概率论

概率论

知识点及对应题目

第一章

第二章

第三章

第四章

第五章

第六章

第七章

第八章

往年题目

知识点及对应题目

第一章

随机事件的概率

1. 12. 甲、乙两个盒子里各装有 10 只螺钉,每个盒子的螺钉中各有一只是次品,其余均为正品,现从甲盒中任取两只螺钉放入乙盒中,再从乙盒中取出两只,问从乙盒中取出的恰好是一只正品、一只次品的概率是多少?

分析:

- 1. 首先这件事情是连续的(也就是从甲取出的螺丝钉会对乙取出螺丝钉的最终结果产生影响)
- 2. 可以分情况讨论(从甲中取出的两个都是正品,从甲中取出的有一个次品)
- 3. 在这两种情况的基础上去分析乙中螺丝钉的情况
- 4. 使用加法原理,对两种情况的概率相加

情况一:

从甲中取出的全是正品 $\frac{C_0^2}{C_{10}^2}$,在这个前提下,从乙中取出的恰好一只正品,一只次品的概率 $\frac{C_{11}^1 \cdot C_1^1}{C_{12}^2}$

情况二:

从甲中取出一个正品一个次品 $\frac{C_9^1 \cdot C_1^1}{C_{10}^2}$,在这个前提下,从乙中取出的恰好一只正品,一只次品的概率

$$\frac{C_{10}^1 \cdot C_2^1}{C_{10}^2}$$

使用加法原理:

$$P = \frac{C_9^2}{C_{10}^2} \cdot \frac{C_{11}^1 \cdot C_1^1}{C_{12}^2} + \frac{C_9^1 \cdot C_1^1}{C_{10}^2} \cdot \frac{C_{10}^1 \cdot C_2^1}{C_{12}^2}$$

组合数的计算方法

$$C_m^n = \frac{m!}{n!(m-n)!}$$

简化方法

$$\frac{C_9^2}{C_{10}^2} = \frac{\frac{9*8}{2*1}}{\frac{10*9}{2*1}} = \frac{9*8}{10*9} = \frac{4}{5}$$

答案:

$$\frac{4}{5} * \frac{1}{6} + \frac{1}{5} * \frac{10}{33}$$

其实这不是我想要的解法,使用这种方法,我虽然能够解开题目,但是我非常难受,因我我 感觉这非常的繁琐,不够优雅

- 2. 3. 甲、乙两人射击,甲击中的概率为 0.8, 乙击中的概率为 0.7, 两人同时射击,并假定中靶与否是独立的.求:
 - (1) 两人都中靶的概率;
 - (2) 甲中乙不中的概率;
 - (3) 甲不中乙中的概率.
- 3. 5. 制造一种零件可采用两种工艺:第一种工艺有三道工序,每道工序的废品率分别为 0. 1, 0. 2, 0. 3;第二种工艺有两道工序,每道工序的废品率都是 0. 3. 如果用第一种工艺,在合格零件中,一级品率为 0. 9;如果用第二种工艺,合格品中的一级品率只有 0. 8. 试问哪一种工艺能保证得到一级品的概率较大?
- 4. 7. 甲、乙、丙 3 部机床独立地工作,由 1 个人照管.某段时间,它们不需要照管的概率依次是 0.9,0.8,0.85,求在这段时间内,机床因无人照管而停工的概率.

第二章

随机变量及其分布

第三章

多维随机变量及其分布

第四章

随机变量的数字特征

第五章

数理统计的基础知识

第六章

参数估计

第七章

假设检验

第八章

方差分析与回归分析

往

铂	F题目
1.	1. 甲、乙、丙三人各射击一次靶,设 A 表示"甲中靶", B 表示"乙中靶", C表示"丙中靶",则事件"三人中至少有一人中靶"可表示为
2.	2. 设 $P(A) = \frac{1}{3}$, $P(B) = \frac{1}{4}$, $P(A \cup B) = \frac{1}{2}$, 则 $P(AB) = $
3.	3. 口袋中有3个白球,2个黑球,从中随机地取出2个球,则取得2个球颜色相同的概率是
4.	 4. 设随机变量 X ~ N(0,1),则根据切比雪夫不等式 P{ X ≥3}≤
5.	5. X_1, X_2, \dots, X_n 为取自总体 $X \sim N(0,1)$ 的简单随机样本,则 $D(\sum_{i=1}^n a_i X_i + b_i) =$
6.	1. 设 A, B 为两个随机事件,且 $B \subset A$,则下列选项成立的是(
	C. $P(A \cup B) = P(A)$ D. $P(AB) = P(A)$
7.	 2. 设σ是总体 X 的标准差, X₁, X₂, ···, X_n是它的样本,则样本标准差 S 是总体标准差 σ 的 (). A. 矩估计量; C. 最大似然估计量; D. 相合估计量.
8.	3. 若随机变量 X 和 Y 的协方差 $Cov(X,Y)=0$,则下列结论正确的是().
	A. X 与 Y 相互独立; B. $D(X+Y)=D(X)+D(Y)$;
	C. $D(X - Y) = D(X) - D(Y)$; D. $D(XY) = D(X)D(Y)$.
9.	

- 4. 设总体X 服从 $N(\mu, \sigma^2)$, 其中 μ 已知, 而 σ^2 未知, X_1, X_2, \dots, X_n 为取自总体X的样本,则下列表达式中不是统计量的是(A. $\sum_{i=1}^{n} X_i$ B. $X_1 X_2 X_3$ C. $\sum_{i=1}^{n} (X_i - \mu)$ D. $\frac{n(\overline{X} - 5)}{\sigma}$
- 10. 5. X_1, X_2, \dots, X_n 为取自总体 $X \sim N(0,1)$ 的简单随机样本,则统计量 $Y = \frac{X_1 - X_2}{\sqrt{X_2^2 + X_2^2}}$ 服从 () 分布.
 - A. F(2,2) B. t(4) C. $\chi^{2}(2)$ D. t(2)

- 1. 设连续型随机变量 X 的分布函数 $F(x) = \begin{cases} A + Be^{-x}, & x > 0 \\ 0, & x \le 0 \end{cases}$

 - 求 (1) A, B 的值; (4分) (2) $P\{-2 \le X < 1\}$; (2分)

 - (3) E(X); (4分) (4) $Y = \frac{X}{2}$ 的概率密度函数 $f_{Y}(y)$. (5分)
- 12. 2. 设(X,Y)的联合概率分布如下表所示,

Y	1	2
0	0.3	0. 1
1,17	0.4	0. 2

- 求(1) X,Y 的边缘分布律; (4分) (2) X,Y 是否相互独立? (2分)
- - (3) 求 $Z = \max\{X,Y\}$ 的分布; (2分) (4) X = Y的相关系数. (5分)
- 3. 已知随机变量 X 与 Y 相互独立, 概率密度函数分别为 13.

$$f_{\chi}(x) = \begin{cases} e^{-x}, & x \ge 0 \\ 0, & \text{#Ξ} \end{cases}, \qquad f_{\gamma}(y) = \begin{cases} e^{-y}, & y \ge 0 \\ 0, & \text{#Ξ} \end{cases}$$

求(1) (X,Y)落在以 x 轴, y 轴及直线 2x+y=2 所围成的三角形区域 D 内的概率; (6分)

- (2) Z = X + Y 的概率密度函数 $f_Z(z)$. (6分)
- 14. 4. 设总体 X 的分布为

X	1	2	3
Р	θ^2	2θ(1-θ)	$(1-\theta)^2$

其中 $\theta(0<\theta<1)$ 为未知参数,现抽得一个样本 $x_1=1,x_2=2,x_3=1$,求 θ 的矩估计 值和最大似然估计值. (10分)

- 15. 1. 一单位有甲、乙两人,已知甲近期出差的概率为80%,若甲出差,则乙出差的概率为20%;若甲不出差,则乙出差的概率为90%.
 - (1) 求近期乙出差的概率; (4分)
 - (2) 若已知乙近期出差在外, 求甲出差的概率. (4分)
- 2. 用 3 个机床加工同一种零件,零件由各机床加工的概率分别为 0. 4, 0. 5, 0. 1, 各机床加工的零件为合格品的概率分别等于 0. 92, 0. 9, 0. 95,求全部产品中的合格率. (8分)
- 17. 3. 计算机在进行数学计算时,遵从四舍五入原则. 为简单计,现在对小数点后面第一位进行舍入计算,则可以认为误差 X 服从[-0.5,0.5] 上的均匀分布. 若在一项计算中进行了 100 次数字计算,求平均误差落在区间 $[-\frac{\sqrt{3}}{20},\frac{\sqrt{3}}{20}]$ 上的概率. $(9\, 分)$ (注: $\Phi(3.0)=0.9987$, $\Phi(2.0)=0.9773$, $\Phi(2.5)=0.9938$, $\Phi(3.33)=0.9995$)