



Entangled Photon Source – Charakterisierung einer Quelle verschränkter Photonen Versuchsanleitung

Tag 1 – Überprüfung quantenmechanischer Korrelationen

Fortgeschrittenen-Praktikum Bachelor Physik

Fraunhofer ILT Aachen

Erstellungsdatum: 11.03.2019

Version 1.1b

Lehrstuhl für Lasertechnik

Prof. Dr. rer. nat. R. Poprawe M. A.

Vorausgesetzte Kenntnisse:

der Quantenmechanik, quantenmechanische Verschränkung, Photodetektoren, Erzeugung verschränkt Photonen, klassische lokale Verborgene-Variablen-Theorien, CHSH-Bell-Ungleichungen Grundlagen Lasersicherheit, Polarisation von Licht, Grundlagen المادية ا

Literatur zum Versuch:

- B. P. N. R. A. Einstein, "Can Quantum-Mechanical Description of Physical Reality Be Considered Complete'?," Phys. Review, Bd. 47, pp. 777-780, 1935.
- [2] N. D. Mermin, "Is the moon there when nobody looks? Reality and the quantum theory," Physics Today, Bd. 38, Nr. 4, pp. 38-47, 1985.
- [3] D. Dehlinger und M. W. Mitchell, "Entangled photons, nonlocality, and Bell inequalities in the undergraduate," Am. J. Phys., Bd. 70, Nr. 9, pp. 903-910, 2002.
- [4] quTools GmbH, "quEd Entanglement Demonstrator," 2017. [5] quTools GmbH, "quEd Control and Read-out Unit Users and Operations Manual," 2017.

Einleitung

Inhalt		
_	Einleitung	-
2 2.1 2.2	Sicherheit Lasersicherheit Gerätesicherheit	- 2
8 8 8 1.2 2 3 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	Theoretische Grundlagen Quantenmechanische Behandlung Darstellung von Photonenzuständen Projektionsmessungen Polarisationsverschränkte Photonenzustände Messung der Korrelationen Lokale Verborgene-Variablen-Theorien CHSH-Bell-Ungleichungen	w w w 4 10 9 7 0
4 4 4 4.2 4.2 4.2 6.3	Experimenteller Aufbau Die Photonenquelle Der Messstrahlengang Der Koinzidenzenzähler	12 12 15 16
n .0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0	Durchführung Inbetriebnahme des Aufbaus Fehlerbetrachtung Messung nicht-polarisationsverschränkter Photonen Messung von Photonen im EPR-Zustand Messung der Wahrscheinlickeit	17 17 19 20 21 23
6 6.1 6.2	Auswertung Auswertung des nicht-polarisationsverschränkter Zustands Auswertung des EPR-Zustands	25 25 26
7	Fragen zum Selbsttest	28

Einleitung

Verschränkte Teilchen können nicht unabhängig voneinander, sondern nur als Gesamtzustand beschrieben werden. Da dieser nur als Gesamtzustand manipuliert werden kann, entstehen nicht-intuitive Effekte. Ein Ausnutzen dieser Eigenschaften für Anwendungen, wie z.B. in der Messtechnik, ist aktueller Gegenstand der Forschung.

sogenannte lokale Verborgene-Variablen-Theorien (LVVT) als Alternative zur Quantenmechanik zu etablieren (siehe Kapitel 3.2). Die Bell'sche Ungleichung gestattet die Falsifizierung solcher LVVTs gegenüber der Quantenmechanik durch Messung von Koinzidenzraten paarerzeugter Photonen. Verschränkte Teilchen wurden von Einstein, Podolsky und Rosen als Einwand gegen die Quantenmechanik formuliert [1] und in der Folge wurde versucht,

Sicherheit 7

müssen Sie sich unbedingt an die folgenden Regeln halten. Unkenntnis oder Nichteinhaltung dieser Regeln führt zum Ausschluss vom Versuch mit der Um Risiken für Ihre Gesundheit und die verwendeten Geräte zu vermeiden, Bewertung "nicht bestanden".

Lasersicherheit 2.1

Der Diodenlaser in diesem Praktikumsversuch ist ein Laser der Klasse 38. Der Laser kann bei Bestrahlung der Haut oder Augen permanente Schäden verursachen. Dies gilt sowohl für den Hauptstrahl als auch für gestreutes Licht.

geöffnet ist, kann Laserlicht der Klasse 3B austreten. Dies ist der Fall, wenn gleichzeitig bei geöffnetem Gehäuse der Diodenlaser eingeschaltet ist. Sollte das Öffnen der Photonenquelle notwendig werden, so benachrichtigen Sie Ihren Solange das Lasergehäuse geschlossen ist, ist der Laser durch Filterung der austretenden Strahlung unbedenklich (Laserklasse 1). Wenn das Gehäuse jedoch Betreuer.

Fortgeschrittenen-Praktikum Bachelor Physik

Theoretische Grundlagen

Öffnen Sie die Photonenquelle *niemals*, während die Laserdiode eingeschaltet

2.2 Gerätesicherheit

Die Laserdiode wird durch den roten Knopfschalter an- und ausgeschaltet. Die Kontrolleinheit darf nicht über den Schlüsselschalter ausgeschaltet werden, während die Laserdiode eingeschaltet ist, da dies zur Zerstörung der Laserdiode früher!

Im Rahmen des Versuchs muss das Gehäuse der Strahlquelle geöffnet werden, um die Position einer eingebauten Lambda-Halbe-Platte zu ändern. Achten Sie bei der Überprüfung der richtigen Position der Platte ganz besonders darauf, dass der Diodenlaser ausgeschaltet ist. Für den Umbau kontaktieren Sie Ihren Berrainer

Im Rahmen des ersten Versuchstages ist es nicht notwendig, die optischen Fasem zu entfernen oder den Strahlengang außerhalb der Photonenquelle zu justieren. Sollten Sie der Auffassung sein, dass dies doch notwendig wird, benachrichtigen Sie Ihren Betreuer.

Wir wünschen Ihnen einen erkenntnisreichen Praktikumsversuch.

3 Theoretische Grundlagen

"Glauben Sie wirklich, dass der Mond nur da ist, wenn Sie ihn gerade beobachten?" Dies fragte Albert Einstein im Zusammenhang mit einer Diskussion, ob die Quantenmechanik eine vollständige Beschreibung der Realität sein kann [2]. Es ist nicht das einzige bekannte kritische Zitat Einsteins über die Quantenmechanik.

Versucht man sich die Quantenmechanik wie eine Theorie klassischer Teilchen vorzustellen, so erscheinen tatsächlich viele ihrer Vorhersagen unsinnig. Ein klassisches Beispiel hierfür ist das Interferenzmuster hinter einem Doppelspalt, das nur auffaucht, wenn beide Spalte geöffnet sind und bei dem die Vorstellung, dass ein Photon durch den einen oder den anderen Spalt propagiert ist, in die Irre führt. In diesem Versuch, werden Sie einen weiteren solchen Effekt untersuchen: Den Effekt nicht-klassischer Korrelationen polarisationsverschränkter Photonen.

Dazu werden in diesem Kapitel zunächst die notwendigen quantenmechanischen Grundlagen erläutert, danach wird auf die Formulierung von lokalen verborgene-Variablen-Theorien (LVVT) eingegangen und schließlich dargestellt, wie alle LVVTs in Form der CHSH-Bell-Ungleichungen Vorhersagen machen, die sich von denen der Quantenmechanik unterscheiden und experimentell überprüft werden können.

3.1 Quantenmechanische Behandlung

Im Folgenden wird Verschränkung am Beispiel der Polarisation von Photonen dargestellt. Beachten Sie dass auch andere Eigenschaften eines Photons oder anderer Teilchen verschränkt sein können, und diese Verschränktheit nicht zwingend mit der Polarisationsverschränktheit zusammenhängt.

3.1.1 Darstellung von Photonenzuständen

Die Polarisationszustände einzelner Photonen werden üblicherweise in der Bra-Ket-Notation wie folgt dargestellt!:

3.1
$$|H\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$
 , $|V\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

¹Die Darstellung von Zuständen als Spaltenvektor und von Operatoren als Matrizen ist in diesem Basissystem legitim und dient als kompaktene explizite Schreibweise.

möglichen Polarisationszustände eines einzelnen Photons $|\Psi\rangle$ können als Linearkombination dieser Zustände dargestellt werden. Sie haben folgende Dabei ist $|H\rangle$ ein horizontal polarisiertes Photon und $|V\rangle$ ein vertikal polarisiertes Photon. Diese beiden Zustände bilden eine orthonormale Basis, d.h. alle Eigenschaften:

3.2
$$\langle H|H\rangle = \langle V|V\rangle = 1$$
 , $\langle H|V\rangle = \langle V|H\rangle = 0$, $|\Psi\rangle = \alpha|H\rangle + \beta|V\rangle$

Diese Basis bezieht sich auf ein arbiträres Achsensystem in der Ebene, die senkrecht auf der Ausbreitungsrichtung des Photons steht. Manchmal ist es wichtig die Basis auf ein anderes Bezugssystem zu transformieren (z.B. beim Durchlaufen eines doppelbrechenden Kristalls als Lambda-Halbe-,Lambda-Viertel- oder Polarisatorplatte). Dieser Basiswechsel erfolgt über Rotationsoperatoren:

$$\hat{R}_{\alpha} = \begin{pmatrix} \cos(\alpha) & -\sin(\alpha) \\ \sin(\alpha) & \cos(\alpha) \end{pmatrix} \quad , \quad \hat{R}_{\alpha} | H \rangle = \cos(\alpha) | H \rangle + \sin(\alpha) | V \rangle = | H_{\alpha} \rangle$$

3.3

/erständnisfrage: Welche Form nimmt $|V_{lpha}
angle$ als Linearkombination aus |H
angle und

Beispielsweise kann man so den Zustand des Photons in der Basis der Diagonalen Polarisationsrichtungen [+) und [--) darstellen indem man als Rotationswinkel α 45° wählt:

$$\left|H_{\pi/4}\right\rangle = \left|+\right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}\left(\left|H\right\rangle + \left|V\right\rangle\right) \quad , \quad \left|H_{-\pi/4}\right\rangle = \left|-\right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}\left(\left|H\right\rangle - \left|V\right\rangle\right)$$

3.4

Licht dargestellt werden. Die Basis entspricht dann z.B. der rechts- und Mit anderen Transformationen kann unter anderem auch zirkular polarisiertes linkshändigen zirkularen Polarisation:

$$|R\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left(|H\rangle + i |V\rangle \right) \quad , \quad |L\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left(|H\rangle - i |V\rangle \right)$$

3.1.2 Projektionsmessungen

3.5

transmittiert, dessen transmittierende Achse in einem Winkel α zur horizontalen Achse des einlaufenden Lichts steht, so ist der transmittierte Zustand gegeben Werden horizontal polarisierte Photonen (Zustand |H/) durch einen Polarisator

3.6
$$|H_{\alpha}\rangle\langle H_{\alpha}||H\rangle = \hat{R}_{\alpha}|H\rangle\langle H|\hat{R}_{-\alpha}|H\rangle = |H_{\alpha}\rangle\langle H|H_{-\alpha}\rangle = \cos(\alpha)|H_{\alpha}\rangle$$

Die Transmission wird hier über die Projektion der transmittierenden Achse des Polarisators $|H_{\alpha}\rangle\langle H_{\alpha}|$ (Projektionsoperator) auf den Zustand des einlaufenden Lichts $|\Psi\rangle = |H\rangle$ realisiert. Beachten Sie hierbei, dass ein Operator in seiner adjungierten Form auf einen Bra-Zustand wirkt (d.h. $\langle H_{\alpha}|=\langle H|\hat{R}_{\alpha}^{\dagger}=\langle H|\hat{R}_{-\alpha}\rangle$).

Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Photon transmittiert wird ist damit:

$$p_{H,trans} = \langle H | \hat{R}_{\alpha} | H \rangle \langle H | \hat{R}_{-\alpha} | H \rangle = |\langle H_{\alpha} | H \rangle|^2 = \cos(\alpha)^2$$

3.7

3.1.3 Polarisationsverschränkte Photonenzustände

Photonen, so wird ihr Zustand als Tensorprodukt (formal durch den Operator ⊗) geschrieben. In unserem Fall betrachten wir zwei Photonen, die wir hier durch die Indizes s und i beschreiben? Betrachtet man nun zwei voneinander unabhängige horizontal polarisierte

$$|H\rangle_{s} \otimes |H\rangle_{i} \equiv |H\rangle_{s} |H\rangle_{i} \equiv |HH\rangle$$

3.8

Nicht alle Zweiphotonenzustände können als solches Produkt geschrieben werden. Von besonderem Interesse zur Verifizierung der Quantenmechanik und ihrer Abgrenzung zu einer klassischen Theorie ist der EPR-Zustand:

$$|\Psi_{EPR}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|HH\rangle + |VV\rangle)$$

3.9

Er beschreibt einen Zustand, in dem die Photonen mit gleicher Wahrscheinlichkeit beide horizontal oder beide vertikal polarisiert sein können. Man spricht hier von einem verschränkten Zustand, da dieser Zustand nicht als Produkt von Einzelphotonenzuständen geschrieben werden kann. Bestimmt man die Wahrscheinlichkeit einer Transmission durch einen im Winkel a zur horizontalen Polarisationsachse des Signalphotons transmittierenden Polarisators, so erhält man:

$$p_{trans}(\alpha) = \left| \langle H_{\alpha} | s \frac{1}{\sqrt{2}} \left(|HH\rangle + |VV\rangle \right) \right|^2 = \frac{1}{2} |\langle H_{\alpha} | s | H\rangle_{i} |H\rangle_{i} + \langle H_{\alpha} | s | V\rangle_{i} |V\rangle_{i} |V\rangle_{$$

3.10

In der Messung der Signalphotonen zeigt sich ein wesentlicher Unterschied zwischen dem verschränkten Zustand $1/\sqrt{2}(|HH\rangle + |VV\rangle)$ und dem diagonal polarisierten Zustand $1/\sqrt{2}(|H\rangle + |V\rangle)$. Der verschränkte Zustand besteht zu

² Das ⁸ steht hier für 'signal-' und das [‡] für 'idler-'Photonen. Die Notation ist historisch für nichtlineare optische Prozesse, dienen aber im Rahmen dieses Versuchs nur der formellen Unterscheidung der beiden Photonen.

gleichen Teilen aus horizontal und vertikal polarisierten Photonen(-paaren) und verhält sich dadurch bei der Transmission durch einen Polarisator wie unpolarisiertes Licht.

Verständnisfrage: Wie sähe der Produktzustand zweier diagonal polarisierter Photonen $|+\rangle_{\bar{s}}|+\rangle_{i}$ in der $|H\rangle_{i/s'}$ $|V\rangle_{i/s}$ -Basis aus?

3.1.4 Messung der Korrelationen

Misst man nun beide Photonen, eines mit einem Polarisator im Winkel α und das andere mit einem Polarisator im Winkel eta zur horizontalen Transmission, so kann nur der Zustand $|H_{lpha}H_{eta}
angle$ transmittiert werden. Die Wahrscheinlichkeit, dass Signal- und Idlerphoton fransmittiert werden ist dann:

$$p_{HH}(\alpha,\beta) \equiv p_{HH} = \left| \left\langle H_{\beta} \right|_{i} \langle H_{\alpha}|_{s} \middle| \Psi
angle \right|^{2}$$

3.11

anderen Zústände kollabiert, bei denen nur ein Photon ($|V_{\alpha}H_{\beta}\rangle$, $|H_{\alpha}V_{\beta}\rangle$) oder gar keins transmittiert wird ($|V_{\alpha}V_{\beta}\rangle$). Eine Charakterisierung des Zustands $|\Psi\rangle$ besteht Wahrscheinlichkeiten werden mit $p_{\nu\mu}$, $p_{H\nu}$ und $p_{\nu\nu}$ bezeichnet. Da alle möglichen Zustände der Photonen über die Basis $H_{\alpha/\beta}$, $V_{\alpha/\beta}$ gegeben sind, Liegt $|H_{lpha}H_{eta}
angle$ in Transmission nicht vor, so ist die Wellenfunktion in einen der drei entsprechenden Die müssen sich die Wahrscheinlichkeiten zu eins addieren: Messungen. mindestens

$$p_{HH} + p_{VH} + p_{HV} + p_{VV} = 1$$

3.12

Nach Gleichung **3.10** und mit $|\Psi\rangle=|\Psi_{EPR}\rangle=(|HH\rangle+|VV\rangle)/\sqrt{2}$ können wir p_{HH} umformen

$$p_{HH} = \frac{1}{2} \left| \left\langle H_{\beta} |_{i} \middle| H_{\alpha} \right\rangle_{i} \right|^{2} = \frac{1}{2} \left| \left\langle H_{\beta} |_{i} \middle| R_{\alpha} H \right\rangle_{i} \right|^{2} = \frac{1}{2} \left| \left\langle \hat{R}_{-\alpha} \hat{R}_{\beta} H \middle|_{i} \middle| H \right\rangle_{i} \right|^{2}$$

3.13

Dabei wurde Gleichung **3.3** benutzt um den Rotationsoperator aus dem Zustand H_{α} herauszuziehen und in adjungierter Form $(R_{\alpha}^{\dagger} = R_{-\alpha})$ auf das Bra anzuwenden. Anschließend wird ausgenutzt, dass für Rotationsmatrizen die Winkel additiv sind $(R_{-\alpha}R_{\beta} = R_{\beta-\alpha})^3$.

$$p_{HH} = \frac{1}{2} \left| \left\langle H_{\beta-\alpha} \right|_i \left| H \right\rangle_i \right|^2 = \frac{1}{2} \cos(\beta - \alpha)^2$$

3.14

3 Dieser Weg sieht auf den ersten Blick vielleicht unnätig kompliziert aus, bildet aber eine angenehme Alternative zur expliziten Ausmultiplikation der Summen trigonometrischer Funktionen.

Beschreibt man die Transmission vertikal polarisierter Photonen, d.h. man ersetzt in Formel 3.11 die beiden H-Bras durch V-Bras und in Formeln 3.13 und 3.14 daraus folgend alle H durch V, so erhält man:

 $p_{HH} = p_{VV}$

3.15

3.16

Mit der gleichen Vorgehensweise erhält man:

$$p_{HV}=p_{VH}=\frac{1}{2}\left|\left\langle V_{\beta-\alpha}|_{l}|H\right\rangle \right|^{2}=\frac{1}{2}\sin(\beta-\alpha)^{2}$$
 Aus der Definition des EPR-Zustands erwarten wir, dass dieser Zustand maximal korreliert ist, d. h. dass beide Photonen eines Paares stets in der gleichen Polarisation vorliegen. Dies zeigt sich in Gleichung **3.16** stehen beide Polarisatoren in einem 90°-Winkel zueinander, so wird immer eines der Photonen eines Paares herausgefiltert und es gibt keine Koinzidenzen. Sind beide Polarisatoren parallel zueinander ausgerichtet, so wird entweder keines der

beiden Photonen eines Paares transmittiert oder beide Photonen werden

Lokale Verborgene-Variablen-Theorien 3.2

transmittiert.

Führt man auf dem EPR-Zustand die Projektion $|H_{\alpha}\rangle_s\langle H_{\alpha}|_s$ aus, d. h. man bringt einen Polarisator unter dem Winkel α in den Pfad des Signalphotons ein, so ist der Zweiphotonenzustand (vgl. Gleichung **3.10**) hinter dem Polarisator:

$$|H_{\alpha}\rangle_{s}\langle H_{\alpha}|_{s}|\Psi_{EPR}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|H_{\alpha}\rangle_{s}|H_{\alpha}\rangle_{i}$$

3.17

und eine instantane Wechselwirkung der beiden Photonen durch die spezielle Interpretiert man Signal- und Idlerphotonen als voneinander unabhängige Teilchen, so hat die Messung des Signalphotons auch das Idlerphoton beeinflusst. Man kann sich leicht einen Aufbau vorstellen indem beide Photonen sich entlang einer Achse voneinander in entgegengesetzter Richtung entfernen Relativitätstheorie ausgeschlossen sein sollte. Der Einwand von Einstein, Podolsky und Rosen gegen die Quantenmechanik ist hier, dass das so vorhergesagte Kollabieren der Wellenfunktion eine instantane Auswirkung über beliebige Entfernungen darstellt ("spukhafte Fernwirkung").

der Erzeugung von Photonenpaaren unbekannt, aber für beide Photonen eines Im Zusammenhang mit solchen LVVTs werden mehrere Als Alternativen wurden historisch lokale verborgene-Variablen-Theorien (LVVTs) diskutiert, d. h. die Annahme einer zusätzlichen physikalischen Größe, die eine Polarisationseigenschaft der Photonen beschreibt. Der Wert dieser Größe ist bei Eigenschaften physikalischer Theorien verwendet:

- Vollständigkeit: Die Theorie enthält alle physikalischen Größen, die in den Ausgang eines Experiments eingehen, unabhängig von der Kenntnis der exakten Werte dieser Größen. Bei Kenntnis der Werte aller physikalischen Größen, ist das Ergebnis des Experiments deterministisch.
- Realismus: Alle physikalischen Größen sind messbar, ohne das physikalische System zu beeinflussen
- Lokalität: Alle physikalischen Effekte beruhen auf Wechselwirkungen innerhalb des Lichtkegels des Effekts, d.h. es werden keine überlichtschnellen oder instantanen Beeinflussungen innerhalb des physikalischen Systems impliziert. Die Theorie ist konsistent mit der speziellen Relativitätstheorie

Die Quantenmechanik kann in diesem Sinne als nicht vollständig aufgefasst werden, da keine exakte Aussage über den Ausgang einer Messung getroffen werden kann (z.B. über die Absorption eines Photons durch einen Polarisator), sondern nur Wahrscheinlichkeiten für die verschiedenen möglichen Ausgänge gegeben werden können. Daher wird versucht eine alternative Theorie zur Quantenmechanik aufzustellen, die vollständig, realistisch und lokal ist.

In einer lokalen verborgene-Variablen-Theorie (LVVT) wird für einen Zustand oder ein Teilchen eine Größe λ postuliert (mit dem Definitionsbereich $D(\lambda)$), die die Unsicherheit des Ausgangs einer Messung aufhebt. Im Fall einer Polarisationsmessung folgt daraus eine Transmissionswahrscheinlichkeit $p_V(\alpha,\lambda)$ eines Photons mit der verborgene Variable λ durch einen Polarisator der in einem Winkel α zur vertikalen Referenzachse steht. Damit die Theorie als vollständig angesehen werden kann, musz $p_V(\alpha,\lambda)$ den Ausgang eines Experiments eindeutig festlegen, d.h. die Funktion kann nur die Werte 1 und 0 annehmen.

Eine solche Theorie ist lokal, da nur die Größe λ und der Winkel des Polarisators Einfluss darauf haben ob das Photon transmittiert wird. Für die verborgene Größe λ wird eine Verteilungsfunktion $\rho(\lambda)$ angenommen, was folgende Normierung impliziert:

$$\int_{D(\lambda)} d\lambda [\rho(\lambda)] = 1$$

3.18

Die Transmissionswahrscheinlichkeit, die nur von dem Winkel des Polarisators abhängt, wird dann gegeben durch:

$$p_V(\alpha) = \int_{D(\lambda)} d\lambda [\rho(\lambda) \cdot p_V(\alpha, \lambda)]$$

3.19

Um Verschränkung zu beschreiben wird angenommen, dass zwei Photonen mit gleicher verborgene Variable λ emittiert werden und von lokal voneinander

getrennten Detektoren unter den Winkeln α und β transmittiert werden können. Die Wahrscheinlichkeit, dass beide transmittiert werden wird dann gegeben

 $p_{VV}(lpha,eta) = \int_{D(\lambda)} d\lambda [
ho(\lambda)\cdot p_V(lpha,\lambda)\cdot p_V(eta,\lambda)]$

3.20

3.3 CHSH-Bell-Ungleichungen

Eine Möglichkeit zur Diskriminierung zwischen lokalen verborgene Variablen Theorien und der Quantenmechanik ist die Messung von Koinzidenzraten und anschließende Auswertung mit sogenannten CHSH⁴-Bell-Ungleichungen ausgewertet werden. Es wird eine Größe *S* definiert, die die Eigenschaft hat, das für all LVVTs gilt:

3.21 |S| ≤ 2

Nach CHSH ist diese Größe S:

3.22
$$S(\alpha, \alpha', \beta, \beta') = E(\alpha, \beta) - E(\alpha, \beta') + E(\alpha', \beta) + E(\alpha', \beta')$$

Dabei sind die konstituierenden Größen $E(\alpha,\beta)$ Korrelationskoeffizienten der transmittierten Photonen bei Messung unter den Winkeln α und β der beiden Polarisatoren:

3.23
$$E(\alpha, \beta) = p_{HH} + p_{VV} - p_{VH}$$

Für die folgende Berechnung ist es nützlich die Wahrscheinlichkeiten $p_V(\alpha,\lambda)$ wie folgt umzuschreiben:

3.24
$$p_V(\alpha,\lambda) = \frac{1 + A(\alpha,\lambda)}{2} \quad , \quad p_V(\beta,\lambda) = \frac{1 + B(\beta,\lambda)}{2}$$

Dabei können die Funktionen $A(\alpha,\lambda)$ und $B(\beta,\lambda)$ nur die Werte 1 und -1 annehmen. Dadurch können die Wahrscheinlichkeiten $p_V(\alpha,\lambda)$ und $p_V(\beta,\lambda)$ nur die Werte 1 und 0 annehmen. Für die horizontale Richtung gilt dann:

$$p_H(\alpha,\lambda) = 1 - p_V(\alpha,\lambda) = \frac{1 - A(\alpha,\lambda)}{2} \Big|_{A(\alpha,\lambda) = \pm 1}$$

3.25

⁴ CHSH steht für J. F. Clauser, M. A. Home, A. Shimony und R. A. Holt. Ihre Version der Bell-Ungleichung enthält vier Korrelationskoeffizienten im Gegensatz zu den dreien, welche Bell in seinem Paper vorgeschlagen hat.

Theoretische Grundlagen

Theoretische Grundlagen

Durch Einsetzen der Koinzidenzwahrscheinlichkeiten **3.20** (und analog für p_{HH} , $p_{\nu H}$ und $p_{H\nu}$) in Formel **3.23**, erhält man die Korrelationskoeffizienten einer lokalen verborgene-Variablen-Theorie $E^{(VVT)}(\alpha, \beta)$:

3.26

$$\begin{split} E^{(VVT)}(\alpha,\beta) &= \int_{D(\lambda)} d\lambda \left[\rho(\lambda) \right. \\ &\cdot \left(\frac{1+A}{2} \frac{1+B}{2} + \frac{1-A}{2} \frac{1-B}{2} - \frac{1+A}{2} \frac{1-B}{2} - \frac{1-A}{2} \frac{1+B}{2} \right) \right] \\ &= \int_{D(\lambda)} d\lambda \left[\rho(\lambda) \cdot \left(\frac{1+A(\alpha,\lambda)}{2} B(\beta,\lambda) - \frac{1-A(\alpha,\lambda)}{2} B(\beta,\lambda) \right) \right] \\ &= \int_{D(\lambda)} d\lambda \left[\rho(\lambda) \cdot \left(A(\alpha,\lambda) B(\beta,\lambda) \right) \right] \end{split}$$

Mit diesen Korrelationskoeffizienten kann nun der S-Wert für alle LVVTs berechnet werden:

$$S^{(VVT)} = \int_{D(\lambda)} d\lambda [\rho(\lambda) \cdot s(\alpha,\beta,\lambda)]$$

$$s(\alpha,\beta,\lambda) = A(\alpha,\lambda) B(\beta,\lambda) - A(\alpha,\lambda) B(\beta',\lambda) + A(\alpha',\lambda) B(\beta,\lambda)$$

$$+ A(\alpha',\lambda) B(\beta',\lambda)$$

$$= A(\alpha,\lambda) [B(\beta',\lambda) - B(\beta',\lambda)] + A(\alpha',\lambda) [B(\beta,\lambda) + B(\beta',\lambda)]$$
 Da A und B nur die Werte ± 1 für ein gegebenes λ annehmen können, gilt:

 $|s(\alpha, \beta, \lambda)| = \pm 2$

3.28

Daraus folgt, dass:

3.29

$$\left|S^{(VVT)}\right| = \left|\int_{D(\lambda)} d\lambda [\rho(\lambda) \cdot s(\alpha,\beta,\lambda)]\right| \le 2$$

Im Fall der Quantenmechanik sind die Korrelationskoeffizienten nach Formeln 3.14, 3.15 und 3.16

$$E^{(QM)}(\alpha, \beta) = p_{HH} + p_{VV} - p_{HV} - p_{VH} = \cos(\beta - \alpha)^2 - \sin(\beta - \alpha)^2 = \cos(2(\beta - \alpha))$$

3.30

Wählt man nun $\alpha=0^\circ$, $\alpha'=4S^\circ$, $\beta=22.5^\circ$ und $\beta'=67.5^\circ$ so erhält man den für die Quantenmechanik maximal möglichen S-Wert von $2\sqrt{2}$.

Verständnisfrage: für welche Winkelkombination erhält man den minimalen S-Wert von $-2\sqrt{2}$?

Für eine auf diese Weise bestimmten *S-*Wert, sagt die Quantenmechanik eine Verletzung aller LVVTs voraus. Daher ist ein Experiment zur Bestimmung des *S-*Wertes geeignete um alle LVVTs zu widerlegen.

__

Experimenteller Aufbau

Experimenteller Aufbau 4

die verschränkte Photonen emittiert, der Strahlführung für die verschränkten Photonen und der Messeinheit zum Zählen der Einzelphotonenraten und Der Experimentelle Aufbau für diesen Versuch besteht aus einer Photonenquelle, Koinzidenzen.

Die Photonenquelle 4.

in zwei Photonen mit Ehergie $\approx h v_P/2$ umgewandelt. Der Prozess findet in einem nichtlinearen, doppelbrechenden Kristall statt. Der physikalische Prozess, mit dem polarisationsverschränkte Photonen in diesem Versuch erzeugt werden, heißt parametrische Fluoreszenz (SPDC⁵) erster Art. Bei diesem nichtlinearen optischen Prozess wird ein (Pump-)Photon mit Energie $h
u_{m p}$

einlaufende Photonen, deren Polarisation parallel zur optischen Achse des doppelbrechenden Kristalls ist, am effizientesten ist. Die beiden erzeugten Photonen sind senkrecht zur optischen Achse polarisiert. In BraKet-Schreibweise findet also folgende Konversion statt: Insbesondere gilt für SPDC erster Art, dass der Konversionsprozess

4.1

 $|V\rangle \to |H\rangle_{\varsigma} |H\rangle_{i}$

Aus Gründen der Energie und Impulserhaltung kann das so konvertierte Licht nur entlang einer Kegeloberfläche abgestrahlt werden. Aufgrund der Impulserhaltung in der Ebene senkrecht zur Ausbreitungsrichtung des Pumpstrahls, befinden sich die beiden erzeugten Photonen stets an zueinander diametral gegenüberliegenden Orten im Abstrahlkegel.

Verständnisfrage: Liegt in diesem Zustand bereits polarisationsverschränktes Licht vor? Um den EPR-Zustand zu erzeugen werden zwei Kristalle genutzt, deren optische Achsen um 90° gegeneinander gedreht sind. Dadurch können in dem Prozess Zusätzlich müssen die einfallenden Photonen entlang beider Achsen polarisiert sein. Daher werden diagonal (zu den optischen Achsen der Kristalle) polarisierte sowohl horizontal als auch vertikal polarisierte Photonen erzeugt werden.

Pumpphotonen eingestrahlt. Idealerweise findet somit folgende Konversion

 $|+\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|V\rangle + |H\rangle) \rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}}\big(|H\rangle_s|H\rangle_l + |V\rangle_s|V\rangle_l\big) = |\Psi_{EPR}\rangle$

4.2

groß sein. Weiterhin kann es zu Abweichungen von der idealen diagonalen Der Pumpphotonenstrahl wird auf die beiden Kristalle fokussiert. Optimal liegt der Fokus so, dass die Intensität in beiden Kristalle gleich ist. Durch einen Versatz in der Lage des Fokus kann die Intensität in den beiden Kristallen unterschiedlich Polarisationsrichtung kommen. Durch diese beiden Effekte, findet eine nichtideale Konversion statt, sodass in einer Polarisationsrichtung mehr Photonen vorliegen als in der anderen. Dies reduziert die Verschränktheit des Zustands.

einer Phasenverschiebung zwischen den Photonen in den beiden Dadurch, dass die beiden Kristalle doppelbrechend sind, kann es weiterhin zu konvertierte Polarisationsrichtungen kommen (sowohl Pump- als auch Photonen). Im Allgemeinen wird also folgender Zustand erzeugt:

 $\cos(\theta) |H\rangle_s |H\rangle_i + \sin(\theta) e^{i\phi} |V\rangle_s |V\rangle_i$

4.3

Dabei werden die Anteile durch $\cos(\theta)$ und $\sin(\theta)$ dargestellt und der Phasenunterschied durch $e^{i\phi}$. Die Realisierung einer Photonenquelle, die die Konversion von Pump- in verschränkte Photonen erfüllt, ist in Bild 1 dargestellt.

Kristalle bestehen aus Beta-Bariumborat (BBO) und sind um 90° gegeneinander gedreht. Sie konvertieren blaue Pumpphotonen mithilfe von SPDC erster Art in Eine blaue Laserdiode erzeugt vertikal (zur Tischebene) polarisierte Photonen der Wellenlänge 405 nm. Über zwei Spiegel und eine Linse wird der Pumpstrahl auf die beiden nichtlinearen Kristalle zur Frequenzkonversion fokussiert. Die beiden verschränkte infrarote Photonen (Wellenlänge 810 nm).

Pumplicht konvertiert. Die Vertiefung senkrecht zur Strahlrichtung wird im Die Pumpstrahlung kann mithilfe einer Lambda-Halbe-Platte diagonal polarisiert werden. Für die Lambda-Halbe-Platte sind Vertiefungen im Boden vorgesehen. Position bezeichnet. Mit der Lambda-Halbe-Platte wird vertikal polarisiertes Folgenden als Betriebsposition bezeichnet, mit ihr werden diagonal polarisierte Die Vertiefung parallel zur Strahlrichtung wird im Folgenden als "geparkte" Photonen in den Kristall gestrahlt und damit EPR-Zustände erzeugt.

⁵ _Aus dem Englischen: Spontaneous Parametric Down-Conversion

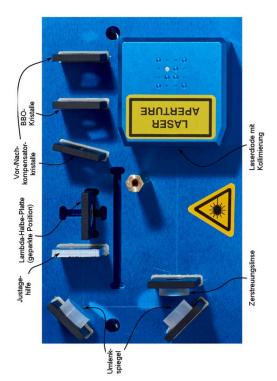


Bild 1: Aufbau der Verschräkte-Photonen-Quelle ohne Gehäuse und Ausgangsapertur.

BBO hat für die Pump- und die konvertierte Wellenlänge verschiedene Brechungsindizes und damit gelten für diese Photonen verschiedene Lichtgeschwindigkeiten in BBO. Dadurch verlässen die unterschiedlich polarisierten konvertierten Photonenpaare den zweiten BBO-Kristall nicht gleichzeitig und zwischen den belden Polarisationsrichtungen der konvertierten Photonen wird ein Phasenunterschied e¹⁰ erzeugt. Zur Kompensation wird ein doppelbrechender Vorkompensatorkristall eingebracht (siehe Bild z), durch den die horizontalen und veriklalen Anteile des diagonal polarisieren Pumplichts so gegeneinander verzögert werden, dass die konvertierten Photonenpaare den zweiten Kristall mit gleicher Phase verlassen.

Weiterhin entsteht durch räumliche Separation der beiden BBO-Kristalle eine räumliche Separation der beiden Polarisationsrichtungen der erzeugten Photonen. Daher wird ein weiterer doppelbrechender Nachkompensatorkristall eingebracht, sodass durch die verschiedenen Brechungswinkel für die beiden Polarisationen die räumliche Separation aufgehoben wird.

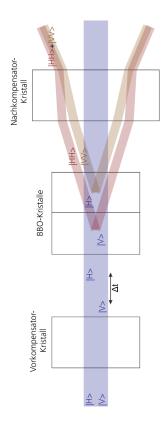


Bild 2: Schematische Illustration der Wirkung der Kompensator-kristalle. Der Vorkompensatorkristall sorgt, dafür dass die konvertierten Photoren der werten BeV-Kristal zur gleichen Zeit verlassen. Der Nachkompensatorkristall gleicht räumliche Separation der erzeugten Photonen weschiedene Polarisation aus.

Der Strahlengang verläuft durch eine Apertur mit Tiefpassfilter. Die durch die Kristalle transmittierten Pumpphotonen werden durch den Tiefpassfilter absorbiert und die konvertierten Photonen werden ausgekoppelt.

4.2 Der Messstrahlengang

Die ausgekoppelten verschränkten Photonen verlassen die Photonenquelle räumlich voneinander getrennt. Zur Einkopplung in den Koinzidenzzähler werden zwei Arme genutzt, die die beiden diametral gegenüberliegenden Ausschnitte des gesamten Abstrahlkegels der Quelle auf zwei separate Detektoren lenken.

Die Arme bestehen jeweils aus einem Umlenkspiegel, einem linearen Polarisator mit verstellbarer optischen Achse und einer polarisationserhaltenden optischen Faser und der zugehörigen Einkoppelungsoptik (siehe Bild 3). Die Justage ist über jeweils zwei Mikrometerschrauben an den Umlenkspiegeln und Fasereinkopplungen möglich.

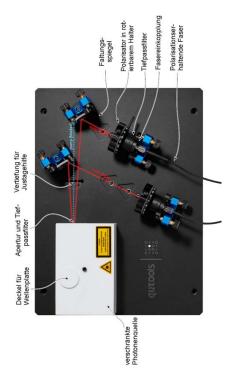


Bild 3: Darstellungen des Strahlengangs der verschränkten Photonen.

Der Koinzidenzenzähler 4.3

jedem Messarm) gemessen. Ein absorbiertes Photon hebt ein Elektron in das Die Photonen werden mit sogenannten Avalanche Photo Diodes (APD; einer in Leitungsband, wo dieses durch eine angelegte Spannung zu einem elektrischen Strom führt. Die Spannung ist so gewählt, dass ein einzelnes Elektron weitere Elektronen auslösen kann (ähnlich einem Geiger-Zähler) und somit eine Lawine (Avalanche) entsteht.

verglichen. Wird innerhalb eines Zeitfensters von 30 ns in beiden APDs ein Signal Die Zeitpunkte der Ereignisse werden in der Kontrolleinheit miteinander gemessen, wird dies als Koinzidenz gezählt. Durch diese Auswertelogik können auch zufällige Koinzidenzen gemessen werden, das heißt zwei zueinander unverschränkte Photonen befinden sich innerhalb eines 30 ns dauernden Zeitfensters (Δt). Der Erwartungswert für diese , falschen" Koinzidenzen R_{false} kann wie folgt abgeschätzt werden:

$$R_{false} = R_0 \cdot R_1 \cdot \Delta t$$

4.4

Dabei sind R_0 und R_1 die gemessenen Einzelzählraten an beiden Detektoren.

Durchführung 2

In diesem Kapitel werden die Schritte zur Durchführung der Messung nichtklassischer Koinzidenzraten erläutert. **Hinweis**: Sie haben in diesem Versuch genügend Zeit um Messungen ggf. mehrfach durchzuführen. Es ist empfehlenswert die Daten bereits während der Durchführung graphisch darzustellen und zu überlegen, ob Sie der Erwartung entsprechen und ob ggf. die Erwartung falsch war oder ein Fehler in der Durchführung unterlaufen ist.

Inbetriebnahme des Aufbaus 5.7

Überprüfen Sie, dass die Kontrolleinheit über ein Netzkabel mit Strom versorgt wird und dass die optischen Fasern die Einkopplung auf dem Breadboard mit den optischen Eingängen an den APDs an der Kontrolleinheit (VI in Bild 4) verbunden



Bild 4: Vorderarsicht der Kontrolleinheit. (I): Stromhauptschalterschlüssel der Kontrolleinheit. (II) Touchpad-Display. (III) Drehknopf. (IV) Status-LEDs für Strom und Temperatur. (V) Hauptschalter der Laserdiode mit integrierter Statusleuchte. (VI) Fasereinkopplung der durch die Polarisatoren transmittierten Photonen in die APDs.

wird zuerst die LED "Power" blinken. Dies bedeutet, dass die Kontrolleinheirt gestartet wird. Anschließend sollte die LED "Power" Kontinuierlich leuchten und die LED "Temp." (IV in Bild 4) sollte blinken. Dies bedeutet, dass die optimale Drehen Sie den Hauptschalterschlüssel (I in Bild 4). Während das Gerät startet,

Durchführung

Temperatur der APDs noch nicht erreicht ist. Warten Sie darauf, dass beide LEDs erlöschen. Der Aufbau ist dann einsatzbereit.

Laserdiodenparamet er. (I) Stellstrom der

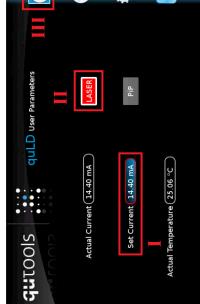
Einstellung der Laserdiode. (II)

Bild 5: quLD-Fenster. Fenster zur

Modulnavigator, der oberste Knopf

Statusleuchte der Laserdiode. (III)

korrespondiert zu dem quLD-Fenster.



Wechseln Sie in das guLD-Fenster mithilfe von Knopf (III) in Bild S. Der Stellstrom ((I) in Bild S) sollte auf 0 mA eingestellt sein (falls nicht, dann stellen Sie den Stellstrom auf 0 mA durch Markieren der "Set Current"-Zeile und Drehen des Drehknopfes).

geschlossen ist bevor Sie den Laser einschalten. Schalten Sie die Laserdiode mithilfe von Schalter (V) in Bild 4 ein. Stellen Sie nun den Stellstrom mithilfe des Vergewissern Sie sich, dass der Deckel des Gehäuses der Photonenquelle Druckknopfes auf 37,5 mA.

Slootab Coincidence 01 Single 0 Single 1 Gegenwärtige Zählraten. (III) Startet quCNT-Anzeigen. (V) Datenaufnahme. (IV) Modulnavigation ins Bild 6: quCNT: Zählratenfenster #1. Eingangskanäle, 01 steht für die quCNT Fenster und zum Wechseln Zählraten, 0 und 1 Koinzidenzrate. (II) Zeitbasis zur Aufnahme von Datenpunkten. (I) Auswahl der stehen für die verschiedenen Einstellung der und stoppt Knopf zur optischen zwischen

quCNT Rates

Stellen Sie die beiden Polarisatoren so ein, dass die Zählraten an beiden Detektoren (Single 0/1; (II) in Bild 6) maximal sind. Kontaktieren Sie Ihren Betreuer, falls die Koinzidenzrate kleiner als 2500/s. Schalten Sie den Laser aus, indem Sie zuerst den Stellstrom über das quLD-Fenster (siehe Bild 5) mit dem Drehknopf auf 0 mA stellen und dann erst mit dem Schalter (V) in Bild 4 die Laserdiode ausschalten.

Fehlerbetrachtung 2.5

Fehler von \sqrt{N} an. Dies ist gerechtfertigt, wenn jedes Ereignis von den anderen statistisch unabhängig ist und die Wahrscheinlichkeit für das Ereignis klein ist. die Messwerte näherungsweise poissonverteilt sind, d.h. für Ereigniszahlen N nimmt man einen dass Bei Zählexperimenten wird oft angenommen,

Um zu überprüfen ob diese Annahme im Rahmen dieses Experiments zulässig ist nehmen Sie zehn aufeinanderfolgende Zahlenwerte einer Einzelzählrate auf um einen statistischen Fehler ermitteln zu können. Führen Sie die Messung für 3 verschiedene Stromstärken an der Laserdiode aus (z.B. 30 mA, 37,5 mA und 45 mA)

5.3 Messung nicht-polarisationsverschränkter Photonen

In diesem Kapitel wird die Messung der Photonen im $|HH\rangle$ -Zustand beschrieben.

Überprüfen Sie zunächst, dass die Photonenquelle für die Emission solcher Photonen konfiguriert ist. Öffnen Sie dafür den Deckel für die Lambda-Halbe-Platte und stellen Sie sicher, dass die Lambda-Halbe-Platte in geparkter Position (d.h. **nicht** wie in Bild 7) eingebaut ist. Ist dies nicht der Fall verständigen Sie Ihren Betreuer.

Bild 7: Lambda-Halbe-Platte Inmertalb des Strahlengangs. Es werden Photonen im EPR-Zustand erzeugt. Die Quelle ist so ungeeignet für def Messung nichtpolarisationsverschränkter



Wenn die Lambda-Halbe-Platte in geparkter Position eingebaut ist, beginnen Sie mit der Aufnahme der Messdaten. Wechseln Sie in der Kontrolleinheit in das Fenster "quCNT Rates" (vgl. Bild 6). Stellen Sie den Polarisator vor der Fasereinkopplung für Detektor 1 auf den Winkel mit maximaler Transmission ein. Vanieren Sie nun den Winkel des Polarisators vor der Fasereinkopplung von Detektor 0 und nehmen Sie beide Zählraten sowie die Koinzidenzraten bei einer geeigneten Wahl der Zeitbasis auf. Die zu diesen beschriebenen bei einer geeigneten Winkelbereiche sind in Bild 8 als gestrichelte Linie dargestellt. Die dargestellten Punkte sind die 16 Punkte um den S-Wert nach der CHSH-Theorie zu berechnen.

Achten Sie darauf im Bereich der Extrema bei hinreichend vielen Winkeln zu messen, sodass die Winkel maximaler und minimaler Transmission möglichst

genau bestimmt werden können. Achten Sie darauf, den Messungenauigkeiten bei jedem Messpunkt abzuschätzen. Wiederholen Sie die Messung für Detektor 1 wobei der Winkel des Polarisators vor Detektor 0 konstant gehalten wird. Wählen Sie die Winkel des Polarisators vor Detektor 0 so, dass aus den Messkurven die maximale Verletzung der Bell-Ungleichung hervorgeht.

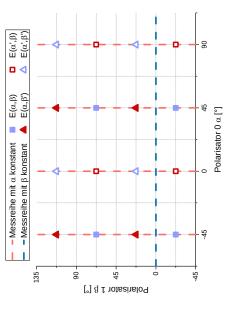


Bild 8. Darstellung der Messreihen im Parameterraum der beiden Winkel der Polarisatoren. Eingetragen sind die Punkte, die notwendig sind um den S-Wert nach CHSH- zu bestimmen.

Schalten Sie den Laser aus, indem Sie ihn mit dem roten Schalter (V) in Bild 4 ausschalten.

5.4 Messung von Photonen im EPR-Zustand

In diesem Kapitel wird die Messung der Polarisation im EPR-Zustand beschrieben.

Überprüfen Sie zunächst, dass die Photonenquelle für die Emission verschränkter Photonenpaare konfiguriert ist. Öffnen Sie dafür den Deckel für die Lambda-Halbe-Platte und stellen Sie sicher, dass die Lambda-Halbe-Platte in

Durchführung

des Gehäuses bereit zur Messung polarisationsverschrä nkter Photonen. Strahlengangs. Es werden Photonen im erzeugt. Die Quelle ist nach schließen Bild 9: Lambda-Halbe-Platte innerhalb des EPR-Zustand



gleichen Kurven, die Sie bereits für die Photonen im IHH)-Zustand aufgenommen haben. Nehmen Sie die Zählraten beider Detektoren auf, um die Ist die Lambda-Halbe-Platte in Betriebsposition aufgestellt, messen Sie die "falschen" Koinzidenzen bestimmen zu können.

des Polarisators, hinter dem die Polarisation nicht gemessen wird, überprüfen. Wechseln Sie dafür in das CHSH-Fenster (vgl. Bild 10) im quCNT-Modul durch wiederholtes Drücken von Knopf IV (zu sehen in Bild 6). Hinweis: Sie können in dieser Konfiguration die korrekte Wahl der vier Winkel

H:22.5 H:67.5 H:112.5 H:157.5 -:22.5 -:67.5 -:112.5 -:157.5 915 | (5762 | (6286 | (1435 | (1044 | (1181 | (5286 | (5181 **quCNT** CHSH inequality Slooms ntegration Time -∻ Save Data Reset Start dS = 0.0135 = 2.7082000ms n=54

Bild 10: Bell-Fenster im quCNT-Modul. (I) Die Integrationszeit für die Messung der Koinizidenzen kann mithilfe des Drehknopfes eingestellt werden. (II) Zurücketzen aller gemessenen Koinizidenzen. (III) Angabe der Polarisation für die jeweilige Messung. (IV) Durch Druck des jeweiligen Zählfensters werden die Koinizidenzen für die jeweilige Winkeleinstellung gezählt. (V) Gezählte Koinizidenzen. (VII) Abgeschärte, "falsche" Koinizidenzen (VIII) Auswertung der gemessenen Koinizidenzen. (VIII) Speicherung aller Daten über USB. (IX) Navigationskinop? zum Verlassen des Bell-Fensters.

Drücken Sie als nächstes das Feld unter der Bezeichnung "H: 22.5" ((III) in Bild 10) um eine Koinzidenzzählung durchzuführen. Wiederholen Sie den Vorgang gleichermaßen für die 15 anderen Kombinationen von Winkeln. Erhalten Sie Stellen Sie nun den ersten Polarisator auf einen Winkel ein, bei dem horizontal polarisiertes Licht transmittiert wird und den andern Polarisator auf 22,5°. einen S-Wert von über 2,5 (oder unter -2,5), so können Sie davon ausgehen, dass Sie die Winkel richtig gewählt haben.

Messung der Wahrscheinlichkeit 5.5

Koinzidenzwahrscheinlichkeit auf das CHSH-S führen. Im Experiment können nur Zählraten gemessen werden. Diese sollten proportional zu der Wahrscheinlichkeit sein, aber der Umrechnungsfaktor ist unbekannt, da in dem Bisher wurde nur diskutiert, dass Wahrscheinlichkeiten pH, pHH und die Experiment einige unbekannte Effizienzen, wie die der Fasereinkopplung oder die Quanteneffizienz der APDs, vorliegen. Auswertung

Die Korrelationskoeffizienten E werden daher wie folgt bestimmt ($lpha_{
m L}=lpha+$

$$E(\alpha,\beta) = \frac{K(\alpha,\beta) + K(\alpha_{\perp},\beta_{\perp}) - K(\alpha_{\perp},\beta) - K(\alpha_{\perp}\beta) - K(\alpha,\beta_{\perp})}{K(\alpha,\beta) + K(\alpha_{\perp},\beta_{\perp}) + K(\alpha_{\perp},\beta) + K(\alpha,\beta_{\perp})}$$

5.1

Dabei geht die Annahme ein, dass die Wahrscheinlichkeiten wie folgt dargestellt werden können:

$$p_{HH}(\alpha,\beta) = \frac{K(\alpha,\beta)}{K(\alpha,\beta) + K(\alpha_{\perp},\beta_{\perp}) + K(\alpha_{\perp},\beta) + K(\alpha,\beta_{\perp})}$$

2.5

Die Summe der verschiedenen Koinzidenzraten wird also als Normierung genutzt um aus der Koinzidenzrate eine Wahrscheinlichkeit zu berechnen. Dies ist nicht exakt, wenn diese unbekannten Effizienzen von der Polarisation, den Drehwinkeln der Polarisatoren oder eine zeitliche Schwankung der Ausgangsleistung der Laserdiode auftritt.

Auswertung 9

Sie eine Fehlerrechnung durchführen (und protokollieren), Sie diskutieren, ob das ausgewertete Teilergebnis Ihrer Erwartung entspricht (und warum) und dass Sie Es wird bei jedem nummerierten Auswertungsschritt davon ausgegangen, dass ggf. mögliche Gründe für Abweichungen diskutieren.

Auswertung des nicht-polarisationsverschränkter Zustands 6.1

Bewerten Sie zunächst ob die Annahme von poissonverteilten Messwerten gerechtfertigt ist. 1) Bestimmen Sie mit den in Kap. 5.2 aufgenommenen Datenreihen Mittelwert und Standardabweichung und vergleichen Sie die gemessene Standardabweichung mit der, die Sie im Falle poissonverteilter Ereignisse erwarten würden.

polarisiertem Licht ist der Polarisationsgrad II, der für die gemessene maximale Zählrate N_{max} und minimale Zählrate N_{min} gegeben ist durch das Verhältnis der Zählrate linear polarisierter Photonen zur Gesamtzählrate: Tragen Sie die Einzelzählraten $N_{\rm f}$ der Detektoren gegen den Winkel der Polarisatoren auf. Eine typische Größe zur Charakterisierung von linear

6.1

$$\Pi = \frac{N_{max}}{N_{max} + N_{min}}$$

Bestimmen Sie N_{min} und N_{max} durch die Anpassung einer trigonometrischen Funktion und

- 2) berechnen Sie den Polarisationsgrad für jede der fünf Einzelzählraten. Sind die Polarisationsgrade innerhalb ihrer Fehler miteinander verträglich?
- Schätzen Sie die Menge an "falschen" Koinzidenzen aus den Einzelzählraten ab. Welches Verhalten würden Sie für klassisches linear polarisiertes Licht erwarten? 3

Für die Auswertung der Koinzidenzraten ziehen Sie immer die falschen Koinzidenzen von den gemessenen Koinzidenzen ab. Tragen Sie die korrigierten Koinzidenzraten gegen die Winkel der Polarisatoren auf.

Auswertung

Auswertung

4) Bestimmen Sie die Winkel maximaler Koinzidenzen durch Anpassungen von trigonometrischen Funktionen. Bestimmen Sie wahlweise aus den angepassten Kurven oder direkt aus den gemessenen Daten den S-Wert. Ist die CHSH-Bell-Ungleichung verletzt? 2

Auswertung des EPR-Zustands 6.2

Tragen Sie Einzelzählraten der Detektoren gegen den Winkel des jeweiligen Polarisators auf. Welche funktionale Abhängigkeit der Zählraten von den Winkeln der Polarisatoren stellen Sie fest? Bestimmen Sie den Polarisationsgrad der Einzelzählraten. Tragen Sie die korrigierten Koinzidenzraten gegen die Winkel der Polarisatoren auf und passen Sie frigonometrische Funktionen an.

2) Bestimmen Sie die Winkel maximaler Koinzidenzen.

Eine typische Größe zur Charakterisierung der Qualität des EPR-Zustands ist die Sichtbarkeit V. Sie kann aus den maximalen und minimalen Koinzidenzraten K_{max} und K_{min} bestimmt werden:

6.2

 $V = \frac{K_{max} - K_{min}}{K_{max} + K_{min}}$

3) Bestimmen Sie die Sichtbarkeit aller Koinzidenzkurven und vergleichen Sie sie miteinander.

Außer dem bisher dargestellten EPR-Zustand $|\Psi_{EPR}^+\rangle = (|HH\rangle + |VV\rangle)/\sqrt{2}$ kann auch der Zustand $|\Psi_{EPR}^+\rangle = (|HH\rangle - |VV\rangle)/\sqrt{2}$ die CHSH-Bell-Ungleichung verletzen. Beide Zustände haben die gleichen Extrema in ihren Koinzidenzraten (nämlich bei |*H*⟩ und |*V*⟩). Es zeigen sich jedoch Unterschiede bei Messung in der diagonalen Basis (|+⟩ und |-⟩). Für die Koinzidenzwahrscheinlichkeit erhält man analog zu Gleichungen **3.10 Fehler! Verweisquelle konnte nicht gefunden** werden.:

 $p_{HH} = \left| \langle H_{\beta} | i \langle H_{\alpha} | s | \Psi_{EPR}^{-} \rangle \right|^{2} = \frac{1}{2} \cos(\beta + \alpha)^{2}$

6.3

4) Bestimmen Sie wahlweise aus den angepassten Kurven oder direkt aus den gemessenen Daten, welcher der beiden Zustände im Experiment vorliegt.

5) Bestimmen Sie wahlweise aus den angepassten Kurven oder direkt aus den gemessenen Daten den S-Wert. Ist die CHSH-Bell-Ungleichung verletzt?

Geben Sie die Verletzung der Ungleichung in Standardabweichungen des gemessenen S-Wertes an.

7 Fragen zum Selbsttest

- Welche Gefahren bestehen beim Umgang mit Lasern?
- Wie wird die Photonenquelle richtig ausgeschaltet?
- Was unterscheidet verschränkte Teilchen von klassischen?
- Wie werden verschränkte Photonen in diesem Versuch erzeugt?
- Welche Eigenschaft verschränkten Lichts untersuchen Sie in diesem Versuch?
- Welche Kritik übte Einstein an der Quantenmechanik?
- Was ist eine lokale verborgene-Variablen-Theorie?
- Was sind CHSH-Bell-Ungleichungen und was ist ihre Relevanz?
- Konnten Sie alle Verständnisfragen im Text beantworten?