Programowanie rozproszone

Jakub Kwiatkowski 145356 Paweł Strzelczyk 145217

Problem

W winiarzy (oznaczonych dalej przez W_i) produkuje każdy po X_i litrów wina. S studentów (oznaczonych dalej przez S_j) konsumuje każdy po Y_j litrów wina. Aby przekazać wino, winiarz musi wynająć bezpieczne miejsce B_k . Winiarz nie rozpocznie produkcji wina, dopóki nie odda wszystkiego, co już wyprodukował.

Przy założeniach:

$$i \in \{1, 2, \dots, W\}$$
$$j \in \{1, 2, \dots, S\}$$
$$k \in \{1, 2, \dots, N\}$$
$$\neg (\forall_{i \in \{1, 2, \dots, W\}} \exists_{j \in \{1, 2, \dots, S\}} X_i = Y_j)$$

Proponowane rozwiązanie

Aby rozwiązać podany problem musimy poczynić dodatkowe założenia:

- $\sum X_i = \sum Y_j$
- Winiarz nie musi oddać całej partii jednemu studentowi $(X_i \geq Y_j)$
- Student nie musi zaspokoić wszystkich swoich potrzeb u jednego winiarza $(Y_i \geq X_i)$
- Student może w razie potrzeby zaspokojć tylko część swojego zapotrzebowania, jednak pozostała część musi zostać zaspokojona tak szybko jak to tylko możliwe.

Założenie pierwsze zapobiega problemowi nadprodukcji. Jeśli założymy że proces jest ciągły i nieskończony, to przybiera ono formę:

$$\lim_{n \to \infty} n \times \sum X_i = \lim_{n \to \infty} n \times \sum Y_j$$

i jest pomijalne w praktyce.

Założenia drugie i trzecie zapobiegają sytuacji, w której popyt i podaż sumarycznie się równoważą, ale niemożliwy jest przydział całościowy.

Założenie czwarte jest potrzebne w przypadku procesu ciągłego i nieskończonego, pozwalając na złamanie założenia pierwszego w czasie jednej iteracji zakładając, że zostanie ono skorygowane w czasie następnych iteracji (zbyt mała podaż w i-tej iteracji zostanie zrównoważona nadpodażą w i + 1 iteracji)

Opis algorytmu

- 1. Winiarz W_i "produkuje" X_i litrów wina i ubiega się o bezpieczne miejsce B_i :
 - (a) W_i rozsyła do wszystkich winiarzy wiadomość REQ zawierającą swój zegar Lamporta L_{W_i} oraz żądane miejsce B_i .
 - (b) Po otrzymaniu wiadomości ACK (lub REQ z wyższymi zegarami Lamporta niż własny) od wszystkich winiarzy, W_i wchodzi do sekcji krytycznej i rozsyła wszystkim wiadomość M_{W_i} (INFO) zawierającą informacje o B_i i X_i .
 - (c) Jeśli W_i otrzyma wiadomość REQ z zegarem Lamporta niższym niż własny odsyła ACK i dalej oczekuje na pozostałe ACK.
 - (d) Po rozgłoszeniu wiadomości M_{W_i} , W_i wychodzi z sekcji krytycznej i rozsyła ACK wszystkim oczekującym.
- 2. W_i rozpoczyna następną produkcję dopiero po otrzymaniu RELEASE zawierającego B_i .
- 3. Student S_j określa swoje zapotrzebowanie na Y_j litrów wina i ubiega się o dostęp do B_k :
 - (a) S_j wysyła do wszystkich studentów wiadomość REQ zawierającą B_k oraz ilość wina jaką zamierza stamtąd pobrać.
 - (b) Po otrzymaniu wiadomości ACK (lub REQ z wyższymi zegarami Lamporta niż własny) od wszystkich studentów, S_j wchodzi do sekcji krytycznej.
 - (c) Jeśli S_j wyczerpie zasoby B_k , to rozsyła winiarzom wiadomość RELEASE zawierającą B_k .
 - (d) Po wyjściu z sekcji krytycznej S_j rozsyła ACK wszystkim oczekującym.
- 4. S_j ubiega się o kolejne B_k doputy, dopóki nie wypełni zapotrzebowania Y_j .

Zegary Lamporta są inkrementowane w zwykły sposób, jednak nigdy nie w trakcie rozsyłania wiadomości (rozesłanie wiadomości do grupy odbiorców jest traktowane jako operacja atomowa).