

# 250704小码哥的英语（题解）

题目链接：

<http://www.matiji.net/exam/brushquestion/6/4446/16A92C42378232DEB56179D9C70DC45C?from=1>

小码哥在做英语单选题的时候突然想到了一个很有意思的问题：单选题的答案都是A或者B,那么很多道题目的答案组成的就是一个A和B组成的字符串。如果两个相邻的题目的答案是相同的，小码哥就可以修改这两个题目的答案，改成都是A、都是B或者一个是A另外一个为B,小码哥把这个定义为一次操作。那么对于任意一个答案字符串，最少需要多少次操作，才能使得它满足：任意相邻的题目的答案都不同。

格式

输入格式：

第一行包含一个数字 $n$  ( $1 \leq n \leq 1000$ )，表示字符串的个数；后面的 $n$ 行，每一行表示一个长度为 $L$  ( $1 \leq L \leq 10000$ )的，由字符A和B随机组成的字符串。

输出格式：

输出有多行，每一行表示对应字符串需要的最少的操作次数 $T$  ( $0 \leq T \leq 10000$ )。

样例1

输入：2

AAABAB

AABBBAB

输出：1

2

## 解法一：

题目本质：

把字符串变成：

ABABAB...

或

BABABA...

只有这两种情况

对于每个位置每个位置：目标字符不符  $\Rightarrow$  需修改

统计两种情况的最小修改次数

示例

输入：

AAABAB

1. 目标：ABABAB

原串： A A A B A B

目标： A B A B A B

变化： 0 1 0 0 0 0  $\Rightarrow$  1次操作

2. 目标：BABABA

原串： A A A B A B

目标： B A B A B A

变化： 1 0 1 1 1 1  $\Rightarrow$  5次操作

所以最优 =  $\min(1, 5) = 1$  次

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main() {
    int n;
    cin >> n;
    while (n--) {
        string s;
        cin >> s;
        int cnt1 = 0, cnt2 = 0;
        for (int i = 0; i < s.size(); ++i) {
            char expect1 = (i % 2 == 0) ? 'A' : 'B';
            char expect2 = (i % 2 == 0) ? 'B' : 'A';
            if (s[i] != expect1) cnt1++;
            if (s[i] != expect2) cnt2++;
        }
        cout << min(cnt1, cnt2) << "\n";
    }
    return 0;
}
```

---

## 动态规划：

#完整代码

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
```

```
int main() {
```

```

int n;
cin >> n;
while (n--) {
    string s;
    cin >> s;
    int len = s.size();
    // dp[i][c]: 到第 i 位字符选 c, 最少操作次数
    vector<vector<int>> dp(len, vector<int>(2, INT_MAX));

    dp[0][0] = (s[0] != 'A');
    dp[0][1] = (s[0] != 'B');

    for (int i = 1; i < len; ++i) {
        // 如果当前位置选A (c=0), 上一位置必须是B (1)
        dp[i][0] = dp[i-1][1] + (s[i] != 'A');
        // 如果当前位置选B (c=1), 上一位置必须是A (0)
        dp[i][1] = dp[i-1][0] + (s[i] != 'B');
    }

    cout << min(dp[len-1][0], dp[len-1][1]) << "\n";
}
return 0;
}

```

## 动态规划思路

### 状态设计

设:

```

dp[i][0] = 前 i 位, 当前第 i 位是 'A', 最小修改次数
dp[i][1] = 前 i 位, 当前第 i 位是 'B', 最小修改次数

```

注意:

- 状态表示的是前缀 `[0 ~ i]` 的最优结果
- `dp[i][0]` 与 `dp[i][1]` 代表两种互斥选择路径

### 初始状态

第 0 位:

```

dp[0][0] = (s[0] != 'A'); // 若本来是 'A', 不需操作, 否则改成 'A'
dp[0][1] = (s[0] != 'B'); // 同理

```

## 状态转移

对于第  $i$  位：

1. 若当前为 'A'：

- 上一位必须为 'B'，否则相邻冲突
- 方案：

```
dp[i][0] = dp[i - 1][1] + (s[i] != 'A');
```

2. 若当前为 'B'：

- 上一位必须为 'A'
- 方案：

```
dp[i][1] = dp[i - 1][0] + (s[i] != 'B');
```

解释：

- $(s[i] \neq 'A')$ ：若当前位置不是期望字符，需操作一次
- 递推保证严格交替，避免冲突

## 最终答案

字符串最后一位可以是：

- 'A'：  $dp[n - 1][0]$
- 'B'：  $dp[n - 1][1]$

取两种方案的最小值：

```
min(dp[n - 1][0], dp[n - 1][1])
```

## 思路总结

$dp[0][0]$  = 是否改成A

$dp[0][1]$  = 是否改成B

for  $i = 1$  到  $n-1$ :

$dp[i][0] = dp[i - 1][1] + (s[i] \neq 'A')$  // 上一位B，这位A

$dp[i][1] = dp[i - 1][0] + (s[i] \neq 'B')$  // 上一位A，这位B

```
答案 = min(dp[n - 1][0], dp[n - 1][1])
```