Ludwig-Maximilians-Universität München Institut für Informatik

Prof. Dr. Peer Kröger Michael Fromm, Florian Richter

Einführung in die Programmierung WS 2018/19

Übungsblatt 6: Rekursion++

Besprechung: 03.12 - 07.12.2018

Aufgabe 6-1 Syntaxdefinition: BNF-Satzform für arithmetische Ausdrücke

Ein arithmetischer Ausdruck entsteht durch Verknüpfung von Zahlen mit arithmetischen Operatoren. Formal können arithmetische Ausdrücke folgendermaßen definiert werden:

- Jede Zahl ist ein arithmetischer Ausdruck.
- Wenn A ein arithmetischer Ausdruck ist, dann ist auch (A) ein arithmetischer Ausdruck, d.h. ein korrekt geklammerter arithmetischer Ausdruck ist wiederum ein arithmetischer Ausdruck.
- Wenn A_1 und A_2 arithmetische Ausdrücke sind, dann sind auch $A_1 + A_2$, $A_1 A_2$, $A_1 * A_2$ sowie $A_1 \div A_2$ arithmetische Ausdrücke, d.h. auch die Summe, die Differenz, das Produkt und der Quotient von arithmetischen Ausdrücken sind arithmetische Ausdrücke.
- (a) Modellieren Sie in BNF-Satzform die syntaktische Variable $\langle Ausdruck \rangle$, welche alle Arten von arithmetischen Ausdrücken akzeptiert. Diese Variable ist also das sogenannte *Startsymbol*. Gerne dürfen Sie weitere Hilfs-Variablen einführen.
- (b) Geben Sie für den arithmetischen Ausdruck ((3+5)*8)+12 die Ableitung an. Halten Sie sich dabei exakt an die von Ihnen definierten Syntaxregeln. Wenden Sie in jedem Ableitungsschritt nur genau eine Regel an.

Geben Sie die Lösung beider Teilaufgaben in einer Datei ausdruck.txt oder ausdruck.pdf ab.

Aufgabe 6-2 Zustände von Variablen

```
public class Zustand
public static void main(String[] args) {
     final int DIV = 24;
    int variable;
    int counter = 1;
    {
         // *a*
         variable = counter++;
         int y = 12;
         variable += y;
         counter++;
         // *b*
    final double d;
         counter = 4;
         double a = 10.0;
             d = a + ++counter;
             // *c*
         counter = 3;
         \mathbf{while}(\mathbf{counter} > 0)
             counter --;
             a -= counter;
             // *d*
    variable = variable / DIV;
    // *e*
}
```

Zu Aufgabe 6-2:

Geben Sie für jede der mit *a*, *b*, *c*, *d* und *e* gekennzeichneten Zeilen an, welche Variablen nach Ausführung der jeweiligen Zeile sichtbar sind ("-" = nicht sichtbar) und welchen Wert sie haben.

item	 	 	 	 	
a					
b					
•••					

Aufgabe 6-3 *Mehr Rekursion*

In dieser Aufgabe sollen Sie noch einmal Algorithmen mittels Rekursion in Java implementieren. Auch bei dieser Aufgabe dürfen Sie nur Basisoperationen verwenden, d.h. Sie müssen auch auf Math verzichten.

- (a) Implementieren Sie eine rekursive Methode long potenz (long x, int y), die zu zwei natürliche Zahlen x, y den Wert x^y berechnet. Behandeln Sie auch eventuelle Spezialfälle.
- (b) Implementieren Sie eine rekursive Methode long spiegelzahl (long z), die zu einer gegebenen ganzen Zahl $z=z_1z_2...z_n$ ihre Spiegelzahl $z'=z_nz_{n-1}...z_1$ bestimmt, also die Zahl, die bei

umgedrehter Ziffernreihenfolge entsteht. Implementieren Sie die Funktion int stellen(long z), welche gegeben einer Zahl z, die Anzahl an Stellen berechnet. Implementieren Sie außerdem eine Funktion istPalindrom, die zurückgibt, ob eine gegebene ganze Zahl vom Typ long eine Palindromzahl ist. Benutzen Sie hierzu KEINE anderen Klassen. Wir wollen die Problematik der führenden Nullen umgehen und definieren dazu, dass Vielfache von 10 niemals Palindromzahlen sein können. Bsp.: $1230 \neq \text{spiegelzahl}(0321) = 123$.

Aufgabe 6-4 Noch mehr Rekursion

Beim Backen von Keksen gilt, dass stets ein hoher Qualitätsanspruch bewahrt werden muss. Im Heim eines Informatikerprofessors geschieht dies durch eine ausgeklügelte Strategie, die man auch als Peer-Review kennt. Einzelne Kekse werden stichprobenartig ausgewählt und "getestet". Es ist allerdings wichtig, dass bei stark wachsendem Keksinput die Testmenge nicht zu schnell mitwächst, um Unwohlsein zu vermeiden. Folgende Peer-Review-Strategie hat sich dabei entwickelt:

- Wenn kein Keks da ist, kann auch keiner probiert werden.
- Wenn es einen Keks gibt, sollte dieser auch getestet werden.
- Wenn es gerade viele Kekse gibt, teste 2. Die übrige Menge wird in zwei gleichgroße Haufen geteilt und nur ein Haufen wird weiter getestet.
- Wenn es ungerade viele Kekse gibt, dann testen wir einen und testen die übrige Menge wie zuvor.

Implementieren Sie eine Funktion peer(int n), die zu einer gegebenen Menge Keksen die Anzahl der getesteten Kekse zurückgibt.

Aufgabe 6-5 Rekursion vs. Iteration

Sie kennen nun zwei wichtige Programmierparadigmen: Funktionale Programmierung und imperative Programmierung. Beide Paradigmen lösen gegebene Probleme auf einem anderen Abstraktionslevel, aber jeder Algorithmus lässt sich mehr oder weniger leicht in der anderen Weise umsetzen.

- (a) Die Summe der ersten n natürlichen Zahlen lässt sich sowohl imperativ als auch rekursiv berechnen. Implementieren Sie eine rekursive Funktion summeRek(int n), die die Summe $1 + \ldots + n$ berechnet.
- (b) Implementieren Sie außerdem summeIt(int n), die das gleiche Ergebnis liefern sollte, aber ohne einen rekursiven Funktionsaufruf auskommt.
- (c) Auf dem letzten Übungsblatt haben Sie das Heron-Verfahren zum Wurzelziehen benutzt. Implementieren Sie nun eine iterative Version wurzellt(double x, int n) basierend auf diesem Verfahren.
- (d) Fibonacci-Zahlen sind in den meisten Lehrbüchern als das Paradebeispiel für Rekursive Methoden angegeben. Implementieren Sie eine Funktion fiblt(int n), die die n-te Fibonacci-Zahl

$$f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$$

mit den Anfangswerten f1 = f2 = 1 iterativ berechnet.