함수 및 회로의 입력 함수 유도

		Bx			
A		00	01	11	10
	0				1
	1	X	X	X	X

$$J_A = B\bar{x}$$

		Bx			
A		00	01	11	10
	0	X	X	X	X
	1			1	

$$K_A = Bx$$

		Bx			
A		00	01	11	10
	0		1	X	X
	1		1	X	X

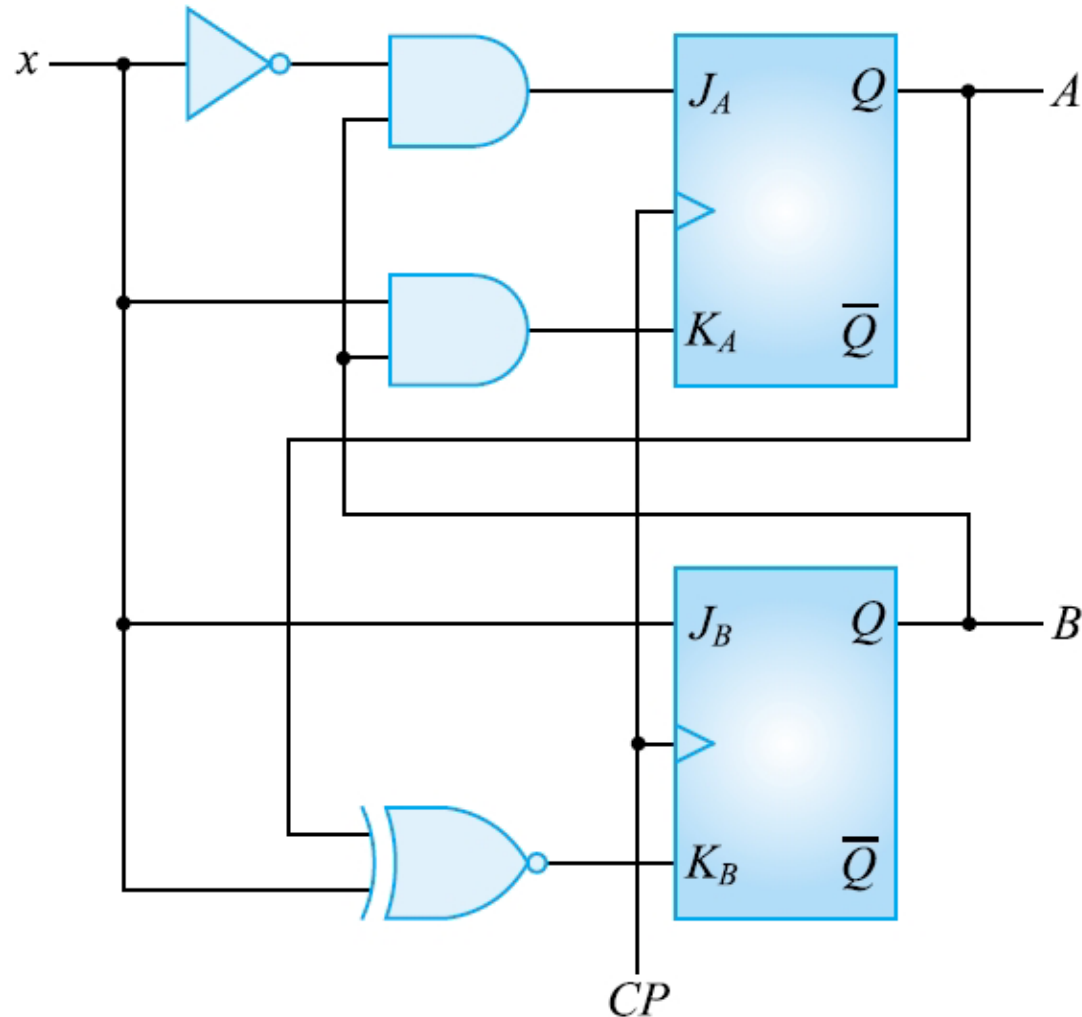
$$J_B = x$$

		Bx			
A		00	01	11	10
	0	X	X		1
	1	X	X	1	

$$K_B = Ax + \overline{A}\overline{x} = \overline{A} \oplus x = A \odot x$$

04 동기 순서논리회로의 설계 과정

7. 논리 회로의 구현



$$J_A = B\bar{x}$$

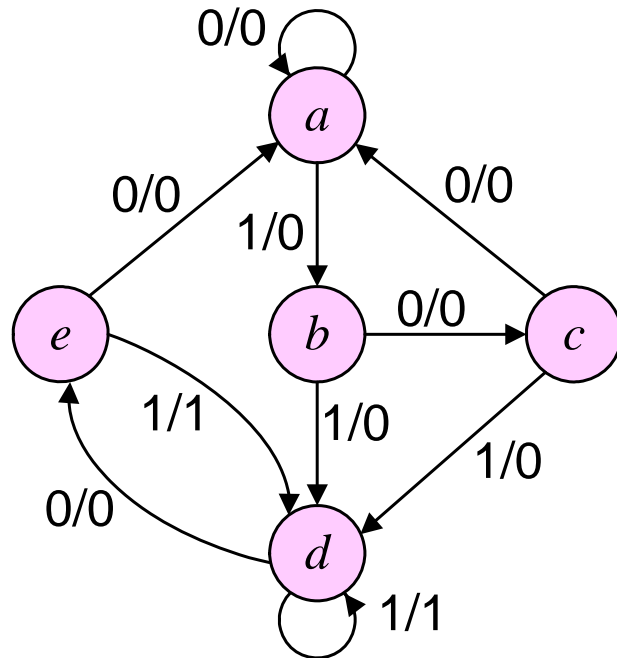
$$K_A = Bx$$

$$J_B = x$$

$$K_B = A \odot x$$

05 동기 순서논리회로의 설계 예

• 상태도



□ 상태표

현재상태	차기상태		출력	
	x=0	x=1	x=0	x=1
a	a	b	0	0
b	c	d	0	0
c	a	d	0	0
d	e	d	0	1
e	a	d	0	1

• 상태할당 및 플립플롭 수 결정

- ❖ 제어하려는 상태의 수는 5가지이므로 3비트가 필요
- ❖ 3개의 S-R 플립플롭을 순서대로 A, B, C라고 정의
- ❖ 현재 상태 a, b, c, d, e에 각각 000, 001, 010, 011, 100을 할당.

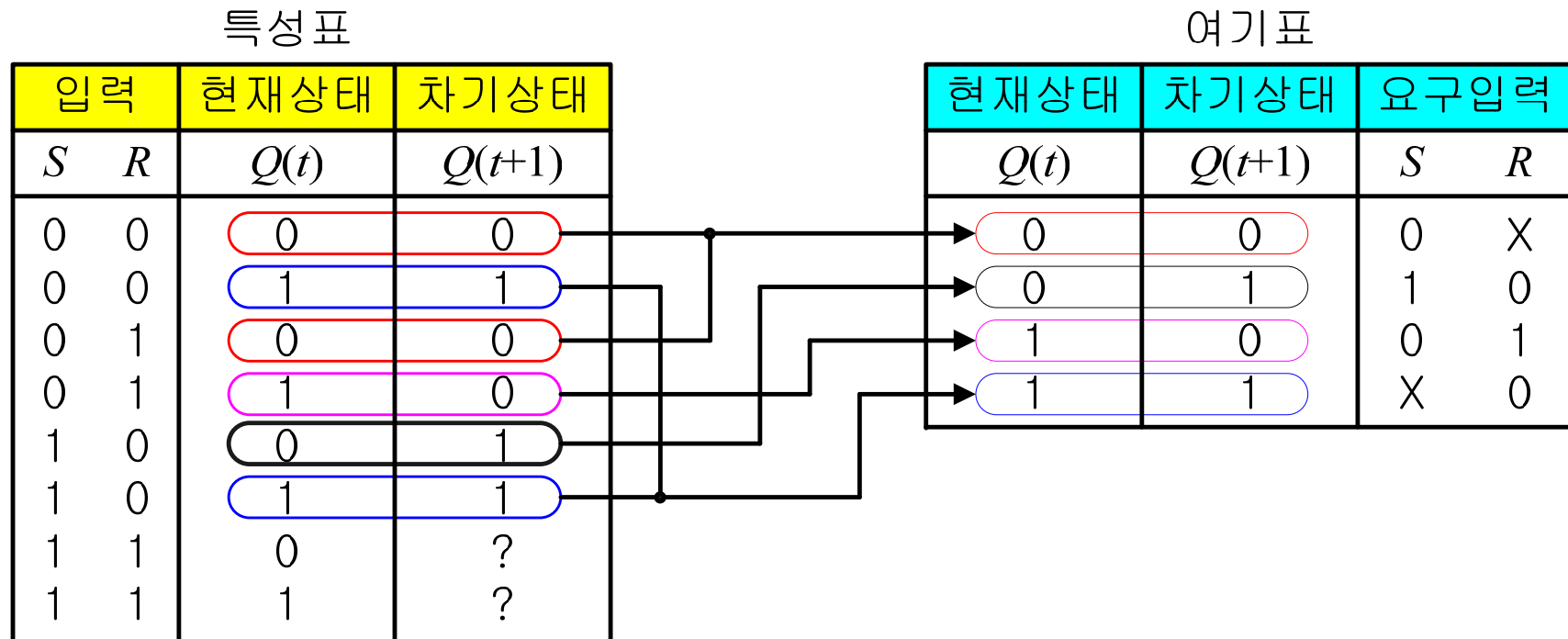
05 동기 순서논리회로의 설계 예

• 순서제어회로의 상태 여기표 작성

	현재상태	외부입력	차기상태	플립플롭의 입력						외부출력
	$A B C$	x	$A B C$	S_A	R_A	S_B	R_B	S_C	R_C	y
a	0 0 0	0	0 0 0	0	x	0	x	0	x	0
	0 0 0	1	0 0 1	0	x	0	x	1	0	0
b	0 0 1	0	0 1 0	0	x	1	0	0	1	0
	0 0 1	1	0 1 1	0	x	1	0	x	0	0
c	0 1 0	0	0 0 0	0	x	0	1	0	x	0
	0 1 0	1	0 1 1	0	x	x	0	1	0	0
d	0 1 1	0	1 0 0	1	0	0	1	0	1	0
	0 1 1	1	0 1 1	0	x	x	0	x	0	1
e	1 0 0	0	0 0 0	0	1	0	x	0	x	0
	1 0 0	1	0 1 1	0	1	1	0	1	0	1
don't care	1 0 1	0	x x x	x	x	x	x	x	x	x
	1 0 1	1	x x x	x	x	x	x	x	x	x
	1 1 0	0	x x x	x	x	x	x	x	x	x
	1 1 0	1	x x x	x	x	x	x	x	x	x
	1 1 1	0	x x x	x	x	x	x	x	x	x
	1 1 1	1	x x x	x	x	x	x	x	x	x

03 플립플롭의 여기표

1. S-R 플립플롭의 여기표



05 동기 순서논리회로의 설계 예

- 플립플롭의 출력 함수 및 회로의 출력 함수 유도

Cx AB	00	01	11	10
00				
01				1
11	X	X	X	X
10			X	

$$S_A = BC\bar{x}$$

Cx AB	00	01	11	10
00	X	X	X	X
01	X	X	X	
11	X	X	X	X
10	1	1	X	X

$$R_A = A$$

Cx AB	00	01	11	10
00			1	1
01		X	X	
11	X	X	X	X
10		1	X	X

$$S_B = Ax + \bar{B}C$$

Cx AB	00	01	11	10
00	X	X		
01	1			1
11	X	X	X	X
10	X		X	X

$$R_B = B\bar{x}$$

Cx AB	00	01	11	10
00		1	X	
01		1	X	
11	X	X	X	X
10		1	X	X

$$S_C = x$$

Cx AB	00	01	11	10
00	X			1
01	X			1
11	X	X	X	X
10	X		X	X

$$R_C = \bar{x}$$

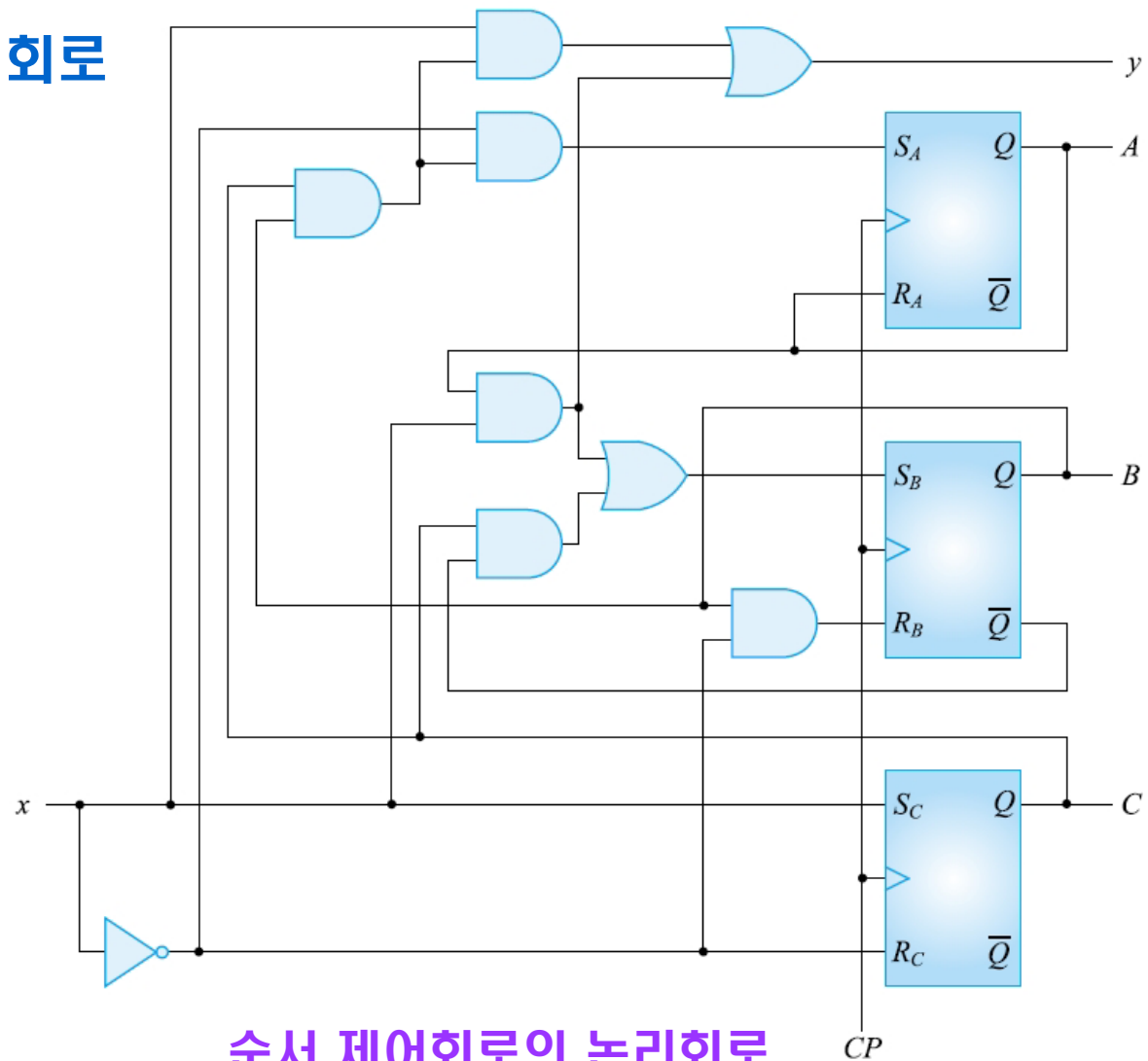
05 동기 순서논리회로의 설계 예

• 순서 제어 회로의 논리회로

AB \ Cx	Cx			
	00	01	11	10
00				
01			1	
11	X	X	X	X
10		1	X	X

$$y = Ax + BCx$$

$$\begin{aligned} S_A &= BC\bar{x} & R_A &= A \\ S_B &= Ax + \bar{B}C & R_B &= B\bar{x} \\ S_C &= x & R_C &= \bar{x} \\ y &= Ax + BCx \end{aligned}$$



순서 제어회로의 논리회로

06 미사용 상태의 설계

- ❖ 순서논리회로에서는 어떠한 상태도 초기 상태가 될 수 있으므로 현재상태를 순서논리회로에서 모두 사용하지 않는 경우 문제점 발생.
- ❖ 따라서 사용하지 않는 상태에 대해 **차기** 상태가 어떤지를 구할 필요가 있다.

현재상태			차기상태					
			$x=0$			$x=1$		
A	B	C	A	B	C	A	B	C
0	1	0	0	1	1	0	1	0
0	1	1	0	1	1	1	1	1
1	0	0	1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	0	1	1	0	0
1	1	0	1	1	0	0	1	0
1	1	1	1	0	1	1	1	1

상태표

06 미사용 상태의 설계

• 순서논리회로의 상태 여기표

입력	현재 상태			차기 상태			플립플롭 입력					
x	A	B	C	A	B	C	J_A	K_A	J_B	K_B	J_C	K_C
0	0	1	0	0	1	1	0	×	×	0	1	×
0	0	1	1	0	1	1	0	×	×	0	×	0
0	1	0	0	1	0	0	×	0	0	×	0	×
0	1	0	1	1	0	1	×	0	0	×	×	0
0	1	1	0	1	1	0	×	0	×	0	0	×
0	1	1	1	1	0	1	×	0	×	1	×	0
1	0	1	0	0	1	0	0	×	×	0	0	×
1	0	1	1	1	1	1	1	×	×	0	×	0
1	1	0	0	1	1	0	×	0	1	×	0	×
1	1	0	1	1	0	0	×	0	0	×	×	1
1	1	1	0	0	1	0	×	1	×	0	0	×
1	1	1	1	1	1	1	×	0	×	0	×	0

06 미사용 상태의 설계

- ❖ 사용하지 않은 2개의 상태(000, 001)에 대해서는 카르노 맵에서 무관항으로 처리하여 간소화

AB \ Cx		00	01	11	10
		00	01	11	10
00	X	X	X	X	X
01				1	
11	X	X	X	X	X
10	X	X	X	X	X

$$J_A = Cx$$

AB \ Cx		00	01	11	10
		00	01	11	10
00	X	X	X	X	X
01	X	X	X	X	X
11			1		
10					

$$K_A = B\bar{C}x$$

AB \ Cx		00	01	11	10
		00	01	11	10
00	X	X	X	X	X
01	X	X	X	X	X
11	X	X	X	X	X
10			1		

$$J_B = \bar{C}x$$

AB \ Cx		00	01	11	10
		00	01	11	10
00	X	X	X	X	X
01					
11					1
10	X	X	X	X	X

$$K_B = AC\bar{x}$$

AB \ Cx		00	01	11	10
		00	01	11	10
00	X	X	X	X	X
01	1		X	X	X
11			X	X	X
10			X	X	X

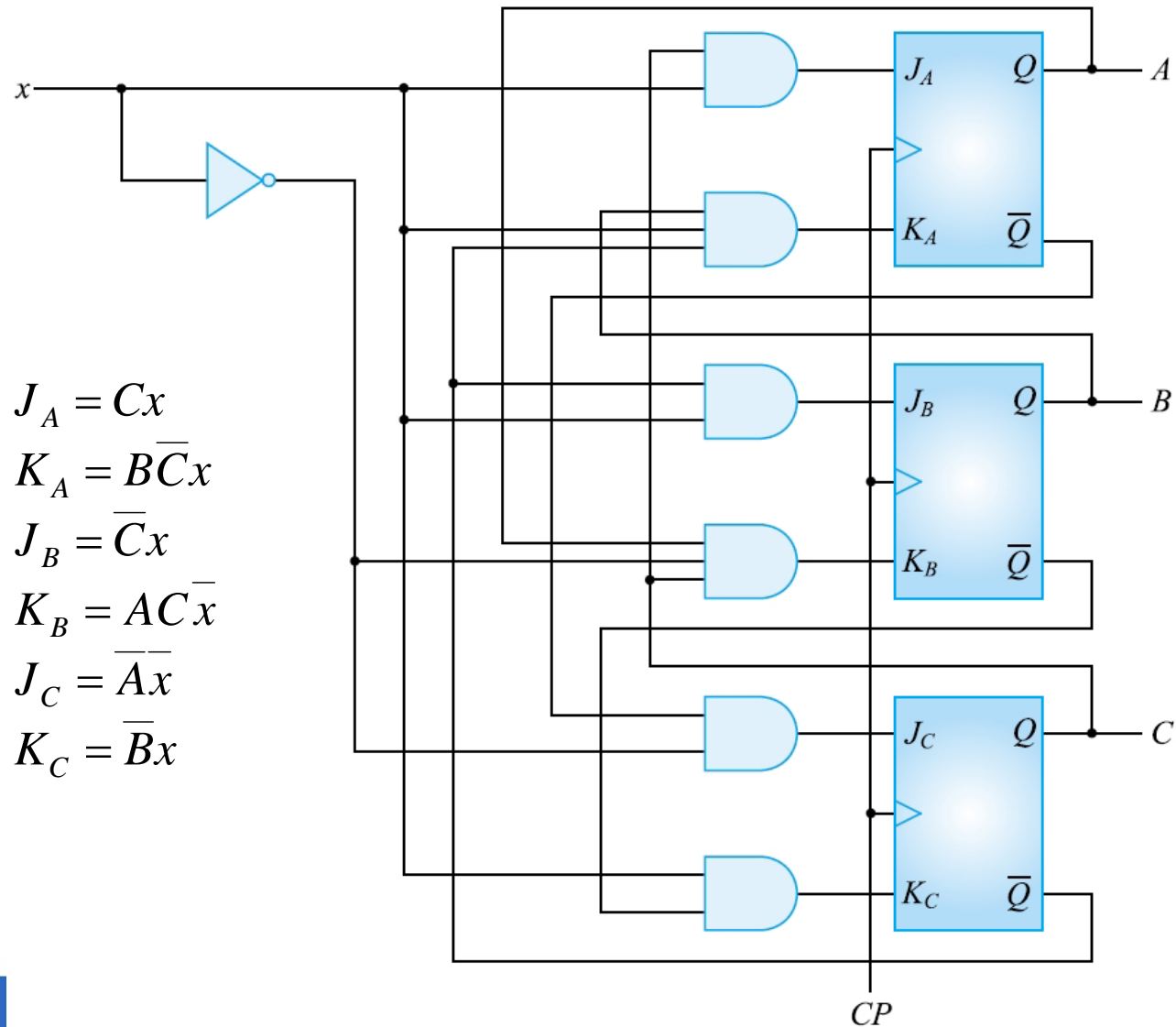
$$J_C = \bar{A}x$$

AB \ Cx		00	01	11	10
		00	01	11	10
00	X	X	X	X	X
01	X	X			
11	X	X			
10	X	X	1		

$$K_C = \bar{B}x$$

© 2011 Blackwell Publishing Ltd *Journal of Internal Medicine* 270: 255–264

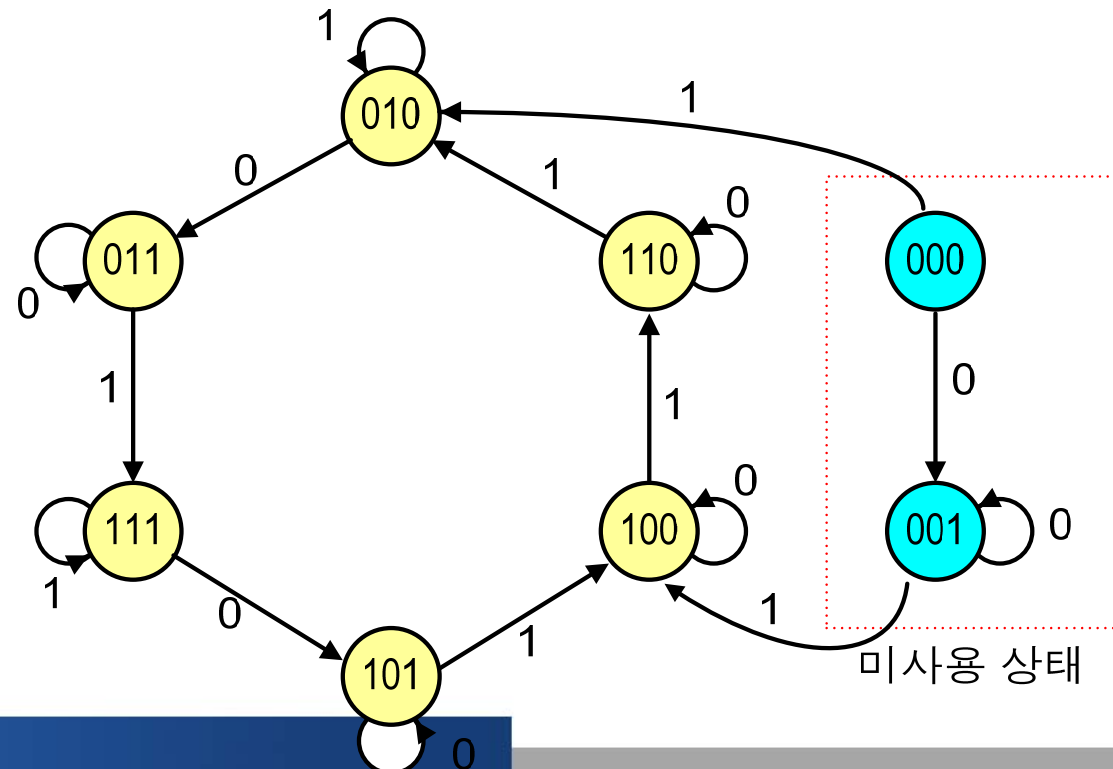
- **순서논리회로**



06 미사용 상태의 설계

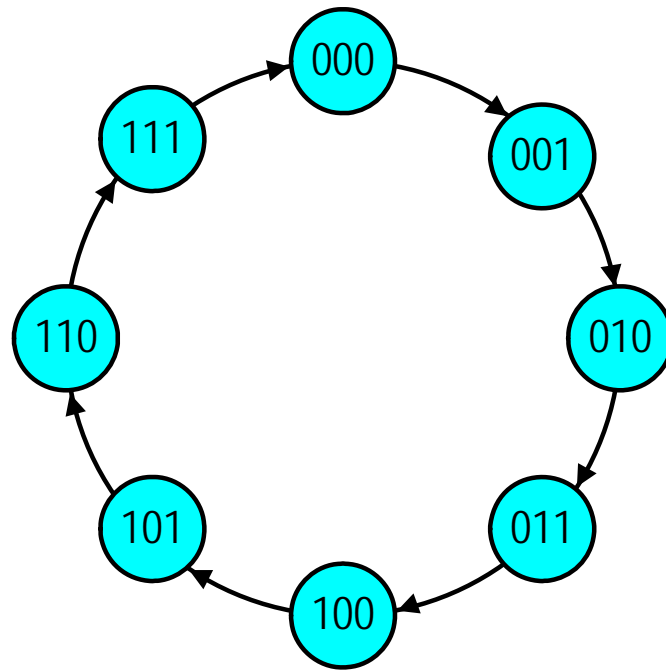
현재상태			차기상태					
			$x=0$			$x=1$		
A	B	C	A	B	C	A	B	C
0	0	0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	0	1	1	0	0

미사용 상태의 상태표



07 카운터의 설계

• 3 비트 2진 카운터 설계



상태도

현재상태			차기상태		
A	B	C	A	B	C
0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0

상태표

07 카운터의 설계

현재상태			차기상태			플립플롭 입력					
A	B	C	A	B	C	J_A	K_A	J_B	K_B	J_C	K_C
0	0	0	0	0	1	0	x	0	x	1	x
0	0	1	0	1	0	0	x	1	x	x	1
0	1	0	0	1	1	0	x	x	0	1	x
0	1	1	1	0	0	1	x	x	1	x	1
1	0	0	1	0	1	x	0	0	x	1	x
1	0	1	1	1	0	x	0	1	x	x	1
1	1	0	1	1	1	x	0	x	0	1	x
1	1	1	0	0	0	x	1	x	1	x	1

상태 여기표

07 카운터의 설계

A \ BC				
	00	01	11	10
0			1	
1	X	X	X	X

$$J_A = BC$$

A \ BC				
	00	01	11	10
0	X	X	X	X
1			1	

$$K_A = BC$$

A \ BC				
	00	01	11	10
0		1	X	X
1		1	X	X

$$J_B = C$$

A \ BC				
	00	01	11	10
0	X	X	1	
1	X	X	1	

$$K_B = C$$

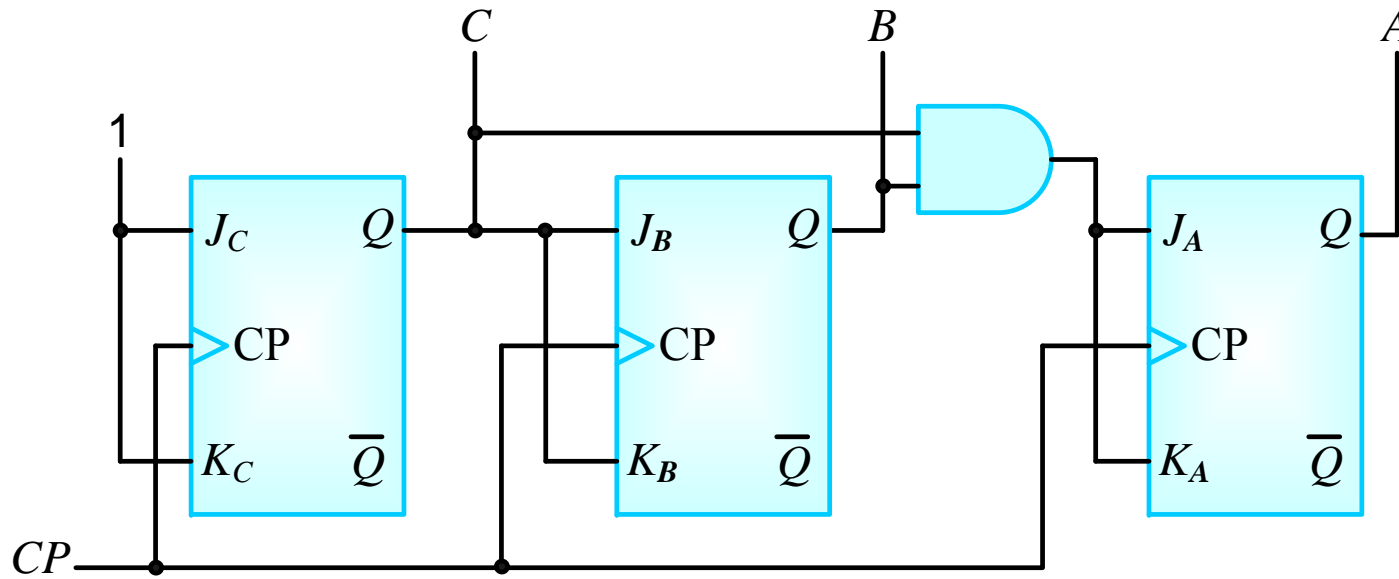
A \ BC				
	00	01	11	10
0	1	X	X	1
1	1	X	X	1

$$J_C = 1$$

A \ BC				
	00	01	11	10
0	X	1	1	X
1	X	1	1	X

$$K_C = 1$$

07 카운터의 설계



회로도

$$\begin{aligned} J_C &= 1 \\ K_C &= 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} J_B &= C \\ K_B &= C \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} J_A &= BC \\ K_A &= BC \end{aligned}$$

07 카운터의 설계

예제 9-1 T 플립플롭을 사용하여 3비트 2진 카운터를 구현하여라.

□ 상태 여기표

현재상태			차기상태			플립플롭 입력		
A	B	C	A	B	C	T_A	T_B	T_C
0	0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	1	0	0	1	1
0	1	0	0	1	1	0	0	1
0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	1	1	0	0	1
1	1	1	0	0	0	1	1	1

07 카운터의 설계

• 카르노 맵에 의한 간략화

A \ BC				
	00	01	11	10
0			1	
1			1	

$$T_A = BC$$

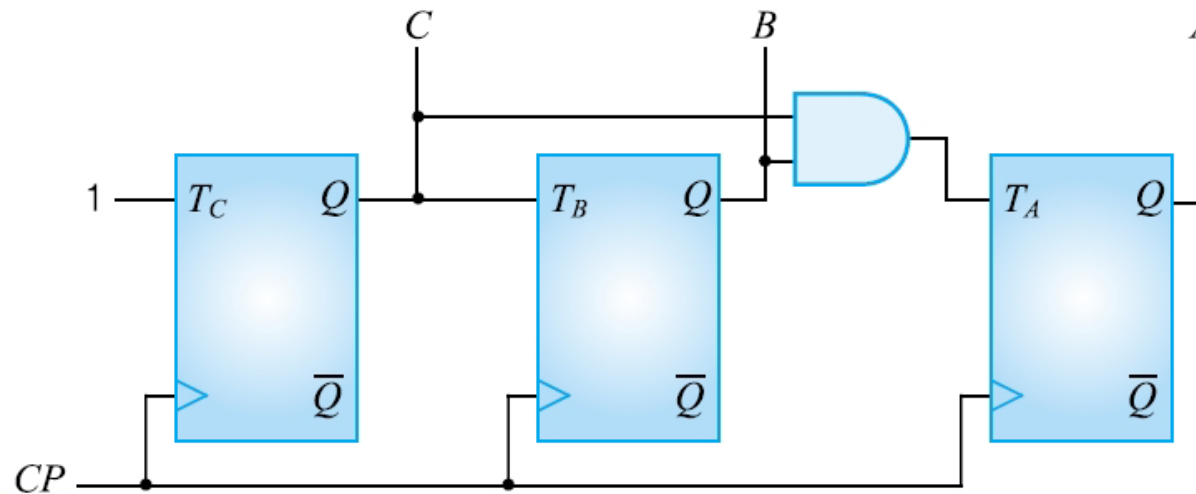
A \ BC				
	00	01	11	10
0		1	1	
1		1	1	

$$T_B = C$$

A \ BC				
	00	01	11	10
0	1	1	1	1
1	1	1	1	1

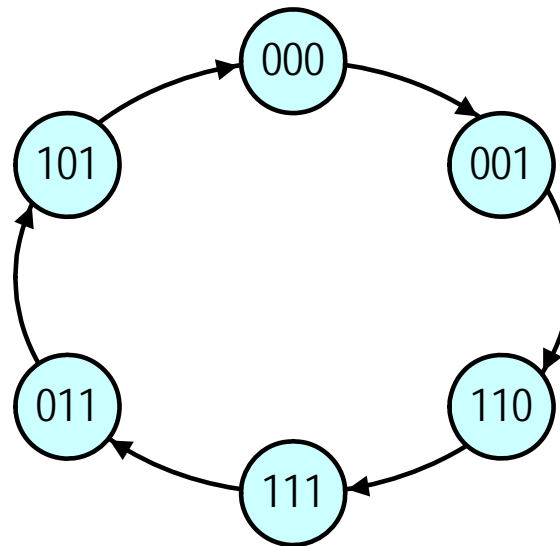
$$T_C = 1$$

• 3비트 2진 카운터 회로



07 카운터의 설계

예제 9-2 J - K 플립플롭을 사용하여 아래의 상태도에 해당하는 카운터를 설계하고, 미사용 상태에 대한 상태도를 구하여라.



07 카운터의 설계

□ 상태 여기표

현재상태			차기상태			플립플롭 입력					
A	B	C	A	B	C	J_A	K_A	J_B	K_B	J_C	K_C
0	0	0	0	0	1	0	×	0	×	1	×
0	0	1	1	1	0	1	×	1	×	×	1
0	1	1	1	0	1	1	×	×	1	×	0
1	0	1	0	0	0	×	1	0	×	×	1
1	1	0	1	1	1	×	0	×	0	1	×
1	1	1	0	1	1	×	1	×	0	×	0

□ 카르노 맵에 의한 간략화

A	BC			
	00	01	11	10
0		1	1	X
1	X	X	X	X

$$J_A = C$$

A	BC			
	00	01	11	10
0	X	X	X	X
1	X	1	1	

$$K_A = C$$

A	BC			
	00	01	11	10
0		1	X	X
1	X		X	X

$$J_B = \bar{A}C$$

© 2010 Blackwell Publishing Ltd *Journal of Internal Medicine* 267: 257–265

		BC			
A		00	01	11	10
0		X	1		X
1		X	1		X

$$K_C = \overline{B}$$

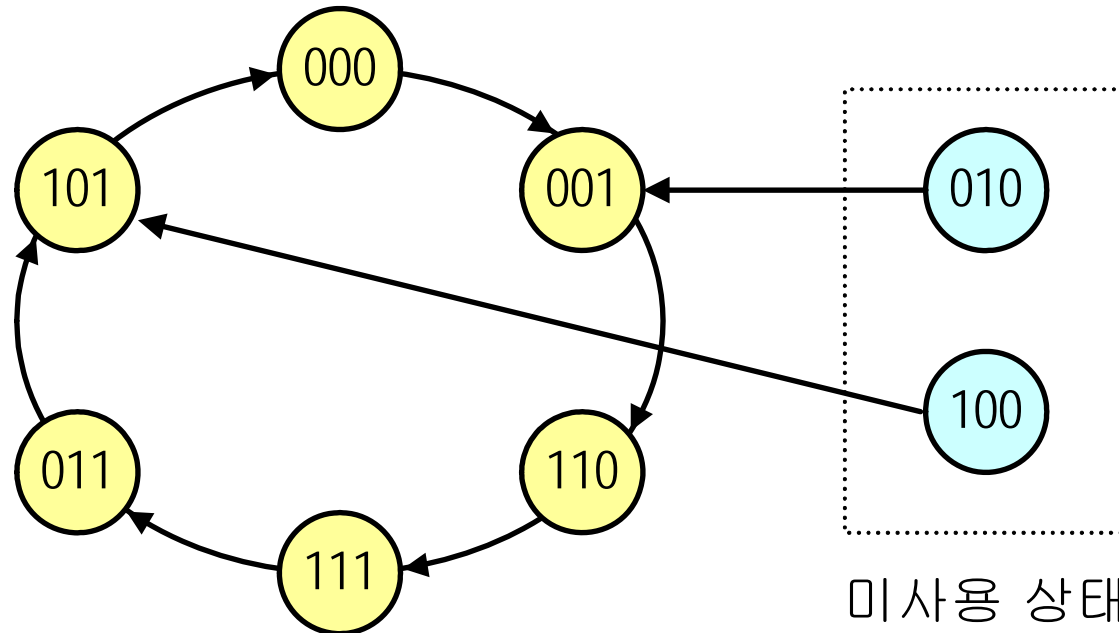
The diagram shows a 3-bit counter implemented with three J-K flip-flops, labeled A, B, and C. The clock signal (CP) is connected to the clock input of all three flip-flops. The outputs are labeled A, B, and C.

- Flip-flop A:** $J_A = C$, $K_A = C$. The output Q_A is labeled A.
- Flip-flop B:** $J_B = \bar{A}C$, $K_B = \bar{A}$. The output Q_B is labeled B.
- Flip-flop C:** $J_C = 1$, $K_C = \bar{B}$. The output Q_C is labeled C.

The circuit uses a common clock (CP) and the outputs of the flip-flops are connected to the inputs of the subsequent flip-flops to create a sequential counting behavior.

07 카운터의 설계

- 미사용 상태를 포함한 카운터의 상태도



08 상태 방정식을 이용한 설계

1. J - K 플립플롭을 사용한 상태 방정식

- ❖ 순서논리회로의 상태방정식은 상태표에 표시된 정보와 똑같은 내용을 대수적으로 표시하고 있으며, 플립플롭의 특성방정식과 형태가 유사
- ❖ 상태방정식은 상태표에서 쉽게 유도할 수 있으며, 모든 순서논리회로는 상태방정식으로 표시할 수 있다.
- ❖ 특히 D 플립플롭이나 J - K 플립플롭을 사용하는 경우 상태방정식을 사용하여 순서논리회로를 설계하는 것이 더욱 편리하다.
- ❖ S - R 플립플롭이나 T 플립플롭을 가진 회로에도 상태방정식을 적용할 수 있으나 많은 대수적 처리가 필요하다.

□ J - K 플립플롭을 사용한 상태 방정식

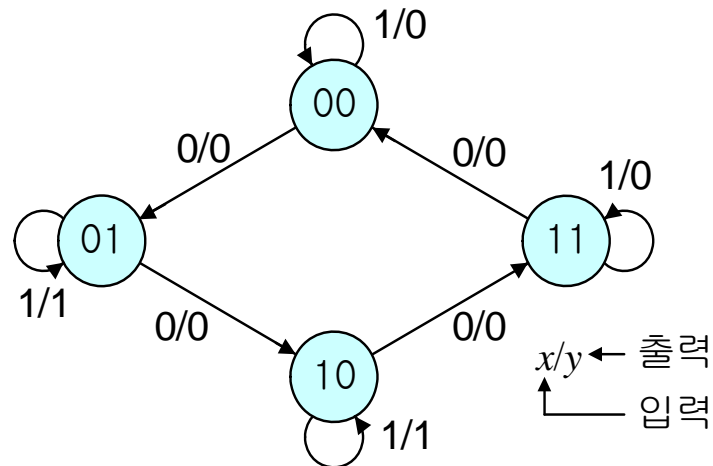
$$Q(t+1) = J\bar{Q} + \bar{K}Q$$

J - K 플립플롭의
특성방정식

- ❖ J - K 플립플롭의 상태방정식을 J - K 플립플롭의 특성방정식과 같은 형태로 변형함으로써 플립플롭의 J 와 K 의 입력 함수를 구할 수 있다.

08 상태 방정식을 이용한 설계

- 상태도(상태방정식을 이용하는 경우)



상태도

- 상태표

현재상태		차기상태				출력	
		$x=0$		$x=1$		$x=0$	$x=1$
A	B	A	B	A	B	y	y
0	0	0	1	0	0	0	0
0	1	1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0	0	1
1	1	0	0	1	1	0	0

08 상태 방정식을 이용한 설계

- ❖ 2개의 J - K 플립플롭을 각각 A , B 라 할 때, 상태 여기표에서 플립플롭 A , B 의 차기상태가 논리 1이 되는 항을 최소항으로 하는 부울 함수를 구한다.

$$\begin{aligned} A(t+1) &= \overline{A}B\overline{x} + A\overline{B}\overline{x} + \overline{A}Bx + ABx \\ &= (B\overline{x})\overline{A} + (\overline{B}\overline{x} + \overline{B}x + Bx)A \\ &= \boxed{(B\overline{x})}\overline{A} + \boxed{\overline{B}\overline{x} + \overline{B}x + Bx}A \end{aligned}$$

$$A(t+1) = \boxed{J_A}\overline{A} + \boxed{K_A}A$$

$$J_A = B\overline{x}$$

$$K_A = \overline{B\overline{x} + \overline{B}x + Bx} = \overline{(\overline{B} + x)} = B\overline{x}$$

$$\overline{A} + A = 1$$

$$\begin{aligned} B(t+1) &= \overline{A}\overline{B}\overline{x} + A\overline{B}\overline{x} + \overline{A}Bx + ABx \\ &= (\overline{A}\overline{x} + A\overline{x})\overline{B} + (\overline{A}x + Ax)B \\ &= \boxed{\overline{A}\overline{x} + A\overline{x}}\overline{B} + \boxed{\overline{A}x + Ax}B \end{aligned}$$

$$B(t+1) = \boxed{J_B}\overline{B} + \boxed{K_B}B$$

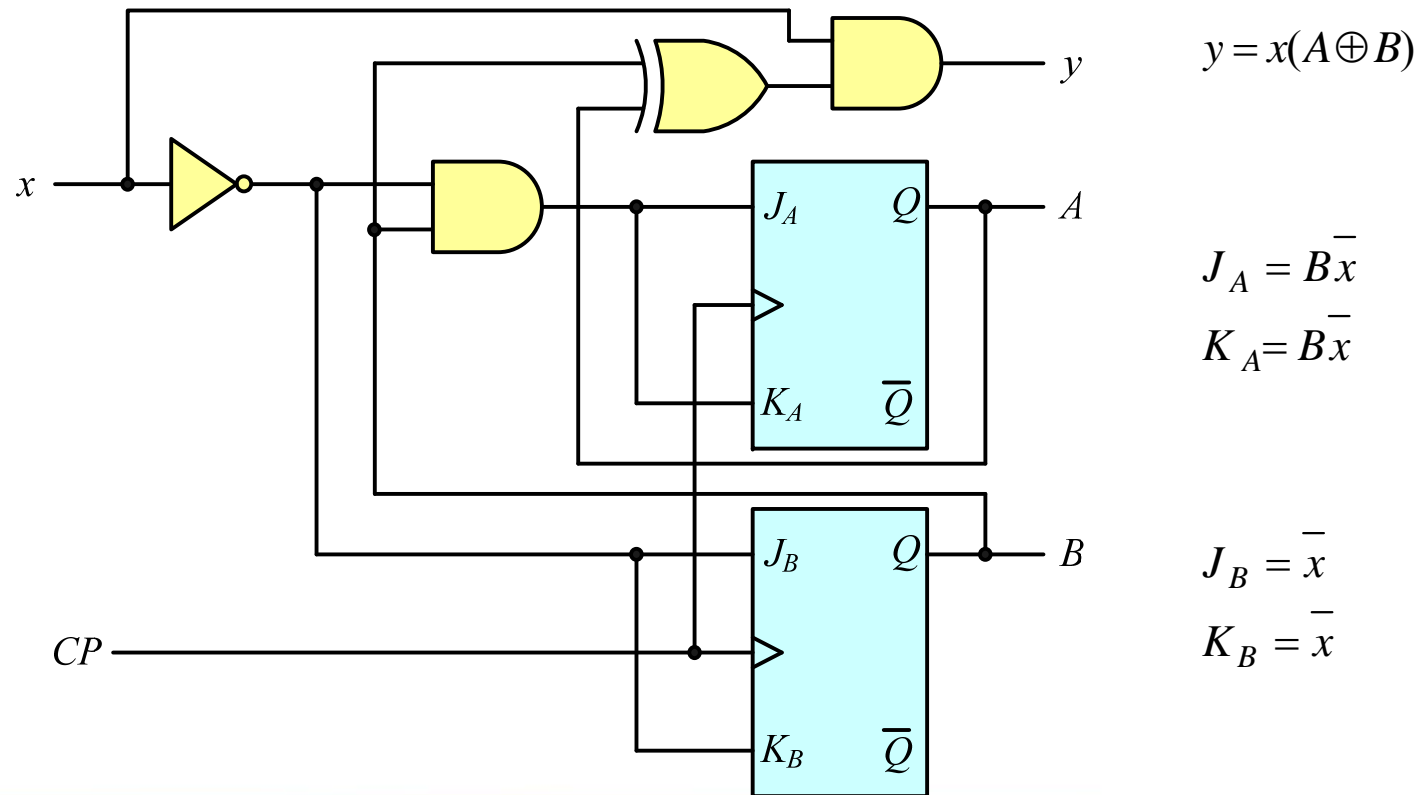
$$J_B = \overline{A}\overline{x} + A\overline{x} = \overline{x}$$

$$K_B = \overline{\overline{A}x + Ax} = \overline{x}$$

08 상태 방정식을 이용한 설계

$$\begin{aligned}y &= x\bar{A}B + xA\bar{B} \\ &= x(\bar{A}B + A\bar{B}) = x(A \oplus B)\end{aligned}$$

• 회로도(상태 방정식을 이용하는 경우)



08 상태 방정식을 이용한 설계

예제 9-3 다음 상태표를 사용하여 순서논리회로를 구현하여라.
[J-K 플립플롭 이용]

□ 상태표

현재상태			차기상태		
A	B	C	A	B	C
0	0	0	0	1	0
0	1	0	1	1	0
0	1	1	1	0	1
1	0	1	0	0	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	1	1

미사용 상태		
0	0	1
1	0	0

08 상태 방정식을 이용한 설계

• 상태 방정식

$$\begin{aligned}A(t+1) &= \overline{A}B\overline{C} + \overline{A}BC + A\overline{B}\overline{C} + \overline{A}\overline{B}C + A\overline{B}C \\&= (\overline{B}\overline{C} + B\overline{C} + \overline{B}C) \overline{A} + (\overline{B}\overline{C} + \overline{B}C) A \\&= (\overline{B}\overline{C} + B\overline{C} + \overline{B}C) \overline{A} + \overline{\overline{B}\overline{C} + \overline{B}C} A\end{aligned}$$



$$J_A = B\overline{C} + B\overline{C} + \overline{B}C = B$$

$$K_A = \overline{\overline{B}\overline{C} + \overline{B}C} = C$$

$$\begin{aligned}B(t+1) &= \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}B\overline{C} + A\overline{B}\overline{C} + ABC + \overline{A}\overline{B}C + A\overline{B}C \\&= (\overline{A}\overline{C} + \overline{A}C + A\overline{C}) \overline{B} + (\overline{A}\overline{C} + A\overline{C} + AC) B \\&= (\overline{A}\overline{C} + \overline{A}C + A\overline{C}) \overline{B} + \overline{\overline{A}\overline{C} + A\overline{C} + AC} B\end{aligned}$$



$$J_B = \overline{A}\overline{C} + \overline{A}C + A\overline{C} = \overline{C} \text{ (or } \overline{A})$$

$$K_B = \overline{\overline{A}\overline{C} + A\overline{C} + AC} = \overline{(A + \overline{C})} = \overline{A}C$$

$$\begin{aligned}C(t+1) &= \overline{A}B\overline{C} + A\overline{B}\overline{C} + ABC + \overline{A}\overline{B}C + A\overline{B}C \\&= (AB + A\overline{B}) \overline{C} + (\overline{A}B + AB + \overline{A}\overline{B}) C \\&= (AB + A\overline{B}) \overline{C} + \overline{\overline{A}B + AB + \overline{A}\overline{B}} C\end{aligned}$$

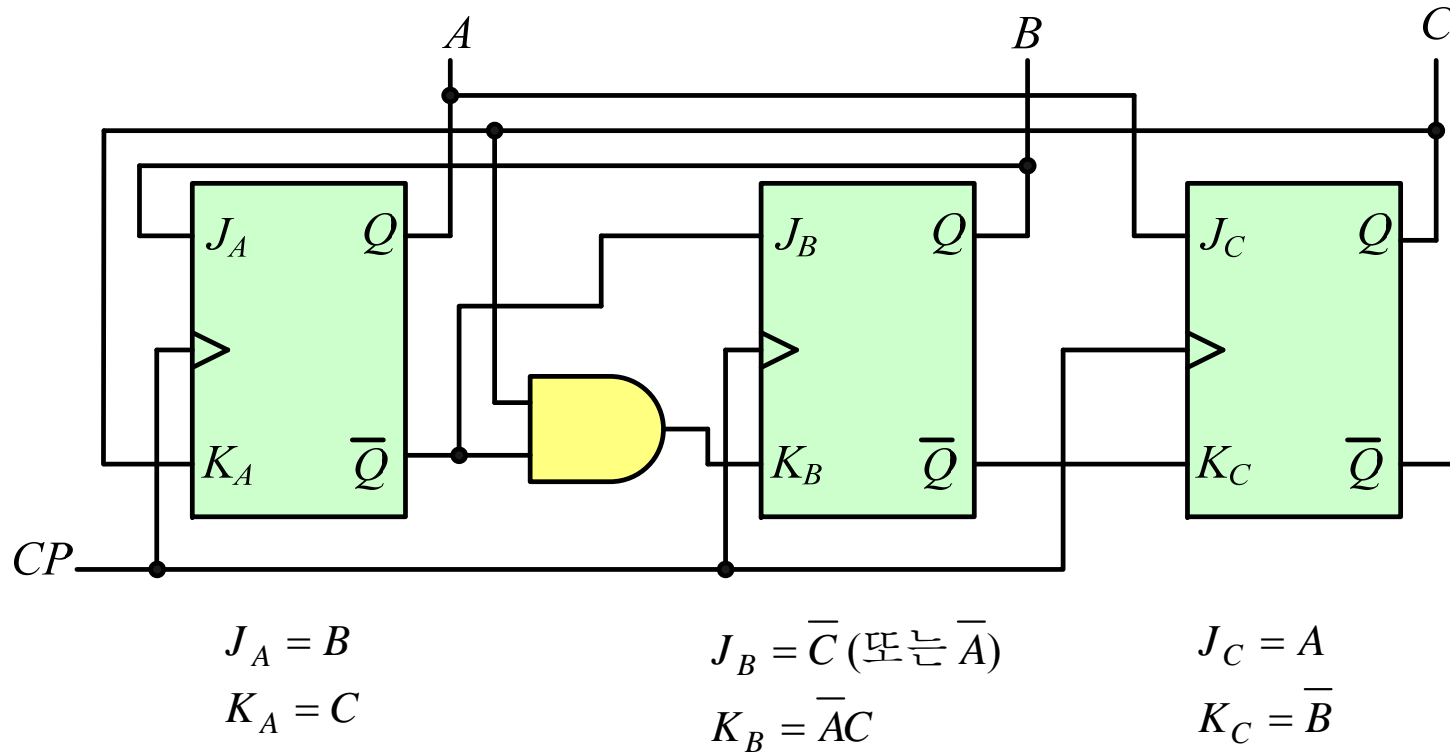


$$J_C = AB + A\overline{B} = A$$

$$K_C = \overline{\overline{A}B + AB + \overline{A}\overline{B}} = \overline{B}$$

© 2006 The Authors
 Journal compilation © 2006 Blackwell Publishing Ltd

- 회로도



08 상태 방정식을 이용한 설계

2. D 플립플롭을 사용한 상태 방정식

❖ D 플립플롭의 특성 방정식.

$$Q(t+1) = D$$

• 상태표

현재상태		차기상태			
		$x=0$		$x=1$	
A	B	A	B	A	B
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	0	0
1	0	1	0	1	1
1	1	0	1	1	1

08 상태 방정식을 이용한 설계

• 상태 여기표

조합논리회로 입력			차기상태		플립플롭 입력	
입력	현재상태					
x	A	B	A	B	D_A	D_B
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	0
0	1	1	0	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1

x	AB			
	00	01	11	10
0	1			1
1			1	1

$$D_A = \overline{B}x + Ax$$

x	AB			
	00	01	11	10
0		1	1	
1			1	1

$$D_B = \overline{B}x + Ax$$

08 상태 방정식을 이용한 설계

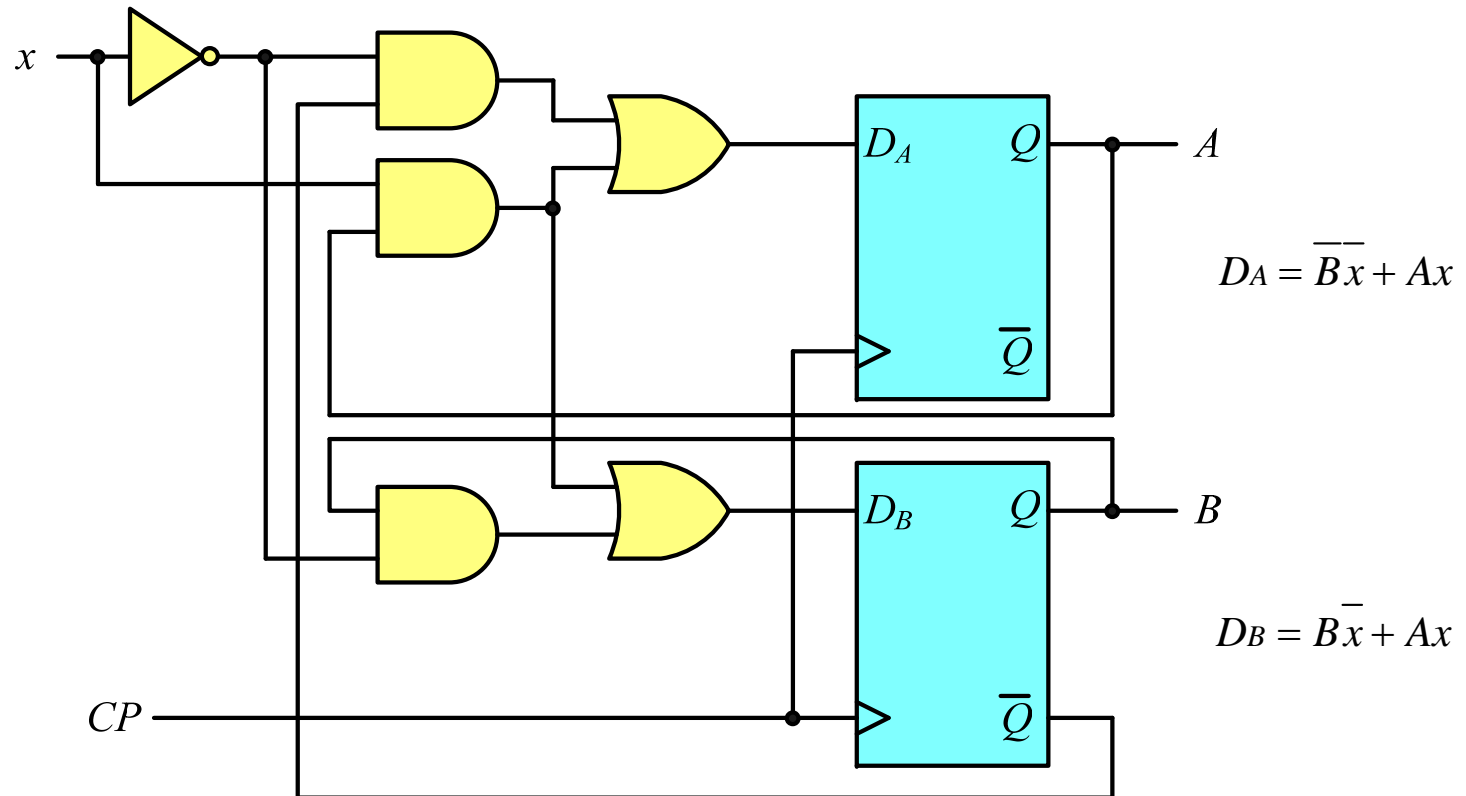
❖ 상태방정식을 특성 방정식의 형태로 변환한다.

$$\begin{aligned} A(t+1) &= \overline{A}\overline{B}x + \overline{A}B\overline{x} + A\overline{B}x + ABx \\ &= (\overline{A} + A)\overline{B}x + (\overline{B} + B)Ax \\ &= \overline{B}x + Ax \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad D_A = \overline{B}x + Ax$$

$$\begin{aligned} B(t+1) &= \overline{A}B\overline{x} + A\overline{B}\overline{x} + A\overline{B}x + ABx \\ &= (\overline{A} + A)\overline{B}\overline{x} + (\overline{B} + B)Ax \\ &= \overline{B}\overline{x} + Ax \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad D_B = \overline{B}\overline{x} + Ax$$

08 상태 방정식을 이용한 설계

- 순서논리회로(D 플립플롭을 이용하는 경우)



09 디코더와 플립플롭을 사용한 설계

- ❖ 디코더는 n 개의 입력 변수들에 대한 2^n 개의 최소항을 출력하는 기능을 수행한다.
- ❖ 임의의 부울 함수는 곱의 합형으로 표현될 수 있기 때문에 각각의 곱을 구성하는 최소항들을 구성하는데 디코더를 사용하고 합을 구성하기 위하여 디코더 외에 OR 게이트 또는 NOR 게이트를 사용한다.
- ❖ 디코더의 출력이 정상 출력일 때는 OR 게이트를 사용하고, 보수 출력인 경우에는 NOR 게이트를 사용한다.

• 상태표

현재상태		차기상태			
		$x=0$		$x=1$	
A	B	A	B	A	B
0	0	1	0	0	0
0	1	1	1	1	1
1	0	0	1	0	1
1	1	0	0	1	0

09 디코더와 플립플롭을 사용한 설계

• 상태 여기표(S-R 플립플롭 이용)

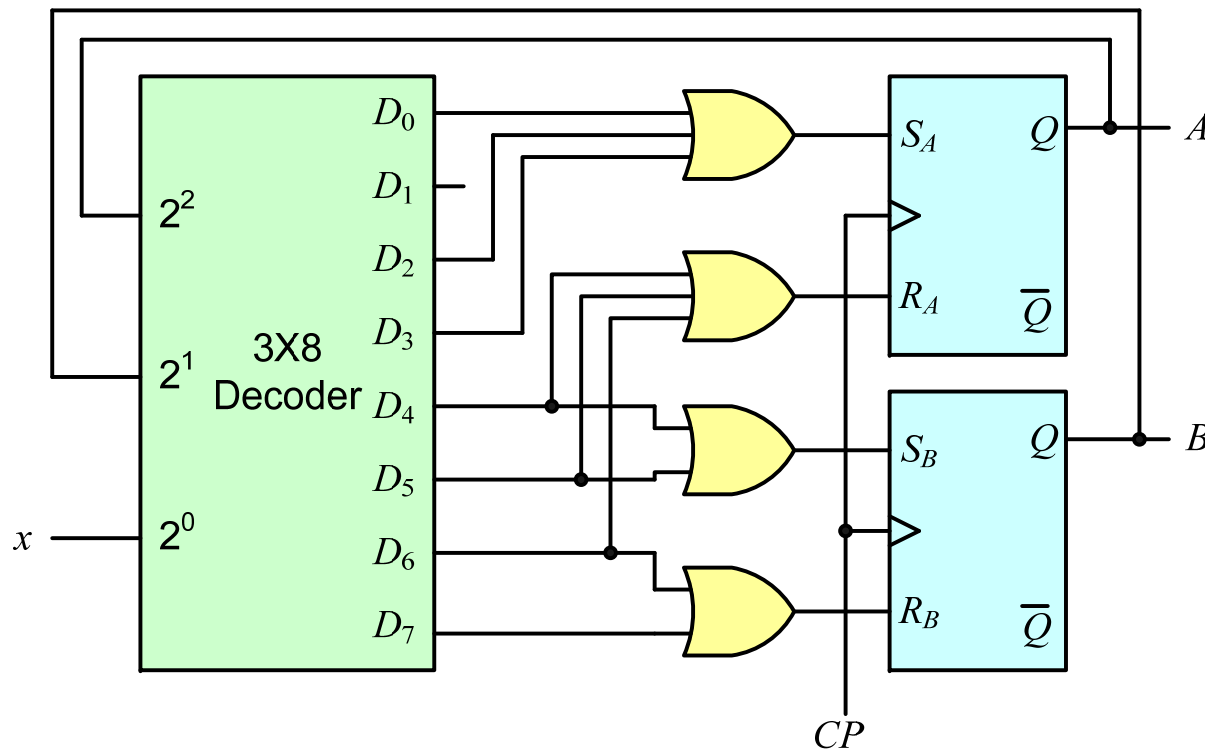
조합논리회로 입력			차기상태		조합논리회로 출력			
현재상태		입력			플립플롭 입력			
A	B	x	A	B	S_A	R_A	S_B	R_B
0	0	0	1	0	1	0	0	x
0	0	1	0	0	0	x	0	x
0	1	0	1	1	1	0	x	0
0	1	1	1	1	1	0	x	0
1	0	0	0	1	0	1	1	0
1	0	1	0	1	0	1	1	0
1	1	0	0	0	0	1	0	1
1	1	1	1	0	x	0	0	1

$$S_A(A, B, x) = \sum m(0, 2, 3) \quad R_A(A, B, x) = \sum m(4, 5, 6)$$

$$S_B(A, B, x) = \sum m(4, 5) \quad R_B(A, B, x) = \sum m(6, 7)$$

09 디코더와 플립플롭을 사용한 설계

- ❖ 순서논리회로를 설계하기 위하여 플립플롭은 2개가 필요하고, 디코더를 사용하여 조합논리회로를 구현하는 경우 1개의 3×8 디코더와 4개의 OR 게이트가 필요하다.



$$S_A(A, B, x) = \sum m(0, 2, 3)$$

$$R_A(A, B, x) = \sum m(4, 5, 6)$$

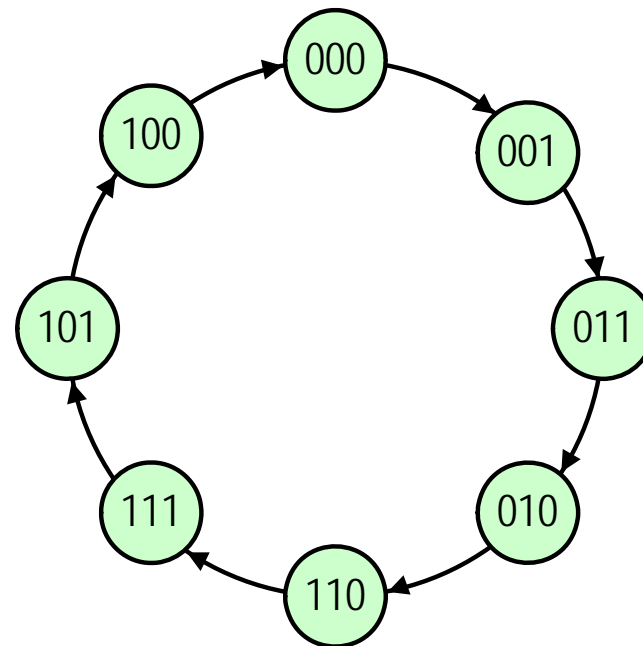
$$S_B(A, B, x) = \sum m(4, 5)$$

$$R_B(A, B, x) = \sum m(6, 7)$$

디코더와 S-R 플립플롭을 사용한 순서논리회로

09 디코더와 플립플롭을 사용한 설계

예제 9-4 J - K 플립플롭과 디코더를 사용하여 3비트 그레이 코드 카운터를 구현하여라.



상태도

인접한 숫자 사이에
하나의 비트만이 변
하는 코드

09 디코더와 플립플롭을 사용한 설계

□ 상태 여기표

현재상태			차기상태			플립플롭 입력					
A	B	C	A	B	C	J_A	K_A	J_B	K_B	J_C	K_C
0	0	0	0	0	1	0	×	0	×	1	×
0	0	1	0	1	1	0	×	1	×	×	0
0	1	0	1	1	0	1	×	×	0	0	×
0	1	1	0	1	0	0	×	×	0	×	1
1	0	0	0	0	0	×	1	0	×	0	×
1	0	1	1	0	0	×	0	0	×	×	1
1	1	0	1	1	1	×	0	×	0	1	×
1	1	1	1	0	1	×	0	×	1	×	0

$$J_A(A, B, C) = \sum m(2)$$

$$K_A(A, B, C) = \sum m(4)$$

$$J_B(A, B, C) = \sum m(1)$$

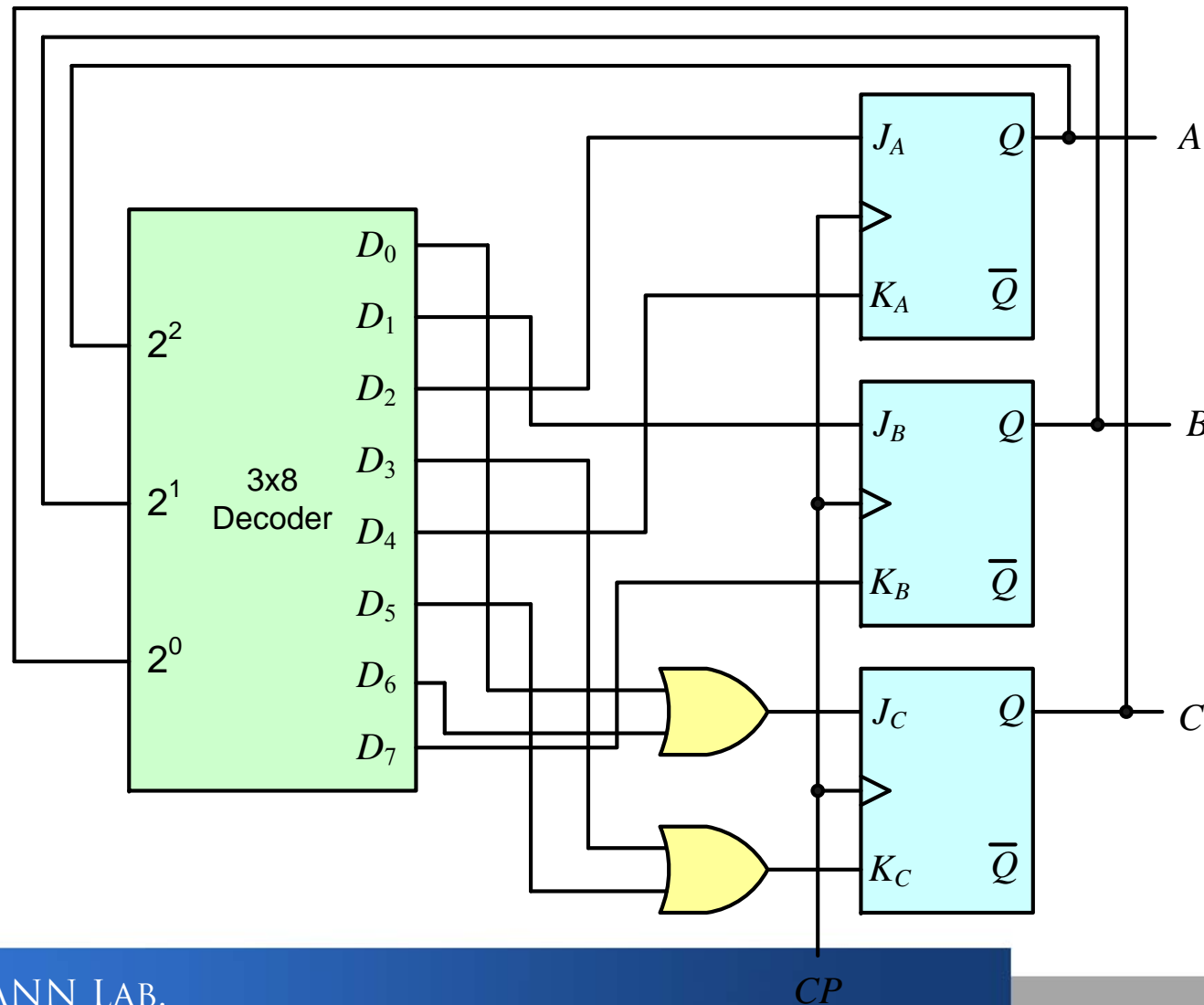
$$K_B(A, B, C) = \sum m(7)$$

$$J_C(A, B, C) = \sum m(0,6)$$

$$K_C(A, B, C) = \sum m(3,5)$$

09 디코더와 플립플롭을 사용한 설계

□ 그레이 코드 카운터 회로도



$$J_A(A, B, C) = \sum m(2)$$

$$K_A(A, B, C) = \sum m(4)$$

$$J_B(A, B, C) = \sum m(1)$$

$$K_B(A, B, C) = \sum m(7)$$

$$J_C(A, B, C) = \sum m(0,6)$$

$$K_C(A, B, C) = \sum m(3,5)$$