

Тема 6. Перетворення раціональних виразів

1. Перетворення раціональних виразів

Означення. Раціональні вирази - це вирази, які можна представити у формі дробу, де чисельник і знаменник є многочленами. Перетворення раціональних виразів включає спрощення, додавання, віднімання, множення, та ділення цих виразів. Слід пам'ятати, що знаменник раціональних дробів ніколи не може бути нулем.

Дії над дробово-раціональними виразами

1. Спрощення раціональних виразів

Спрощення раціональних виразів полягає у знаходженні еквівалентного виразу, який ϵ "простішим" або ма ϵ менше членів.

Приклад: спростіть раціональний вираз $\frac{x^2-9}{x^2-x-6}$.

Розв'язок:
$$\frac{x^2-9}{x^2-x-6} = \frac{(x-3)(x+3)}{(x-3)(x+2)} = \frac{x+3}{x+2}$$
.

2. Додавання та віднімання раціональних виразів

Для додавання або віднімання раціональних виразів необхідно спочатку знайти спільний знаменник.

Приклад:
$$\frac{1}{x-2} + \frac{2}{x+3}$$
.

Розв'язок:
$$\frac{1}{x-2} + \frac{2}{x+3} = \frac{1 \cdot (x+3) + 2 \cdot (x-2)}{(x-2)(x+3)} = \frac{x+3+2x-4}{(x-2)(x+3)} = \frac{3x-1}{(x-2)(x+3)}$$
.

3. Множення раціональних виразів

Множення раціональних виразів виконується шляхом перемноження чисельників та знаменників.



Приклад:
$$\frac{x-3}{x+4} \cdot \frac{x+2}{x^2-9}$$
.

Розв'язок:
$$\frac{x-3}{x+4} \cdot \frac{x+2}{x^2-9} = \frac{(x-3)(x+2)}{(x+4)(x-3)(x+3)} = \frac{x+2}{(x+4)(x+3)}$$
.

4. Ділення раціональних виразів

Ділення раціональних виразів виконується шляхом множення діленого на обернений дільник.

Приклад:
$$\frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - x - 6} \div \frac{x^2 - 4}{x^2 + 3x + 2}.$$

Розв'язок:
$$\frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - x - 6} \div \frac{x^2 - 4}{x^2 + 3x + 2} = \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - x - 6} \cdot \frac{x^2 + 3x + 2}{x^2 - 4} = \frac{(x - 2)(x - 3)}{(x - 3)(x + 2)} \cdot \frac{(x + 1)(x + 2)}{(x - 2)(x + 2)} = \frac{x + 1}{x + 2}$$
.