

# 大物下

---

## 大物下

电磁学

静电场

稳恒磁场

变化的电磁场

波动光学

光的干涉

光的衍射

## 电磁学

---

### 静电场

1. 长 $l = 15.0\text{cm}$ 的直导线 $AB$ 上均匀地分布着线密度 $\lambda = 5.0 \times 10^{-9}\text{C/m}$ 的正电荷. 试求:

(1)

在导线的延长线上与导线 $B$ 端相距 $d_1 = 5.0\text{cm}$ 处 $P$ 点的电场强度.

(2)

在导线的垂直平分线上与导线中点相距 $d_2 = 5.0\text{cm}$ 处 $Q$ 点的电场强度.

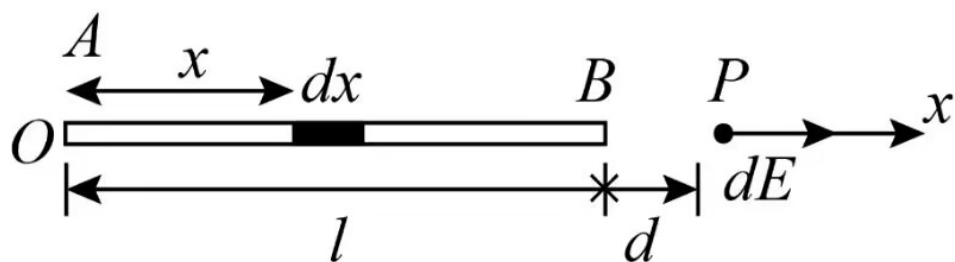
分析:

|

参考答案:

(1)

建立如图所示坐标系



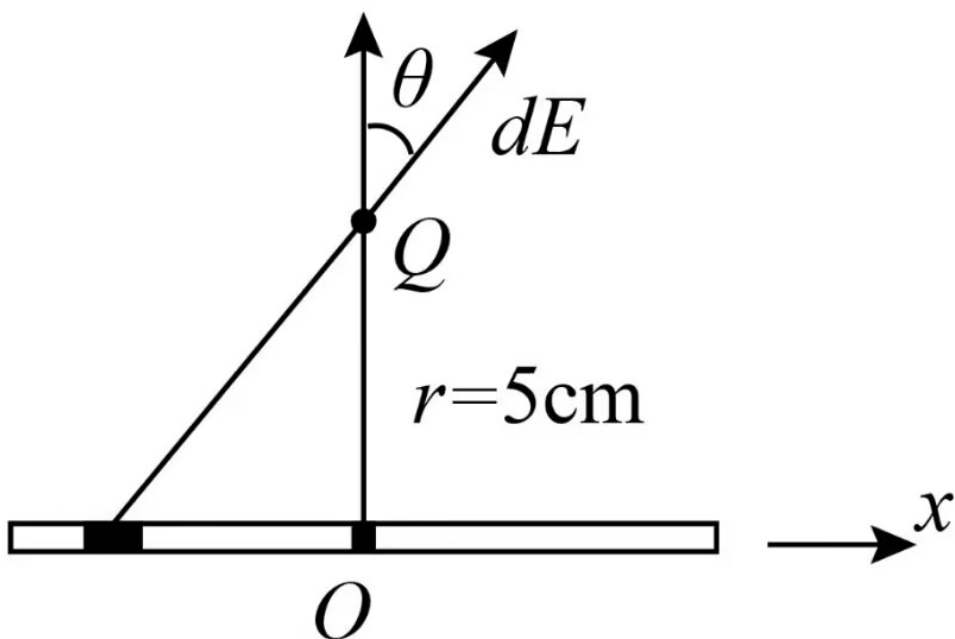
在导线上取电荷元 $dq = \lambda dx$ ，电荷元在 $P$ 点所激发场

$$\text{强大小为 } dE = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\lambda dx}{(l + d - x)^2},$$

$$E = \int_0^l \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\lambda dx}{(l + d - x)^2} \approx 675 \text{ V/m}.$$

(2)

建立如图所示坐标系



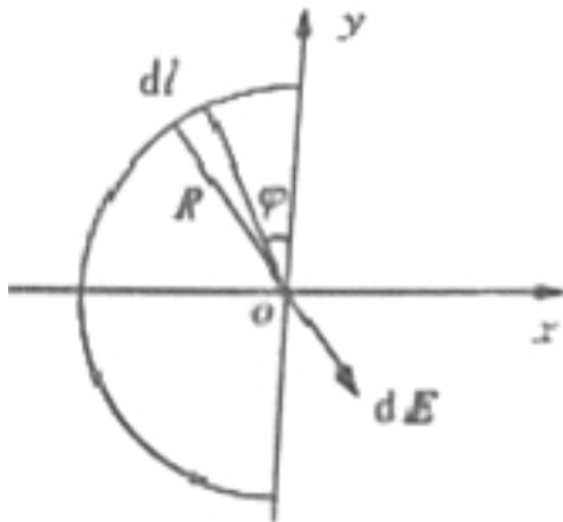
在导线上取电荷元 $dq = \lambda dx$ ，电荷元在 $Q$ 点所激发场

$$\text{强大小为 } dE = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\lambda dx}{x^2 + r^2} \cos \theta = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\lambda dx}{x^2 + r^2} \cdot \frac{r}{\sqrt{x^2 + r^2}}$$

$$, E = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{r \lambda dx}{(x^2 + r^2)^{3/2}} = \frac{\lambda \frac{1}{2}}{\epsilon_0 r}.$$

$$J = \frac{\lambda}{2} \cdot 4\pi\epsilon_0 \cdot (x^2 + r^2)^{\frac{1}{2}} = 2\pi\epsilon_0 r \sqrt{r^2 + \frac{\pi}{4}} \\ \approx 374 \text{V/m}$$

2. 一个半径为 $R$ 的均匀带电半圆环，电荷线密度为 $\lambda$ ，求环心处 $O$ 点的场强。



分析：

### 思路点拨

在图中半圆环上一个很小的微元，得到其电荷量，由点电荷场强公式求得它在 $O$ 点的场强，运用积分法求环心处 $O$ 点的场强。

参考答案：

解：如图在图上取  $dl=Rd\varphi$

其电荷量为  $dq=\lambda dl=R\lambda d\varphi$ ，它在O点产生的场强大小为

$$dE=\frac{k dq}{R^2}=\frac{k R \lambda d\varphi}{R^2}, \text{ 方向沿半径向外}$$

$$\text{则 } dE_x=dE\sin\varphi=\frac{k\lambda}{R}\sin\varphi d\varphi$$

$$dE_y=dE\cos(\pi-\varphi)=-\frac{k\lambda}{R}\cos\varphi d\varphi$$

$$\text{积分得: } E_x=\int_0^\pi \frac{k\lambda}{R}\sin\varphi d\varphi=\frac{2k\lambda}{R}$$

$$E_y=\int_0^\pi \left(-\frac{k\lambda}{R}\cos\varphi\right)d\varphi=0$$

所以环心处O点的场强  $E=E_x=\frac{2k\lambda}{R}$ ，方向沿x轴正向。

答：环心处O点的场强大小为  $\frac{2k\lambda}{R}$ ，方向沿x轴正向。

- 
3. 均匀带电球壳内半径6cm，外半径10cm，电荷体密度为 $2\times 10^{-5}C/m^3$ 。试求距球心5cm，8cm及12cm的各点的电场强度。

分析：

$$\oint E \cdot dS = \sum q / \epsilon_0, \quad 4\pi r^2 E = \sum q / \epsilon_0,$$

$$r=5cm \text{ 时, } \sum q=0, \quad E=0,$$

$$r=8cm \text{ 时, } \sum q=\rho \cdot \frac{4}{3}\pi(r^3-r_{内}^3)$$

$$E=\rho \cdot \frac{4}{3}\pi(r^3-r_{内}^3) / 4\pi r^2 \epsilon_0 \approx 3.48 \times 10^4 N \cdot C^{-1},$$

方向沿半径向外，

$$r=12cm \text{ 时, } \sum q=\rho \cdot \frac{4}{3}\pi(r^3-r_{内}^3)$$

$$E=\rho \cdot \frac{4}{3}\pi(r^3-r_{内}^3) / 4\pi r^2 \epsilon_0 \approx 4.10 \times 10^4 N \cdot C^{-1},$$

方向沿半径向外。

参考答案:

$r=5\text{cm}$ 时,  $\Sigma q=0$ ,  $E=0$ ,

$r=8\text{cm}$ 时,  $E\approx 3.48\times 10^4\text{N}\cdot\text{C}^{-1}$ ,

$r=12\text{cm}$ 时,  $E\approx 4.10\times 10^4\text{N}\cdot\text{C}^{-1}$

---

4. 半径 $R_1$ 和 $R_2$  ( $R_2 > R_1$ ) 的两个无限长同轴圆柱面, 单位长度上分别带有电量 $\lambda$ 和 $-\lambda$ , 试求:

(1)

$r < R_1$ .

(2)

$R_1 < r < R_2$ .

(3)

$r > R_2$ 处各点的电场强度.

分析:

参考答案:

(1)

高斯定理  $\int \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{\sum q}{\varepsilon_0}$ , 取同轴圆柱形高斯面,

侧面积  $S = 2\pi rl$ , 则  $\int \vec{E} \cdot d\vec{S} = E \cdot 2\pi rl = \frac{\sum q}{\varepsilon_0}$ .

对  $r < R_1$ ,  $\sum q = 0$ ,

$\therefore E = 0$ .

(2)

$R_1 < r < R_2$ ,  $\sum q = l\lambda$ ,

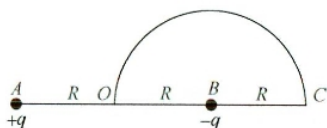
$\therefore E = \frac{\lambda}{2\pi\varepsilon_0 r}$  沿径向向外.

(3)

$r > R_2$ ,  $\sum q = 0$ ,

$\therefore E = 0$ .

5. 如题图 9-18 所示, 在  $A$ 、 $B$  两点处放有电量分别为  $+q$ 、 $-q$  的点电荷,  $AB$  间距为  $2R$ , 现将另一正试验点电荷  $q_0$  从  $O$  点经过半圆弧移到  $C$  点, 求移动过程中电场力做的功.



题图 9-18

**分析:**

**参考答案:**

解  $O$  点的电势为

$$U_O = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{q}{R} - \frac{q}{R} \right) = 0$$

$C$  点的电势为

$$U_C = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{q}{3R} - \frac{q}{R} \right) = -\frac{q}{6\pi\epsilon_0 R}$$

所以

$$A_{OC} = q_0 (U_O - U_C) = \frac{q_0 q}{6\pi\epsilon_0 R}$$

- 
6. 18 如题9、18图所示的绝缘细线上均匀分布着线密度为 $\lambda$ 的正电荷,两直导线的长度与半圆环的半径都等于 $R$ .试求环中心 $O$ 点处的场强与电势.

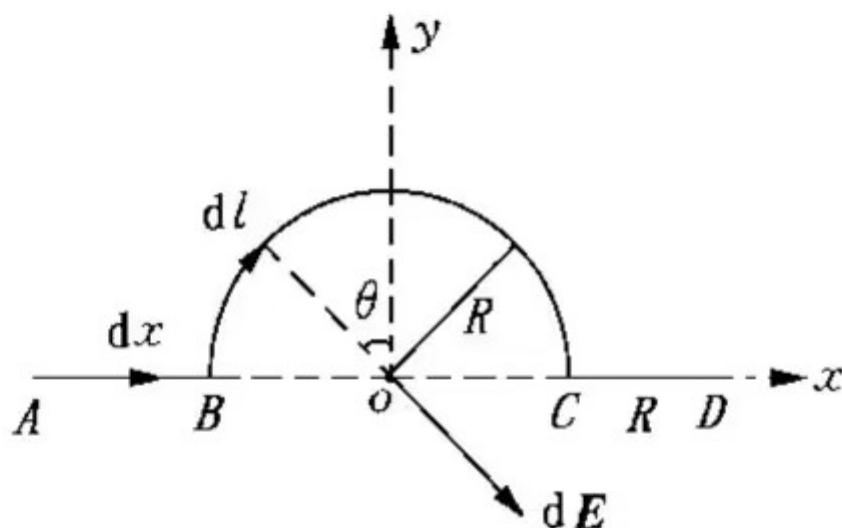
分析:

参考答案:

## 解答

解: (1) 由于电荷均匀分布与对称性,  $AB$  与  $CD$  段电荷在  $O$  点产生的场强互相抵消, 取  $dl = R d\theta$

则  $dq = \lambda R d\theta$  产生  $O$  点  $d\vec{E}$  如图, 由于对称性,  $O$  点场强沿  $y$  轴负方向



题9、18图

$$E = \int dE_y = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\lambda R d\theta}{4\pi\epsilon_0 R^2} \cos \theta$$

$$= \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 R} \left[ \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) - \sin \frac{\pi}{2} \right]$$

$$= \frac{-\lambda}{2\pi\epsilon_0 R}$$

(2)  $AB$  电荷在  $O$  点产生电势, 以  $U_\infty = 0$

$$U_1 = \int_B^A \frac{\lambda dx}{4\pi\epsilon_0 x} = \int_R^{2R} \frac{\lambda dx}{4\pi\epsilon_0 x} = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \ln 2$$

同理  $CD$  产生  $U_2 = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \ln 2$



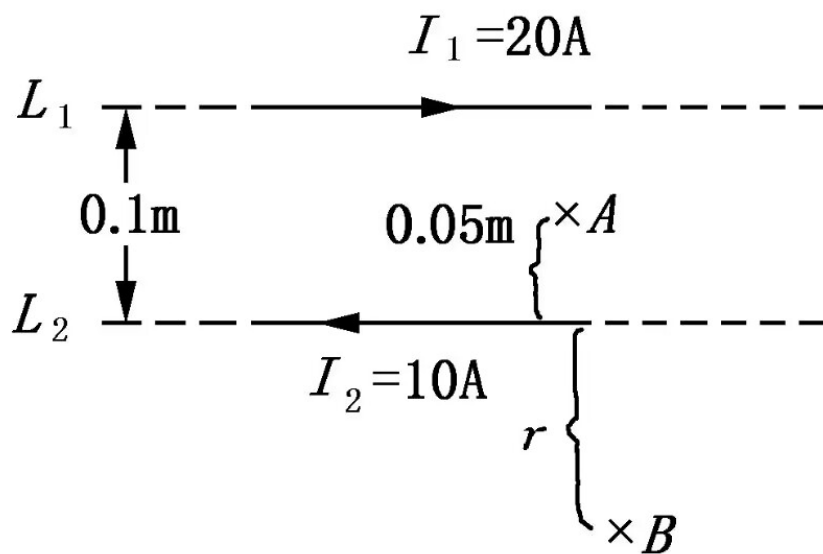
$$\text{半圆环产生 } U_3 = \frac{\pi R \lambda}{4 \pi \varepsilon_0 R} = \frac{\lambda}{4 \varepsilon_0}$$

$$\therefore U_o = U_1 + U_2 + U_3 = \frac{\lambda}{2 \pi \varepsilon_0} \ln 2 + \frac{\lambda}{4 \varepsilon_0}$$

## 稳恒磁场

1.

10 在真空中,有两根互相平行的无限长直导线  $L_1$  与  $L_2$ ,相距  $0.1\text{m}$ ,通有方向相反的电流,  $I_1 = 20\text{A}$ ,  $I_2 = 10\text{A}$ ,如题10、10图所示.  $A$ ,  $B$  两点与导线在同一平面内.这两点与导线  $L_2$  的距离均为  $5.0\text{cm}$ .试求  $A$ ,  $B$  两点处的磁感应强度,以及磁感应强度为零的点的位置.



分析:

参考答案:

## 解答

解:如题10、10图所示, $\vec{B}_A$  方向垂直纸面向里

$$B_A = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi(0.1-0.05)} + \frac{\mu_0 I_2}{2\pi \times 0.05} = 1.2 \times 10^{-4} \text{ T}$$

$$B_B = -\frac{\mu_0 I_1}{2\pi(0.1+0.05)} + \frac{\mu_0 I_2}{2\pi \times 0.05} = 1.33 \times 10^{-5} \text{ T}$$

(2) 设  $\vec{B}=0$  在  $L_2$  外侧距离  $L_2$  为  $r$  处

$$\text{则 } \frac{\mu_0 I}{2\pi(r+0.1)} - \frac{\mu I_2}{2\pi r} = 0$$

解得  $r=0.1 \text{ m}$

题10、11图

2. 14 两平行长直导线相距  $d=40\text{cm}$ , 每根导线载有电流  $I_1=I_2=20\text{A}$ , 如题10、14图所示. 求:

(1) 两导线所在平面内与该两导线等距的一点  $A$  处的磁感应强度;

(2) 通过图中斜线所示面积的磁通量. ( $r_1=r_3=10\text{cm}$ ,  $l=25\text{cm}$ ).

分析:

参考答案:

解答

$$\text{解: (1)} \quad B_A = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi(\frac{d}{2})} + \frac{\mu_0 I_2}{2\pi(\frac{d}{2})} = 4 \times 10^{-5} \text{ T}$$

方向  $\perp$  纸面向外

(2) 取面元  $dS = ldr$

$$\Phi = \int_{r_1}^{r_1+r_2} \left[ \frac{\mu_0 I_1}{2\pi r} + \frac{\mu_0 I_2}{2\pi(d-r)} \right] l dr = \frac{\mu_0 I_1 l}{2\pi} \ln 3 - \frac{\mu_0 I_2 l}{2\pi} \ln \frac{1}{3} = \frac{\mu_0 I_1 l}{\pi} \ln 3 = 2.2 \times 10^{-6}$$

Wb

3. 9 如题10、9图所示,  $AB$ 、 $CD$  为长直导线,  $\widehat{BC}$  为圆心在  $O$  点的一段圆弧形导线, 其半径为  $R$ . 若通以电流  $I$ , 求  $O$  点的磁感应强度.

分析:

参考答案:

解:如题10、9图所示, $O$ 点磁场由 $AB$ 、 $\widehat{BC}$ 、 $CD$ 三部分电流产生.其中

$$AB \text{ 产生 } \vec{B}_1 = 0$$

$$CD \text{ 产生 } B_2 = \frac{\mu_0 I}{12R}, \text{方向垂直向里}$$

$CD$  段产生

$$B_3 = \frac{\mu_0 I}{4\pi \frac{R}{2}} (\sin 90^\circ - \sin 60^\circ) = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

,方向 $\perp$ 向里

$$\therefore B_0 = B_1 + B_2 + B_3 = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{6}\right), \text{方}$$

向 $\perp$ 向里.

4. 题915图中所示是一根很长的长直圆管形导体的横截面,内外半径分别为 $a, b$ ,导体内载有沿轴线方向的电流 $I$ ,且 $I$ 均匀地分布在管的横截面上.设导体的磁导率 $\mu \approx \mu_0$ ,试证明导体内部各点( $a < r < b$ )的磁感应强度的大小由下式给出:

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi(b^2 - a^2)} \frac{r^2 - a^2}{r}$$

分析:

参考答案:

解:取闭合回路  $l=2\pi r$  ( $a < r < b$ )

$$\text{则 } \oint_l \vec{B} \cdot d\vec{l} = B 2\pi r$$

$$\sum I = (\pi r^2 - \pi a^2) \frac{I}{\pi b^2 - \pi a^2}$$

$$\therefore B = \frac{\mu_0 I (r^2 - a^2)}{2\pi r (b^2 - a^2)}$$

5. 一根很长的同轴电缆,由一导体圆柱(半径为 $a$ )和一同轴的导体圆管(内、外半径分别为 $b, c$ )构成,如题6-8图所示.使用时,电流 $I$ 从一导体流去,从另一导体流回.设电流都是均匀地分布在导体的横截面上,求:(1)导体圆柱内( $r < a$ ), (2)两导体之间( $a < r < b$ ), (3)导体圆筒内( $b < r < c$ ), (4)电缆外( $r > c$ )各点处磁感应强度的大小.

分析:

参考答案:

解:  $\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \sum I$

(1)  $r < a$   $B2\pi r = \mu_0 \frac{Ir^2}{R^2}$

$$B = \frac{\mu_0 Ir}{2\pi R^2}$$

(2)  $a < r < b$   $B2\pi r = \mu_0 I$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

(3)  $b < r < c$

$$B2\pi r = -\mu_0 I \frac{r^2 - b^2}{c^2 - b^2} + \mu_0 I$$

$$B = \frac{\mu_0 I(c^2 - r^2)}{2\pi r(c^2 - b^2)}$$

(4)  $r > c$   $B2\pi r = 0$

$$B = 0$$

6. 20 如题10、20图所示,长直电流 $I_1$ 附近有一等腰直角三角形线框,通以电流 $I_2$ ,二者共面.求 $\triangle ABC$ 的各边所受的磁力.

分析:

参考答案:

$$\text{解: } \vec{F}_{AB} = \int_B^A I_2 d\vec{l} \times \vec{B}$$

$$F_{AB} = I_2 a \frac{\mu_0 I_1}{2\pi d} = \frac{\mu_0 I_1 I_2 a}{2\pi d} \quad \text{方向垂直} AB \text{ 向左}$$

$$\vec{F}_{AC} = \int_A^C I_2 d\vec{l} \times \vec{B} \quad \text{方向垂直} AC \text{ 向下, 大小为}$$

$$F_{AC} = \int_d^{d+a} I_2 dr \frac{\mu_0 I_1}{2\pi r} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi} \ln \frac{d+a}{d}$$

$$\text{同理 } \vec{F}_{BC} \quad \text{方向垂直} BC \text{ 向上, 大小}$$

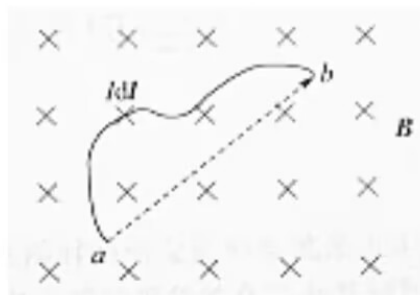
$$F_{BC} = \int_d^{d+a} I_2 dl \frac{\mu_0 I_1}{2\pi r}$$

$$\therefore dl = \frac{dr}{\cos 45^\circ}$$

$\therefore$

$$F_{BC} = \int_a^{d+a} \frac{\mu_0 I_2 I_1 dr}{2\pi r \cos 45^\circ} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{\sqrt{2}\pi} \ln \frac{d+a}{d}$$

在磁感应强度为 $B$ 的均匀磁场中，垂直于磁场方向的平面内有一段载流弯曲导线，电流为 $I$ ，如图所示。求其所受的安培力。



**分析：**

**参考答案：**

### 思路点拨

根据安培力的计算公式进行求解，注意 $L$ 是垂直于磁场方向的有效长度。

### 点评

本题主要是考查安培力的计算，解答本题要知道安培力的计算公式；如果是弯曲导线， $L$ 是初末位置连线长度。

### 解答

解：根据安培力的计算公式可得导线受到的安培力大小为 $F_A = BIL = BIab$ 。

答：安培力大小为 $BIab$ 。



22 如题10、22图所示,在长直导线 $AB$ 内通以电流 $I_1=20\text{ A}$ ,在矩形线圈 $CDEF$ 中通有电流 $I_2=10\text{ A}$ , $AB$ 与线圈共面,且 $CD,EF$ 都与 $AB$ 平行.已知 $a=9.0\text{ cm}$ , $b=20.0\text{ cm}$ , $d=1.0\text{ cm}$ ,求:

- (1)导线 $AB$ 的磁场对矩形线圈每边所作用的力;
- (2)矩形线圈所受合力与合力矩.

**分析:**

**参考答案:**

解:(1) $\vec{F}_{CD}$  方向垂直 $CD$  向左,大小

$$F_{CD}=I_2b\frac{\mu_0I_1}{2\pi d}=8.0\times10^{-4}\text{ N}$$

同理 $\vec{F}_{FE}$  方向垂直 $FE$  向右,大小

$$F_{FE}=I_2b\frac{\mu_0I_1}{2\pi(d+a)}=8.0\times10^{-5}\text{ N}$$

$\vec{F}_{CF}$  方向垂直 $CF$  向上,大小为

$$F_{CF}=\int_d^{d+a}\frac{\mu_0I_1I_2}{2\pi r}dr=\frac{\mu_0I_1I_2}{2\pi}\ln\frac{d+a}{d}=9.2\times10^{-5}$$

$N$

$\vec{F}_{ED}$  方向垂直 $ED$  向下,大小为

$$F_{ED}=F_{CF}=9.2\times10^{-5}\text{ N}$$

(2)合力 $\vec{F}=\vec{F}_{CD}+\vec{F}_{FE}+\vec{F}_{CF}+\vec{F}_{ED}$  方向向左,大小为

$$F=7.2\times10^{-4}\text{ N}$$

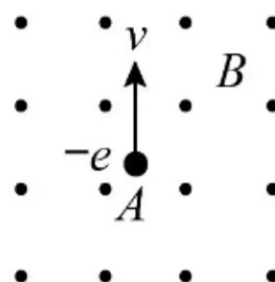
$$\text{合力矩}\vec{M}=\vec{P}_m\times\vec{B}$$

$\because$  线圈与导线共面

$$\therefore \vec{P}_m//\vec{B}$$

$$\vec{M}=0.$$

电子在  $B = 70 \times 10^{-4} \text{T}$  的匀强磁场中作圆周运动，圆周半径  $r = 3.0 \text{cm}$ 。已知  $B$  垂直于纸面向外，某时刻电子在  $A$  点，速度  $v$  向上，如图所示。



- (1) 试画出这电子运动的轨道。
- (2) 求这电子速度  $v$  的大小。
- (3) 求这电子的动能  $E_k$ 。

分析：

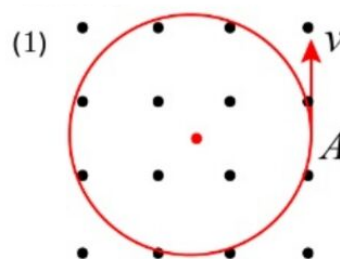
参考答案：

解：(1) 轨迹如图

$$(2) \because evB = m \frac{v^2}{r}$$

$$\therefore v = \frac{eBr}{m} = 3.7 \times 10^7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$(3) E_k = \frac{1}{2}mv^2 = 6.2 \times 10^{-16} \text{ J}$$



## 变化的电磁场

1.

6如题11.6所示,在两平行载流的无限长直导线的平面内有一矩形线圈.两导线中的电流方向相反、大小相

等,且电流以  $\frac{dI}{dt}$  的变化率增大,求:

(1)任一时刻线圈内所通过的磁通量;

(2)线圈中的感应电动势.

**分析:**

(1) 分析两直导线周围磁场,左导线电流方向向下,则左导线左侧磁场方向垂直纸面向里,两导线之间磁场垂直纸面向外,右导线右侧磁场方向垂直纸面向里。

由毕奥-萨伐尔定律,有  $B \cdot 2\pi r = \mu_0 I$

得  $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

则  $\Phi = \Phi_{左} + \Phi_{右} = \int_b^{b+a} \frac{\mu_0 I}{2\pi x} l dx + \int_d^{d+a} \frac{\mu_0 I}{2\pi x} l dx$  积分得  $\Phi = \frac{\mu_0 I l}{2\pi} \left( \ln \frac{b+a}{b} - \ln \frac{d+a}{d} \right)$

**(2) 感应电动势**

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt} = -\frac{\mu_0 I l}{2\pi} \left( \ln \frac{d+a}{d} - \ln \frac{b+a}{b} \right) \frac{dI}{dt}$$

**参考答案:**

解: 以向外磁通为正则

(1)

$$\Phi_m = \int_b^{b+a} \frac{\mu_0 I}{2\pi r} l dr - \int_d^{d+a} \frac{\mu_0 I}{2\pi r} l dr = \frac{\mu_0 I l}{2\pi} \left[ \ln \frac{b+a}{b} - \ln \frac{d+a}{d} \right]$$

$$(2) \varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt} = -\frac{\mu_0 I l}{2\pi} \left[ \ln \frac{d+a}{d} - \ln \frac{b+a}{b} \right] \frac{dI}{dt}$$

## 光的干涉

1. 在杨氏双缝实验中,双缝间距 $d=0.20\text{mm}$ ,缝屏间距 $D=1.0\text{m}$ ,试求:(1)若第二级明条纹离屏中心的距离为 $6.0\text{mm}$ ,计算此单色光的波长;(2)相邻两明条纹间的距离.

分析:

参考答案:

解: (1)由  $x_{\text{明}} = \frac{D}{d} k \lambda$  知,

$$6.0 = \frac{1 \times 10^3}{0.2} \times 2 \lambda,$$

$$\therefore \lambda = 0.6 \times 10^{-3} \text{ mm} = 6000 \text{ \AA}$$

(2)

$$\Delta x = \frac{D}{d} \lambda = \frac{1 \times 10^3}{0.2} \times 0.6 \times 10^{-3} = 3 \text{ mm}$$

2.

## 光的衍射