

Olkoon  $a = 5$  ja  $d = 5$  (molemmat euroja). Nyt kuukautena numero  $i$  (numerointi alkaa ykkösestä) rahaa on  $a + di$ . Meidän pitää löytää pienin mahdollinen kokonaisluku  $n$  siten, että

$$\sum_{i=1}^n (a + di) \geq 640.$$

Koska  $a$  ja  $d$  on annettu, voidaan sijoittaa:

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^n (5 + 5i) &= 5n + 5 \sum_{i=1}^n i \\ &= 5n + 5 \frac{n}{2} (n + 1) \\ &= 5n + \frac{5n^2}{2} + \frac{5n}{2} \\ &= \frac{5n^2}{2} + \frac{15n}{2}. \end{aligned}$$

Nyt selvitetään, mikä on pienin kokonaisluku  $n$  siten, että

$$\frac{5n^2}{2} + \frac{15n}{2} \geq 640.$$

Tämä on sama asia kuin

$$5n^2 + 15n \geq 1280,$$

josta seuraa

$$5n^2 + 15n - 1280 \geq 0.$$

Vaidetaan yllä  $\geq$  yhtäsuuruusmerkkiin ja ratkaistaan toisen asteen yhtälö  $n$ :n suhteen:

$$\begin{aligned} n &= \frac{-15 \pm \sqrt{15^2 - 4(5)(-1280)}}{10} \\ &\approx -1.5 \pm \frac{160.7}{10}. \end{aligned}$$

Yksi ratkaisu on negatiivinen, mutta toinen on  $n \approx 14.57$ , josta seuraa, että opiskelija joutuu laittamaan tilille rahaa 15:nä kuukautena.