

Devoir maison n°17

à rendre le 27/05

Exercice 1

Dans chaque question, donner un développement limité de la fonction au point a et à l'ordre n.

1.
$$x \mapsto \sqrt{\cos x}$$
, $a = 0$, $n = 4$.

2.
$$x \mapsto \frac{\ln(1+x)}{1+x}$$
, $a = 0$, $n = 3$.

3.
$$x \mapsto \sin x$$
, $a = \frac{\pi}{6}$, $n = 3$.

Exercice 2

Les deux questions sont indépendantes.

1. Calculer la limite:

$$\lim_{x\to 0} \left(\frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{x} \right).$$

2. Donner l'allure locale de la courbe

$$\mathscr{C}: y = e^x - 1 - x$$

au voisinage de 0. On fera une figure.