

第二章 MATLAB语言基础



§2.1 MATLAB基本操作

MATLAB语句形式 变量=表达式;

通过等于符号将表达式的值赋予变量。当键入回车键时,该语句被执行。语句执行之后,窗口自动显示出语句执行的结果。如果希望结果不被显示,则只要在语句之后加上一个分号(;)即可。此时尽管不显示结果,但它依然被赋值并在MATLAB工作空间中分配了内存。

e.g.
$$x=3+5$$
; $x=3+5$



工作空间管理命令

1、MATLAB的工作空间包含了一组可以在命令窗口中调 整(调用)的参数。

who:显示当前工作空间中所有变量的一个简单列表

whos:则列出变量的大小、数据格式等详细信息;

clear 变量名:清除指定的变量;

clear:清除工作空间中所有的变量;

clear all:清除工作空间中所有的变量、函数和MEX文件;



- 2、保存和载入workspace
 - (1) save filename variables
- 将变量列表variables所列出的变量保存到磁盘文件 filename中
- Variables所表示的变量列表中,不能用逗号,各个不同的变量之间只能用空格来分隔。
- 未列出variables时,表示将当前工作空间中所有变量 都保持到磁盘文件中。
- 缺省的磁盘文件扩展名为".mat",可以使用"-"定义不同的存储格式(ASCII、V4等),缺省保存路径为……\matlab\works。

e.g. save data.mat



(2) load filename variables

- 将以前用save命令保存的变量variables从磁盘文件中 调入MATLAB工作空间。
- 用load 命令调入的变量,其名称为用save命令保存时的名称,取值也一样。
- Variables所表示的变量列表中,不能用逗号,各个同的变量之间只能用空格来分隔。
- 未列出variables时,表示将磁盘文件中的所有变量都 调入工作空间。

e.g. load data.mat



- 3、退出工作空间
- quit 或 exit



窗口命令

clf:清除当前图形窗口(Figure)中所有非隐藏图形对象;

close:关闭当前的图形窗口;

close all:关闭所有的图形窗口;

clc:清除命令窗口中的内容,光标回到窗口的左上角;

home:光标回到窗口的左上角;



显示格式设置命令

■ 方向键和控制键可以编辑修改已输入的命令

more off:不允许分页 more on:允许分页

more(n):指定每页输出的行数

e.g. more(2);

x = 3 - 5

echo on:显示正在执行的M文件语句

format type:控制输出变量的数据格式



文件管理命令

文件管理的命令,包括列文件名、显示或删除文件、显示或改变当前目录等。(what、dir、type、delete、cd、which)

what:显示当前目录下所有与matlab相关的文件及它们的路径。

dir:显示当前目录下所有的文件

which:显示某个文件的路径

e.g. which data.mat



cd path:由当前目录进入path目录

cd ..: 返回上一级目录

cd:显示当前目录

type filename:在命令窗口中显示文件内容

e.g. type data.mat

delete filename:删除文件filename



帮助命令

help:在命令窗口中显示MALTAB的相关帮助信息

e.g. help format

doc:在help浏览器中显示某个函数的联机帮助文档

e.g. doc format



§2.2 MATLAB数值计算

2.2.1 基本计算

复数

- 格式一:经典教科书的直角坐标表示法 >> Z1 = 3 + 4i
- 格式二:采用运算符构成的直角坐标表示法和 极坐标表示法
 - >>Z2=1+2*i %运算符构成的直角坐标表示法
 - >>Z3=2*exp(i*pi/6) %运算符构成的极坐标表示法 (推荐,宜于数值矩阵描述)
 - >>Z=Z1*Z2/Z3





Wuhan University

- real(z) 给出复数z的实部, a=rcosθ
- imag(z) 给出复数z的虚部,b=rsinθ
- abs(z) 给出复数z的模 , $r = \sqrt{a^2 + b^2}$
- angle(z) 给出复数z的相位θ

```
e.g. z=5*exp(i*4*pi/4);
    real(z)
    imag(z)
    abs(z)
   angle(z)
```



变量

变量的命名:变量的名字必须以字母开头(不能超过19 个字符),之后可以是任意字母、数字或下划线;变量 名称区分字母的大小写;变量中不能包含有标点符号。

e.g. X, x, data2006_9_6

- 变量命名不要使用MATLAB中已有的函数名或命令名 (如clear),
- 不要对以下的特殊变量赋值

ans:用于结果的缺省变量名

i、j:虚数单位

pi:圆周率

nargin:函数的输入变量个数

eps:计算机的最小数



nargout:函数的输出变量个数

inf:无穷大

realmin:最小正实数

realmax:最大正实数

nan:不定量

flops:浮点运算数



■ 常用的数学运算符

+ , - , * (乘) , / (左除) , \ (右除) , ^ (幂) 乘号不可省

在运算式中,MATLAB通常不需要考虑空格;多条命令可以放在一行中,它们之间需要用分号隔开;逗号告诉MATLAB显示结果,而分号则禁止结果显示。

e.g. $x=3+5*exp(7^3/1.57)-9$



常用数学函数

- abs(x) 取绝对值或取模
- sin(x), cos(x), tan(x), asin(x), acos(x), atan(x) 三角函数
- sqrt(x) 平方函数
- exp(x) 指数函数
- sign(x) 符号函数,正数返回1,0返回0,负数返回-1
- log(x) e底对数函数
- log10(x) 10底对数函数
- conj(x) 共扼复数函数 , conj(a+b*i)=a-b*i



2.2.2 数组计算 数组的创建

逐个元素输入法

 $>> x = [3 \ 4 + 3i \ abs(-1) \ pi/3]$

数组生成不但可以使用纯数字(含复数) 可以使用变量(或者说采用一个表达式)。数 组的元素直接排列在方括号内, 行与行之间用 分号隔开,每行内的元素使用空格或逗号隔开。 大的数组可以用分行输入,回车键代表分号。

- >> a=1; b=2; c=3;
- >> x=[5 b c; a*b a+c c/b]



语句生成法

- (1) 冒号法:用线性等间距生成向量数组 (start:step:end)。其中start为起始值, step为步长, end为终止值。当步长为1时可省略step参数;另外 step也可以取负数。
- >> a=1:2:10
- (2) **线性赋值语句**: a=linspace(n1,n2,n) 在线性空间上, 行矢量的值从n1到n2, 数据个数为n, 缺省n为100。
- >> a=linspace(1,10,10)



(3) **对数赋值语句**: a=logspace(n1,n2,n)

在对数空间上,行矢量的值从10^n1到10^n2,数据个数为n,缺省n为50。这个指令为建立对数频域轴坐标提供了方便。

>>a=logspace(1,3,3)

(4)一些常用的特殊数组

单位数组: eye(m); eye(m,n) - m,n较小的对角后补0

零数组:zeros(m,n); zeros(m)

一数组:ones(m,n);ones(m)

对角数组:对角元素向量 V=[a1,a2,...,an] A=diag(V)

随机数组:rand(m,n)产生一个m×n的均匀分别的随机

数组



生成高阶数组

- (1)利用ones/zeros函数生成数组 ones(x,y,z) 所生成数组初值全为1,zeros函数生成数组 初值全为0
 - >> ones(1,4,2)

特殊用法ones(x:y)生成y-x+1维数组,每一维度的数值为x~y相应的数

- >> ones(1:3)
- (2)利用rand函数生成数组 rand(x,y,z)所生成数组初值全为0~1的随机值用法与效果同ones



数组的大小

- [m,n]=size(a,x):返回矩阵的行列数m与n,当x=1,则 只返回行数m, 当x=2,则只返回列数n。
- length(a)=max(size(a)):返回行数或列数的最大值。
- rank(a): 求矩阵的秩
 - >> a=[1 2 3;3 4 5];
 - >>[m,n]=size(a)
 - >> length(a)
 - >> max(size(a))
 - >> rank(a)



数组的寻访和赋值

■ 绝对地址寻访

```
(1)单一元素寻访
```

x(n) %寻访第n个元素,元素地址按维数方向统一排列

```
>> x=rand(2,4)
x =
0.5155 0.4329
                0.5798
                        0.5298
0.3340 0.2259
               0.7604 0.6405
>> x(3)
ans =
   0.4329
```



```
(2)多元素寻访
x([n1,n2,n3]) %逐一地址寻访多个元素,使用[]和,
 >> x([1,3,6])
 ans =
   0.5155 0.4329 0.7604
x(n1:n2) %寻访连续地址元素
 >> x(2:4)
 ans =
   0.3340 0.4329 0.2259
x(n:end) %寻访第n-1个以后的元素
 >> x(6:end)
ans =
  0.7604 0.5298
               0.6405
```



(3) 重复元素寻访

x ([n1,n2,n3,n2,n4])%可寻访重复元素

>> x([1,3,5,3,7])

ans =

0.5798 0.4329 0.4329 0.5298 0.5155



- 相对地址寻访(以二维数组为例)
 - (1) 指定行列地址寻访单一元素 x(n1,n2)
 - (2)寻访某一行上所有元素 x(n1,:)
 - (3)寻访某一列上所有元素 x(:,n2)



数组的赋值

对数组中元素的赋值可在寻访到后直接赋值;对整个数组可用x(:)全赋值。

```
>> x = rand(2,4)
X =
  0.9501 0.6068
                  0.8913
                          0.4565
                  0.7621
        0.4860
                          0.0185
  0.2311
>> x(:)=2:9
x =
```



数组和矩阵的运算

对数组中元素的 运算遵从代数计 算规则;对矩阵 遵从矩阵运算规 则。对规则相同 的运算(如加 减),二者的运 算指令形式相同 对于运算规则不 同的运算(如乘、 除),对元素的 运算以.标明。

指令	含义	指令	(1000年) (10含) 义 (1000年)
A'	非共轭转置	A'	共轭转置
A=S	把标量 S 赋给 A 的每个元素	A=S	把标量S赋给A的每个元素
S+A,A-S	标量 S 分别和 A 的每个元素之和,之差	S+A,A-S	标量 S 分别和 A 的每个元素之和,之差
S.*A	标量 S 分别和 A 的元素之积	S*A	标量 S 分别和 A 的每个元素之积
S/A,A.\S	A 的元素分别除以 S	S *inv(A)	A阵的逆矩阵
A.^n	A 的每个元素自乘 n 次	A^n	A 阵为方阵时,自乘 n 次
A.^p	对A各元素分别求非整数幂	A^p	方阵 A 的非整数乘方
p.^A	以 p 为底, 分别以 A 的元素为指数求幂	P^A	A 阵为方阵时,标量的矩阵乘方
A+B	对应元素相加	А+В	矩阵相加
A-B	减	A-B	矩阵相减
A.*B	S. Sparse Manices(科研短序)乘	A*B	维数相同矩阵相乘
A./B	A 的元素除以 B 的对应元素	A/B	A 右除 B
B.\A	A 的元素除以 B 的对应元素	B\A	A 左除 B
Sqrt(A)	对A的各个元素求平方根	Sqrtm(A)	A的矩阵平方根函数
F(A)	求A各个元素的函数值	Funm(A,'FN')	一般矩阵函数



%%%%%%数组计算

```
>> x=rand(2,4)
X =
 0.1389
        0.1987
                0.2722
                       0.0153
 0.2028 0.6038
                0.1988 0.7468
>> y = ones(2,4)
>> z=x.*y %元素相乘
z =
  0.1389
         0.1987
                0.2722
                        0.0153
  0.2028
       0.6038 0.1988
                        0.7468
```



Wuhan University

```
%%%%%矩阵计算
 >> y = ones(4,2)
           %矩阵相乘
  >> z=x*y
 z =
   0.6251 0.6251
   1.7522 1.7522
```



¹2.2.3 数值计算函数

MATLAB中数值计算函数众多,这也是MATLAB在计算领域得到广泛应用的重要原因。

- Arrays and Matrices(数组与复数矩阵)类
- Linear Algebra(线性代数)类
- Elementary Math(初等数学)类
- Nonlinear Numerical Methods (非线性数值计算)类
- Sparse Matrices(稀疏矩阵)类
- Data Analysis and Fourier Transforms
- Coordinate System Conversion
- Specialized Math
- Constants
- Polynomial



以Elementary Math为例,又包含小类;

- Trigonometric类: sin等三角函数
- Exponential类:幂运算、对数运算函数
- Complex类:对复数求实部、虚部、幅角等的函数
- Rounding and Remainder类:对非整数取整、除法 后取余等的函数
- Discrete Math类:求阶乘、逻辑真值、质数生成与判 断的函数



Wuhan University

```
>> p=primes(8) %质数函数primes, 生成比8小的质数,
    3 5 7
>> p=sin(p)
                   %正弦函数sin,
 0.9093 0.1411 -0.9589 0.6570
                   %绝对值函数abs,
>> p=abs(p)
p =
 0.9093 0.1411 0.9589 0.6570
>> p = log(p)
                   对数函数log,
p =
 -0.0951 -1.9581 -0.0419 -0.4201
```



```
>> p=exp(p)
                   指数函数exp,
p =
 0.9093 0.1411 0.9589
                    0.6570
                  取整函数fix,小数部分忽略。
>> p=fix(p)
```



§2.3 MATLAB矩阵&函数分析

2.3.1 MATLAB矩阵分析

常用分析函数

矢量范数和矩阵范数

$$\|x\|_{p} = \left(\sum_{i} x_{i}^{p}\right)^{1/p}$$
 $\|A\|_{p} = \max_{x} \frac{\|Ax\|_{p}}{\|x\|_{p}}$

矢量x和矩阵A的p范数。

如线性方程组的简单 范数用来研究线性方程组的解。 迭代法等。 p = 2为欧拉范数。



norm(A,p) %对1<=p<∞,得到其范数,P缺省值为2 norm(A,inf)%得到max(abs(A));

```
>> X=[2 0 -1];

>> N=[norm(X,1) norm(X) norm(X,inf)]

N =

3.0000 2.2361 2.0000

>> A=fix(10*rand(3,2))

A =

4 4

0 6

8 7

>> n=[norm(A,1) norm(A) norm(A,inf)]

n =

17.0000 12.7774 15.0000
```



- 矩阵求逆
- V=inv(A)
- 矩阵的行列式

```
X = det(A)
```

```
>> A=pascal(4) %按照pascal三角生成矩阵
A =
     1 1 1
2 3 4
     3 6 10
         10
            20
>> V=inv(A)
V =
 4.0000 -6.0000 4.0000
                         -1.0000
 -6.0000 14.0000 -11.0000
                         3.0000
 4.0000 -11.0000 10.0000
                         -3.0000
 -1.0000 3.0000 -3.0000
                          1.0000
>> X=det(A)
X =
  1
```



■ 伪逆矩阵

对不存在逆矩阵的非方阵, MATLAB将inv(A'*A)*A'定义为A的伪逆, 其在一定程度上可代表矩阵的逆。

```
>> A=[1 2 3;4 5 6]
A =
1 2 3
4 5 6
>> C=pinv(A)
C =
-0.9444 0.4444
-0.1111 0.1111
0.7222 -0.2222
```



■ 求解线性方程组

```
>> A=[6 3 4;-2 5 7;8 -4 -3];
>> B=[3;-4;-7];
>> X=B/A
错误使用 /
矩阵维度必须一致。
>> X=A\B
X =
0.6000
7.0000
-5.4000
```



矩阵的LU分解 将方阵分解成上(U)、下(L)三角矩阵 [L,U]=lu(A) %标准U三角矩阵和置换L矩阵,满足L*U=A

```
>> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
>> [L,U]=lu(A)
  0.1429 1.0000
                    0
  0.5714 0.5000
                   1.0000
  1.0000
             0
                    0
  7.0000
          8.0000
                   9.0000
          0.8571
                   1.7143
      0
                   0.0000
            0
```



[L,U,P]=lu(A) %标准U三角矩阵、标准L三角矩阵和置换 矩阵P,满足L*U=P*A

```
>> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
>> [L,U,P]=lu(A)
  1.0000 0
                   0
  0.1429 1.0000
  0.5714 0.5000
                  1.0000
  7.0000 8.0000
                  9.0000
        0.8571
                1.7143
     0
           0
              0.0000
P =
          1
      0
          0
      1
  0
          0
```



矩阵的正交分解 将矩阵分解成一个正交矩阵与另一个矩阵的乘积 [Q,R]=qr[A] %正交矩阵Q和上三角矩阵R, A=Q*R,Q'*Q=I

```
>> A=[1 2;3 4;5 6];
>> [Q,R]=qr(A)
Q =
 -0.1690 0.8971
                   0.4082
 -0.5071 0.2760
                   -0.8165
 -0.8452 -0.3450 0.4082
R =
 -5.9161 -7.4374
     0
        0.8281
     0
           0
```



矩阵的特征值分析
 [V,D]=eig(A)
 对角阵D的对角元为A的特征值,V的列向量是相应的特征向量,A*V=V*D。

```
>> A=[-1,-6,0;-16,2,6;-10,20,-5];

>> [V,D]=eig(A)

V =

-0.2344  0.4230  -0.2251

  0.6277  0.2385  -0.5136

  0.7423  0.8742  0.8280

D =

15.0695  0  0

  0  -4.3827  0

  0  0  -14.6868
```



其他矩阵分析函数

- 矩阵左右翻转函数 flipIr
- 矩阵上下翻转函数 flipud
- 矩阵阶数重组函数 reshape
- 矩阵整体反时针旋转函数 rot90
- 对角矩阵和矩阵的对角化函数 diag
- 取矩阵的左下三角部分函数 tril
- 取矩阵的右上三角部分函数 triu
- 矩阵—列化符号:



2.3.2 MATLAB函数分析

- 函数极值分析 单变函数求极小值 [x,y]=fminbnd('fun' ,x1,x2,options) 多变量函数求极小值 [x,y]=fminsearch('fun' ,x0,options)
- 单变函数零点分析[x,fval]=fzero('fun',x0,options)



■ 函数的数值积分

思想:采用不同的方法将积分化为求和

低阶数值积分函数 q=quad('fun',a,b,tol) 按照自适应Simpson积分方法给出[a,b]区间的数值积分, 积分绝对误差为tol

高阶数值积分函数 q=quadl('fun',a,b,tol) 按照自适应Lobatto积分方法给出[a,b]区间的数值积分, 积分绝对误差为tol

梯形面积积分函数 T=trapz(X,Y) 按照梯形积分方法,根据X计算Y的积分



双重积分函数 q=dblquad('fun' ,xa,xb,ya,yb,tol) 在精度tol内求解函数fun在[xa,xb]和[ya,yb]内的双重积 分。

■ 数值/函数的n阶微分

```
y = diff(x,n)
```

除数值微分外,diff还可结合syms函数完成函数表达式 的微分。

```
>> syms x
\Rightarrow diff(x^4,2)
ans =
 12*x^2
```



■ 微分方程求解 常微分方程的初值问题 非刚性问题 ode45, ode23, ode113 刚性问题 ode15s ode23s ode23t ode23tb [T,Y]=ode45('odefun',tspan,y0) 采用ode45的方法在tspan给定的范围内,按照初始条件y0求解方程odefun

常微分方程的边界问题

偏微方程的求解



2.3.2 MATLAB数据插值与拟合

- 数据插值函数
- 一元插值函数

y=interp1(X,Y,xi,method)

采用method指定方法对点集(X,Y)插值计算xi上的函数值y。

pp=interp1(X,Y, method,'pp')

采用method指定方法对点集(X,Y)进行插值,但返回结果为分段多项式。

Method: 'nearest' 最近邻插值 'linear' 分段线性插值

'spline' 样条插值 'pchip' 三次Hermite多 项式插值 'cubic' 三次Hermite多项式插值



二元插值函数

z=interp2(X,Y,Z,xi,yi,method)

采用method指定方法对点集(X,Y,Z)插值计算xi,yi上的函数值z。

Method: 'nearest' 最近邻插值 'linear' 分段线性插值 'cubic' 三次Hermite多项式插值

其他插值方法:拉格朗日插值 艾特肯插值牛顿插值 埃尔米特插值



■ 函数逼近与曲线拟合

对区间[a,b]上的连续函数f(x),如采用一简单函数去近似复杂的f(x),则称为函数逼近。

如f(x)的表达式未知,采用一条曲线来描述f(x)的数据点集,则称为曲线拟合。

傅立叶逼近

[A0,A,B] = FZZ(func,T,n)

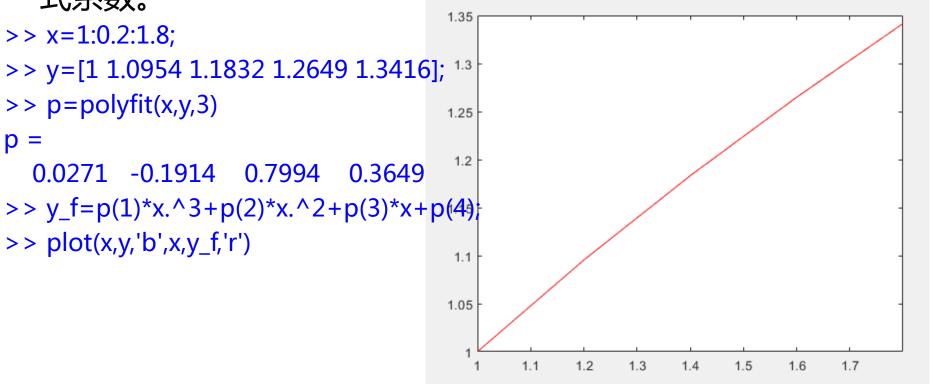
其中func为已知函数,T为已知函数的周期,n为展开级数的项数,A0为展开后的常数项,A为展开后的余弦项系数,B为展开后的正弦项系数。



最小二乘法拟合

P=polyfit(X,Y,N)

(X,Y)为待拟合的数据点集,N为多项式次数,P为拟合后的多项式系数。





§2.4 MATLAB符号运算

MATLAB符号计算是对未赋值的符号对象(可以是常数、变量、表达式)进行运算和处理。MATLAB具有符号数学工具箱(Symbolic Math Toolbox),将符号运算结合到MATLAB的数值运算环境。

2.4.1 创建符号常量

符号常量是不含变量的符号表达式。

用sym命令来创建符号常量。

sym('常量')

%创建符号常量

```
>> a=sym('sin2')
```

a =

sin2



用syms创建多个符号变量

```
syms( 'arg1' , 'arg2' , ...,参数)
%把字符变量定义为符号变量
```

syms arg1 arg2 ...,参数

%把字符变量定义为符号变量的简洁形式

```
>>syms a b c x; %创建多个符号变量
f2=a*x^2+b*x+c %创建符号表达式
f2 =
a*x^2+b*x+c
>>syms('a','b','c','x');
f3=a*x^2+b*x+c; %创建符号表达式
```



用sym和syms命令也可以创建符号矩阵。

```
>>A=sym('A',3)
A =
[ A1_1, A1_2, A1_3]
[ A2_1, A2_2, A2_3]
[ A3_1, A3_2, A3_3]
>>syms a b c d
 A=[a b;c d]
A =
[ a, b]
[ c, d]
```



2.4.2 符号表达式的运算

符号运算适用于大部分代数运算

```
>> f = str2sym('2*x^2+3*x+4')
f =
2*x^2+3*x+4
>>g=str2sym('5*x+6')
q =
5*x+6
>>f+g
              %符号表达式相加
ans =
2*x^2+8*x+10
>>f*q
              %符号表达式相乘
ans =
(2*x^2+3*x+4)*(5*x+6)
```

```
>> syms a11 a12 a21 a22;
>> A=[a11 a12;a21 a22] %创建符号矩阵
A =
[ a11, a12]
[ a21, a22]
>>det(A)
              %计算行列式
ans =
a11*a22-a12*a21
              %计算非共轭转置
>> A.'
ans =
[ a11, a21]
[ a12, a22]
              %计算特征值
>> eig(A)
```



- 求反函数和复合函数 finverse(f,v) %对指定自变量v的函数f(v)求反函数 compose(f,g) %计算复合函数f(g(x))
- 符号极限

Symbolic Math Toolbox提供了直接求表达式极限的 函数limit

limit 函数的用法表

表达式	函数格式	说明
$\lim_{x\to 0} f(x)$	limit(f)	对 x 求趋近于 0 的极限
$\lim_{x \to a} f(x)$	limit(f, x,a)	对 x 求趋近于 a 的极限, 当左右极限不相等时极限不存在。
$\lim_{x\to a^{-}}f(x)$	limit(f, x,a, 'left')	对 x 求左趋近于 a 的极限
$\lim_{x \to a^+} f(x)$	limit(f, x,a, 'right')	对 x 求右趋近于 a 的极限



符号微分

diff(f)/diff(f,t) %求f对自由变量/变量t的一阶微分 diff(f,n)/diff(f,t,n)%求f对自由变量/变量t的n阶微分

符号积分

int(f, 't') %求符号变量t的不定积分 int(f, 't', a,b) %求符号变量t的积分 int(f, 't', 'm', 'n')%求符号变量t的符号范围积分 说明:与符号微分相比,符号积分复杂得多,有时 可能不存在,即使存在也可能限于条件,MATLAB 无法顺利得出。当MATLAB不能找到积分时,它将 给出警告提示并返回该函数的原表达式。



符号级数

```
symsum(s,x,a,b)%计算表达式s的级数和
```

```
>> syms x k
>> s1=symsum(1/k^2,1,10) %计算级数的前10项和
s1 =
1968329/1270080
>> s2=symsum(x^k,k,0,inf) %计算对k为自变量的级数和
s_2 =
piecewise(1 <= x, Inf, abs(x) < 1, -1/(x - 1))
    taylor (F,x,n) %求泰勒级数展开
 >> syms x
 >> s1= taylor(exp(x),x,'OrderMode','Relative','Order',8) %展开前8项
 s1 =
 x^7/5040 + x^6/720 + x^5/120 + x^4/24 + x^3/6 + x^2/2 + x + 1
```



■ 符号代数方程

```
solve('eq','v') %求方程关于指定变量的解
solve( 'eq1' , ' eq2' ,' v1' ,' v2' ,...)
                 %求方程组关于指定变量的解
```

■ 符号常微分方程

```
dsolve( 'eq',' con',' v') %求解微分方程
dsolve( 'eq1,eq2...' ,' con1,con2...' ,' v1,v2...' )
                           %求解微分方程组
```



2.4.3 符号数值任意精度控制

Symbolic Math Toolbox中的算术运算方式

·数值型:浮点运算。

·有理数型:精确符号运算。

·VPA型:任意精度运算。

>> a1 = 2/3

%数值型

a1 =

0.6667

>> a2 = sym(2/3)

%有理数型

a2 =

2/3

>> a3 =vpa('2/3',32)

%VPA型

a3 =



■ 符号运算与数值运算的区别:

- 符号运算不需要进行数值运算,不会出现截断误差,因此符号运算是非常准确的。
- 符号运算可以得出完全的封闭解或任意精度的数值解。
- 符号运算的时间较长,而数值型运算速度快。



§2.5 MATLAB图形绘制

MATLAB提供了丰富的绘图功能

- help graph2d可得到所有画二维图形的命令
- help graph3d可得到所有画三维图形的命令



2.5.1 二维绘图基本指令

基本的二维绘图命令plot

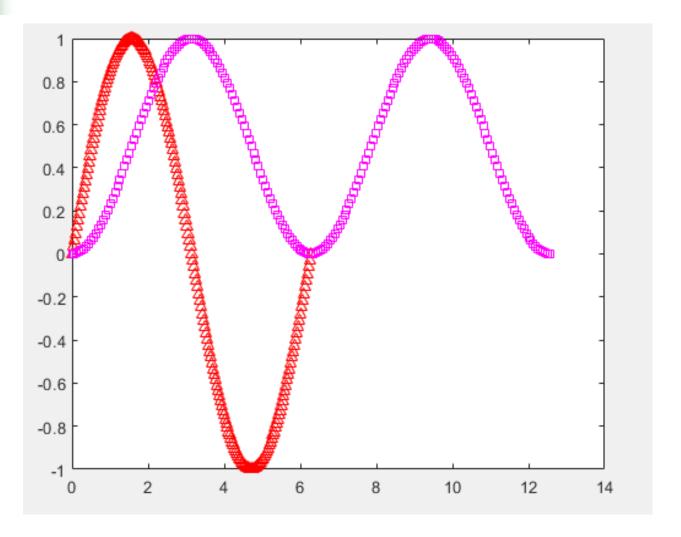
plot(x1,y1,option1,x2,y2,option2,...)

- x1,y1给出的数据分别为x,y轴坐标值,option1 为选项参数,以逐点连折线的方式绘制1个二维 图形;同时类似地绘制第二个二维图形,.....等。
- 这是plot命令的完全格式,在实际应用中可以根据需要进行简化。比如:plot(x,y); plot(x,y,option)



- 选项参数option定义了图形曲线的颜色、线型及标示符号,它由一对单引号括起来。详细参数表见p75表4.1。
- >> t=0:pi/100:2*pi; %绘制正弦曲线和正弦平方曲线
- >> y1=sin(t);
- >> y2=sin(t).*sin(t);
- >> plot(t);
- >> plot(t,y1); %绘制正弦曲线
- >> plot(t,y1,t,y2); %同一窗口内绘制正弦曲线和正弦 平方曲线
- >> plot(t,y1,'r^',2*t,y2,'mS'); %红色上向三角绘制y1,紫色正方形绘制y2



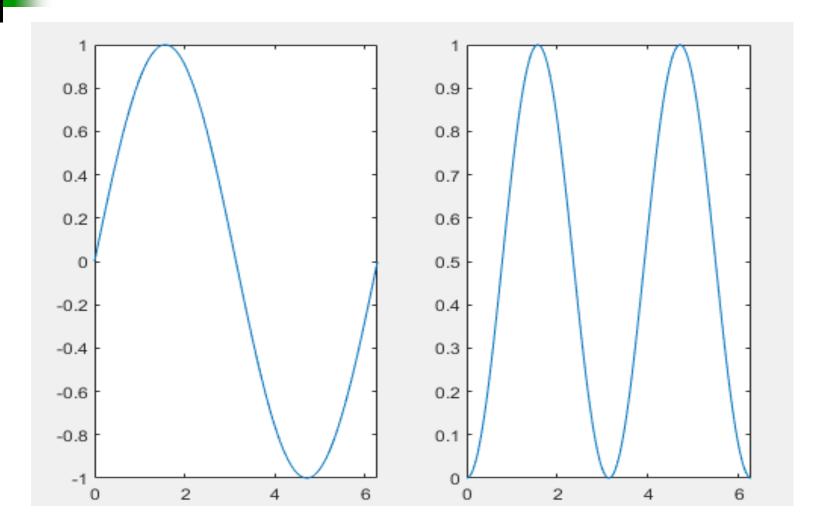




多子图绘制命令subplot

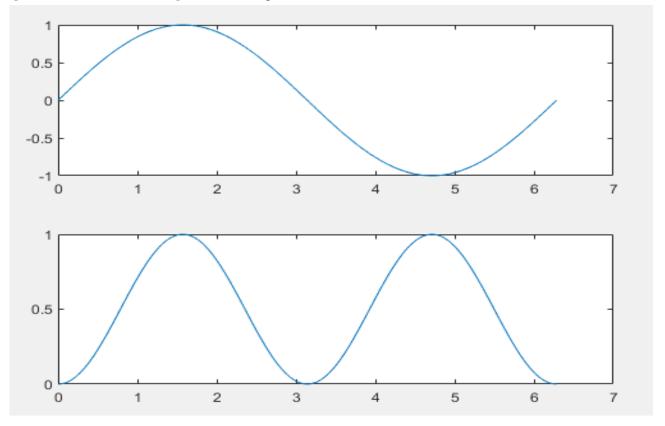
- subplot(m,n,k) %作出(m*n)幅子图中的第 k幅图形
- subplot('position',[left bottom width height]) %在指定位置作出子图
- >> t=0:pi/100:2*pi; %绘制正弦曲线和正弦平方 曲线
- >> y1=sin(t);
- >> y2=sin(t).*sin(t);
- >> subplot(1,2,1),plot(t,y1); % (1*2) , 一行 两列,横排
- >> subplot(1,2,2),plot(t,y2);







- >'> subplot(2,1,1),plot(t,y1); % (2*1) ,两行一列,横排
- >> subplot(2,1,2),plot(t,y2);





选择图像

- figure (1); figure (2); ...; figure(n)打开不同的图形窗口,以便绘制不同的图形。
 - >> figure(1)
 - >> plot(t,y1)
 - >> figure(2)
 - >> plot(t,y2)
- grid on:在所画出的图形坐标中加入栅格(加栅格标尺)
- grid off:除去图形坐标中的栅格
- hold on: 把当前图形保持在屏幕上不变,同时允许在这个坐标内绘制另外一个图形。(图形叠加)
- hold off:使新图覆盖旧的图形



设定轴的范围

- axis([xmin xmax ymin ymax])
- axis('equal'):将x坐标轴和y坐标轴的单位刻度 大小调整为一样。



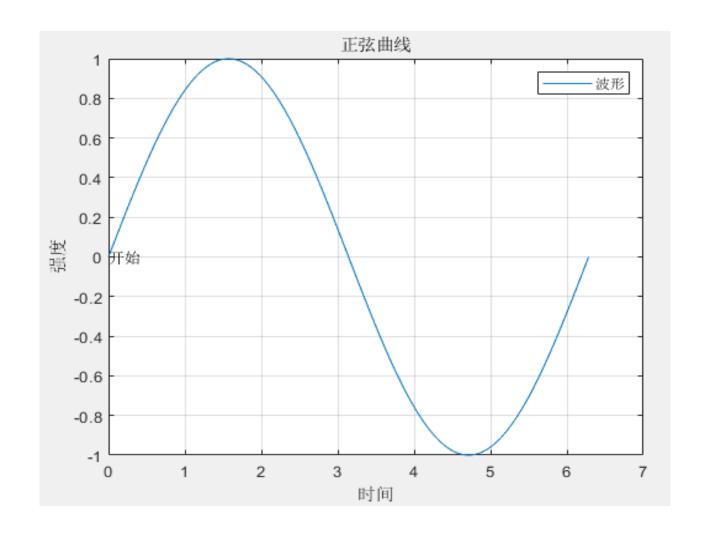
文字标示

- title('字符串') 在所画图形的最上端显示说明该图形标题的字符串。
- xlabel('字符串'), ylabel('字符串')设置x, y坐标轴的名称。输入特殊的文字需要用反斜杠(\)开头。
- legend('字符串1','字符串2',...,'字符串n') 在屏幕上开启一个小视窗,然后依据绘图命令的先后次 序,用对应的字符串区分图形上的线。
- **text**(x,y,'字符串') 在图形的指定坐标位置(x,y)处,标示单引号括起来的字符串。
- gtext('字符串') 利用鼠标在图形的某一位置标示字符串。



```
>> t=0:pi/100:2*pi;
>> y=sin(t);
>> plot(t,y);
>> title('正弦曲线');
>> xlabel('时间')
>> ylabel('强度')
>> legend('波形')
>> text(0,0,'开始')
>> grid on
```







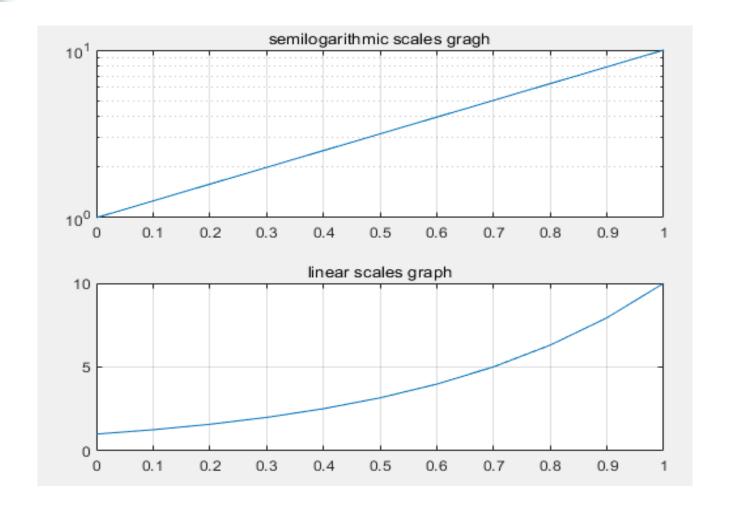
semilogx:绘制以x轴为对数坐标(以10为底) y轴为线性坐标的半对数坐标图形。

semilogy:绘制以y轴为对数坐标(以10为底) x轴为线性坐标的半对数坐标图形。



```
clear
close
clc
x=0:0.1:1;
y = 10.^x;
subplot(2,1,1)
semilogy(x,y)
                    %以y轴为对数坐标
title('semilogarithmic scales gragh')
grid on
subplot(2,1,2)
plot(x,y)
title('linear scales graph') %线性坐标
grid on
```







应用型绘图指令:可用于数值统计分析或离散数 据处理

- hist(y,x); stairs(x,y); stem(x,y)
- 补充说明:对于图形的属性编辑同样可以通过 在图形窗口上直接进行。但图形窗口关闭之后 编辑结果不会保存。

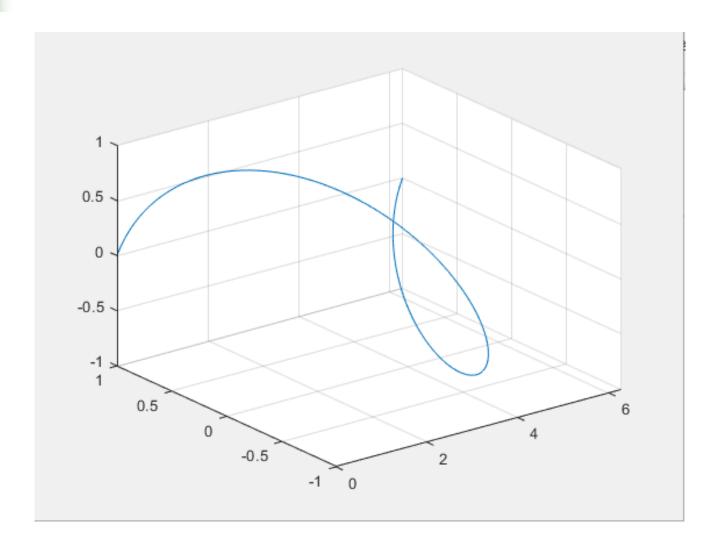


2.5.2 三维绘图

基本的三维绘图命令

- plot3(x,y,z)
- plot3(x1,y1,z1,x2,y2,z2,...) plot3的应用方法和plot相似,只是在使用时多增加了一"维数 - Z"。
- >> x=0:pi/100:2*pi;
- >> y = cos(x);
- >> z=sin(x);
- >> plot3(x,y,z);
- >> grid on





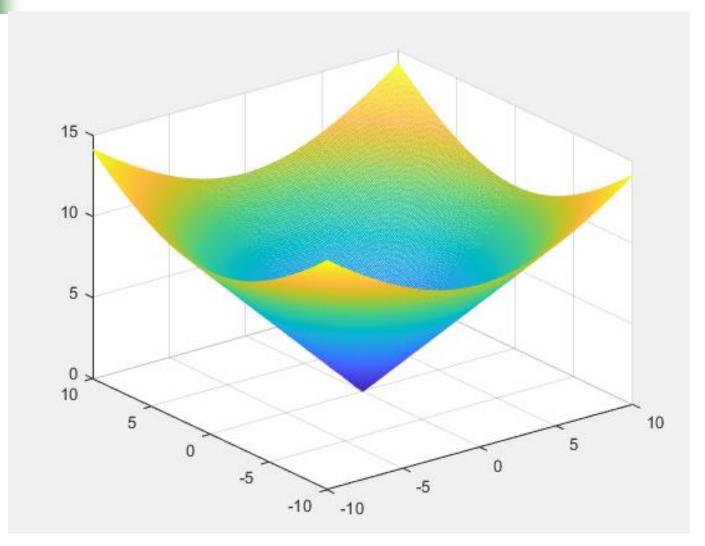


三维网线图和曲面图

除数据外,还要对三维输出图形进行色彩、明暗、光照和视点等的处理,以使所输出的三维图形更加理想。网 线图和曲面图的基本指令语法结构如下:

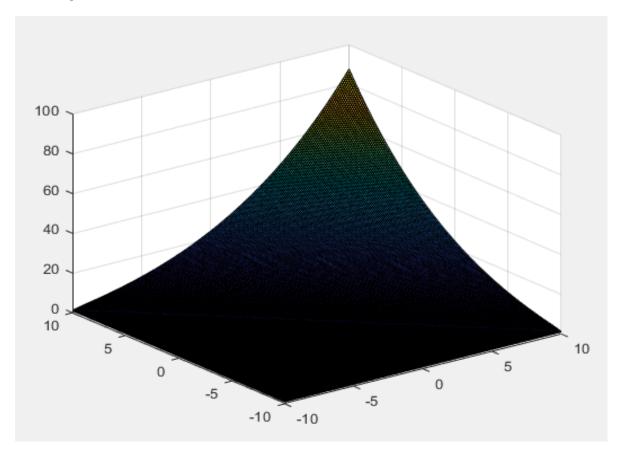
- meshgrid (x,y) %生成x-y坐标上的"格点"矩阵
- mesh (x,y,z) %作出网线图
- surf (x,y,z) %作出曲面图
 - >> x=-10:0.1:10;
 - >> y=x;
 - >> [x,y]=meshgrid(x,y); %作出 "格点" 矩阵
 - $>> z1=sqrt(x.^2+y.^2);$
 - >> mesh(x,y,z1)







- >> z2=abs(exp(sqrt(x+y)));
 - >> surf(x,y,z2)





§2.6 MATLAB代码设计入门

2.6.1 MATLAB的程序类型

MATLAB的程序类型有两种,一种是M脚本文件;另外一种是M函数(function)文件。

- 1、脚本M文件
- 以.m格式进行存取,包含一连串的MATLAB指令和必要的注解。需要在工作空间中创建并获取变量,也就是说处理的数据为命令窗口中的数据,没有输入参数,也不会返回参数。
- 程序运行时只需在工作空间中键入其名称即可。



2、函数M文件

与在命令窗口中输入命令一样,函数接受输入参数,然后执行并输出结果。用help命令可以显示它的注释说明。具有标准的基本结构。

- (1)函数定义行(关键字function)
 function[out1,out2,..]=filename(in1,in2,..)
 输入和输出(返回)的参数个数分别由nargin和nargout两个MATLAB保留的变量来给出。
- (2)第一行帮助行,即H1行 以(%)开头,作为lookfor指令搜索的行
- (3)函数体说明及有关注解 以(%)开头,用以说明函数的作用及有关内容 如果不希望显示某段信息,可在它的前面加空行



(4)函数体语句

函数体内使用的除返回和输入变量这些在function语句 中直接引用的变量以外的所有变量都是局部变量,即在 该函数返回之后,这些变量会自动在MATLAB的工作空 间中清除掉。如果希望这些中间变量成为在整个程序中 都起作用的变量,则可以将它们设置为全局变量。



脚本M文件和函数M文件的区别

- 形式上:M函数文件第一行以包含 "function" 为引导 的"函数声明行",M脚本文件则没有。
- 内涵上:M脚本文件是MATLAB指令的集合,无输入变 量,无返回值,不可直接调用;而M函数文件有返回值, 可相互调用。



Wuhan University

```
%ex2_1.m M脚本文件
clear;
V=40;R=500;Ra=25000;Rb=100000;Rc=125000;Rd=40000;Re=3
  7500;
R1=(Rb*Rc)/(Ra+Rb+Rc);
R2=(Rc*Ra)/(Ra+Rb+Rc);
R3=(Ra*Rb)/(Ra+Rb+Rc);
Req=R+R1+1/(1/(R2+Re)+1/(R3+Rd));
I=V/Req; W=Req*I^2 %%此处无;才能显示W输出运行结果
>> path(path, D:\matlab\work') %设置文件路径
>> ex2 1
>> x=2*W
>> y=2*ex2_1
尝试将 SCRIPT ex2_1 作为函数执行:
E:\MATLAB电子技术与应用\2019\2019\adjustment ppt\ex2_1.m
  %无返回值,不可直接调用
                    %因为在工作空间内,可调用其中变量
>> y=I
```



%ex2_2.m M函数文件

```
function [I,W]=ex2_2(V) %V为输入变量, i,W为输出变量
R=500;Ra=25000;Rb=100000;Rc=125000;Rd=40000;Re=37500;
R1=(Rb*Rc)/(Ra+Rb+Rc);
R2=(Rc*Ra)/(Ra+Rb+Rc);
R3=(Ra*Rb)/(Ra+Rb+Rc);
Req = R + R1 + 1/(1/(R2 + Re) + 1/(R3 + Rd));
I=V/Req;
W=Req*I^2;
%运行结果
>> [x,y]=ex2_2(40)  %可直接调用
X =
 5.2980e-004
  0.0212
```



2.6.2 MATLAB程序的基本设计原则

1、MATLAB程序的基本组成结构

%说明

清除命令:清除workspace中的变量和图形(clear,close)

定义变量:包括全局变量的声明及参数值的设定

逐行执行命令:

控制循环 : 包含for,if then,switch,while等语句

逐行执行命令

•••

end

绘图命令:将运算结果绘制出来



2、MATLAB程序编写基本注意事项

- %后面的内容是程序的注解,要善于运用注解使程序更 具可读性。
- 养成在主程序开头用clear指令清除变量的习惯,以消除工作空间中其他变量对程序运行的影响。但注意在子程序中不要用clear。
- 参数值要集中放在程序的开始部分,以便维护。要充分 利用MATLAB工具箱提供的指令来执行所要进行的运算, 在语句行之后输入分号使其及中间结果不在屏幕上显示, 以提高执行速度。
- input指令可以用来输入一些临时的数据;而对于大量参数,则通过建立一个存储参数的子程序,在主程序中用子程序的名称来调用。



- 程序尽量模块化,也就是采用主程序调用子程序的方法, 将所有子程序合并在一起来执行全部的操作。
- 充分利用Debugger来进行程序的调试(设置断点、单 步执行、连续执行),并利用其他工具箱或图形用户界 面(GUI)的设计技巧,将设计结果集成到一起。
- 设置好MATLAB的工作路径,以便程序运行。



- 3、局部变量与全局变量
- 局部变量 默认的变量属性,只能在当前MATLAB文件中有效,与 其他M文件中的局部变量和基本工作空间中的变量无关。
- 全局变量
 采用global可将变量声明成全局变量。声明成全局变量
 后,可与工作空间和其他M文件共享同一值。
- 永久变量
 采用persistent可将变量声明成永久变量。只用于M文件中,在每次调用时保持值不变。



```
>> clear
>> global y %if without it, warning
>> y=3
y =
   3
>> ex2_3
z =
 8
Ex2_3.m
x = 2;
global y
z=x^y
```



2.6.3关系与逻辑运算符

- MATLAB的运算符有三种类型:算术运算符、关系运算符、 逻辑运算符。它们的处理顺序依次为算术运算符、关系运 算符、逻辑运算符。这里我们着重介绍后两种运算符。
- 关系运算符

```
假设有:A=[1 2 -1 -5];B=[0 2 3 1];
```

- < 小于 A<B ans=[0011] A<1 ans=[0011]
- > 大于 A>B ans=[1000] A>1 ans=[0100]
- <= 小于等于 A<=B ans=[0 1 1 1]
- >= 大于等于 A>=B ans=[1100]
- == 等于 A==B ans=[0100]; A=1 ans=[1000]
- ~= 不等于 A~=B ans=[1011]; A~=1 ans=[0111]



■ 逻辑运算符

在处理逻辑运算时,运算元只有两个值即0和1,所以如果指定的数为0,MATLAB认为其为0,而任何数不等于0,则认为是1。

```
设有: A=[5-40-0.5];B=[0109]
```



2.6.4 MATLAB控制流语句

• for循环语句

步长缺省值为1,可以在正实数或负实数范围内任意指定。对于正数,循环变量的值大于终止值时,循环结束;对于负数,循环变量的值小于终止值时,循环结束。循环结构可以嵌套使用。



while循环语句

表达式 while 循环体 **Fnd**

若表达式为真,执行循环体内容,执行后再判断表达式 是否为真,若不为真,则跳出循环体,向下继续执行。

While循环和for循环的区别在于,while循环结构的循环 体被执行的次数不是确定的,而for结构中循环体的执行 次数是确定的。



- if , else , elseif语句
 - (1) if 逻辑表达式 执行语句

end

end

执行语句1 else 执行语句2

(2) if 逻辑表达式 (3) if 逻辑表达式1 执行语句1 elseif 逻辑表达式2 执行语句2 end



if-else的执行方式为:如果逻辑表达式的值为真,则执 行语句1,然后跳过语句2,向下执行;如果为假,则执 行语句2,然后向下执行。

if-elseif的执行方式为:如果逻辑表达式1的值为真,则 执行语句1;如果为假,则判断逻辑表达式2,如果为真, 则执行语句2,否则向下执行。



switch语句

switch 表达式(%可以是标量或字符串)

case 值1

语句1

case 值2

语句2

• • • •

otherwise

语句3

end

执行方式:表达式的值和哪种情况(case)的值相同,就执行哪种情况中的语句,如果不同,则执行otherwise中的语句。格式中也可以不包括otherwise,这时如果表达式的值与列出的各种情况都不相同,则继续向下执行。



try-catch语句

try 语句1 catch 语句2

end

try-catch语句中的语句1总是先被执行,如果语句1正确, 则跳出try-catch结构;否则执行语句2。因此,只有在 语句1错误的情况下语句2才能被执行。



其他控制流语句

keyboard 键盘输入MATLAB指令

break 中断

跳过循环中其后的命令 continue

暂停,按任意键后继续 pause

error('message') 显示出错信息并退出程序

显示出错信息并退出程序 lasterr

显示最新警告,程序继续运行 lastwarn

warning('message')显示警告信息,程序继续运行



2.6.5 数据&文件的输入/输出语句

交互输入/输出命令

u=input('提示内容\n','s')
 在屏幕上显示提示内容,等待键盘输入,并将输入值赋给变量u,参数s表示'提示内容'以字符串的形式幅值,\n表示换行,\\表示反斜线。

>> x=input('Please input the value of x')
Please input the value of x [1 0 0;0 1 0;0 0 1]

```
X = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}
```

注:若未输入对应值而直接回车,则返回空矩阵[]

k=menu('title' ,' option1' ,' option2' ,.....,' optionn')

菜单输入命令,产生一个供用户输入的选择菜单。显示以 title为标题的菜单,选项为option1~optionn,并将所选选 项编号赋给k。

```
>> k=menu('student','San Zhang','Si Li','Wu Wang')
k =
2
```

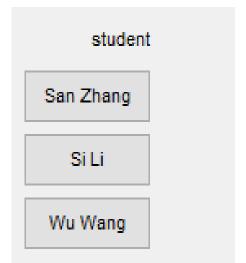
k=menu('title' ,' option1' ,' option2' ,.....,' optio nn')

菜单输入命令,产生一个供用户输入的选择菜单。显示以 title为标题的菜单,选项为option1~optionn,并将所选选 项编号赋给k。

>> k=menu('student','San Zhang','Si Li','Wu Wang')









sprintf(format,val) 按指定格式输出变量,类似C中printf。 >> sprintf('%d',round(pi))%% round - 四舍五入 ans = 3 >> x=sprintf('%s','WHU') x =WHU >> sprintf('%1.3f',pi) ans = 3.142 >> sprintf('%1.3g',pi) ans = 3.14



文件输入/输出命令与函数

■ save 文件名 变量名 选项 将变量存入指定文件中。

选项:-ascii 以8位ASCII格式保存数据

-ascii -double 以16位ASCII格式保存数据

-ascii -tabs 以8位ASCII格式保存,用tab作分隔符

-ascii –double –tabs

■ load 文件名 从指定文件中调入变量。



■ f_id=fopen(文件名,'允许模式',格式)以'允许模式'打开文件。

允许模式:

'r' 打开文件进行读操作(默认形式)

'w'删除已存在文件中的内容或生成一个新文件,打 开进行写操作

• • • • • • • • • •

格式:

n – native I – ieee-le b – ieee-be

• • • • • • • • • • •



status=fclose(file/all)

关闭某个或所有文件,关闭成功返回0给status,关闭失 败返回-1给status。

其他输入/输出函数

fread fwrite fscanf

fprintf fgets fgetl

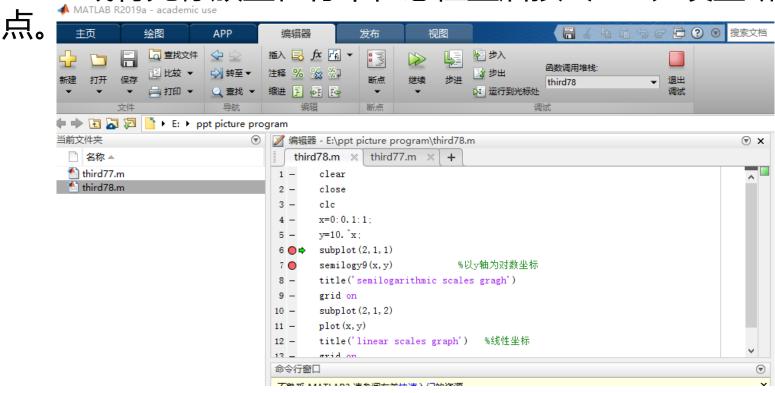
ferror feof imread

imwrite imfinfo auread

auwrite wavread wavwrite

2.6.6 M文件的调试

 M文件编辑器Editor的菜单中的Debug选项为M文件的 调试菜单。可点击行首的小横线 "-" 使之成为红色圆点 "·" 或将光标放置在行中任意位置后按〔F12〕设置断



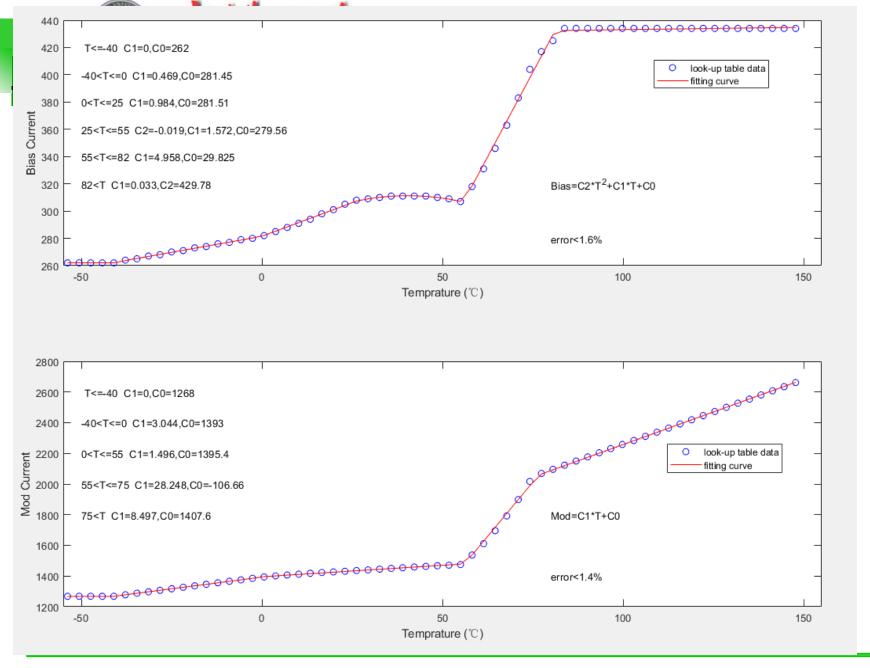


■ ex2_4.m 投资组合



ex2_5.m 激光发射管的驱动偏置电流、调制电流的公式 拟合。

采用最小二乘法的方式对偏置电流Bias和调制电流Mod 进行分段线性拟合。



武汉大学物理科学与技术学院电子科学与技术系



§2.6 MATLAB接口简介

为更好的利用外部已有丰富的C语言和Fortran语言编写的程序资源,也为使MATLAB提供的丰富的函数资源能够被调用,MATLAB提供了对外接口技术。

2.6.1 MATLAB接口技术简介

■ 参考:

刘志俭,《MATALAB应用程序用户接口指南》,科学出版社

江泽林,刘维,《实战MATLAB之文件与数据接口技术》, 北京航空航天大学出版社



MEX文件--外部程序调用接口

- MEX文件是一种"可在MATLAB中调用的C(or Fortran)语言衍生程序"。其源码文件是由C or Fortran语言编写的,经MATLAB编译器处理而生成的动态链接程序.dll(二进制文件)。其调用方式于MATLAB内建函数完全一样,在命令提示符下键入文件名即可。
- 调用C语言或Fortran语言编写的程序。
- 在MATLAB中运行不很有效的计算瓶颈(一般出现在包含不可避免的循环时),可用C或Fortran重新编写后构成MEX文件解决。
- 直接面向硬件编写的C或Fortran程序可以通过MEX文件 被MATLAB调用。



- MAT文件应用程序一数据输入输出接口
- MAT文件是MATLAB数据存储的默认文件格式, 以.mat为后缀。MATLAB提供了带mat前缀的 API函数库,使我们能容易的对MAT文件进行操 作。通过编写能够调用这些函数库的C或 Fortran应用程序,就能够实现MATLAB与应用 程序的数据交换和共享。



MATLAB引擎

- MATLAB引擎函数库是MATLAB提供的一系列程序的集合,它允许用于在C或Fortran语言应用程序总对MATLAB进行调用,将MATLAB作为一个计算引擎,让其在后台运行,完成复杂的矩阵计算,从而讲话前台用于程序设计的任务。
- MATLAB在其他语言编写的应用程序中被当作 数学库程序调用,充分利用MATLAB指令简单、 计算可靠的优点。
- MATLAB在专用系统总被当作计算引擎使用时, 前台是C等语言编写的GUI图形用户接口,后台 由MATLAB执行各种复杂的计算分析,以缩短 用户的开发时间。



2.6.2 MATLAB与EDA工具接口

现状

- 传统的方式, MATLAB在电路设计中的作用只限于完成算法级设计或DSP的设计,与真正意义上的IC设计相去甚远,但随着IC产业的迅速崛起,MATLAB也逐步增加了与常用EDA工具软件的接口。
- Matlab7.0的一个亮点就是在toolbox中新增加了一个link for Modelsim的工具箱。借助这个工具箱,可以实现 MATLAB和Simulink与ModelSim HDL模拟器的链接,因 而允许设计人员在MATLAB中制作测试平台,然后把HDL模 型返回Simulink。



- 三家EDA供应商开发了与MATLAB和Simulink的新链接。 新兴的Catalytic公司推出了一款工具,可以方便地將浮 点MATLAB模型转化成定点模型;CoWare公司增强了 它的信号处理工作系統(SPW)与MATLAB之间的链接; AccelChip公司將MATLAB模型合成为RTL Verilog,並 扩展了它的IP库。此外,Cadence公司也发布了其 PSpice模拟仿真器与MATLAB的介面。
- DSP Builder: Altera DSP Builder将The MathWorks MATLAB和Simulink系统级设计工具的算法开发、仿真 和验证功能与VHDL综合、仿真和Altera开发工具整合 在一起,实现了算法设计到电路设计的集成。



MATLAB与Modelsim

- Modelsim是目前与MATLAB结合得最好也是联合使用 得最多的EDA工具,下面将简介MATLAB与Modelsim 联合使用流程。
- Toolbox中的Link for ModelSim工具箱提供了一个使 用MATLAB环境来验证Modelsim VHDL模型的接口。 通过编写VHDL代码和相关的MATLAB函数来共享数据 就可以使用这个接口。总体流程如下:

- 1、编写可供MATLAB使用的VHDL代码。结构体命名要符合MATLAB函数命名的范;定义的VHDL数据类型要符合Link for ModelSim要求;
- 2、编译和调试此VHDL代码
- 3、编写MATLAB函数测试基准,注意Modelsim与MATLAB间数据格式的转换。
- 4、将此MATLAB函数放置到MATLAB寻找路径中
- 具体流程和实验方法见

http://www.mathworks.com/access/helpdesk/help/to olbox/modelsim/index.html



■ 习题一:编写M文件,计算以下问题: 以上9个口代表1~9这9个数字,不得遗漏或重 复

- 要求:给出解算思路和M文件代码
- 注意算法的效率



习题二:丁字路口红绿灯问题建模
 丁字路口,每条车道同时只允许一辆车通过,如
 图所示每分钟内各车道车辆数为

车道	1	2	3	4
车辆数	20	12	18	10

- 要求:需对哪几条车道建红绿灯(无黄灯)?
 建立MATLAB模型,求解最优化红绿灯的时间应该多长。
- 提高:若为十字路口,按现行交通规则提出交通灯设置方案。



