Outils formels de Modélisation $10^{\text{ème}}$ séance d'exercices

Aurélien Coet, Dimitri Racordon

Dans cette séance d'exercices, nous allons étudier les bases de la logique propositionnelle, notamment en nous intéressant aux équivalences sémantiques.

1 Tables de vérité (★)

Donnez les tables de vérité des formules logiques suivantes. Indiquez ensuite lesquelles de ces formules sont des tautologies.

1. $\alpha \wedge \beta$

4. $\alpha \wedge (\beta \vee \gamma)$

 $2. \alpha \implies \neg \beta$

5. $(\alpha \implies \beta) \lor (\alpha \lor \neg \beta)$

3. $\alpha \wedge (\beta \vee \neg \alpha)$

6. $(\alpha \vee \beta) \implies (\alpha \vee \gamma)$

2 Transformations $(\bigstar \bigstar)$

Transformez les formules logiques suivantes en forme négative (NNF), en forme conjonctive (CNF) et en forme disjonctive (DNF).

1. $\neg(\alpha \land (\beta \lor \gamma))$

- 3. $(\neg \alpha \lor \beta \land \gamma) \land \alpha$
- 2. $(\alpha \implies \beta) \lor \neg(\alpha \land \gamma)$

3 Equivalences logiques $(\star\star\star\star)$

Démontrez les équivalences logiques suivantes.

- 1. $(\alpha \vee \beta) \wedge (\neg \alpha \vee \gamma) \equiv (\neg \alpha \wedge \beta) \vee (\gamma \wedge (\alpha \vee \beta))$
- 2. $(\alpha \lor \beta) \implies \neg \gamma \equiv \neg ((\alpha \land \gamma) \lor (\beta \land \gamma))$

4 Exclusivité (★★★)

Donnez une formule de logique propositionnelle équivalente à la ligne de code suivante, écrite en F#:

let c = if a <> b then true else false