

# 第三章：语法分析

语法树

二义性文法

正则文法与自动机



# 1.1 语法树的定义

- **语法树**： 设G是给定的语法，称满足下列条件的树为G的一棵语法树：
1. 树的每个节点都标有G的一个语法符号，且根节点标有初始符S。
  2. 如果一个非叶节点A按从左到右顺序有n个儿子节点 $B_1$ 、 $B_2$ 、...、 $B_n$ ，则： $A \rightarrow B_1 B_2 \dots B_n$  一定是G的一个产生式。

# 1.1 语法树的定义

□ 例子：有文法

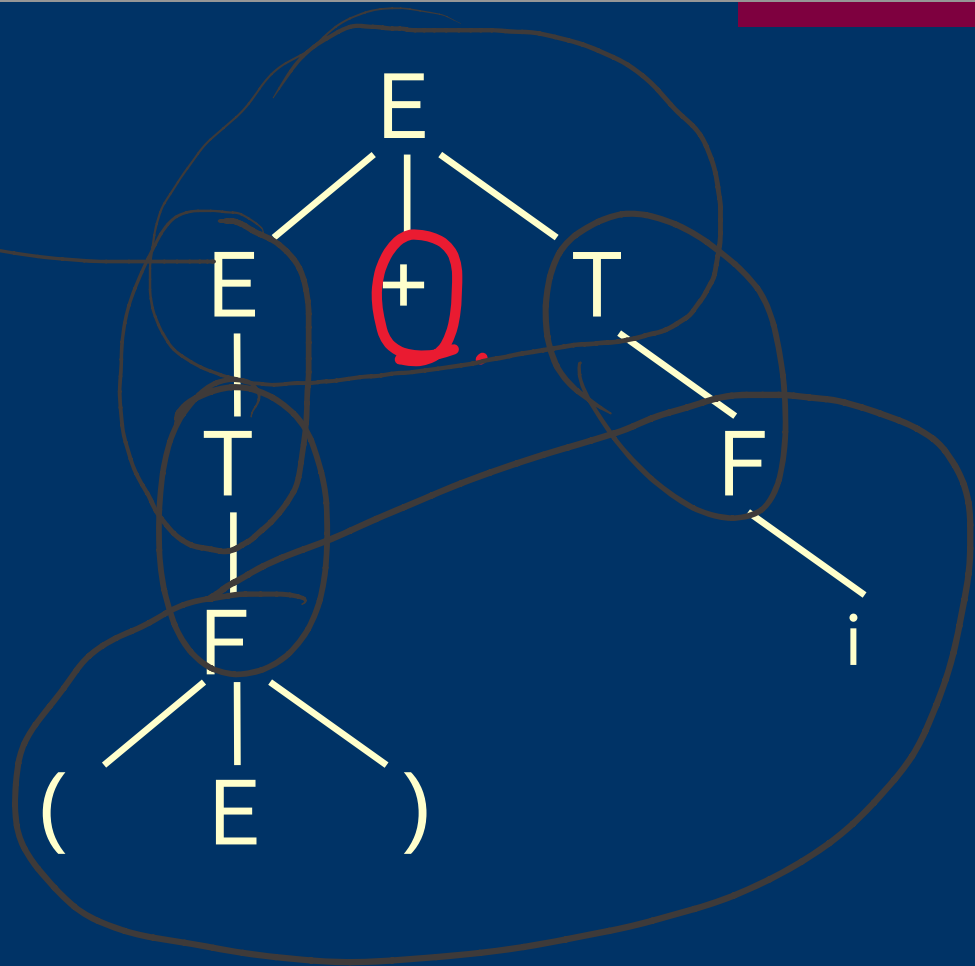
$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow T * F$

$T \rightarrow F$

$F \rightarrow (E) \mid i$



## 1.2 语法树的作用

- 作用主要有两点：
- 语法树反映出推导过程，每一步节点的生长过程都可以对应到一步推导。
- 语法树反映出串的语法结构。

## 1.3 语法树和语法概念的关系

- **子树**: 某语法树 $T$ 中的某一节点 $A$ 和它所有分支组成的树 $T'$ , 则称 $T'$ 是 $T$ 的一颗子树。
- **简单子树**: 某一节点 $A$ 与其子节点 (单层节点) 组成的树。从严格意义上来说,  $A$ 应该有且仅有一层子节点。

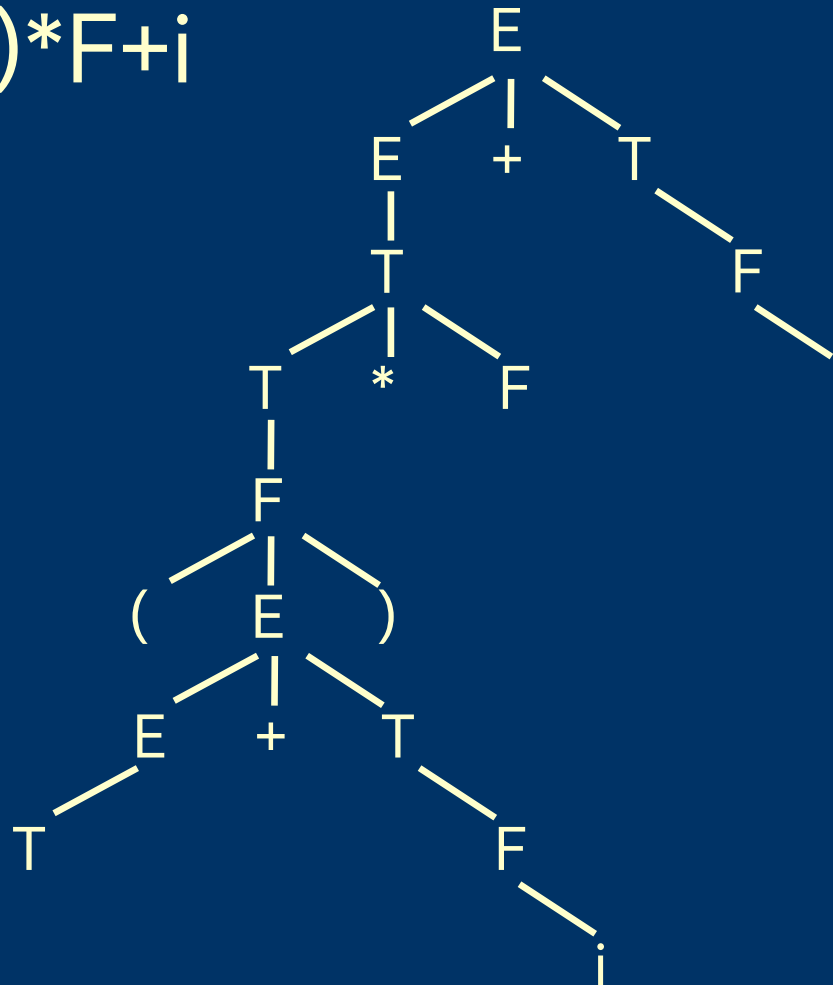
## 1.3 语法树和语法概念的关系

### 结论

- 语法树的所有叶节点（从左到右）组成的是一个句型
- 语法树的子树所有叶节点（从左到右）组成的是一个短语
- 简单子树所有叶节点（从左到右）构成一个简单短语
- 最左简单子树叶节点对应的是一个句柄

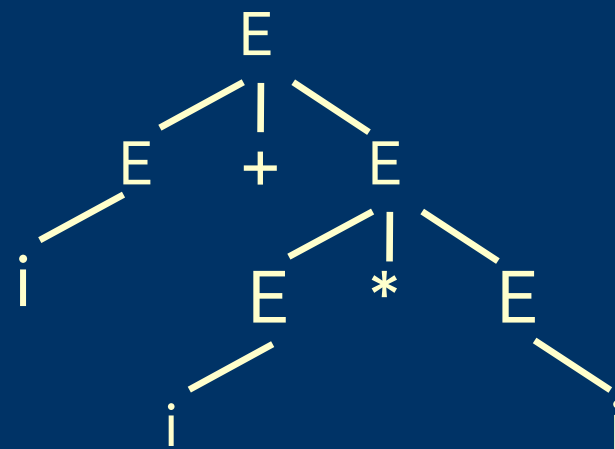
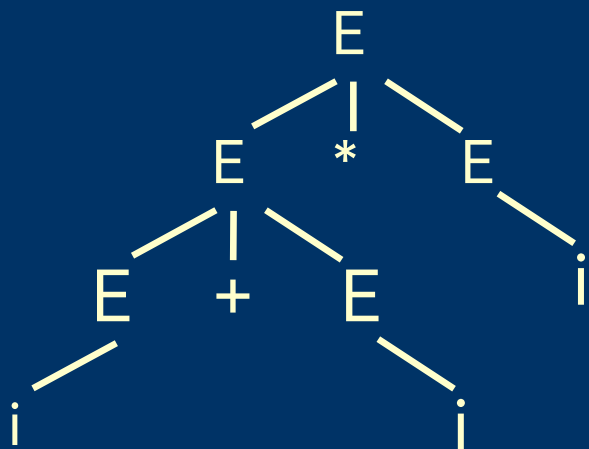
# 1.3 语法树和语法概念的关系

□ 例子:  $(T+i)*F+i$



## 2.1 文法的二义性

- 定义：设存在文法G，若G的某一个句子存在两棵不同的语法树，则称G为二义性文法。
- 例1：表达式文法  $E \rightarrow E+E|E*E|(E)|i$  对于  $i+i*i$  有：





## 2.1 文法的二义性

□ 例2, PASCAL语言中的条件语句:

正常 if (E) then S1 else S2

简写 if (E) then S1

二义性: if (E1) then S1

if (E2) then S2

else S3

## 2.2 文法二义性的判定和利用

### □ 文法二义性的判断

目前，不存在一个一般性的方法来判断一个现有文法是否为二义性文法。

### □ 常用的经验性判断:

$S \rightarrow SS|a$  可以推导出SSSS串，必有二义性

$S \rightarrow S+S$  可以推导出 $S+S+S$ ，必有二义性

## 2.2 文法二义性的判定和利用

### □ 文法二义性的利用

对二义性文法进行修改，消除其二义性会导致文法的复杂程度和符号数目迅速升高。

可以利用二义性文法状态少，分析快的特点，使用二义性文法，对具体问题加入语义规则，约束其二义性即可。

## 3.1 正则文法和DFA间的关系

- 定理：正则文法（3型文法）与DFA等价
- 构造性证明：给定一个正则文法 $G(V_N, V_T, P, S)$ 构造一个等价的DFA  $A(\Sigma, S, S_0, f, Z)$ , 使得 $L(G)=L(A)$ 。

## 3.2 正则文法到DFA的转换

□ 构造方法:

令  $S = V_N \cup \{k\}$ ;  $\Sigma = V_T$ ;  $S_0 = S_G$ ;  $Z = \{k\}$ ;

转换函数  $f$  如果有  $X \rightarrow aY$  则构建  $f(X, a) = Y$  .

如果有  $X \rightarrow a$  则构建  $f(X, a) = k$

□ 例子:

$Z \rightarrow aZ | bB | c$

$B \rightarrow dB | b$

## 3.3 DFA到正则文法的转换

### □ 构造方法

令  $Z' = \{A \mid A \in Z, A \text{ 没有输出边}\}$ ;  $S = S_0$ ;  $V_N = S_A - Z'$ ;  $V_T = \Sigma$ ;

规则P: (对含有输出边终止状态的增加一条规则)

若有  $f(X, a) = Y$ , 且  $Y \notin Z'$ , 则构建  $X \rightarrow aY$ ;

若有  $f(X, a) = Y$ , 且  $Y \in Z$ , 则构建  $X \rightarrow a$ ;

# 若干历年考试题

- 构造一个文法G, 使 $L(G)=\{a^n b^m c^k | m=n+k, n \geq 1, m > 1, k \geq 1\}$

G[S]:  $S \rightarrow AB$

$A \rightarrow aAb | ab$

$B \rightarrow bBc | bc$

# 若干历年考试题

□ 已知文法 $G[Z]$ :

$Z \rightarrow WV$

$W \rightarrow aB \mid aW \mid a$

$B \rightarrow b \mid bB$

$V \rightarrow bV \mid dD$

$D \rightarrow d \mid dD$

□ 判断文法 $G[Z]$ 是否为二义性文法，如果是请举例

句子 $abdd$ 有两棵语法树。



# 若干历年考试题

□ 设有一个文法G[S]:

$S \rightarrow V$

$V \rightarrow T | ViT$

$T \rightarrow F | T + F$

$F \rightarrow V^* | [$

$F + Fi[$

句型 $F + Fi[$ 的短语，简单短语和句柄分别为：  
首 $F$ ,  $F + F$ ,  $F + Fi[$ ,  $[$   
首 $F$ ,  $[$ ;  
首 $F$ 。