

Campus Senador Helvídio Nunes de Barros Curso Bacharelado em Sistemas de Informação Disciplina Matemática Financeira e Análise de Investimento

João dos Santos Neto

Sistema de Amortização de Empréstimo

1. Amortização Constante:

Neste sistema, o valor do principal é amortizado de maneira constante em cada período de pagamento. Isso significa que a parcela principal permanece a mesma durante todo o período do empréstimo, enquanto os juros diminuem à medida que o saldo devedor é reduzido.

No Amortização Constante, as parcelas iniciais são maiores, uma vez que os juros são calculados sobre o saldo total do empréstimo. Conforme o tempo passa, a parcela de juros diminui e a de amortização do principal aumenta. Isso torna o método mais eficiente em termos de economia de juros ao longo do tempo.

Exemplo: Suponha que você tenha um empréstimo de R\$ 10.000 com uma taxa de juros de 5% ao ano e um período de pagamento de 5 anos. A amortização constante significaria que você paga R\$ 2.000 em principal a cada ano, além dos juros que diminuem ao longo do tempo.

Para calcular usa-se a expressão PMT = P/n + i * S, onde:

- PMT é o valor da parcela mensal,
- P é o valor principal do empréstimo (R\$ 10.000 no exemplo),
- n é o número de períodos de pagamento (5 anos = 60 meses no exemplo),
- i é a taxa de juros mensal (5% ao ano = 5% / 12 meses = 0,4167% ao mês no exemplo),
- S é o saldo devedor no início do período.

Tabela Resultante:

| Mês | Saldo Devedor(R\$) | Parcela Principal(R\$) | Parcela de Juros(R\$) | Parcela Total(R\$) |
|-----|--------------------|------------------------|-----------------------|--------------------|
| 1 | 10000,00 | 2000,00 | 41,67 | 2041,67 |
| 2 | 8000,00 | 2000,00 | 33,33 | 2033,33 |
| 3 | 6000,00 | 2000,00 | 25,00 | 2025,00 |
| 4 | 4000,00 | 2000,00 | 16,67 | 2016,67 |
| 5 | 2000,00 | 2000,00 | 8,33 | 2008,33 |
| 6 | 0,00 | 2000,00 | 0,00 | 2000,00 |

SAC (Sistema de Amortização Constante):

O SAC também mantém o pagamento constante de principal a cada período, mas, ao contrário da Amortização Constante, as parcelas de juros diminuem ao longo do tempo. Isso resulta em parcelas mensais decrescentes.

O principal é pago em parcelas iguais a cada período, tornando o SAC uma escolha comum em financiamentos imobiliários. As parcelas mensais totais diminuem, o que pode ser benéfico para os mutuários que desejam prever seus gastos mensais com mais facilidade.

Exemplo: Calcular os valores das parcelas de juros e amortizações referentes a um empréstimo de R\$ 1.000, pelo sistema SAC, a uma taxa de 4 % a.m. e prazo de 10 meses.

Para calcular a amortização divide-se o valor financiado pelo numero de parcelas, assim no exemplo temos: A = 1.000 / 10 = 100

Os juros são calculados sobre o saldo devedor:

 $J_1 = 10.000 \times 0.04 = 400$ (e assim por diante)

Prestação igual à soma da amortização e juros: R = A + J.

Tabela Resultante:

| | | | | Saldo |
|----|-----------|-------|-------------|----------|
| n | Prestação | Juro | Amortização | Devedor |
| 0 | - | - | - | 1.000,00 |
| 1 | 140,00 | 40,00 | 100,00 | 900,00 |
| 2 | 136,00 | 36,00 | 100,00 | 800,00 |
| 3 | 132,00 | 32,00 | 100,00 | 700,00 |
| 4 | 128,00 | 28,00 | 100,00 | 600,00 |
| 5 | 124,00 | 24,00 | 100,00 | 500,00 |
| 6 | 120,00 | 20,00 | 100,00 | 400,00 |
| 7 | 116,00 | 16,00 | 100,00 | 300,00 |
| 8 | 112,00 | 12,00 | 100,00 | 200,00 |
| 9 | 108,00 | 8,00 | 100,00 | 100,00 |
| 10 | 104,00 | 4,00 | 100,00 | 0,00 |

Price (Parcelas iguais com juros):

O sistema Price, também conhecido como Sistema de Amortização Francês (SAF), envolve o pagamento de parcelas fixas durante todo o período do empréstimo. No entanto, a proporção de juros nas parcelas é maior no início e diminui ao longo do tempo.

Este método é amplamente usado em empréstimos pessoais e financiamentos de veículos. Ele oferece a conveniência de parcelas constantes, mas a desvantagem é que você paga mais juros nas primeiras parcelas.

Exemplo: Calcular os valores das parcelas de juros e amortizações referentes a um empréstimo de R\$ 1.000, pelo sistema PRICE, a uma taxa de 4 % a.m. e prazo de 10 meses.

$$R = \frac{VP.i. (1+i)^{n}}{[(1+i)^{n}-1]}$$

Para calcular, usa-se a expressão

R =
$$1.000 \cdot [0.04 \cdot (1 + 0.04)^{10}] / [(1 + 0.04)^{10} - 1] = 123,29$$

Os juros são calculados sempre sobre o saldo devedor:

$$J_1 = 1.000 \times 0.04 = 40$$
 (e assim por diante

Amortização igual à prestação, subtraído-se os juros: A = R - J.

Tabela resultante:

| | | | | Saldo |
|----|-----------|-------|-------------|----------|
| n | Prestação | Juro | Amortização | Devedor |
| 0 | - | - | - | 1.000,00 |
| 1 | 123,29 | 40,00 | 83,29 | 916,71 |
| 2 | 123,29 | 36,67 | 86,62 | 830,09 |
| 3 | 123,29 | 33,20 | 90,09 | 740,00 |
| 4 | 123,29 | 29,60 | 93,69 | 646,31 |
| 5 | 123,29 | 25,85 | 97,44 | 548,87 |
| 6 | 123,29 | 21,95 | 101,34 | 447,53 |
| 7 | 123,29 | 17,90 | 105,39 | 342,14 |
| 8 | 123,29 | 13,69 | 109,61 | 232,54 |
| 9 | 123,29 | 9,30 | 113,99 | 118,55 |
| 10 | 123,29 | 4,74 | 118,55 | 0,00 |