Computación Científica

Trabajo Práctico 2

Entrega: semana del 17 de junio de 2025

BUENAS PRÁCTICAS

- Demostrar siginifica demostrar, no hacerlo con un ejemplo genérico.
- Cualquier archivo que entregue debe ser nombrado siguiendo la convención tp2ecsnolineales-apellido1-apellido2.extension, donde los apellidos siguen el orden alfabético. Sólo se aceptarán trabajos debidamente nombrados.

A. ¿VAMOS CONVERGIENDO?

- 1) En el apunte *convergencia made easy* se muestran 2 definiciones de *orden de convergencia*. La primera, correspondiente a Burden **(B)**, y la segunda, una definición alternativa de la literatura **(L)**.
 - i) ¿Es cierto que son equivalentes? ¿Alguna implica a la otra? Justificar.
 - ii) Demuestre que el algoritmo de bisección da una sucesión con una cota de error que converge linealmente a cero según (B). ¿Se puede reescribir este hecho en términos de (L)?

B. ¿VAMOS EXPLORANDO?

1) Demuestre que el orden de convergencia de la sucesión de Punto Fijo

$$x_{n+1} = g(x_n)$$

es 1 si $g'(\alpha) \neq 0$ con constante de error asintótica $g'(\alpha)$. ¿Y si $g'(\alpha) = 0$?

2) En el ejercicio 21) de la Práctica 2 se define la sucesión $x_n'=\{\Delta^2\}(x_n)$ para una sucesión de Punto Fijo x_n . Considere

$$g(x) = \frac{xe^{-x} + \sqrt{x}}{2}, \quad x \in [0, 1]$$

y sea α su punto fijo. Confecciones una tabla donde se aprecien n, x_n, x_n' y los cocientes $(x_n'-\alpha)/(x_n-\alpha)$. Exhiba una conclusión sobre x_n' .