## Outils formels de Modélisation $11^{\text{ème}}$ séance d'exercices

## Dimitri Racordon

Dans cette séance d'exercices, nous allons manipuler des preuves en utilisant la théorie des séquents.

## 1 Preuves par séquents (★★)

En utilisant la méthode des séquents, prouvez les formules suivantes:

- 1.  $A \wedge B \vdash A \vee B$
- 2.  $A \lor B \vdash (A \land C) \lor (B \land C) \lor \neg C$
- 3.  $A \Rightarrow B, A \Rightarrow C, B \Rightarrow D, C \Rightarrow D \vdash A \Rightarrow D$
- 4.  $A \Rightarrow B, B \Rightarrow A \vdash A \Leftrightarrow B$

## 2 Fainéantise (★★★)

Nous disposons des propositions suivantes:

- S'il fait beau, on va à l'université.
- S'il risque de pleuvoir, on ne va pas à l'université.
- Si on n'est pas à la maison, on est à l'université.
- Si on reste à la maison, on fait des exercices et on relit le cours.
- Si le ciel est gris, il risque de pleuvoir.
- Si on va à l'université, on fait des exercices et on est contents.
- Soit il fait beau, soit le ciel est gris.

Démontrez en utilisant des séquents que, dans un monde décrit par de telles affirmations, on est condamné à toujours faire des exercices. Commencez par les exprimer sous forme de formules propositionnelles, créez un jugement approprié, puis démontrez-le.