Universidade Federal do Piauí – UFPI

Campus Senador Helvídio Nunes de Barros – CSHNB

Curso de Sistemas de Informação Disciplina: Lógica para Computação

Professora: Juliana Oliveira de Carvalho

Turma: 01 Data: 08/04/2022 Segunda Avaliação

Acadêmico: Matrícula:

A PROVA DEVE SER FEITA A MÃO E DEPOIS TIRAR FOTO DAS QUESTÕES RESOLVIDAS E GERAR UM ÚNICO PDF E ENVIAR VIA SIGAA ATÉ ÀS 19H DO DIA 09/04/22

Questão 01: Dada as seguintes fórmulas da lógica proposicional diga a propriedade de cada uma delas: satisfatível, tautologia ou contraditória, usando para isto o método da árvore semântica. (2,0 pontos)

a)
$$(P_1 \wedge \neg P_2) \vee (P_2 \vee (\neg P_3 \wedge P_1))$$

b)
$$\neg(\neg(P_1 \lor P_4) \to (\neg P_2 \land (P_3 \lor \neg P_4)))$$

c)
$$\neg ((P_1 \land P_3) \leftrightarrow (P_2 \lor (\neg P_3 \lor P_1)))$$

d)
$$(P_1 \wedge \neg P_2) \rightarrow (P_2 \rightarrow (P_3 \wedge \neg P_1))$$

Questão 02: Dada as seguintes fórmulas da lógica proposicional diga se elas são tautologia ou não, usando para isto o método da negação. (3,0 pontos)

a)
$$(\neg P_2 \land (\neg P_1 \lor \neg P_3)) \rightarrow (P_1 \lor (P_2 \land P_3))$$

b)
$$\neg (P_1 \rightarrow \neg P_3) \rightarrow (\neg P_2 \land (P_3 \lor \neg P_1))$$

c)
$$\neg ((\neg P_1 \land P_3) \leftrightarrow (P_2 \lor (\neg P_3 \rightarrow P_1)))$$

Questão 03: Para cada uma das seguintes fórmulas, faça substituição adequada para que as mesmas só contenha os conectivos citado em cada item. (3,0 pontos)

a)
$$(P \land (Q \rightarrow (R \land \neg S)))$$
 Substitua pelo conjunto $\{\neg, \lor\}$

b)
$$(P \lor (Q \lor (P \to \neg R)))$$
 Substitua pelo conjunto {nand}

c)
$$((P \lor \neg Q) \to (Q \land \neg(\neg P \lor R)))$$
 Substitua pelo conjunto {nor}

Questão 04: Para cada uma das seguintes fórmulas, faça o que se pede: (2,0 ponto)

- a) $\neg (P \lor R) \to (\neg (Q \land R) \to \neg (Q \land \neg P))$, coloque na forma normal disjuntiva
- b) $(\neg Q \land ((P \lor \neg R) \to (P \lor \neg Q))) \lor (Q \land \neg R)$, coloque na forma normal conjuntiva