

Grundlagen der Informatik

Me

WS 20/21

Inhaltsverzeichnis

1	Grundlagen	3
1.1	Turing Halteproblem	3
2	Datenobjekte und -typen	3
2.1	Definition	3
2.2	Kommazahlen	3
2.2.1	Festkomma	3
2.2.2	Gleitkommazahlen	4
2.3	Speicherung von Datentypen	4
2.3.1	Definitionen	4
2.4	Strukturierte Datentypen	5
2.5	Dynamische Datenstrukturen	5
3	Laufzeitkomplexität	7
3.1	Defintion	7
3.2	Klassenbildung	7
3.3	Rechenregeln	7
3.4	Rekursion	8
4	Sortieralgorithmen	9
4.1	Defintionen	9
4.2	Selectionsort	9
4.3	Insertion Sort	10
4.4	Bubblesort	10
4.5	Quicksort	10
4.5.1	Pivotelement	10
4.6	Mergesort	11
4.7	Heapsort	11
5	Glossar	12

1 Grundlagen

1.1 Turing Halteproblem

TODO:

2 Datenobjekte und -typen

2.1 Definition

Datenobjekte

Bei Datenobjekten unterscheidet man zwischen zwei verschiedenen Kategorien, variable und konstante Datenobjekte. Der Unterschied ist dass sich variable Datenobjekte während der Laufzeit des Programms ändern können, während konstante Datenobjekte sich eben nicht ändern können.

Datentypen

Bei Datentypen unterscheidet man zwischen 3 Arten:

Elementare Datentypen

Nicht weitere zerlegbare (auch atomar genannt), int, char float etc

Strukturierte Datentypen

Weisen eine Struktur auf und lassen sich 'auseinanderbauen', string lässt sich in chars zerlegen

Referenzen

Weisen auf andere Daten hin (pointer)

2.2 Kommazahlen

2.2.1 Festkomma

Bei festkommazahlen wird die komplette Kommazahl (Vor- und Nachkommastelle) abgespeichert. Wo sich das Komma befindet wird nicht in der Zahl angegeben, sondern vom Rechner interpretiert. So kann

$$11111111_2 = 1111111.1_{2,1} = 127.5_{10} \quad (1)$$

ergeben, wenn jetzt die Position des Kommas aber anders interpretiert wird kann

$$11111111_2 = 1111.1111_{2,4} = 15.9375_{10} \quad (2)$$

Das Problem mit Festkommazahlen ist, dass die Bits nicht effizient genutzt werden können. Hat man 8 Bit zu Verfügung und setzt das Komma in der Mitte kann eine Zahl wie 100 nicht abgespeichert werden, da nur 4 Bit für die Vorkommazahl verfügbar sind, obwohl die Nachkommabits nicht gebraucht werden.

2.2.2 Gleitkommazahlen

Bei Gleitkommazahlen gibt es 2 Standards: float(32 Bit) und double (64 Bit). Das MSB beim float ist die Angabe des Vorzeichen, darauf folgen 8 Bit für den Exponenten und die restlichen 27 Bit sind die Mantisse¹.

Ist das Vorzeichenbit gesetzt so ist die Zahl negativ. Bei Exponenten muss man noch mit einem offset/bias von 127 (1023 bei double). Dies sorgt dafür, dass auch negative Exponenten möglich sind, wodurch eben auch sehr kleine Zahlen möglich. Ist das MSB bei Exponenten eine 1, weiß man direkt dass der Exponenten ≥ 1 . Die Mantisse ist im Endeffekt die Zahl, die man darstellen will. Diese wird zuerst normalisiert, dh. solange verschoben, bis die komplette Zahl rechts hinter dem Komma steht². Zudem wird vor der Mantisse eine 1 gespeichert. Diese ist immer implizit angegeben und wird für eine korrekte Berechnung der Kommazahl benötigt.

Daraus folgt die folgende Formel zur Berechnung der eine Gleitkommazahl:

$$2^{\text{Vorzeichen}} \cdot 1.\text{Mantisse} \cdot 2^{\text{Exponent}-\text{Offset}} \quad (3)$$

Der IEEE 754 Standard definiert noch einige Spezialwerte:

Exp = 0:

Vor der Mantisse steht nun eine Null anstatt einer 1, wodurch man auch eine Null darstellen kann. Der offset beträgt jetzt auch 126 um die '0' vor der Mantisse auszugleichen. (Exp = 000000000 \equiv -126)

Exp = 0 und Mantisse = 0 :

Representiert $\pm\infty$, je nachdem wie das Vorzeichenbit gesetzt ist. Passiert wenn man zB. durch 0 teilt

Exp = 0:

Representiert NaN. Tritt oft wenn Rechenoperationen nicht definiert sind zB. $\infty - \infty$

2.3 Speicherung von Datentypen

2.3.1 Definitionen

sequentiell

Elemente werden im Speicher direkt hintereinander gespeichert. Der Vorteil ist eine schnelle Zugriffszeit, da man die Position der anderen Elemente berechnen kann jedoch ist das Einfügen bzw. Löschen aufwendig, da meistens ein Teil der Datenstruktur zwischengespeichert wird, das Element hinzugefügt/gelöscht wird und dann der Rest wieder angehängt werden muss³.

¹double: 1 Bit VZ, 11 Bit Exponent, 52 Bit Mantisse

²Durch den Exponenten wird die Zahl wieder in den 'Normalzustand' verschoben

³Beispiel: Arrays

verkettet

Elemente haben hier nicht nur den Wert den sie speichern wollen, sondern haben noch eine Referenz zum nächsten Wert. Die Zugriffszeit leidet hier, da man nicht weiß wo sich die Elemente befinden. Außerdem wird mehr Speicher verbraucht, da die ganzen Referenzen auch noch gespeichert werden müssen. Der Vorteil ist, dass man Objekte einfach einfügen/löschen kann da man hier nur die Referenzen auf ein anderes Element 'umleiten' muss⁴.

2.4 Strukturierte Datentypen

Strukturierte Datentypen haben wie der Name schon sagt eine Struktur, dh. dass die aus anderen Datenstrukturen oder auch aus atomaren Datenobjekten bestehen können (Ein String ist zum Beispiel ein strukturierter Datentyp der aus chars besteht). Hier unterscheidet wiederum zwischen 2 verschiedenen Datentypen.

Arrays (oa. Felder)

Ein Array speichert seine Elemente sequenziell. Der Zugriff folgt über einen Index und die Anzahl der Elemente ist fix. Außerdem müssen die Elemente des Arrays den selben Typ haben. Zudem kann ein Array eine oa. mehrer Dimensionen haben. Der Unterschied ist eigentlich nur der Zugriff auf die Elemente. Bei zwei Dimensionen ist kann man sich ein Array mit Zeilen und Spalten vorstellen. Die Spalten werden dann einfach nur hintereinander abgespeichert.

Compund

Ein Compound speichert seine Elemente auch sequenziell, jedoch können die Elemente verschiedene Datentypen haben. Die Anzahl ist auch fix und der Zugriff verläuft ebenso durch einen Index. Hier kann aber die Position der anderen Elemente nicht berechnet werden, da ja verschiedene Datentypen vorkommen können und diese nicht immer gleich viel Speicher brauchen.

Ein Beispiel ist die Datenstrukturen Dictionary (oa. Assoziatives Datenfeld). Der Zugriff von den Werten verläuft durch Angabe eines sogenannten Keys, wie wenn man in einem Wörterbuch eine Definition eines Wortes haben will.

2.5 Dynamische Datenstrukturen

Dynamische Datenstrukturen können ihren Inhalt, Beziehung zueinander und auch ihre Größe während der Laufzeit ändern.

Listen

Objekte von Listen speichern ihre Daten und eine Referenz zu einem anderen Objekt in der Liste.

⁴Beispiel: Linked List

Linked List

Bei einer Linked List ist das erste Objekt nur ein Dummyobjekt. Das Dummyobjekt speichert an sich keine Daten sondern nur die Referenz aufs nächste Objekt. Dadurch tritt nie der Sonderfall auf, dass die Liste leer ist. Dies ist besonders bei Doubly Linked List hilfreich (Objekt hat zusätzliche Referenz auf den Vorgänger). Bei einer DLL ist dann das Dummyobjekt Anfang und Ende der Liste.

Stack

Eine Stack ist eine Liste die nach dem LIFO (Last In First Out) Prinzip arbeitet. Zur Änderung der Datenstruktur stehen nur push (Objekt hinzufügen) und pull (Objekt wieder runternehmen) als Methoden zur Verfügung welche sich immer auf zuletzt geänderte Element des Stacks beziehen.

Queue

Ähnlich wie der Stack wird hier nach dem FIFO (First In First Out) Prinzip gearbeitet, d.h. das Objekt welches als erstes hinzugefügt wurde ist das erste Objekt, welches verarbeitet wird. Die Methoden sind dementsprechend enqueue und dequeue

Bäume

Ein Baum besteht aus Knoten welche auf weitere Knoten zeigen können, einer Wurzel (Knoten ohne Vorgänger) und Blätter (Knoten ohne Nachfolger).

Binärbäume

Ein Binärbaum hat die besondere Eigenschaft, dass jeder Knoten maximal 2 weitere Knoten haben darf. Hier versucht man auch idR den Baum zu Ordnen, als dass das gilt:

$$\text{linke Kind} < \text{Wurzel} \leq \text{rechtes Kind}.$$

Bei den Binärbäumen gibt es weitere Spezialisierungen:

Vollständiger Baum Jeder Knoten hat 2 oder keine Nachfolger

Perfekter Binärbaum Alle Blätter sind auf der selben Ebene

TODO Zugriffszeit etc Ein degenerierter ist ein (Teil-)Baum welcher nur einen Nachfolger hat und somit im Prinzip zur einer Liste wird. Dadurch gehen einige Vorteile der Baumstruktur verloren. Außerdem gibt es noch den ausgewogener Baum (auch AVL-Baum genannt). Hier darf der Höhenunterschied der Teilbäume eines Knotens maximal 1 sein. Möchte man auf die Elemente eines Baumes zugreifen wurden verschiedene Ansätze gearbeitet:

pre order: Wurzel \rightarrow linkes Kind \rightarrow rechtes Kind

in order: linkes Kind \rightarrow Wurzel \rightarrow rechtes Kind

post order: linkes Kind \rightarrow rechtes Kind \rightarrow Wurzel

level order:

3 Laufzeitkomplexität

3.1 Definition

Bei der Laufzeitkomplexität untersucht man wie schnell ein Algorithmus ein bestimmtes Problem lösen kann. Hier schaut man nicht wie viele Sekunden ein Algorithmus braucht sondern eher wie sich ein Algorithmus verhält, wenn man die Problemgröße erhöht (zB.: ein Problem ist das Sortieren und die Problemgröße wären die Anzahl der Zahlen die man sortieren möchte). Die Problemgröße wird dabei als 'n' bezeichnet.

Das n bildet dann die Zeitfunktion

$$t = f(n) \quad (4)$$

Hier muss aber noch eine Fallunterscheidung gemacht werden. Manche Algorithmen verhalten sich unter bestimmten Umständen anders (und somit auch ihr Laufzeitverhalten). Man unterscheidet zwischen Best Case (minimale Anzahl an benötigten Schritten), Worst Case (maximale Anzahl an benötigten Schritten) und den Average Case (durchschnittliche Anzahl an benötigten Schritten). Manche Sortieralgorithmen können brechen dass sortieren ab, wenn die Daten schon sortiert sind, womit sie ein besseres Best Case Szenario haben als im Average und Worst Case.

3.2 Klassenbildung

Um jetzt die Laufzeitkomplexität eines Algorithmus zu spezifizieren hat man sogenannte Klassen gebildet in die man einen Algorithmus klassifiziert:

\mathcal{O} -Notation: auch obere Schranke genannt. Wenn $c \cdot g(n) \geq f(n)$ gilt für ein beliebiges c dann ist $f(n) = \mathcal{O}(g(n))$. Das n kann auch beliebig gewählt werden solange sich f und g ab diesem n nicht mehr schneiden⁵.

Ω -Notation: auch untere Schranke genannt. Wie bei \mathcal{O} nur gilt jetzt $c \cdot g(n) \leq f(n)$.

Θ -Notation: auch enge/harte Schranke: sozusagen \mathcal{O} und Ω zusammen, also $c \cdot g(n) \leq f(n) \leq d \cdot g(n)$.

3.3 Rechenregeln

1. $f = \mathcal{O}(f)$
2. $f, g = \mathcal{O}(F) \Rightarrow f + g = \mathcal{O}(F)$
3. $f = \mathcal{O}(F) \Rightarrow c \cdot f = \mathcal{O}(F)$
4. $f = \mathcal{O}(F), g = \mathcal{O}(f) \Rightarrow g = \mathcal{O}(F)$
5. $f = \mathcal{O}(F), g = \mathcal{O}(G) \Rightarrow f \cdot g = \mathcal{O}(f \cdot g)$
6. $f = \mathcal{O}(F \cdot G) \Rightarrow f = |F| \cdot \mathcal{O}(G)$
7. $f = \mathcal{O}(F)$ und $|F| \leq |G| \Rightarrow f = \mathcal{O}(G)$

⁵Davor kann es aber zu Schnittpunkten kommen

3.4 Rekursion

Bei Rekursiven Algorithmen benutzt man eher die Schreibweise $T(n)$ anstatt \mathcal{O} . Zur Ermittlung der Laufzeit hat sich dann folgende Formel geformt:

$$T(n) = A \cdot T\left(\frac{n}{b}\right) + f(n) \quad (5)$$

- a ist dabei die Anzahl der Teilprobleme die der Algorithmus zerlegt (oder auch Anzahl der rekursiven Aufrufe)
- b beschreibt das Teilproblem verglichen zum vorherigem Problem (FAktor in die das Problem pro Aufruf zerlegt wird)
- $f(n)$ sind die nicht rekursiven Aufrufe des Algorithmus

Substitutionsmethode

Bei der Substitutionsmethode setzt man $T(n)$ in $\frac{n}{b}$ ein. Dies macht man so oft bis man eine Regelmäßigkeit findet. Dadurch kann man eine Vermutung anstellen wie sich der Algorithmus wahrscheinlich verhalten wird. Diese Vermutung muss dann noch per Vollständiger Induktion bewiesen werden⁶.

Rekursionsbaum

Beim Rekursionsbaum müssen vier Schritte angewendet werde.:

1. Als erstes muss der Rekursionsbaumaufgestellt werden. Man schaut sich das $f(n)$ an und arbeitet mit diesem weiter. Zuerst wird das $f(n)$ zur Wurzel des Baumes. In der Nächsten ebene gibt kommen dann ' a '-fach neue Knoten zu der Wurzel hinzu. Die Werte der neuen Knoten ist dann jeweils $\frac{n}{b}$. Dies wird wiederholt bis man auf $T(1)$ kommt.
2. Nun untersucht man den Baum und schätzt wieder die Höhe, Anzahl der Knoten der Ebene und die 'Kosten' der Knoten. Ein Knoten ist dabei ein Teilproblem des gesamten Problems. Durchs Aufsummieren aller Knoten einer Ebene erhält man den Aufwand pro Ebene. Wenn man nun jede Ebene aufsummiert erhält man den Gesamtbedarf.
3. Für die Letzte Ebene wird dann eine Allgemeine Formel aufgestellt
4. Die Allgemeine Formel muss mit Vollständiger Induktion bewisen werden

7

⁶Bsp.: Kapitel 3 Folie 122(95)

⁷Bsp.: Kapitel 3 Folie 131(101)

Mastertheorem

Das Mastertheorem ist eine relativ schnelle Methode um die Laufzeit eines rekursiven Algorithmus zu ermitteln, da man hier nur mit Formeln arbeitet. Dabei sind drei Fälle zu beachten:

1. $f(n) \in \mathcal{O}(n^{E-\epsilon}), \epsilon > 0 \Rightarrow T(n) \in \mathcal{O}(n^E)$, obere Abschätzung
2. $f(n) \in \Theta(n^E) \Rightarrow T(n) \in \Theta(n^E \cdot \log n)$, exakte Abschätzung
3. $f(n) \in \Omega(n^{E+\epsilon}), \epsilon > 0, a \cdot f(\frac{n}{b}) \leq c \cdot f(n), 0 < c < 1 \Rightarrow T(n) \in \Omega(n^E)$, untere Abschätzung

Dabei kann es auch vorkommen dass keine der 3 Fälle anwendbar sind, weshalb man dann die Substitutionsmethode versuchen könnte und dann die

4 Sortieralgorithmen

Algorithmus	Best Case	Average Case	Worst Case
Quicksort	$\mathcal{O}(n \cdot \log(n))$	$\mathcal{O}(n \cdot \log(n))$	$\mathcal{O}(n^2)$
Mergesort	$\mathcal{O}(n \cdot \log(n))$	$\mathcal{O}(n \cdot \log(n))$	$\mathcal{O}(n \cdot \log(n))$
Heapsort	$\mathcal{O}(n \cdot \log(n))$	$\mathcal{O}(n \cdot \log(n))$	$\mathcal{O}(n \cdot \log(n))$
Selectionsort	$\mathcal{O}(n^2)$	$\mathcal{O}(n^2)$	$\mathcal{O}(n^2)$
Bubblesort	$\mathcal{O}(n^2)$	$\mathcal{O}(n^2)$	$\mathcal{O}(n^2)$
Insertion Sort	$\mathcal{O}(n^2)$	$\mathcal{O}(n^2)$	$\mathcal{O}(n^2)$

4.1 Definitionen

stabil Die Reihenfolge von 2 gleichen Elementen ist nach dem Sortieren gleich (wenn das i -te und j -te Element also gleich sind gilt nach dem Sortieren immer noch $i < j$)

instabil Gegensatz zu stabil, Algorithmus achtet nicht auf Reihenfolge von gleichen Elementen

in place Es wird direkt im Datensatz sortiert

out of place Es wird extern sortiert

4.2 Selectionsort

Das kleinste Element wird gesucht und mit dem Element der ersten Stelle getauscht. Das erste Element gilt als sortiert und man fährt mit diesem Prinzip für die restlichen Elemente fort. In place und stabil. Laufzeit ist $\mathcal{O}(n^2)$.

4.3 Insertion Sort

Das erste Element wird vorerst als sortiert betrachtet. Das nächste Element wird je nach seinem Wert vor oder hinter dem ersten eingefügt. Analog werden die nächsten Felder bearbeitet. Dabei ist noch zu beachten, dass eine Felde immer nur um eine Stelle verschoben wird. Stabil und In-Place. Worst/Average case $\mathcal{O}(n^2)$, best case $\mathcal{O}(n)$

4.4 Bubblesort

Das Feld durchloffen und benachbarte Felder werden verglichen und ggf. getauscht. Dies wird solange wiederholt, bis das Feld sortiert ist. Da es im Normalfall keine Fallunterscheidung im Bubblesort existiert, wird das Feld n mal durchloffen und bei jedem Durchlauf werden n Elemente bearbeitet \rightarrow Laufzeit ist $\mathcal{O}(n^2)$. Die Laufzeit kann verbessert werden, da Bubblesort bei jedem Durchlauf immer das größte Element ans Ende bringt, kann man den Endbereich auch also sortiert betrachten und muss nicht mehr überprüfen ob der Bereich sortiert ist. Worst und Average case sind weiterhin $\mathcal{O}(n^2)$ bei der Best case ist jetzt $\mathcal{O}(n)$. Außerdem ist der verbesserte Bubblesort idR. schneller als der normale Bubblesort obwohl beide den selben Average Case haben.

4.5 Quicksort

Quicksort arbeitet nach dem divide and conquer Prinzip. Das Feld wird aufgeteilt und die Teilfelder werden einzeln sortiert. Dabei wird ein beliebiges Element hergenommen, das sogenannte Pivotelement. Alle Elemente mit niedrigerer Wertigkeit als das Pivotelement werden links, die mit höherer rechts vom Pivotelement gespeichert. Der Vorgang wird solange wiederholt, bis nicht mehr geteilt werden kann. Das ständige Teilen deutet meistens auf ein logarithmisches Laufzeitverhalten hin, was beim best und average case auch der Fall ist $\mathcal{O}(n \log n)$. Der Worst case kann aber $\mathcal{O}(n^2)$ sein, wenn das Pivotelement schlecht gewählt wurde (ganz links oder ganz rechts), das Problem wird auch als Degeneration bezeichnet.

4.5.1 Pivotelement

Ein gutes Pivotelement zu suchen ist relativ schwer, da das Pivotelement möglichst nah an der Mitte des Medians des Feldes sein sollte. Hierfür könnte man theoretisch erst das ganze Feld durchsuchen, was aber recht aufwändig sein kann. Verschiedene Ansätze wurden hier herausgearbeitet:

Wahl des mittleren Elements $\frac{\text{LetztesElement} - \text{ErstesElement}}{2}$, relativ schlecht da Pivot immernoch an erster bzw. letzter Stelle stehen kann

Iteratives löschen der Minima TODO

Sortieren des Feldes Macht Quicksort überflüssig

Partielle Sortierung mit Quicksort Pivot wird zufällig gewählt, nun wird vorerst nur eine Hälfte sortiert. Verringert die Wahrscheinlichkeit des Worst Case ist aber weiterhin möglich.

Media of k Es werden k Elemente zufällig ausgewählt und aus denen wird dann der das Mittlere genommen um somit das Pivotelement zu bestimmen. k muss dabei ungerade sein. Verringert wieder nur die Wahrscheinlichkeit des worst case.

SELECT Algorithmus Das Feld wird in fünfer Grupper aufgeteilt. Aus jeder Fünfergruppe wird dann das mittlere Element herausgezogen. Aus allen mittleren Element wird wieder das mittlere Element herausgenommen was dann zum Pivotelement wird. Worst case ist immer $\mathcal{O}(n \log n)$ aber aufgrund der Komplexität wird das Verfahren nur bei großen Mengen verwedet (oder bei zeitkritischen Systemen).

4.6 Mergesort

Wie beim Quicksort wird nach dem divide and conquire Prinzip gearbeitet, nur sortiert Mergesort erst aufgeteilt wurde. Dabei werden die Felder je nach ihrer Wertigkeit an geeigneter Stelle eingefügt. Dadurch entetshen je nach Iteration Teilfelder die sortiert sind. Teilfelder können auch in die mitte (bzw. nicht nur am Anfang/Ende) eingefügt werden. Hat ein Laufzeitverhalten von $\mathcal{O}(n \log n)$. Dabei sollte man aber darauf achten dass man nicht zu oft teil (am Anfang), da sich hier die Laufzeit auf $\mathcal{O}(n^2)$ erhöht.

4.7 Heapsort

Selectiopnsort sucht das kleinse/größte Element und hängt es dementsprecheend an eine Liste. Die Suche ist aber relativ zeitaufwändig. Um die Suche zu beschleunigen baut man sich als Datenstruktur einen Heap auf. Ein Heap ist ein binärer Baum undhat die Eigenschaften, dass Die Kinder eines Knotens immer kleiner/größer /je nachdem obs ein Min/Max-Heap ist). Außerdem muss gelten dass die Blätter des Baumes linksbündig sind. Es werden für den Heapsort drei Mehtoden gebraucht:

- BUILD-MAX-HEAP: Baue einen Max-Heap aus den Daten
- HEAP-EXTRACT-MAX: Nimm das größte Element aus dem Heap
- MAX-HEAPIFY: Nach der entanahme muss der Heap wieder 'geflickt' werden

⁸ Build-Heap nimmt einen Datensatz und erstllt damit erstmal einen binären Baum. Wenn ein Array vorliegt kann man direkt einen Baum erstellen da ein Baum ja nur ein Array mit spezieelen Zugriffsverfahren. Nun wird aus dem Baum das größte Element extrahiert. Dazu geht man in die unterste Ebene des Baume und vergleicht ob die Knoten größer sind als der Elternknoten. Ist das Element nicht größer wird zur nächsten wird der nächste Teilbaum in der Ebene analysiert. Wenn irgendwo der Kindknoten größer als der Elternknoten ist, wird getauscht. So wird Ebene für Ebene analysiert bis die Wurzel

⁸Analaog gilt dasselbe für Min-Heap

erreicht ist. Hier muss aber noch beachtet werden, dass wenn ein Knoten getauscht wurde auch der Ast nochmals betrachtet werden muss. Wenn ein Kindknoten zum Elternknoten wird, kann es ja sein dass der getauschte Knoten größer als sein Elternknoten ist. Der größte Knoten ist jetzt na der Wurzelposition. Dieser wird dann durch Extrakt-Max ans Ende des Baumes (oa. Array) vertauscht. Das größte Element ist nun am Ende des Baumes (Array), wodurch man auch weiß dass das letzte Element sortiert ist. Da die Wurzel aber einen neuen Wert hat muss max-heapify aufgerufen werden, um die Bedingungen zu erfüllen. Nun wird aber das letzte Element ignoriert, da es ja schon sortiert ist. Es wird weider extract-max aufgerufen, und dann wieder max heapify bis der komplette Baum sorteirt ist.

5 Glossar

Bytespeicherung in Big-Endian(höchstes bit an erster (also ganz links) Stelle) bzw Little-Endian NIL Not in List