

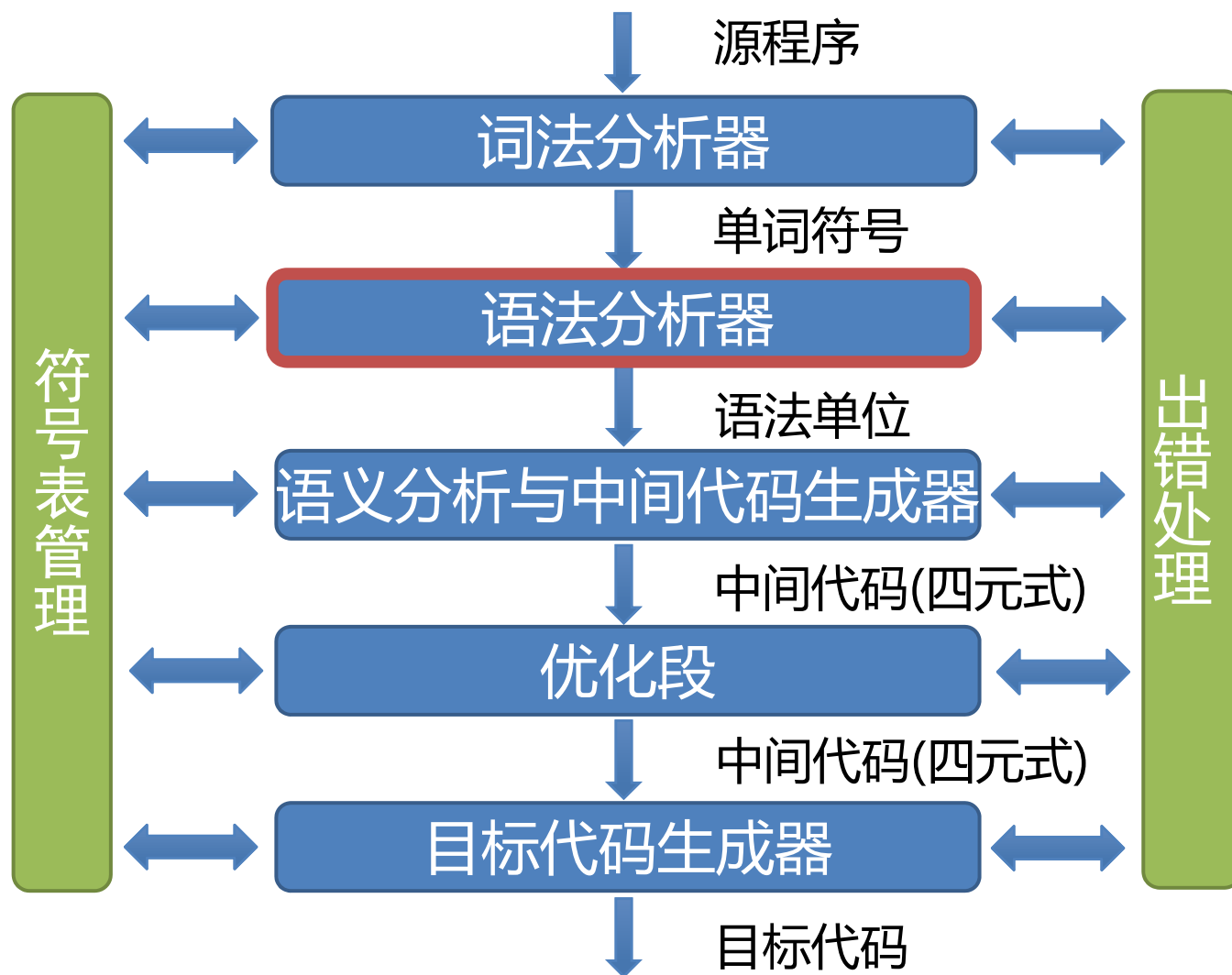
# 编译原理

## 自上而下分析的基本问题

# 编译原理

## 语法分析基本概念

# 编译程序总框



# 语法分析的前提

- ▶ 对语言的语法结构进行描述
  - ▶ 采用正规式和有限自动机描述和识别语言的单词符号
  - ▶ 用上下文无关文法来描述语法规则

# 上下文无关文法

- ▶ 一个上下文无关文法G是一个四元式  
 $G=(V_T, V_N, S, P)$ , 其中
  - ▶  $V_T$ : 终结符集合(非空)
  - ▶  $V_N$ : 非终结符集合(非空), 且  $V_T \cap V_N = \emptyset$
  - ▶  $S$ : 文法的开始符号,  $S \in V_N$
  - ▶  $P$ : 产生式集合(有限), 每个产生式形式为
    - ▶  $P \rightarrow \alpha$ ,  $P \in V_N$ ,  $\alpha \in (V_T \cup V_N)^*$
  - ▶ 开始符S至少必须在某个产生式的左部出现一次

# 上下文无关文法

- ▶ 定义：称 $\alpha A \beta$ 直接推出 $\alpha \gamma \beta$ ，即

$$\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$$

仅当 $A \rightarrow \gamma$ 是一个产生式，

且 $\alpha, \beta \in (V_T \cup V_N)^*$ 。

- ▶ 如果 $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \alpha_n$ ，则我们称这个序列是从 $\alpha_1$ 到 $\alpha_n$ 的一个推导。若存在一个从 $\alpha_1$ 到 $\alpha_n$ 的推导，则称 $\alpha_1$ 可以推导出 $\alpha_n$

# 句子、句型和语言

- ▶ 定义：假定G是一个文法，S 是它的开始符号。  
如果  $S \xRightarrow{*} \alpha$ ，则  $\alpha$  称是一个句型。
- ▶ 仅含终结符号的句型是一个句子。
- ▶ 文法G所产生的句子的全体是一个语言，将它记为  $L(G)$ 。

$$L(G) = \{\alpha \mid S \xRightarrow{*} \alpha, \alpha \in V_T^*\}$$

# 语法分析的任务

- ▶ 语法分析的任务

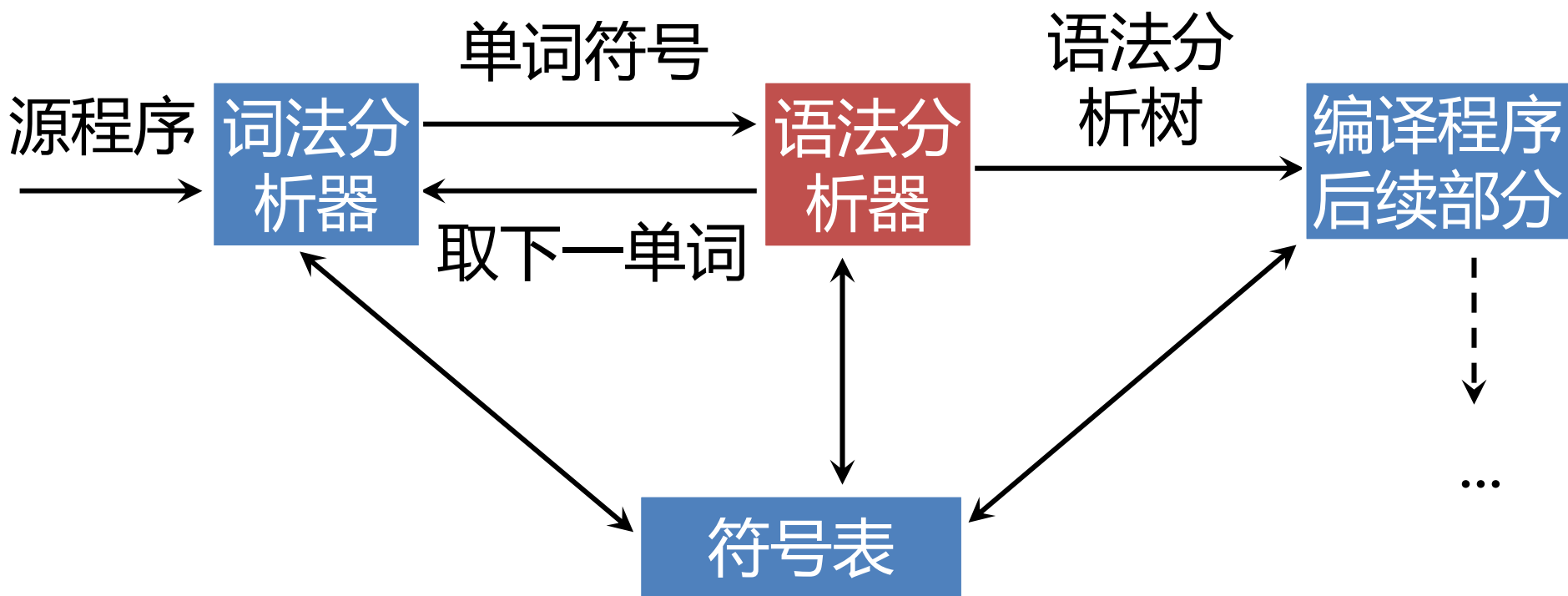
- ▶ 分析一个文法的句子的结构

- ▶ 语法分析器的功能

- ▶ 按照文法的产生式(语言的语法规则), 识别输入符号串是否为一个句子(合式程序)



# 语法分析器在编译器中的地位



# 语法分析的方法

## ▶ 自下而上(Bottom-up)

- ▶ 从输入串开始，逐步进行归约，直到文法的开始符号
- ▶ 归约：根据文法的产生式规则，把串中出现的产生式的右部替换成左部符号
- ▶ 从树叶节点开始，构造语法树
- ▶ 算符优先分析法、LR分析法

## ▶ 自上而下(Top-down)

- ▶ 从文法的开始符号出发，反复使用各种产生式，寻找"匹配"的推导
- ▶ 推导：根据文法的产生式规则，把串中出现的产生式的左部符号替换成右部
- ▶ 从树的根开始，构造语法树
- ▶ 递归下降分析法、预测分析程序

# 编译原理

自上而下分析面临的问题

# 自上而下分析

## ▶ 基本思想

- ▶ 从文法的开始符号出发，向下推导，推出句子
- ▶ 针对输入串，试图用一切可能的办法，从文法开始符号(根结点)出发，自上而下地为输入串建立一棵语法树

# 自上而下分析示例

► 假定有文法 $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow xAy$

(2)  $A \rightarrow **|*$

分析输入串 $x^*y$ (记为 $\alpha$ )。

$x^*y$        $S$   
↑  
**IP**

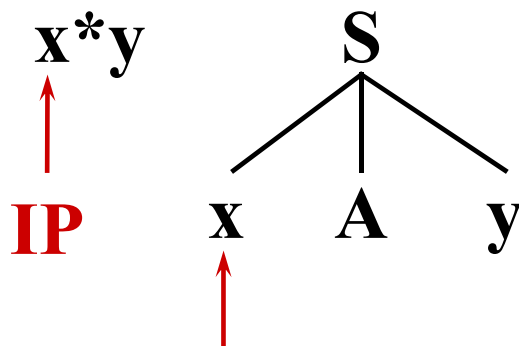
# 自上而下分析示例

► 假定有文法 $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow xAy$

(2)  $A \rightarrow **|*$

分析输入串 $x^*y$ (记为 $\alpha$ )。



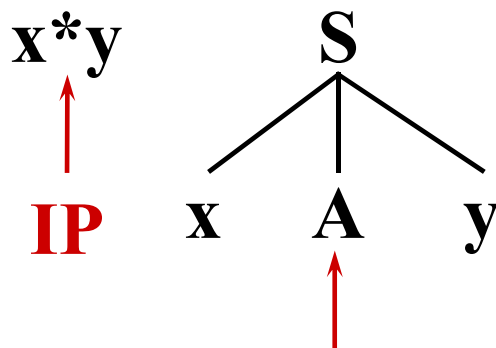
# 自上而下分析示例

► 假定有文法 $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow xAy$

(2)  $A \rightarrow **|*$

分析输入串 $x^*y$ (记为 $\alpha$ )。



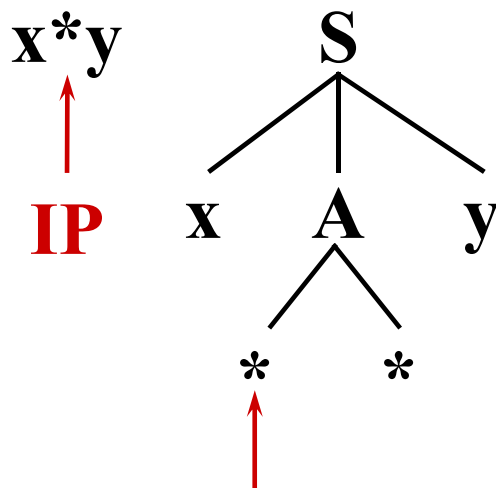
# 自上而下分析示例

► 假定有文法 $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow xAy$

(2)  $A \rightarrow **|*$

分析输入串 $x*y$ (记为 $\alpha$ )。





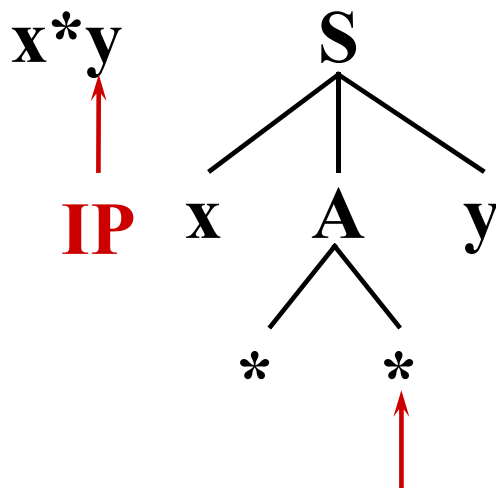
# 自上而下分析示例

► 假定有文法 $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow xAy$

(2)  $A \rightarrow **|*$

分析输入串 $x*y$ (记为 $\alpha$ )。



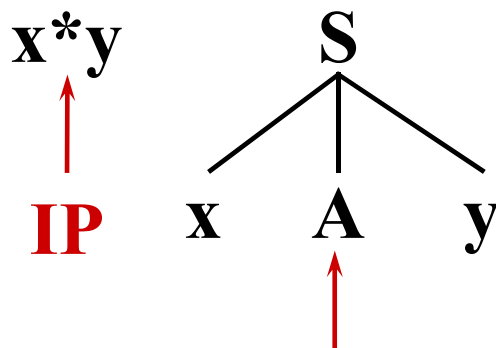
# 自上而下分析示例

► 假定有文法 $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow xAy$

(2)  $A \rightarrow **|*$

分析输入串 $x*y$ (记为 $\alpha$ )。



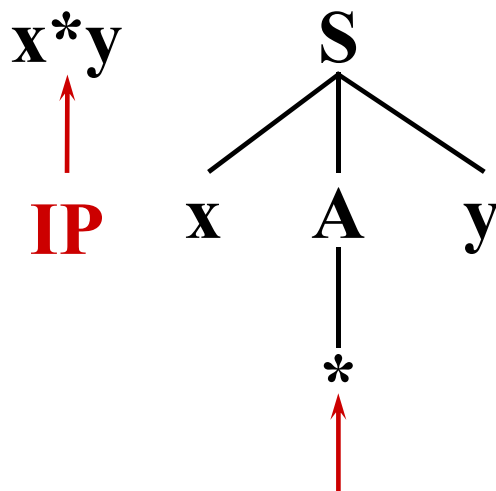
# 自上而下分析示例

► 假定有文法 $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow xAy$

(2)  $A \rightarrow **|*$

分析输入串 $x*y$ (记为 $\alpha$ )。



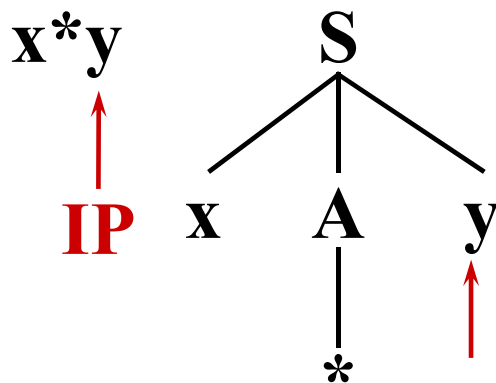
# 自上而下分析示例

► 假定有文法 $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow xAy$

(2)  $A \rightarrow **|*$

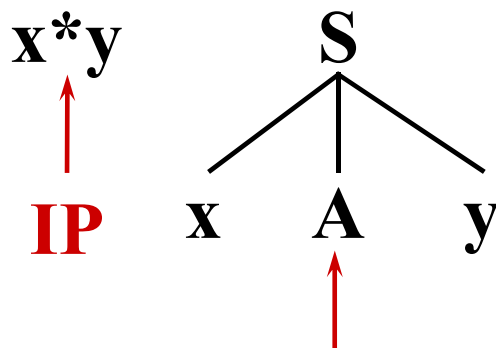
分析输入串 $x*y$ (记为 $\alpha$ )。



# 多个产生式候选带来的问题

## ▶ 回溯问题

- ▶ 分析过程中，当一个非终结符用某一个候选匹配成功时，这种匹配可能是暂时的
- ▶ 出错时，不得不“回溯”

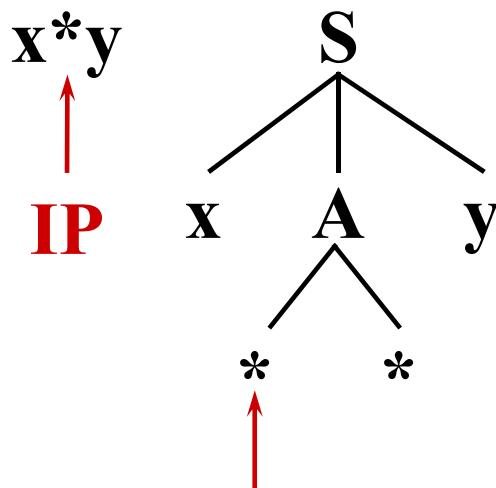


$A \rightarrow **|*$

# 多个产生式候选带来的问题

## ▶ 回溯问题

- ▶ 分析过程中，当一个非终结符用某一个候选匹配成功时，这种匹配可能是暂时的
- ▶ 出错时，不得不“回溯”

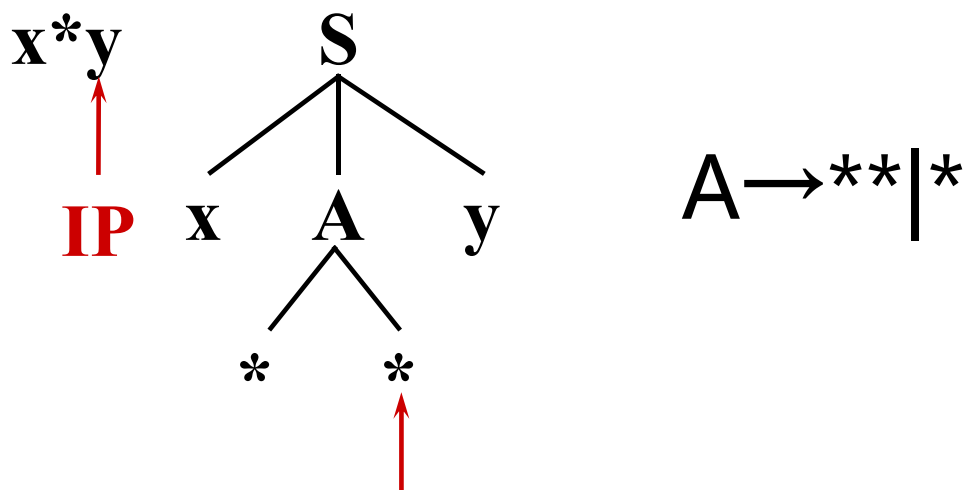


$$A \rightarrow **|*$$

# 多个产生式候选带来的问题

## ▶ 回溯问题

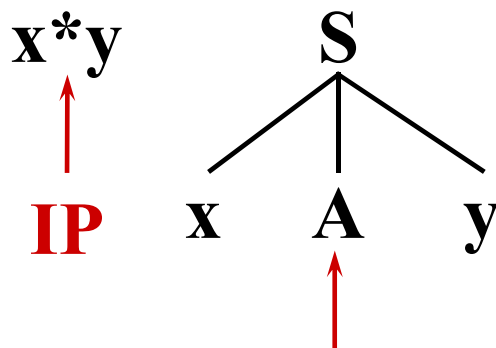
- ▶ 分析过程中，当一个非终结符用某一个候选匹配成功时，这种匹配可能是暂时的
- ▶ 出错时，不得不“回溯”



# 多个产生式候选带来的问题

## ▶ 回溯问题

- ▶ 分析过程中，当一个非终结符用某一个候选匹配成功时，这种匹配可能是暂时的
- ▶ 出错时，不得不“回溯”



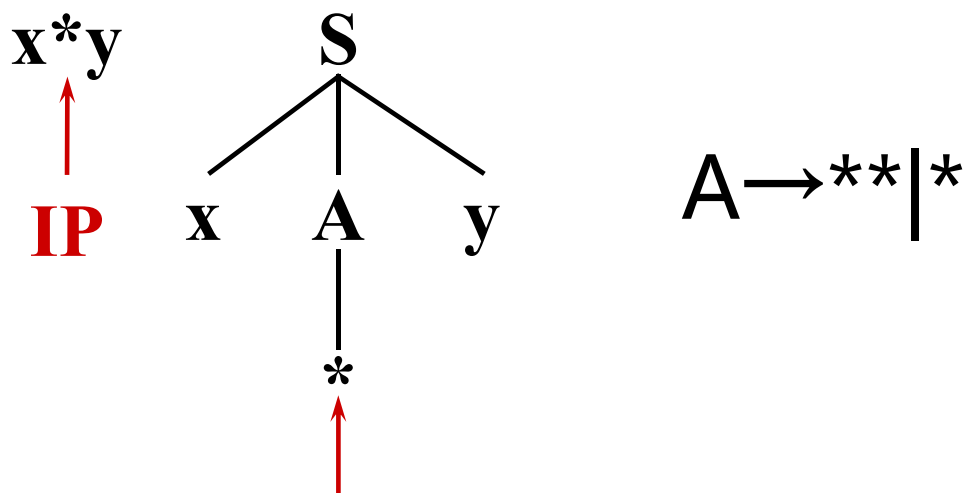
$A \rightarrow **|*$



# 多个产生式候选带来的问题

## ► 回溯问题

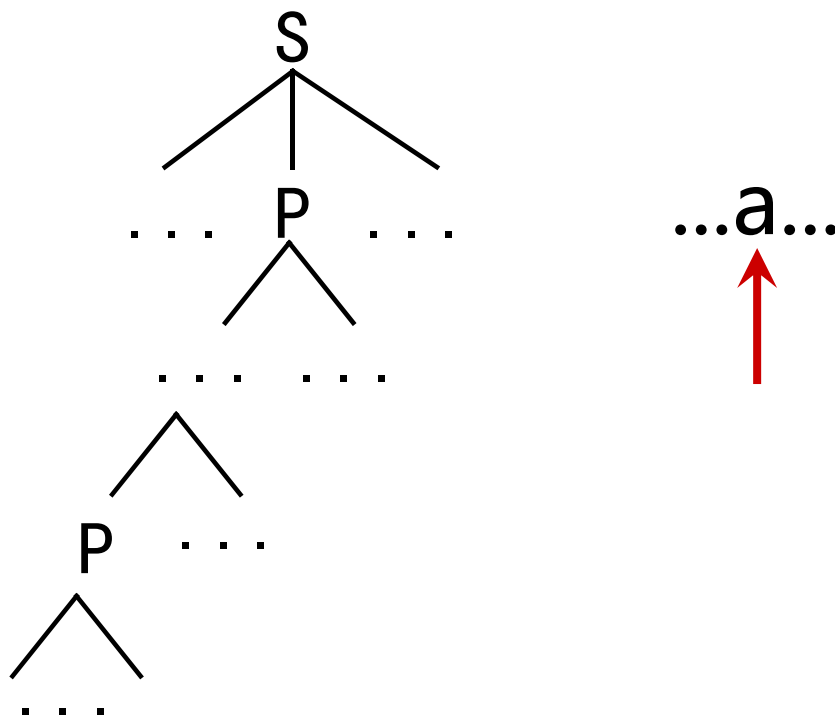
- 分析过程中，当一个非终结符用某一个候选匹配成功时，这种匹配可能是暂时的
- 出错时，不得不“回溯”



# 自上而下分析面临的问题

## ► 文法左递归问题

- 一个文法是含有左递归的，如果存在非终结符P



# 自上而下分析面临的问题

- ▶ 回溯问题
- ▶ 文法左递归问题

# 小结

- ▶ 语法分析的基本概念
  - ▶ 自下而上分析
  - ▶ 自上而下分析
- ▶ 自上而下分析面临的问题
  - ▶ 回溯问题
  - ▶ 文法左递归问题

# 编译原理

LL(1)文法

# 自上而下分析

- ▶ 面临的问题
  - ▶ 文法左递归问题
  - ▶ 回溯问题
- ▶ 构造不带回溯的自上而下分析算法
  - ▶ 消除文法的左递归性
  - ▶ 消除回溯

# 自上而下分析

- ▶ 面临的问题
  - ▶ 文法左递归问题
  - ▶ 回溯问题
- ▶ 构造不带回溯的自上而下分析算法
  - ▶ 消除文法的左递归性
  - ▶ 消除回溯

# 编译原理

## 消除文法的左递归



# 直接左递归的消除

- ▶ 见诸于产生式中的直接左递归

$$P \rightarrow P\alpha \mid \beta \quad (\beta \text{不以} P \text{开头})$$

$$\begin{aligned} P &\Rightarrow P\alpha \\ &\Rightarrow P\alpha\alpha \\ &\dots\dots \\ &\Rightarrow P\alpha\dots\alpha \\ &\Rightarrow \beta\alpha\dots\alpha \end{aligned}$$

- ▶ 左递归变右递归

$$\begin{aligned} P &\rightarrow \beta P' \\ P' &\rightarrow \alpha P' \mid \varepsilon \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P &\Rightarrow \beta P' \\ &\Rightarrow \beta\alpha P' \\ &\Rightarrow \beta\alpha\alpha P' \\ &\dots\dots \\ &\Rightarrow \beta\alpha\dots\alpha P' \\ &\Rightarrow \beta\alpha\dots\alpha \end{aligned}$$

# 直接左递归的消除

- ▶ 假定P关于的全部产生式是

$$P \rightarrow P\alpha_1 \mid P\alpha_2 \mid \dots \mid P\alpha_m \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$$

(每个 $\alpha$ 都不等于 $\varepsilon$ , 每个 $\beta$ 都不以P开头)

- ▶ 左递归变右递归

$$P \rightarrow \beta_1 P' \mid \beta_2 P' \mid \dots \mid \beta_n P'$$

$$P' \rightarrow \alpha_1 P' \mid \alpha_2 P' \mid \dots \mid \alpha_m P' \mid \varepsilon$$

## 习题

► 给定文法G(E):

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid i$$

请消除其直接左递归。

$$P \rightarrow P\alpha_1 \mid P\alpha_2 \mid \dots \mid P\alpha_m \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$$

变换成:

$$P \rightarrow \beta_1 P' \mid \beta_2 P' \mid \dots \mid \beta_n P'$$

$$P' \rightarrow \alpha_1 P' \mid \alpha_2 P' \mid \dots \mid \alpha_m P' \mid \varepsilon$$

G(E):

$$E \rightarrow TE'$$

$$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$$

$$T \rightarrow FT'$$

$$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$$

$$F \rightarrow (E) \mid i$$

# 间接左递归的消除

► 给定文法G(S):

$S \rightarrow Qc | c$

$Q \rightarrow Rb | b$

$R \rightarrow Sa | a$

没有直接左递归，但S、Q、R都是左递归的

$S \Rightarrow Qc \Rightarrow Rbc \Rightarrow Sabc$

# 间接左递归的消除

- ▶ 一个文法消除左递归的条件

- ▶ 不含以 $\varepsilon$ 为右部的产生式

- ▶ 不含回路

$$P \overset{+}{\Rightarrow} P$$

# 间接左递归的消除

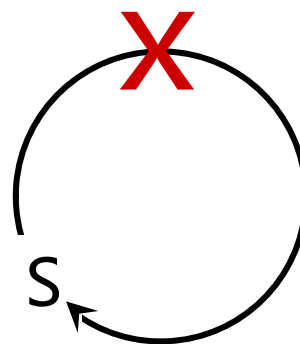
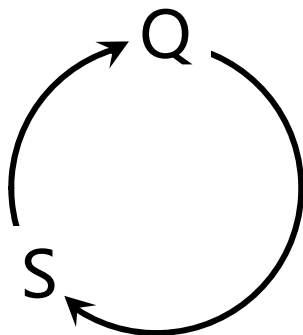
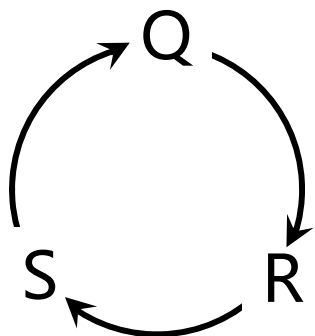
► 给定文法G(S):

$S \rightarrow Qc | c$

$Q \rightarrow Rb | b$

$R \rightarrow Sa | a$

$S \Rightarrow Qc \Rightarrow Rbc \Rightarrow Sabc$



$S \rightarrow Qc | c$   
 $Q \rightarrow Rb | b$   
 $R \rightarrow Sa | a$

$S \rightarrow Qc | c$   
 $Q \rightarrow Sab | ab | b$   
 $R \rightarrow Sa | a$

$S \rightarrow Sabc | abc | bc | c$   
 $Q \rightarrow Sab | ab | b$   
 $R \rightarrow Sa | a$

# 消除左递归的算法

1. 把文法G的所有非终结符按任一种顺序排列  $P_1, P_2, \dots, P_n$ ; 按此顺序执行:

2. FOR  $i:=1$  TO  $n$  DO

BEGIN

把 $P_i$ 的规则改造成 $P_i \rightarrow a \dots | P_{i+1} \dots | P_{i+2} \dots | \dots | P_{i+k} \dots$

FOR  $j:=1$  TO  $i-1$  DO  $P_i \rightarrow a \dots | P_{j+1} \dots | P_{j+2} \dots | \dots | P_{j+k} \dots$

把形如 $P_i \rightarrow P_j \gamma$ 的规则改写成

$P_i \rightarrow \delta_1 \gamma | \delta_2 \gamma | \dots | \delta_k \gamma$ ; (其中 $P_i \rightarrow \delta_1 | \delta_2 | \dots | \delta_k$

是关于 $P_j$ 的所有规则)

$P_i \rightarrow a \dots | P_i \dots | P_{i+1} \dots | \dots | P_{i+k} \dots$

消除关于 $P_i$ 规则的直接左递归性

END

$P_i \rightarrow a \dots | P_{i+1} \dots | P_{i+2} \dots | \dots | P_{i+k} \dots$

3. 化简由2所得的文法, 去除从开始符号出发永远无法到达的非终结符的产生规则。

## 习题

### ► 消除文法 $G(S)$ 的左递归

$$S \rightarrow Qc \mid c$$

$$Q \rightarrow Rb \mid b$$

$$R \rightarrow Sa \mid a$$

$$S \rightarrow abcS' \mid bcS' \mid cS'$$

$$S' \rightarrow abcS' \mid \varepsilon$$



# 消除左递归的算法

$$S \rightarrow Qc \mid c$$

$$Q \rightarrow Rb \mid b$$

$$R \rightarrow Sa \mid a$$

- ▶ 注意，由于对非终结符排序的不同，最后所得的文法在形式上可能不一样。但不难证明，它们都是等价的。
- ▶ 例如，若对文法的非终结符排序选为S、Q、R，那么，最后所得的无左递归文法是：

$$S \rightarrow Qc \mid c$$

$$Q \rightarrow Rb \mid b$$

$$R \rightarrow bcaR' \mid caR' \mid aR'$$

$$R' \rightarrow bcaR' \mid \varepsilon$$

$$S \rightarrow abcS' \mid bcS' \mid cS'$$

$$S' \rightarrow abcS' \mid \varepsilon$$

- ▶ 上述两个文法是等价的。

# 自上而下分析

- ▶ 面临的问题
  - ▶ 文法左递归问题
  - ▶ 回溯问题
- ▶ 构造不带回溯的自上而下分析算法
  - ▶ 消除文法的左递归性
  - ▶ 消除回溯

# 编译原理

消除回溯

# 自上而下分析

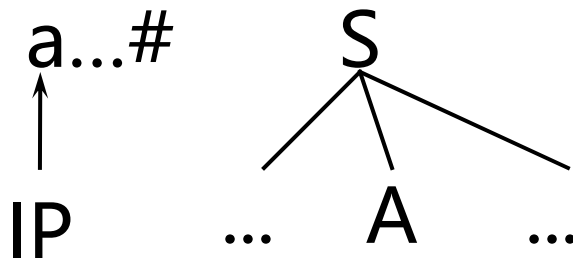
- ▶ 面临的问题
  - ▶ 文法左递归问题
  - ▶ 回溯问题
- ▶ 构造不带回溯的自上而下分析算法
  - ▶ 消除文法的左递归性
  - ▶ 消除回溯

# 消除回溯

## ► 为了消除回溯必须保证

- 对文法的任何非终结符，当要它去匹配输入串时，能够根据它所面临的输入符号准确地指派它的一个候选去执行任务，并且此候选的工作结果应是确信无疑的。

$$A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$$



# FIRST集合

- ▶ 令G是一个不含左递归的文法，对G的所有非终结符的每个候选 $\alpha$ 定义它的终结首符集FIRST( $\alpha$ )为：

$$FIRST(\alpha) = \{a \mid \alpha \xRightarrow{*} a \dots, a \in V_T\}$$

特别是，若 $\alpha \xRightarrow{*} \varepsilon$ ，则规定 $\varepsilon \in FIRST(\alpha)$ 。

# FIRST集合

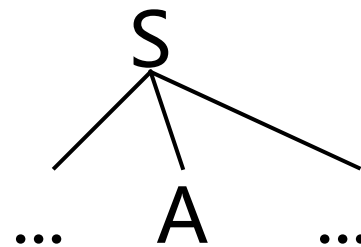
- ▶ 如果非终结符A的所有候选首符集两两不相交，即A的任何两个不同候选 $\alpha_i$ 和 $\alpha_j$

$$\text{FIRST}(\alpha_i) \cap \text{FIRST}(\alpha_j) = \phi$$

- ▶ 当要求A匹配输入串时，A能根据它所面临的第一个输入符号a，准确地指派某一个候选去执行任务。这个候选就是那个终结首符集含a的 $\alpha$ 。

$A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$

a...#  
↑  
IP



# 提取公共左因子

- ▶ 假定关于A的规则是

$$A \rightarrow \delta\beta_1 \mid \delta\beta_2 \mid \dots \mid \delta\beta_n \mid \gamma_1 \mid \gamma_2 \mid \dots \mid \gamma_m$$

(其中, 每个 $\gamma$ 不以 $\delta$ 开头)

那么, 可以把这些规则改写成

$$\begin{aligned} A &\rightarrow \delta A' \mid \gamma_1 \mid \gamma_2 \mid \dots \mid \gamma_m \\ A' &\rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n \end{aligned}$$

- ▶ 经过反复提取左因子, 就能够把每个非终结符(包括新引进者)的所有候选首符集变成为两两不相交



## $\varepsilon$ 候选

- ▶ 考虑文法 $G(E)$ :

$$E \rightarrow TE'$$
$$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$$
$$T \rightarrow FT'$$
$$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$$
$$F \rightarrow (E) \mid i$$

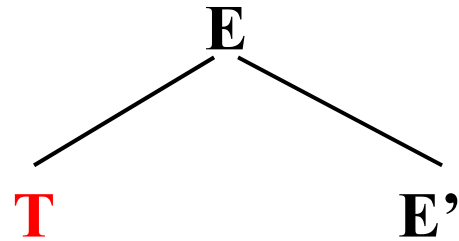
- ▶ 分析:  $i \quad + \quad i$

**E**

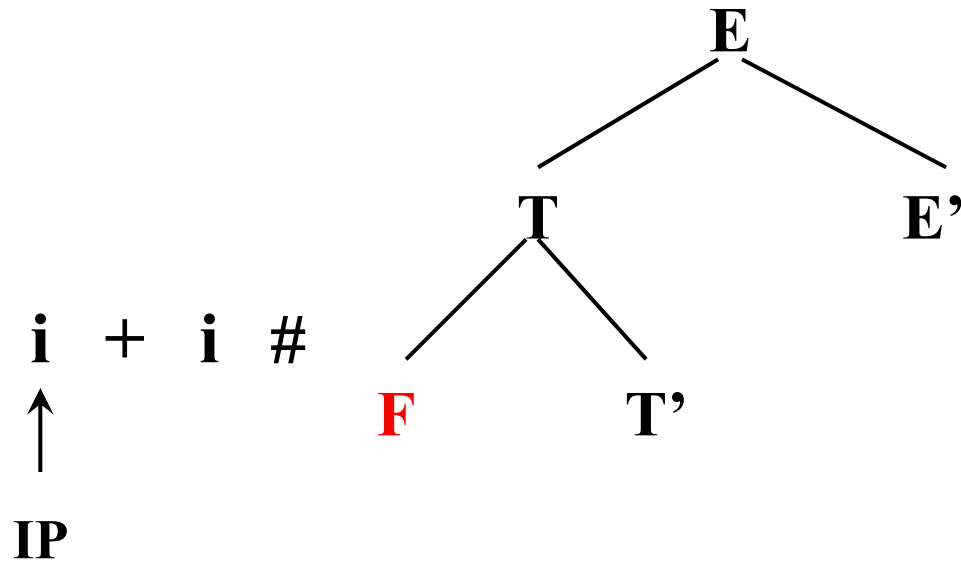
**i + i #**  
↑  
**IP**

G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

**i + i #**  
↑  
**IP**

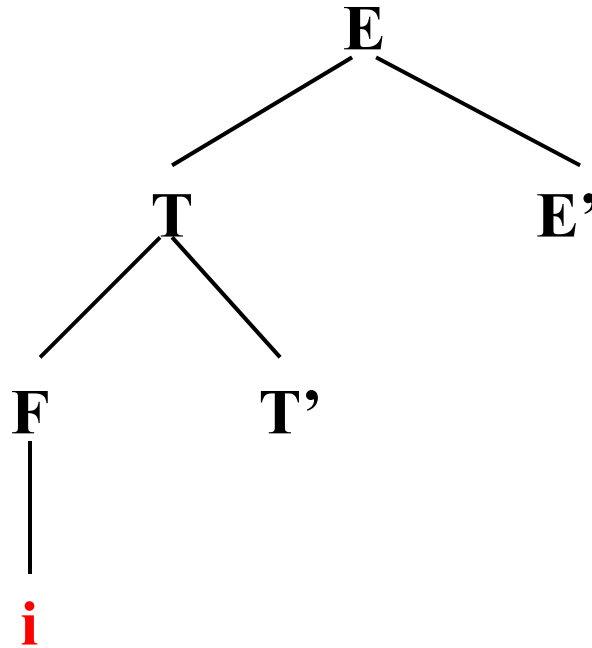


G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$



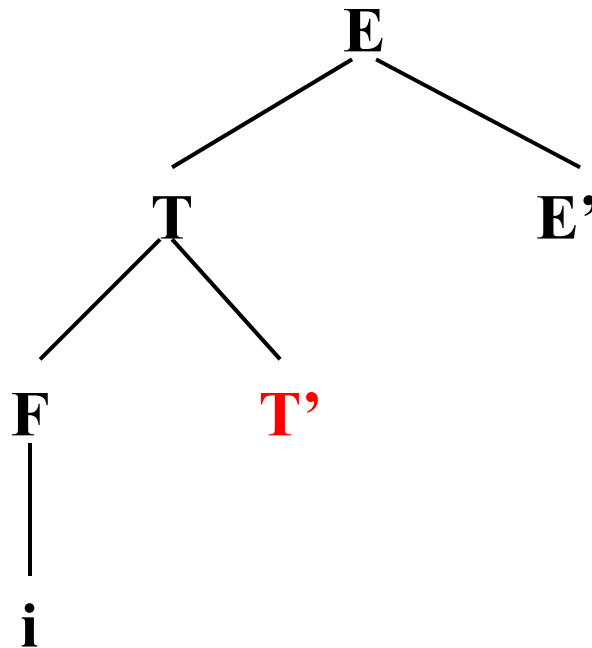
G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

**i** + **i** #  
↑  
**IP**



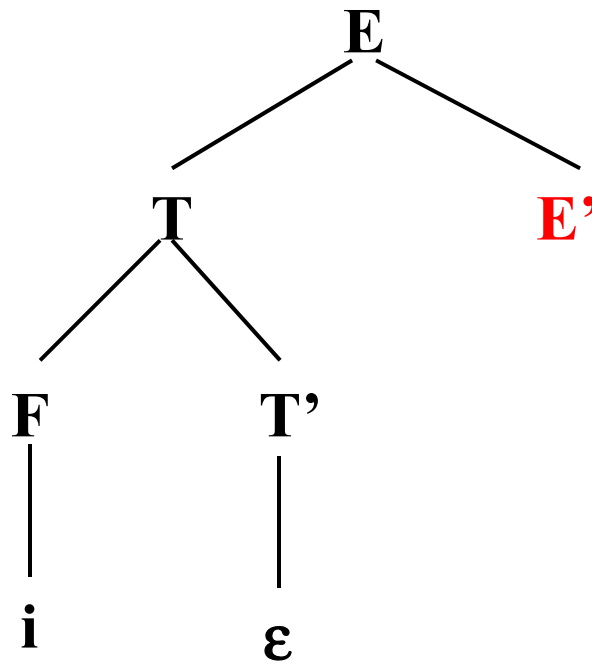
G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

**i + i #**  
↑  
**IP**



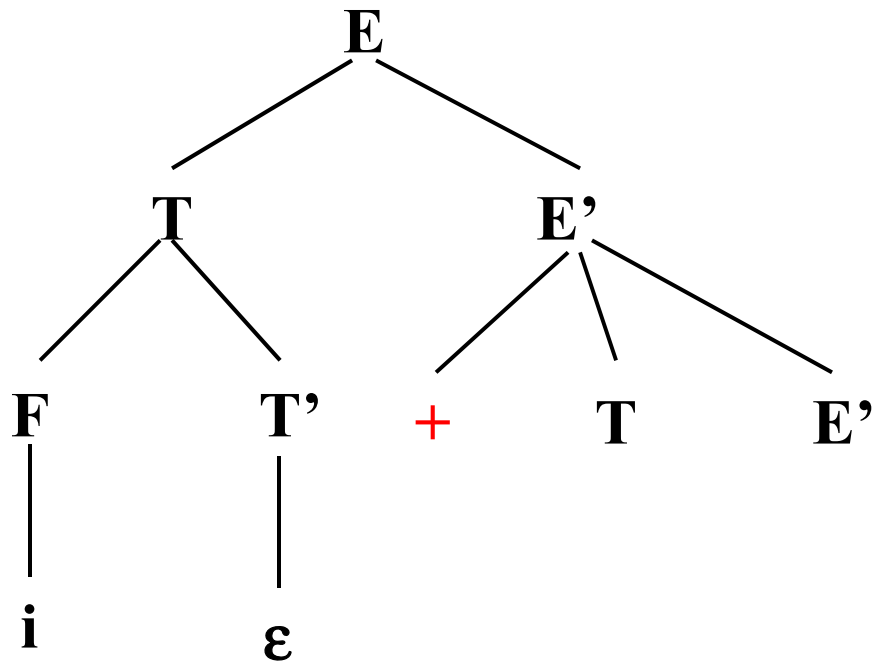
G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

**i + i #**  
↑  
**IP**



G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

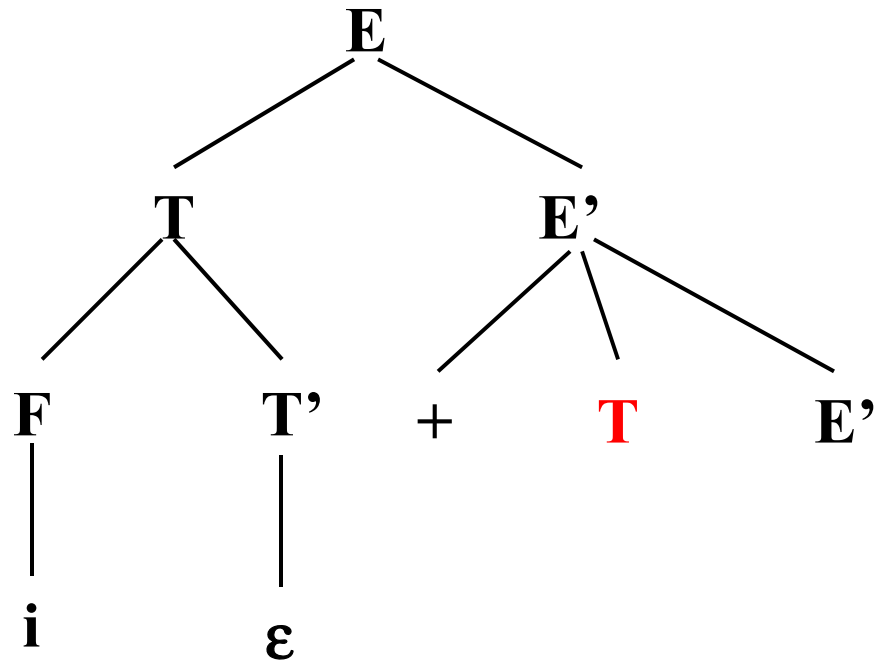
**i + i #**  
 $\uparrow$   
**IP**



G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

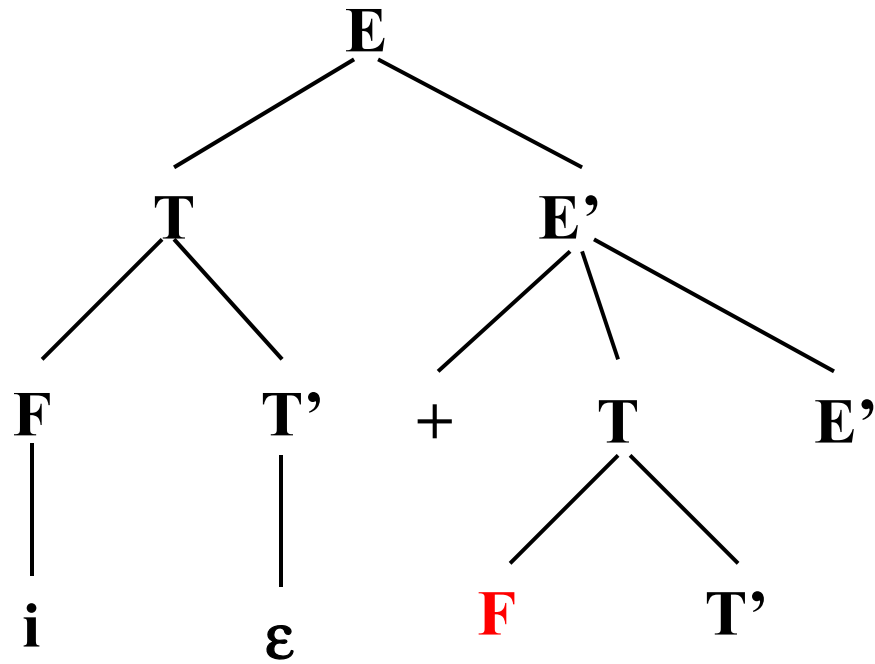


**i + i #**  
 ↑  
**IP**



G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

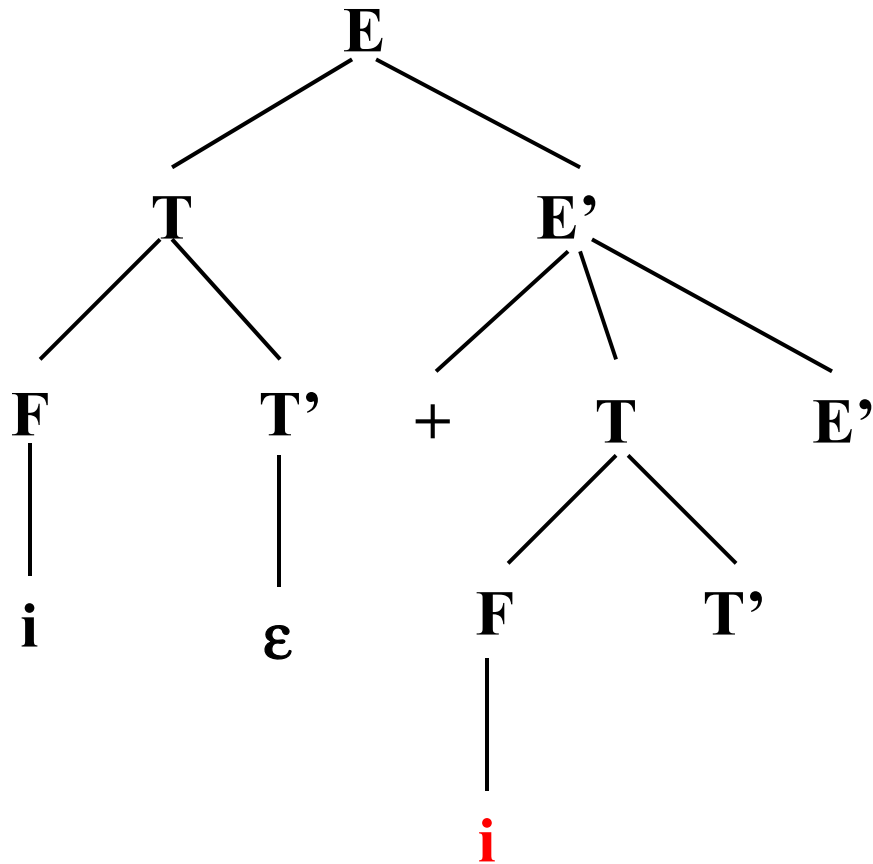
**i + i #**  
 $\uparrow$   
**IP**



G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

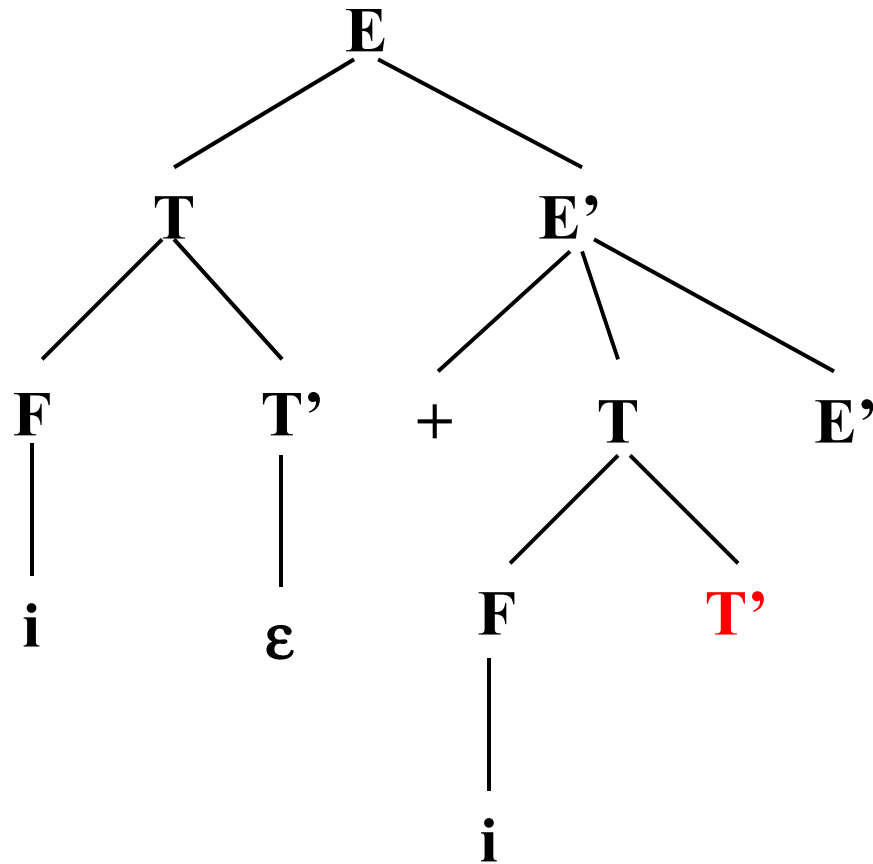
**i + i #**  
          ↑  
      **IP**

G(E):  
E → TE'  
E' → +TE' | ε  
T → FT'  
T' → \*FT' | ε  
F → (E) | i



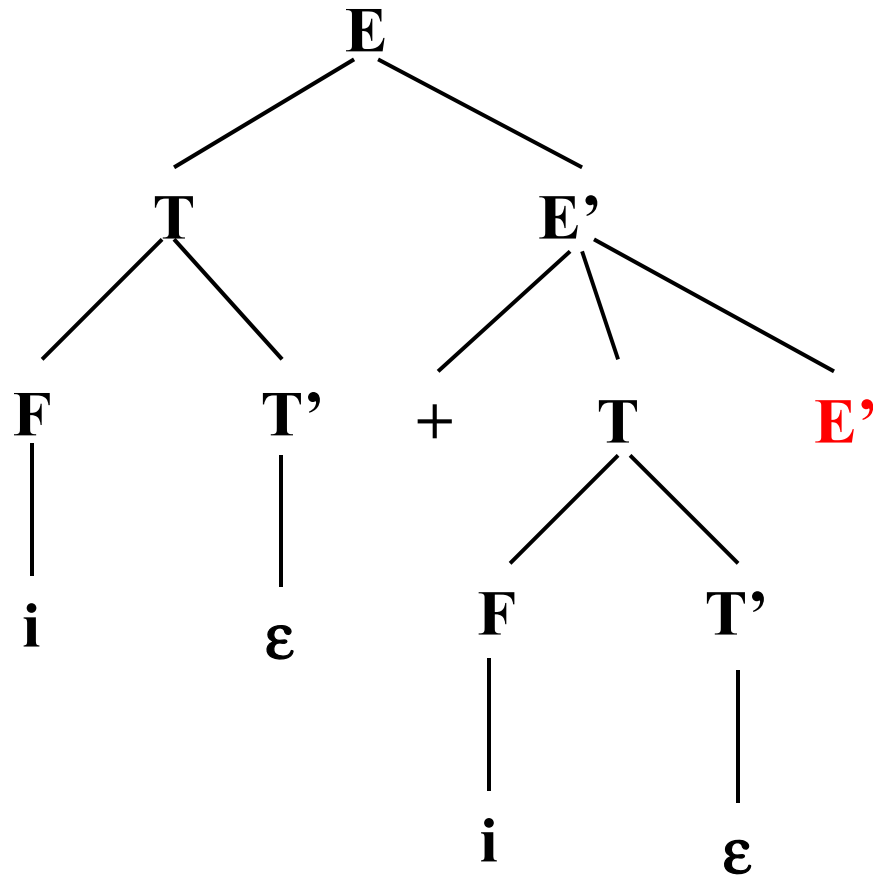
**i + i #**  
↑  
**IP**

G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$



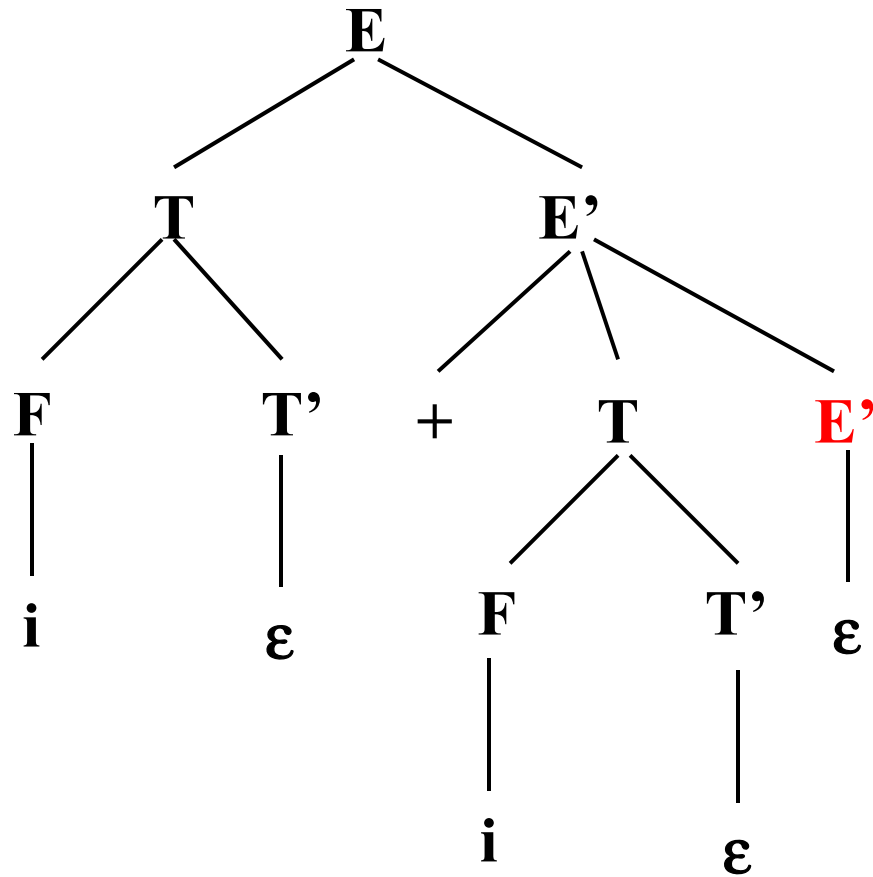
**i + i #**  
↑  
**IP**

G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

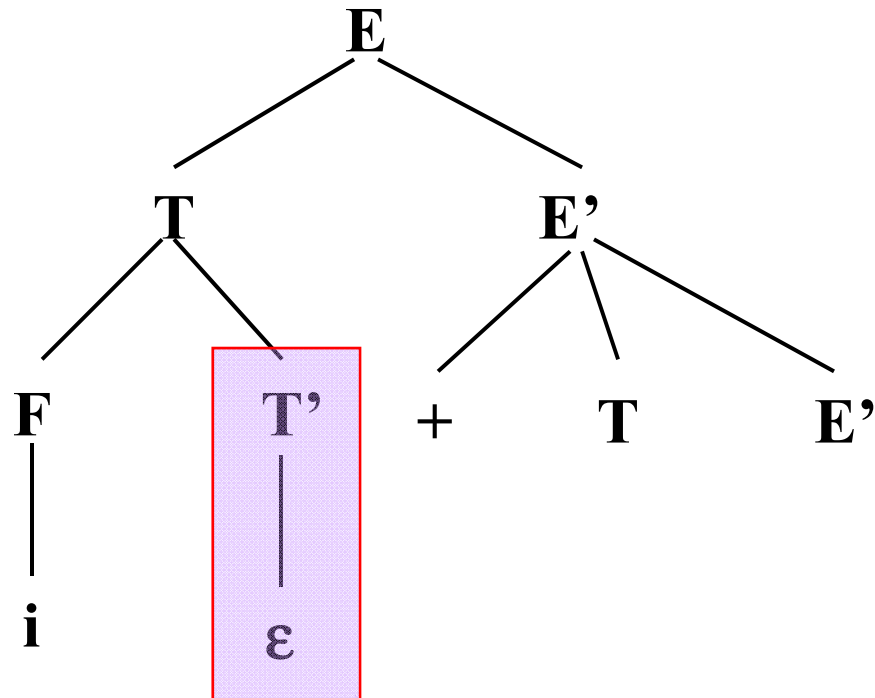


**i + i #**  
↑  
**IP**

G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$



**i + i #**  
 $\uparrow$   
**IP**



G(E):  
 $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

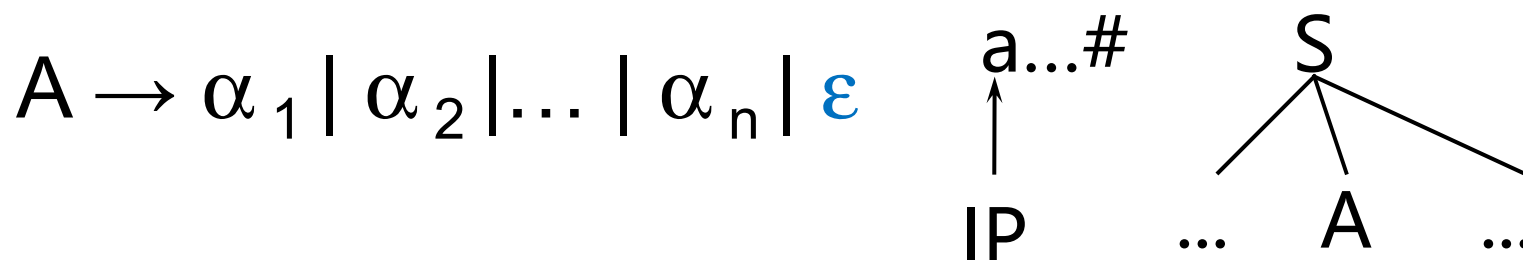
$E \Rightarrow \dots \Rightarrow i T' + \dots$

# FOLLOW集合

- ▶ 假定S是文法G的开始符号，对于G的任何非终结符A，我们定义A的**FOLLOW**集合

$$FOLLOW(A) = \{a \mid S \xRightarrow{*} \dots Aa \dots, a \in V_T\}$$

特别是，若 $S \xRightarrow{*} \dots A$ ，则规定 $\# \in FOLLOW(A)$





# LL(1)文法

## ► 构造不带回溯的自上而下分析的文法条件

1. 文法不含左递归
2. 对于文法中每一个非终结符A的各个产生式的候选首符集两两不相交。即，若

$$A \rightarrow \alpha_1 | \alpha_2 | \dots | \alpha_n$$

则  $\text{FIRST}(\alpha_i) \cap \text{FIRST}(\alpha_j) = \phi \quad (i \neq j)$

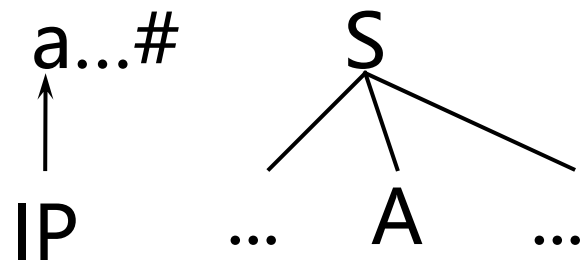
3. 对文法中的每个非终结符A，若它存在某个候选首符集包含 $\epsilon$ ，则

$$\text{FIRST}(\alpha_i) \cap \text{FOLLOW}(A) = \phi, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

如果一个文法G满足以上条件，则称该文法G为LL(1)文法。

L: 从 L: 最 1: 每一步只需向前查看一个符号

# LL(1)分析法



- ▶ 对于LL(1)文法，可以对其输入串进行有效的无回溯的自上而下分析。
- ▶ 假设要用非终结符 $A$ 进行匹配，面临的输入符号为 $a$ ， $A$ 的所有产生式为

$$A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$$

1. 若 $a \in \text{FIRST}(\alpha_i)$ ，则指派 $\alpha_i$ 执行匹配任务；
2. 若 $a$ 不属于任何一个候选首符集，则：
  - (1) 若 $\epsilon$ 属于某个 $\text{FIRST}(\alpha_i)$ 且 $a \in \text{FOLLOW}(A)$ ，则让 $A$ 与 $\epsilon$ 自动匹配。
  - (2) 否则， $a$ 的出现是一种语法错误。

# 编译原理

## FIRST和FOLLOW集合的构造

# FIRST和FOLLOW集合的构造

$$FIRST(\alpha) = \{a \mid \alpha \xRightarrow{*} a \dots, a \in V_T\}$$

$$FOLLOW(A) = \{a \mid S \xRightarrow{*} \dots Aa \dots, a \in V_T\}$$

## 构造FIRST( $\alpha$ )

- ▶  $FIRST(\alpha) = \{a \mid \alpha \xRightarrow{*} a \dots, a \in V_T\}$
- ▶  $\alpha = X, \quad X \in V_T \cup V_N$
- ▶  $\alpha = X_1 X_2 \dots X_n, \quad X_i \in V_T \cup V_N$

# 构造每个文法符号的FIRST集合

► 对每一 $X \in V_T \cup V_N$ , 连续使用下面的规则, 直至每个集合FIRST不再增大为止:

1. 若 $X \in V_T$ , 则 $\text{FIRST}(X) = \{X\}$ 。
2. 若 $X \in V_N$ , 且有产生式 $X \rightarrow a \dots$ , 则把 $a$ 加入到 $\text{FIRST}(X)$ 中; 若 $X \rightarrow \epsilon$ 也是一条产生式, 则把 $\epsilon$ 也加到 $\text{FIRST}(X)$ 中。
3.
  - 若 $X \rightarrow Y \dots$ 是一个产生式且 $Y \in V_N$ , 则把 $\text{FIRST}(Y)$ 中的所有非 $\epsilon$ -元素都加到 $\text{FIRST}(X)$ 中;
  - 若 $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_{i-1} Y_i \dots Y_k$ 是一个产生式,  $Y_1, \dots, Y_{i-1}$ 都是非终结符,
    - 对于任何 $j$ ,  $1 \leq j \leq i-1$ ,  $\text{FIRST}(Y_j)$ 都含有 $\epsilon$  (即 $Y_1 \dots Y_{i-1} \xRightarrow{*} \epsilon$ ), 则把 $\text{FIRST}(Y_i)$ 中的所有非 $\epsilon$ -元素都加到 $\text{FIRST}(X)$ 中
    - 若所有的 $\text{FIRST}(Y_j)$ 均含有 $\epsilon$ ,  $j = 1, 2, \dots, k$ , 则把 $\epsilon$ 加到 $\text{FIRST}(X)$ 中。

## 构造FIRST( $\alpha$ )

- ▶  $FIRST(\alpha) = \{a \mid \alpha \xRightarrow{*} a \dots, a \in V_T\}$
- ▶  $\alpha = X, \quad X \in V_T \cup V_N$
- ▶  $\alpha = X_1 X_2 \dots X_n, \quad X_i \in V_T \cup V_N$

# 构造任何符号串的FIRST集合

- ▶ 对文法G的任何符号串 $\alpha = X_1 X_2 \dots X_n$ 构造集合 $\text{FIRST}(\alpha)$ 
  1. 置 $\text{FIRST}(\alpha) = \text{FIRST}(X_1) \setminus \{\epsilon\}$ ;
  2. 若对任何 $1 \leq j \leq i-1$ ,  $\epsilon \in \text{FIRST}(X_j)$ , 则把 $\text{FIRST}(X_i) \setminus \{\epsilon\}$ 加至 $\text{FIRST}(\alpha)$ 中; 特别是, 若所有的 $\text{FIRST}(X_j)$ 均含有 $\epsilon$ ,  $1 \leq j \leq n$ , 则把 $\epsilon$ 也加至 $\text{FIRST}(\alpha)$ 中。显然, 若 $\alpha = \epsilon$ 则 $\text{FIRST}(\alpha) = \{\epsilon\}$ 。



## 构造FOLLOW(A)

$$\blacktriangleright FOLLOW(A) = \{a \mid S \xRightarrow{*} \dots Aa \dots, a \in V_T\}$$

## 构造每个非终结符的FOLLOW集合

- ▶ 对于文法G的每个非终结符A构造FOLLOW(A)的办法是，连续使用下面的规则，直至每个FOLLOW不再增大为止：
  1. 对于文法的开始符号S，置#于FOLLOW(S)中；
  2. 若 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式，则把 $\text{FIRST}(\beta) \setminus \{\epsilon\}$ 加至FOLLOW(B)中；
  3. 若 $A \rightarrow \alpha B$ 是一个产生式，或 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式而 $\beta \xRightarrow{*} \epsilon$  (即 $\epsilon \in \text{FIRST}(\beta)$ )，则把FOLLOW(A)加至FOLLOW(B)中

## 构造每个非终结符的FOLLOW集合

- 对于文法G的每个非终结符A构造FOLLOW(A)的办法是，连续使用下面的规则，直至每个FOLLOW不再增大为止：
1. 对于文法的开始符号S，置#于FOLLOW(S)中；
  2. 若 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式，则把 $\text{FIRST}(\beta) \setminus \{\epsilon\}$ 加至FOLLOW(B)中；
  3. 若 $A \rightarrow \alpha B$ 是一个产生式，或 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式而 $\beta \xRightarrow{*} \epsilon$  (即 $\epsilon \in \text{FIRST}(\beta)$ )，则把FOLLOW(A)加至FOLLOW(B)中

$A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式，

$\because \forall a \in \text{FIRST}(\beta) \setminus \{\epsilon\}$ ，有 $\beta \xRightarrow{*} a \dots$

则有  $S \xRightarrow{*} \dots A \dots \Rightarrow \dots \alpha B \beta \dots \xRightarrow{*} \dots \alpha B a \dots$

$\therefore a \in \text{FOLLOW}(B)$

## 构造每个非终结符的FOLLOW集合

- 对于文法G的每个非终结符A构造FOLLOW(A)的办法是，连续使用下面的规则，直至每个FOLLOW不再增大为止：
1. 对于文法的开始符号S，置#于FOLLOW(S)中；
  2. 若 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式，则把 $\text{FIRST}(\beta) \setminus \{\epsilon\}$ 加至FOLLOW(B)中；
  3. 若 $A \rightarrow \alpha B$ 是一个产生式，或 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式而 $\beta \xRightarrow{*} \epsilon$  (即 $\epsilon \in \text{FIRST}(\beta)$ )，则把FOLLOW(A)加至FOLLOW(B)中

若 $A \rightarrow \alpha B$ 是一个产生式

$\because \forall a \in \text{FOLLOW}(A), \text{有 } S \xRightarrow{*} \dots Aa \dots$   
 $\therefore S \xRightarrow{*} \dots Aa \dots \Rightarrow \dots \alpha Ba \dots$   
 $\therefore a \in \text{FOLLOW}(B)$

$A \rightarrow \alpha B \beta$ 是一个产生式而 $\beta \xRightarrow{*} \epsilon$

$\because \forall a \in \text{FOLLOW}(A), \text{有 } S \xRightarrow{*} \dots Aa \dots$   
 $\therefore S \xRightarrow{*} \dots Aa \dots \Rightarrow \dots \alpha B \beta a \dots \xRightarrow{*} \dots \alpha Ba \dots$   
 $\therefore a \in \text{FOLLOW}(B)$

# 测试

► 对于文法G(E):

$$E \rightarrow TE'$$
$$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$$
$$T \rightarrow FT'$$
$$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$$
$$F \rightarrow (E) \mid i$$

构造每个非终结符的FIRST和FOLLOW集合

$$\text{FIRST}(E) = \{ (, i \}$$
$$\text{FIRST}(E') = \{ +, \varepsilon \}$$
$$\text{FIRST}(T) = \{ (, i \}$$
$$\text{FIRST}(T') = \{ *, \varepsilon \}$$
$$\text{FIRST}(F) = \{ (, i \}$$
$$\text{FOLLOW}(E) = \{ \#, ) \}$$
$$\text{FOLLOW}(E') = \{ \#, ) \}$$
$$\text{FOLLOW}(T) = \{ +, \#, ) \}$$
$$\text{FOLLOW}(T') = \{ +, \#, ) \}$$
$$\text{FOLLOW}(F) = \{ *, +, \#, ) \}$$

# 小结

- ▶ 构造不带回溯的自上而下分析算法
  - ▶ 消除文法的左递归
  - ▶ 提取左公共因子，克服回溯
- ▶ LL(1)文法的条件
  - ▶ FIRST、FOLLOW集合