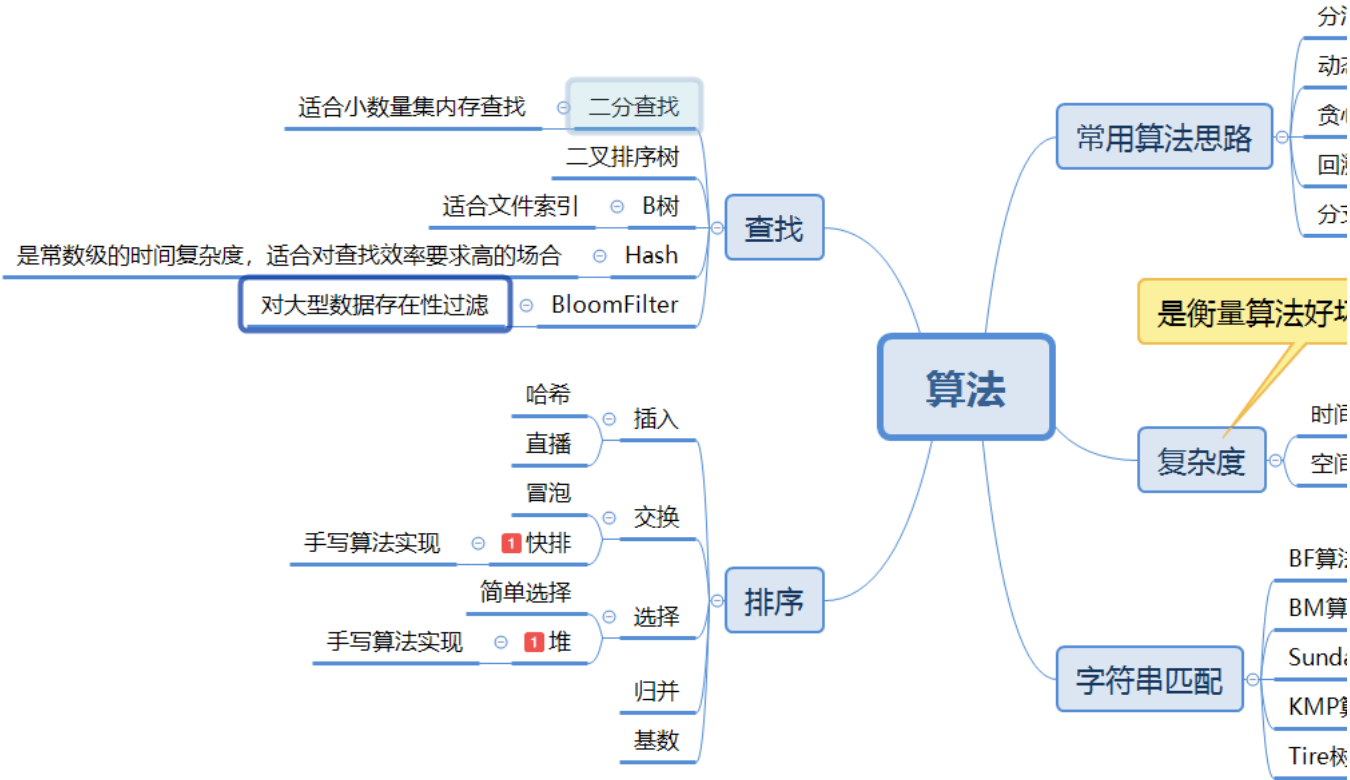


# 1. 数据结构知识点



## 2. 从搜索树到二叉树

### 2.1 二叉搜索树

## 知识点详解

```
private static final Map<Character, Character> brackets = new HashMap<>();
static {
    brackets.put(')', '(');
    brackets.put(']', '[');
    brackets.put('}', '{');
}

public static boolean isMatch(String str) {
    if (str == null) {
        return false;
    }
    Stack<Character> stack = new Stack<>();
    for (char ch : str.toCharArray()) {
        if (brackets.containsKey(ch)) {
            stack.push(ch);
        } else if (brackets.containsValue(ch)) {
            if (stack.empty() || stack.pop() != brackets.get(ch)) {
                return false;
            }
        }
    }
    return stack.empty();
}
```

满足条件：

1. 每个分支只有两个数
2. 左分支小于自身，右分支大于自身

问题：随着插入删除，二叉搜索树的树高会有所变化，当只有左节点或者右节点的时候，就会退化成线性的搜索树。会大大降低查找效率

平衡二叉树可以解决这个问题

平衡二叉树保证：每个节点的左右子树的高度差的绝对值不超过1。

例如AVL树（严格的平衡二叉树），插入或者删除数据的时候可能会需要旋转来保持平衡，比较适合插入删除比较少的场景

## 2.2 红黑树

是一种更加实用的非严格的平衡二叉树

关注点是局部平衡，而不是整体平衡。确保没有一条路径是比其他路径长度超出两倍。所以是接近平衡的。但是减少了旋转操作，所以更加实用

java8的HashMap就使用了红黑树解决散列冲突的查找问题，TreeMap也是通过这个保证有序性的

规则：

1. 每个节点不是红色就是黑色
2. 根节点是黑色
3. 每个叶子节点都是空的黑色的节点
4. 红色节点的两个子节点都是黑色的
5. 任意节点到其叶子节点的每条路径上都包含相同数量的黑色节点

## 3. 从搜索树到B+树

---

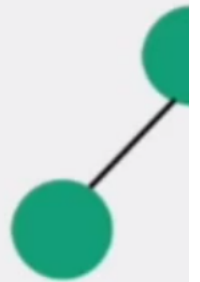
## 知识点详解

### TopK问题：找出N个数中最

解法：

- 1、用前K个数创建大小为K的大根堆
- 2、剩余N-K个数跟堆顶进行比较

时间复杂度： $N \cdot \log K$



K

B树是一种二叉树，是一种搜索树，B树的每个节点可以存储多个树，非常适合使用在文件索引上，可以有效减少磁盘的I/O次数  
B树种所有节点的**最大子节点数**称为B树的**阶**，例如上图，最大子节点数是左下角的三，所以称为三阶B数，也叫2-3树

### 5.1 B树

B树就是二叉搜索树。具有的特点如下：

- (1) 所有非叶子结点最多拥有两个儿子；
- (2) 所有结点存储一个关键字；
- (3) 非叶子结点的左指针指向小于其关键字的子树，右指针指向大于其关键字的子树。

### 5.2 B-树

B-树的定义：

- (1) 任意非叶子结点的儿子的个数最多为M个；
- (2) 根结点的儿子的个数为 $[2, M]$ 个；
- (3) 除根的非叶子结点的儿子数为 $[M/2, M]$ ；
- (4) 每个结点的关键字为 $(M/2-1)$ 上取整 $\sim [M-1]$ ；
- (5) 非叶子结点的关键字的个数=指向儿子的指针数-1；
- (6) 结点内的关键字是有序的；
- (7) 每个指针指向的关键字不同的区域；
- (8) 所有叶子结点位于同一层。

B-树的特点：

- (1) 关键字分布在整棵树上；
- (2) 任何一个关键字出现且出现在一个结点中；
- (3) 搜索有可能在非叶子结点结束；
- (4) 搜索性能等价于在关键字上做一次二分查找；
- (5) 自动层次控制。

### 5.3 B+树

B+树的定义：

- (1) 其定义基本与B-树相同，除了：
- (2) 非叶子结点的孩子个数等于关键字的个数；
- (3) 非叶子结点的指针 $p[i]$ ，指向 $[k[i], k[i+1]]$ 的子树；
- (4) 叶子指向一个链指针；
- (5) 所有关键字都在叶子出现。

B+树的特点：

- (1) 关键字都出现在叶子结点的链表中，且关键字恰好有序；
- (2) 不可能在非叶子结点命中；
- (3) 非叶子结点相当于索引，叶子结点相当于存储数据的数据层；

更适合文件索引系统。

B树总结：

1. B树的关键字分布在整颗树中，一个关键字只出现在一个节点中
2. 搜索可能在非叶节点停止
3. 一般应用在文件系统

B+树总结：

1. 关键字都出现在叶子节点的链表中，所有叶节点都有指向下一个叶节点的指针
2. 不可能在非叶子节点命中，一定会查询到叶子节点
3. 叶子节点相当于存储层，保存数据。非叶节点保存指向关键字的指针，不保存数据
4. 更适合做索引系统
5. **mysql数据库的索引就是B+树的实现**