부록: 텐서 소개

텐서

- 넘파이 어레이 numpy.ndarray
 - 대표적인 텐서_{tensor} 자료형
 - 머신러닝에 사용되는 데이터셋은 일반적으로 텐서로 저장됨
- 텐서플로우
 - Tensor 자료형인 tensorflow.Tensor
 - 넘파이 어레이와 유사하며 GPU를 활용한 연산 지원
- 케라스 신경망 모델의 입력, 출력값
 - 넘파이 어레이를 기본으로 사용
 - 내부적으로는 tf.Tensor 로 변환해서 사용

텐서의 차원

- 텐서의 표현에 사용된 **축**axis의 개수
- **랭크**rank로도 불림

0차원(OD) 텐서 (랭크-0 텐서)

- 정수 한 개, 부동소수점 한 개 등 하나의 수를 표현하는 텐서.
- **스칼라**scalar라고도 불림.

```
np.array(12)
np.array(1.34)
```

1차원(1D) 텐서 (랭크-1 텐서)

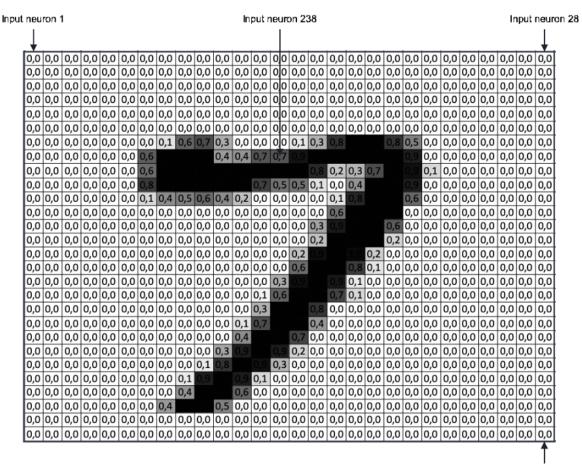
- 수로 이루어진 리스트 형식의 텐서.
- 벡터vector로 불리며 한 개의 축을 가짐.

```
np.array([12, 3, 6, 14, 7])
```

2차원(2D) 텐서 (랭크-2 텐서)

- 행과 열 두 개의 축을 가짐.
- 행렬matrix로도 불림.

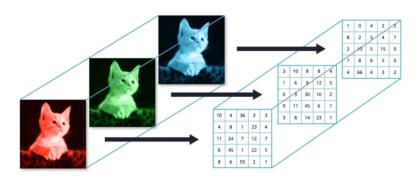
2D 텐서 예제: 흑백 사진 데이터

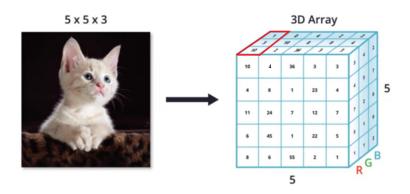


3차원(3D) 텐서 (랭크-3 텐서)

- 행, 열, 깊이 세 개의 축 사용.
- 동일 모양의 2D 텐서로 구성된 벡터로 이해 가능.

3D 텐서 예제: 컬러 사진 데이터





4D 텐서 (랭크-4 텐서)

- 3D 텐서로 이루어진 벡터
- 예제
- 컬러 사진 데이터로 구성된 훈련셋
- 동영상: 연속된 컬러 사진의 데이터셋으로 간주 가능

주의사항: 벡터의 차원

- 벡터의 길이를 차원이라 부르기도 함
- 예제: np.array([12, 3, 6, 14, 7])는 5차원 벡터

텐서 주요 속성

- 예제: train_images 가 MNIST의 훈련셋을 가리킴
- ndim 속성: 텐서의 차원 저장.

```
>>> train_images.ndim
3
```

• shape 속성: 텐서의 모양을 튜플로 저장.

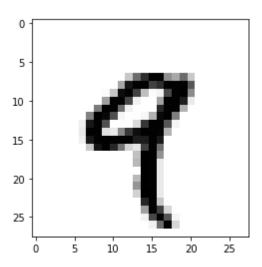
```
>>> train_images.shape (60000, 28, 28)
```

• dtype 속성: 텐서에 포함된 항목의 통일된 자료형.

```
>>> train_images.dtype
uint8
```

인덱싱

```
>>> import matplotlib.pyplot as plt
>>> digit = train_images[4]
>>> plt.imshow(digit, cmap=plt.cm.binary)
>>> plt.show()
```



슬라이싱

• 첫째 배치

```
>>> batch = train_images[:128]
```

• 둘째 배치

```
>>> batch = train_images[128: 256]
```

• n 번째 배치

```
>>> batch = train_images[128 * n:128 * (n + 1)]
```

텐서 실전 예제

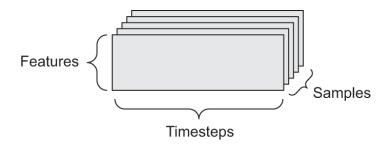
2D 텐서 예제: 캘리포니아 구역별 인구조사 데이터셋

• 20,640개의 구역별 데이터 포함. 따라서 (20640, 10) 모양의 2D 텐서로 표현 가능.

	Α	В	С	D	E	F	G	Н	I	J	
1	longitude	latitude	housing_median_age	total_rooms	total_bedrooms	population	households	median_income	median_house_value	ocean_pro	ximity
2	-122.23	37.88	41	880	129	322	126	8.3252	452600	NEAR BAY	
3	-122.22	37.86	21	7099	1106	2401	1138	8.3014	358500	NEAR BAY	
4	-122.24	37.85	52	1467	190	496	177	7.2574	352100	NEAR BAY	
5	-122.25	37.85	52	1274	235	558	219	5.6431	341300	NEAR BAY	
6	-122.25	37.85	52	1627	280	565	259	3.8462	342200	NEAR BAY	
7	-122.25	37.85	52	919	213	413	193	4.0368	269700	NEAR BAY	
8	-122.25	37.84	52	2535	489	1094	514	3.6591	299200	NEAR BAY	
9	-122.25	37.84	52	3104	687	1157	647	3.12	241400	NEAR BAY	
10	-122.26	37.84	42	2555	665	1206	595	2.0804	226700	NEAR BAY	
11	-122.25	37.84	52	3549	707	1551	714	3.6912	261100	NEAR BAY	
12	-122.26	37.85	52	2202	434	910	402	3.2031	281500	NEAR BAY	
13	-122.26	37.85	52	3503	752	1504	734	3.2705	241800	NEAR BAY	
14	-122.26	37.85	52	2491	474	1098	468	3.075	213500	NEAR BAY	
15	-122.26	37.84	52	696	191	345	174	2.6736	191300	NEAR BAY	
16	-122.26	37.85	52	2643	626	1212	620	1.9167	159200	NEAR BAY	
17	-122.26	37.85	50	1120	283	697	264	2.125	140000	NEAR BAY	
18	-122.27	37.85	52	1966	347	793	331	2.775	152500	NEAR BAY	
19	-122.27	37.85	52	1228	293	648	303	2.1202	155500	NEAR BAY	
20	-122.26	37.84	50	2239	455	990	419	1.9911	158700	NEAR BAY	

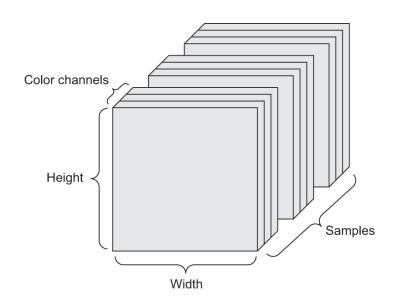
3D 텐서 예제

- 시계열 데이터
- 샘플: 1분마다 하루 총 390번 (현재 증시가, 지난 1분 동안 최고가, 지난 1분 동안 최 저가)를 측정한 데이터. (390, 3) 모양의 2D 텐서로 표현.
- 데이터셋: 250일 동안 측정한 데이터셋은 (250, 390, 3) 모양의 3D 텐서로 표현.



4D 텐서 예제

• 컬러 사진으로 구성된 데이터셋: (샘플 수, 높이, 너비, 채널 수) 또는 (샘플 수, 채널 수, 높이, 너비) 모양의 4D 텐서로 표현



텐서 연산

• 신경망 모델의 훈련은 기본적으로 텐서와 관련된 몇 가지 연산으로 이루어짐.

```
keras.layers.Dense(512, activation="relu")
keras.layers.Dense(10, activation="softmax")
```

- 첫째 층
 - W1: 첫째 층에서 학습되는 가중치 행렬
 - b1: 첫째 층에서 학습되는 편향 벡터

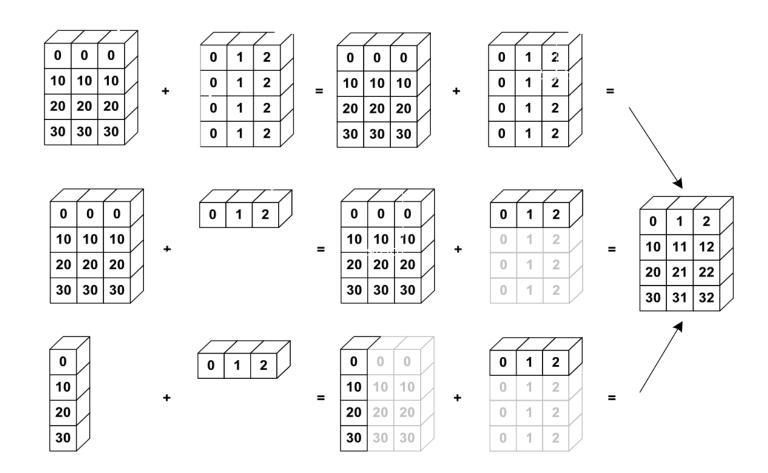
```
output = relu(np.dot(input, W1) + b1)
```

• 둘째 층

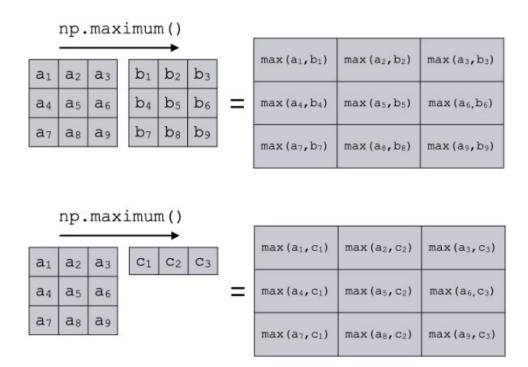
- W2: 둘째 층에서 학습되는 가중치 행렬
- b2 : 둘째 층에서 학습되는 편향 벡터

output = softmax(np.dot(input, W2) + b2)

항목별 연산

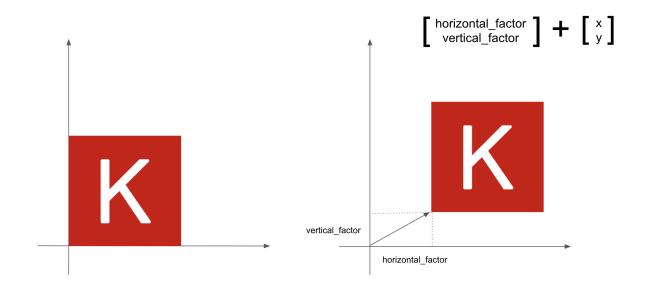


유니버설 함수

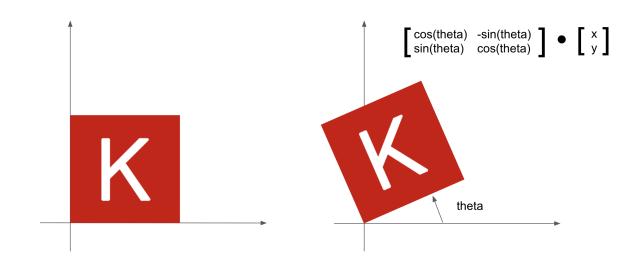


텐서 연산의 기하학적 의미

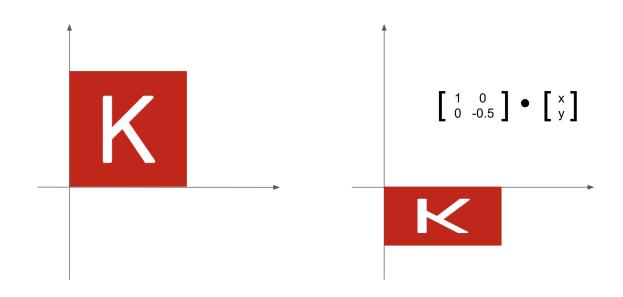
이동: 벡터 합



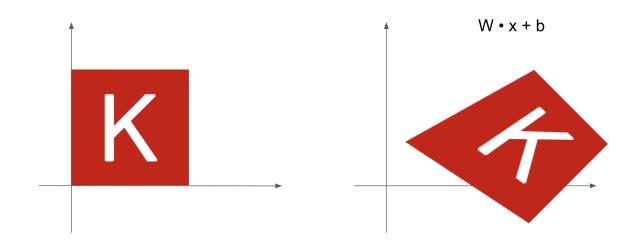
회전: 점 곱



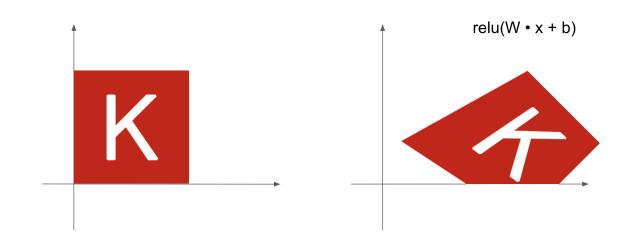
스케일링: 점 곱



아핀 변환



아핀 변환과 relu 활성화 함수



신경망의 텐서 연산

