数 学

150 分

注 意 事 項

- 1. 試験開始の合図までこの冊子を開かないこと。
- 2. 本問題冊子は8ページ、答案用紙は4ページである。
- 3. 各答案用紙の上の枠内に受験番号を記入し、下の枠内には受験番号の下2桁の数字を忘れずに記入すること。
- 4. 解答はすべて答案用紙の枠内に記入すること。裏面は採点の対象としない。
- 5. 問題番号のあとのカッコ内の点数は250点満点中の配点である。
- 6. 答案用紙の冊子は切りはなさないこと。
- 7. 答案用紙に記入する受験番号の数字の字体は、下記の例にならい、明瞭に記入すること。

	,	_		1,	ــــم	<i>/</i>	77	0	$ \alpha $
\perp	/	[· / /	. ≺		5	A	/	X	7
101	/	4		7		<u> </u>	/		[/]
.1 - 1									

- - (1) 原点 O(0,0) を通る直線で、その直線上のすべての点が f_n により同じ直線上に移されるものが2 本あることを示し、この2 直線の方程式を求めよ。
 - (2) (1) で得られた 2 直線と曲線 $y=x^2$ によって囲まれる図形の面積 S_n を求め よ.
 - (3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{S_n \frac{1}{6}}$ を求めよ.

2 (60 点)

-実数 x に対して

$$f(x) = \int_0^{\frac{\pi}{2}} |\cos t - x \sin 2t| dt$$

とおく.

- (1) 関数f(x)の最小値を求めよ.
- (2) 定積分 $\int_0^1 f(x) dx$ を求めよ.

3 (60点)

定数 k は k>1 をみたすとする. xy 平面上の点 A(1,0) を通り x 軸に垂直な直線の第 1 象限に含まれる部分を、2 点 X、Y が AY=kAX をみたしながら動いている. 原点 O(0,0) を中心とする半径 1 の円と線分 OX、OY が交わる点をそれぞれ P、Q とするとき、 $\triangle OPQ$ の面積の最大値を k を用いて表せ.

4 (70点)

平面上に一辺の長さが1の正方形DおよびDと交わる直線があるとする。この直線を軸にDを回転して得られる回転体について以下の間に答えよ。

- (1) D と同じ平面上の直線 ℓ は D のどの辺にも平行でないものとする。軸とする直線は ℓ と平行なものの中で考えるとき、回転体の体積を最大にする直線は D と唯 1 点で交わることを示せ。
- (2) Dと交わる直線を軸としてできるすべての回転体の体積の中で最大となる値を求めよ.