Estadística Proyecto Fase 2

Carlos Bermudez Porto Grupo C412

Leynier Gutiérrez González Grupo C412

Tony Raúl Blanco Fernández Grupo C411 ${\tt C.BERMUDEZ@ESTUDIANTES.MATCOM.UH.CU}$

L.GUTIERREZ@ESTUDIANTES.MATCOM.UH.CU

T.BLANCO@ESTUDIANTES.MATCOM.UH.CU

Tutor(es):

Lic. Dalia Diaz Sistachs, Departamento de Matemática Aplicada

Palabras Clave: Estadística, Regresión, Lineal, Reducción, Dimensión, ANOVA Tema: Estadística, Regresión Lineal, ANOVA.

1. Introducción

El siguiente trabajo corresponde a la investigación de los autores como evaluación de la asignatura de Estadística de la carrera de Ciencia de la Computación de la Facultad de Matemática y Computación de la Universidad de La Habana.

Los datos utilizados para la investigación son sacados de una base de datos del FIFA 15, la cual contiene todos los jugadores existentes en este videojuego, en la que cada jugador tiene varias estadísticas de sus habilidades como valoración general (overall), potencial (potential), entre otras. Además de la nacionalidad, pie preferido, club al que pertenece, etc.

Se decidió analizar el comportamiento de los jugadores de clase mundial, por lo que se redujo el análisis a los jugadores que pertenecen a los equipos de la fase de grupos de la UEFA Champions League de la temporada 2014-2015, ya que en esta competición participan los mejores clubes de futbol de las mejores ligas, considerado la competición de clubes más importante.

En las pruebas de hipótesis se asumió un nivel de significación del 5%, por tanto, fue posible aceptar las hipótesis nulas con una probabilidad de error menor o igual a 0.05.

1.1 Selección y descripción general de los datos

De todas las variables disponibles en la base de datos, se seleccionaron 17 porque se consideró son las que mejor describen la forma de jugar de un futbolista. Estas son:

- overall
- potential
- attacking_finishing

- attacking_short_passing
- skill_ball_control
- skill_fk_accuracy
- skill_long_passing
- movement_agility
- movement_balance
- movement_sprint_speed
- power_shot_power
- power_stamina
- power_long_shots
- mentality_interceptions
- mentality_vision
- defending_marking
- defending_sliding_tackle

Se realizó un análisis general de esas variables utilizando la función skim de la biblioteca skimr. El resultado se puede ver en la Fig. 1.

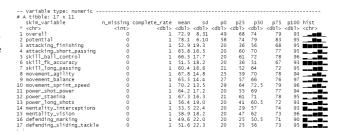


Figure 1: Resultado de aplicar la función skim

Como resultado del análisis general se detectó que la media de las habilidades de los jugadores es baja incluso para los mejores equipos de las mejores ligas de futbol. A partir de cálculo de los cuartiles el 75% de los jugadores están por debajo de 80 puntos (exceptuando el caso del *potential* que alcanza 83) lo cual quiere decir que los jugadores considerados clase mundial corresponden solo a un 15%.

2. Regresión Lineal y Análisis de Componentes Principales

Para aplicar la regresión es necesario realizar un análisis de las correlaciones de las variables seleccionadas.

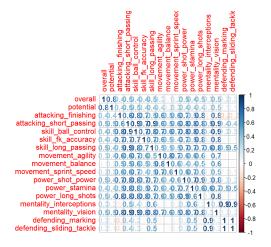


Figure 2: Correlación de todas las variables

Como resultado del análisis de la Fig. 2, se detectó una alta correlación entre las variables, por lo que no sería correcto aplicar una regresión lineal, por lo tanto, se aplicó la técnica de reducción de dimensiones para obtener las componentes principales que sean independientes entre sí y que sean dependientes de una variable respuesta elegida.

2.1 Análisis de Componentes Principales

En un inicio se seleccionó como variable respuesta a overall, por lo que se hizo necesario extraer esa variable antes de realizar el análisis de las componentes principales.

Figure 3: Análisis de Componentes Principales

Aplicando el criterio de *Kaiser*, fue posible quedarse con las primeras tres componentes. Pasando a crear una matriz con la variable respuesta junta las tres componentes principales seleccionadas y analizando sus

correlaciones.

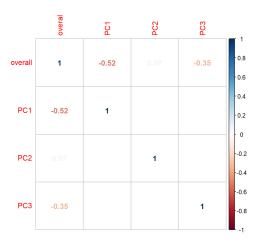


Figure 4: Correlación 1 de las Componentes Principales

Como se puede ver en la Fig. 4 la variable respuesta escogida no tiene dependencia con las componentes principales seleccionadas, luego se realizó un análisis similar iterando por todas las variables seleccionándolas como variable respuesta en cada paso se obtiene que la variable mentality_interceptions tiene una mayor correlación con las componentes principales seleccionadas (referirse a la Fig. 5) por lo que era una mejor opción a variable respuesta.

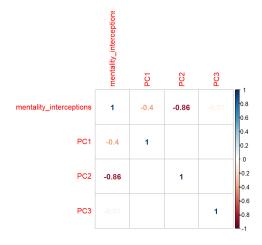


Figure 5: Correlación 2 de las Componentes Principales

2.1.1 DESCRIPCIÓN DE LAS COMPONENTES

• PC1: La componente caracteriza por presencia negativa de overuna all,potential, $attacking_finishing,$ at $tacking_short_passing,$ $skill_ball_control$, $skill_fk_accuracy,$ $skill_long_passing,$ move $ment_agility,$ $movement_balance$ movement_sprint_speed. Se puede interpretar como que son los jugadores no tan habilidosos, los cuales, como vimos en análisis anteriores, son la mayoría.

- PC2: La componente se caracteriza por una presencia positiva de attacking_finishing y una presencia negativa de defending_marking y de defending_sliding_tackle. Se puede interpretar como los jugadores de la posición de delantero centro. Ya que su función es marcar goles y no tienen mucha obligación defensiva.
- PC3: La componente se caracteriza por una presencia positiva de overall y potential, y una presencia negativa de movement_balance. Se puede interpretar como los jugadores habilidosos pero con tendencia a caer mucho en el campo, ya sea por excesiva cantidad de faltas o por engañar al arbitro.

2.2 Regresión Lineal

Teniendo como la variable respuesta a *mental-ity_interceptions* y como variables independientes las componentes principales se realizó un modelo de regresión lineal múltiple, a continuación, se muestra la información del modelo realizado.

Figure 6: Resultado del Modelo de Regresión Lineal

De la información de la Fig. 6 se deduce la siguiente ecuación para determinar *mentality_interceptions* en base a las componentes principales.

```
mentality_{interceptions} = -0.13PC_1 - 0.55PC_2 - 0.06PC_3
```

Uno de los factores a tener en cuenta es la estandarización de los datos durante el proceso de clasificación, por lo que su efecto se ve reflejado en la ausencia del término independiente en la ecuación de regresión.

La precisión del modelo, medida en términos del valor del $Ajusted\ R-squared$ es de 0.9129 lo cual es bastante alto tomando en consideración el desprecio de datos resultante del análisis de las componentes principales. El p-value de la prueba de F-statistic es menor que 0.05 por lo que podemos asegurar que el modelo produce resultados. El error residual es de 0.2951.

2.2.1 Análisis de los supuestos

Los supuestos de la regresión linear son los siguientes:

- 1. Las variables independientes no están correlacionadas.
- 2. La media y la suma de los errores es cero.
- 3. Los errores son independientes.
- 4. Los errores tienen distribución normal.
- 5. La varianza de los errores es constante.

El **primer supuesto** se cumple porque las variables independientes utilizadas son resultado del análisis de componentes principales.

El **segundo supuesto** también se cumple, siendo la media y la suma de los errores extremadamente cercanos a cero. (Fig. 7)

```
[1] "Media de los Errores"
[1] 8.170144e-19
[1] "Suma de los Errores"
[1] 6.921547e-16
```

Figure 7: Media y suma de los errores

El **tercer supuesto**, que los errores sean independientes, como se puede ver la prueba de Durbin-Watson no es significativa, siendo el p-value mayor que 0.05, no se puede rechazar la hipótesis nula, por tanto, se puede deducir que los errores son independientes entre sí. (Fig. 8)

```
Durbin-Watson test

data: model

DW = 1.999, p-value = 0.4814
alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0
```

Figure 8: Prueba de Durbin-Watson

El **cuarto supuesto**, que los errores tengan una distribución normal, se analizó en primera instancia el histograma de los errores (Fig. 9) y el Q-Q Plot (Fig. 10).

A partir de la interpretación del histograma (Fig. 9) se pudo observar una distribución normal, pero no tanto a partir de la interpretación del Q-Q Plot (Fig. 10), por lo que se realizó una prueba de *Shapiro-Wilk* (Fig. 11).

Como se puede ver la prueba de Shapiro-Wilk (Fig. 11) es significativa, siendo el p-value menor que 0.05, se puede rechazar la hipótesis nula, por tanto, se puede deducir que los errores no siguen una distribución normal, incumpliendo con los supuestos, y, por tanto, el modelo no es de utilidad.

Al incumplirse uno de los supuestos, el modelo deja de tener utilidad, pero aun así, se decidió analizar la homocedasticidad en este trabajo.

El **quito supuesto**, que la varianza de los errores se constante, se analizó en primera instancia el gráfico de los Residuos Estandarizados (Fig. 12).

Histogram of model\$residuals

Figure 9: Histograma de los errores

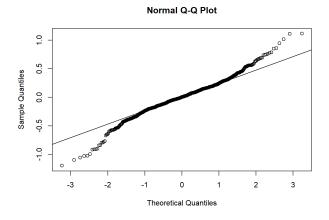


Figure 10: QQ-Plot de los errores

A partir de la interpretación del gráfico de los Residuos Estandarizados (Fig. 12) se pudo observar una homocedasticidad en los errores, pero no quedó muy claro, por lo que se realizó una prueba de Breushc-Pagan (Fig. 13) para confirmarlo.

Como se pudo ver, la prueba de Breushc-Pagan (Fig. 13) es significativa, siendo el p-value menor que 0.05, se pudo rechazar la hipótesis nula, por tanto, se pudo deducir que no hay heteroscedasticidad en los errores (de donde se dedujo que hay homocedasticidad)

Shapiro-Wilk normality test

data: model\$residuals
w = 0.97401, p-value = 5.602e-11

Figure 11: Prueba de Shapiro-Wilk

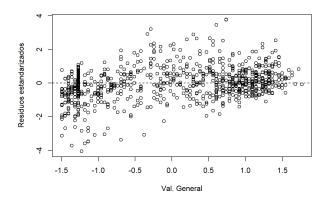


Figure 12: Residuos Estandarizados

studentized Breusch-Pagan test

data: model BP = 47.667, df = 3, p-value = 2.507e-10

Figure 13: Prueba de Breushc-Pagan

3. ANOVA

Para el ANOVA o análisis de varianzas se decidió analizar si el pie preferido influye en la habilidad de deslizarse de los jugadores. A continuación se muestra el resultado del modelo (Fig. 14).

Figure 14: Resultado de ANOVA

Como el p-value es menor que la significación prefijada de 0.05, se rechaza la hipótesis nula y se acepta que el pie preferido influye en la habilidad para deslizarse.

3.1 Análisis de los supuestos

- 1. Los errores siguen una distribución normal con media cero.
- 2. Los errores son independientes entre sí.
- 3. Los errores tienen la misma varianza.

El **primer supuesto**, que los errores tengan una distribución normal con media cero, se analizó en primera instancia el histograma de los errores (Fig. 15) y el Q-Q Plot (Fig. 16).

A partir de la interpretación del histograma (Fig. 15) y del Q-Q Plot (Fig. 16) se pudo observar que la distribución no es normal, por lo que se realizó una prueba de Shapiro-Wilk (Fig. 17) para confírmalo.

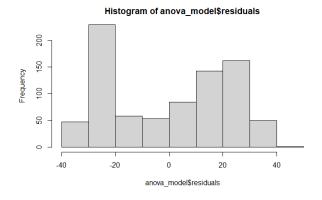


Figure 15: Histograma de los errores del modelo de ${
m ANOVA}$

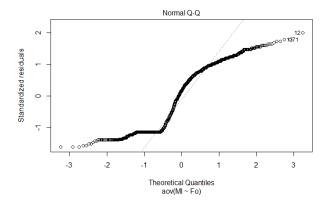


Figure 16: Q-Q Plot del modelo de ANOVA

Como se puede ver la prueba de Shapiro-Wilk (Fig. 17) es significativa, siendo el p-value menor que 0.05, se puede rechazar la hipótesis nula, por tanto, se puede deducir que los errores no siguen una distribución normal, incumpliendo con los supuestos, y, por tanto, el modelo no es de utilidad.

Al incumplirse uno de los supuestos, el modelo deja de tener utilidad, pero, aun así, se decidió verificar los restantes supuestos.

El **segundo supuesto**, que los errores sean independientes entre sí, como se puede ver la prueba de Durbin - Watson (Fig. 18) es significativa, siendo el p - value menor que 0.05, se puede rechazar la hipótesis nula, por tanto, se puede deducir que los errores no son independientes entre sí, incumpliendo con los supuestos, y, por tanto, el modelo no es de utilidad.

El **tercer supuesto**, que los errores tengan la misma

Shapiro-Wilk normality test

data: anova_model\$residuals
W = 0.89162, p-value < 2.2e-16</pre>

Figure 17: Prueba de Shapiro-Wilk

Durbin-Watson test

data: anova_model
DW = 1.8366, p-value = 0.009299
alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0

Figure 18: Prueba de Durbin-Watson

varianza, como se puede ver la prueba de Bartlett (Fig. 19) no es significativa, siendo el p-value mayor que 0.05, no se puede rechazar la hipótesis nula, por tanto, se puede deducir que los errores tienen la misma varianza, o sea se cumple la homocedasticidad.

Bartlett test of homogeneity of variances

data: anova_model\$residuals and data_anova\$Fo Bartlett's K-squared = 0.013901, df = 1, p-value = 0.9061

Figure 19: Prueba de Bartlett

4. Conclusiones

Se realizó un análisis sobre los datos obtenidos, aplicando una regresión lineal junto a un análisis de componente principales, además de un análisis de varianza o ANOVA. En ambos casos, los supuestos de los modelos se incumplieron, pero se pudo mostrar la aplicación de las principales técnicas de regresión y análisis de varianzas para un uso posterior en otras circunstancias y/o datos.

References

- [1] Conferencia 5 Corelacion
- [2] Conferencia 6 Regresion Lineal Simple
- [3] Conferencia 7 Regresion Lineal Multiple
- [4] Conferencia 8 ANOVA
- [5] Conferencia 9 ACP